Лабораторная работа №3

Модель боевых действий

Махорин И. С.

21 февраля 2024

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия



Информация

Докладчик

- Махорин Иван Сергеевич
- Студент
- Обучающийся на кафедре теории вероятностей и кибербезопасности
- Российский университет дружбы народов
- · ivan.mahorin@yandex.ru
- https://github.com/Ivan-Mahorin

Вводная часть

Цели и задачи

• Построить графики модели боевых действий, а также ознакомиться с Scilab.

Основная часть

Вариант 59

Задача: Между страной X и страной У идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями x(t) и y(t). В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 500 000 человек, а в распоряжении страны У армия численностью в 500 000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a,b,c,h постоянны. Также считаем P(t) и Q(t) непрерывные функции. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии У для следующих случаев:

Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{array}{l} \frac{\partial x}{\partial t} = -0,45x(t)-0,86y(t)+\sin(t+1)\\ \frac{\partial y}{\partial t} = -0,49x(t)-0,73y(t)+\cos(t+2) \end{array}$$

Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

$$\begin{array}{l} \frac{\partial x}{\partial t} = -0,17x(t)-0,65y(t)+\sin(2t)+2\\ \frac{\partial y}{\partial t} = -0,31x(t)y(t)-0,28y(t)+\cos(t)+2 \end{array}$$

Подробное рассмотрение уравнений

1.1. Потери, не связанные с боевыми действиями, описывают члены -0,45x(t) и -0,73y(t), члены -0,86y(t) и -0,49x(t) отражают потери на поле боя. Функции $P(t)=\sin(t+1)$, $Q(t)=\cos(t+2)$ учитывают возможность подхода подкрепления к войскам X и У в течение одного дня.

Подробное рассмотрение уравнений

1.2. Потери, не связанные с боевыми действиями, описывают члены -0,17x(t) и -0,28y(t), члены -0,65y(t) и -0,31x(t)y(t) отражают потери на поле боя. Функции $P(t)=\sin(2t)+2$, $Q(t)=\cos(t)+2$ учитывают возможность подхода подкрепления к войскам X и У в течение одного дня.

Подробное рассмотрение уравнений

1.3. Начальные условия для обоих случаев будут равно $x_0=500000$, $y_0=500000$

Построение графиков численности войск

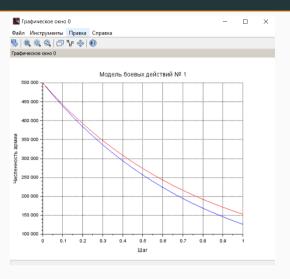


Рис. 1: График для первого случая

Построение графиков численности войск

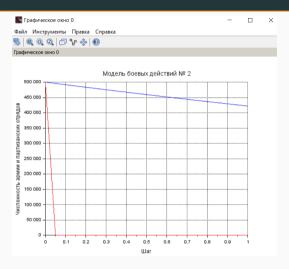


Рис. 2: График для второго случая

Выводы

• В результате выполнения лабораторной работы мы научились решать и строить графики модели боевых действий в среде Scilab.