Лабораторная работа №4. Модель гармонических колебаний.

Евдокимов Иван Андреевич. НФИбд-01-20 1 марта, 2023, Москва, Россия Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи работы —

Цель лабораторной работы

Изучить уравнение гармонического осцилятора без затухания. Записать данное уравнение и построить фазовый портрет гармонических и свободных колебаний.

Задание к лабораторной работе

- 1. Построить решение уравнения гармонического осциллятора без затухания
- 2. Записать уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора с затуханием, построить его решение. После построить фазовый портрет гармонических колебаний с затуханием.
- 3. Записать уравнение колебаний гармонического осциллятора, если на систему действует внешняя сила, построить решение и фазовый портрет.

Ход работы лабораторной:

Движение грузика на пружинке, маятника, заряда в электрическом контуре. Также эволюция во времени многих систем в физике, химии, биологии и других науках при определенных предположениях можно описать одним дифференциальным уравнением, которое в теории колебаний выступает в качестве основной модели. Такая модель называется линейным гармоническим осциллятором.

Уравнение же свободных колебаний гармонического осциллятора имеет вид: *

$$\ddot{x} + 2\gamma \dot{x} + \omega^2 = 0$$

При отсутствии потерь в системе ($\gamma=0$) мы получим уравнение консервативного осциллятора энергии колебания, которое сохранится во времени.*

$$\ddot{x} + \omega^2 x = 0$$

Для однозначной разрешимости уравнения второго порядка необходимо задать два начальных условия вида:

$$\begin{cases} x(t_0) = x_0 \\ x(\dot{t}_0) = y_0 \end{cases}$$

Уравнение второго порядка представляем в виде системы двух уравнений первого порядка:

$$\begin{cases} x = y \\ y = -\omega^2 x \end{cases}$$

Начальные условия для системы примут вид:

$$\begin{cases} x(t_0) = x_0 \\ y(t_0) = y_0 \end{cases}$$

Условие задачи

Постройте фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев

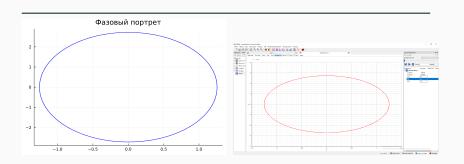
- 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы $\ddot{x}+4.7x=0$
- 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы $\ddot{x}+0.5\dot{x}+7x=0$
- 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы $\ddot{x}+7\dot{x}+0.5x=0.5\sin0.7t$

На итн
тервале $t \in [0; 56]$, шаг 0.05, $x_0 = 0.9, y_0 = 1.9$

Случай 1.

Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

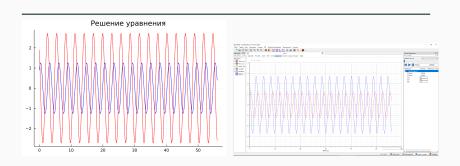
$$\ddot{x} + 4.7x = 0$$



Случай 1.

Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

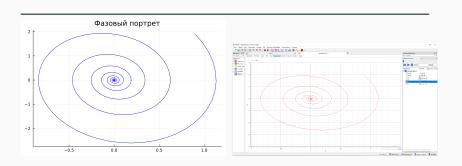
$$\ddot{x} + 4.7x = 0$$



Случай 2.

Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

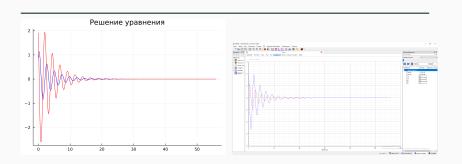
$$\ddot{x} + 0.5\dot{x} + 7x = 0$$



Случай 2.

Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

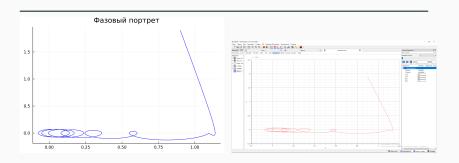
$$\ddot{x} + 0.5\dot{x} + 7x = 0$$



Случай 3.

Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

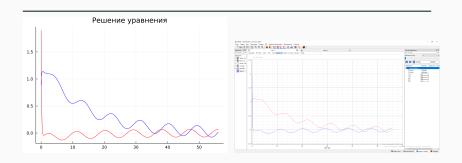
$$\ddot{x} + 7\dot{x} + 0.5x = 0.5\sin 0.7t$$



Случай 3.

Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

$$\ddot{x} + 7\dot{x} + 0.5x = 0.5\sin 0.7t$$



Выводы по проделанной работе

Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы мы построили решения уравнений гармонического осциллятора, а также фазовые портреты для трех случаев:

- 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы
- 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы
- 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы