Лабораторная работа №6

Компьютерный практикум по статистическому анализу данных

Махорин И. С.

2024

Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы, Москва, Россия

Докладчик

- Махорин Иван Сергеевич
- Студент группы НПИбд-02-21
- Студ. билет 1032211221
- Российский университет дружбы народов имени Патриса
 Лумумбы



Цель лабораторной работы

• Освоить специализированные пакеты для решения задач в непрерывном и дискретном времени.

Выполнение лабораторной работы

Решение обыкновенных дифференциальных уравнений

Для решения обыкновенных дифференциальных уравнений (ОДУ) в Julia можно использовать пакет diffrentialEquations.jl.

Модель экспоненциального роста

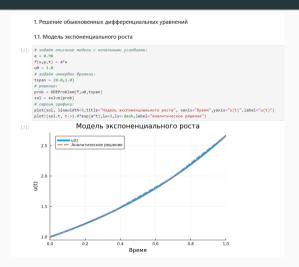


Рис. 1: График модели экспоненциального роста

Модель экспоненциального роста

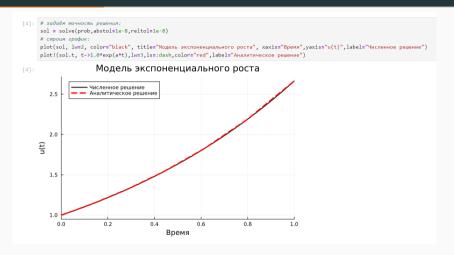


Рис. 2: График модели экспоненциального роста (задана точность решения)

Система Лоренца

```
    1.2. Система Лоренца

[12]: # Задаём описание модели
      function lorenz!(du, u, p, t)
         σ, ρ, β - ρ
          du[1] = \sigma + (u[2] - u[1])
          du[2] = u[1] * (p - u[3]) - u[2]
          du[3] = u[1] * u[2] - \beta * u[3]
      # Задаём начальное условие
      u0 = [1.0, 0.0, 0.0]
      # Задаём значения параметров
      p = (10, 28, 8 / 3)
      # Задаён интервал времени
      tspan = (0.0, 100.0)
      # Ремение
      prob = ODEProblem(lorenz!, u0, tspan, p)
      sol = solve(prob, Tsit5())
      # Свроин график
     plot(sol, idxs=(1, 2, 3), lw=1, title="Аттрактор Лоренца", xaxis="x", yaxis="y", zaxis="z", legend=false)
                                 Аттрактор Лоренца
```

Рис. 3: Аттрактор Лоренца

Система Лоренца

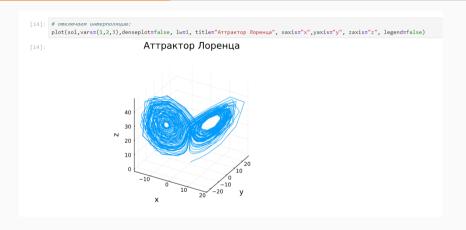


Рис. 4: Аттрактор Лоренца (интерполяция отключена)

Модель Лотки-Вольтерры

2. Модель Лотки-Вольтерры [33]: # Onnedersem modern, Somery-Rosemenny function lotks_volterral(du, u, p, t) x. v = u a. b. c. d = p dufil = A * x - h * x * v # Ynoferense dag second du[2] = -c * y + d * x * y # Уравнение для хищников # Начальные условия ий = [1.0, 1.0]. В начальные популяции желяй и химникой # Параметры модели p = [1.5, 1.0, 3.0, 1.0] # a, b, c, d # Интервал времени tspan = (0.0, 10.0) # Создаём задачу prob = ODEProblem(lotka volterra), u0, tspan, p) # Revoes sodowy sol = solve(prob, Tsit5()) # Построение графика plot(sol, label=["Mepras" "Xwumeke"], color="black", linestyle = [:solid :dash], title="Moneys Morks-Boys-renny", xlabel="Spema", ylabel="Pasmep популяции") Модель Лотки-Вольтерры — Жертвы ---- жертвы ----- Хишыики 10

Рис. 5: Модель Лотки-Вольтерры: динамика изменения численности популяций

Модель Лотки-Вольтерры

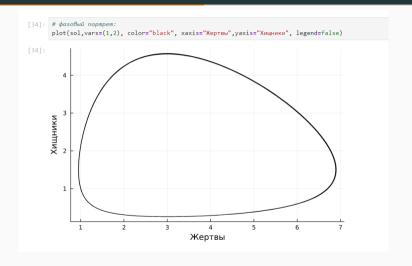


Рис. 6: Модель Лотки-Вольтерры: фазовый портрет

1) Реализовать и прознализировать модель роста численности изолированной популяции (модель Мальтуса). Начальные данные и параметры задать самостоятельно и пояснить их выбор. Построить соответствующие графики (в том числе с анимацией): [39]: # Onnedenesse panagemont b = 1.0 c = 0.2 a = b - c ий и 1.0 и Намальная мислемность популяции tspan = (0.0, 10.0) # Интербал брелени # Описание модели # Sadaru sadawy ncoh = ODEProblem(f. uB. tsnan) # Ремение подожи sol = solve(prob) # Настройка анимации anim = @animate for i in 1:length(sol.t) plot(sol.t[1:i], sol.u[1:i], linewidth=3, title="Модель Мальтуса", xlabel="Время", ylabel="Числежность популяции", legend=false) # Сохранение анимации в файл gif(anim, "malthus population growth.gif", fps=15) [Info: Saved animation to C:\Users\Ivan\Favorites\malthus_population_growth.gif Модель Мальтуса Время

Рис. 7: Решение задания №1

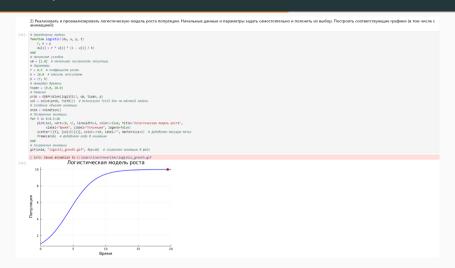


Рис. 8: Решение задания №2

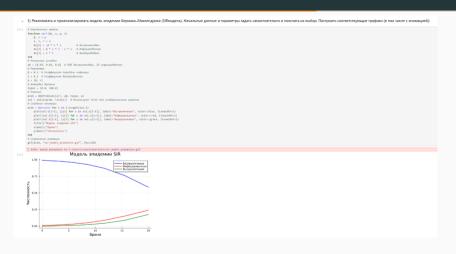


Рис. 9: Решение задания №3

```
4) Как расширение модели SIR (Susceptible-Infected-Removed) по результатом эпидемии испанки была предложена модель SEIR (Susceptible-Exposed-Infected-Removed). Исследуйте, сравните с SIR:
[62]: # Определение модели
      function sein!(du, u, p, t)
          B, S, Y, N = P
          du[1] = -β * s * 1 / N # ποτηριωννισώνε
          du[2] = B * s * i / N - 6 * e # Экспонированные
          duf31 = 6 * e - v * i # ##duuupodamese
         du[4] = y * 1
                                    # Buzdopodedwae
      # начальные условия
      ue = [0.99, 0.0, 0.01, 0.0] # 99% docnpuum-udux, 1% u-фицированных
      # Попометом
      8 = 0.3 # Козффициент передачи инфекции
      V = 0.1 # Knadduurem dendonodoreur
      N = 1.8 е общая мислениясть маселения
      p = (\beta_1, \delta_2, \gamma_1, N)
      в Интербля бремени
      tspan = (0.0, 100.0)
      я Решение
      prob = OOEProblem(seir!, u0, tspan, p)
      sol = solve(orgh, Tsit5()) # Honon-sure Tsit5 dan me_wiremus modes
      в Построение графика
      plot(sol, label=["Восприим-инвые" "Экспонированные" "Инфицированные" "Выздоровевшие"],
          title="Mogene эпидемии SEIR", xlabel="Spema", ylabel="Mucnemocte", linewidth=2)
                               Модель эпидемии SEIR
                                                                Воспониненивые
                                                                Инфицированные
                                                                Выздоровеншие
         0.50
                                            Время
```

Рис. 10: Решение задания №4

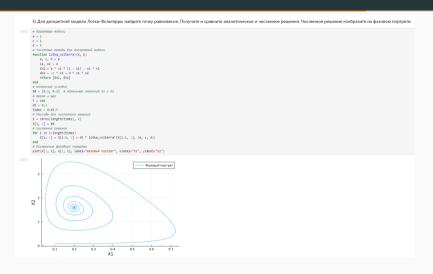


Рис. 11: Решение задания №5

```
б) Реализовать на языке Julia модель отбора на основе конкурентных отношений. Начальные данные и параметры задать самостоятельно и пояснить их выбор. Построить соответствующие гоафики (в том числе с
     анимацией) и фазовый портрет: 1
[72]: # Hideo souvenus
     function competition((du, u, p, t)
        0/11 - 0 * Y - 0 * Y * Y
        du[2] = α * y - β * x * y
     # Housewest scending
     u0 - [10.0, 5.0] # начальные популяции
     # Параметры
     0 - 0.01
     0 = (0, 8)
     tspan = (0.0, 100.0)
     в Решение
     prob = CDEProblem(competition), up, tspan, p)
     sol = solve(prob, Tsits())
     plot(sol, label-"nonyamuse x" "nonyamuse y"), title-"modese консуренция", xlabel-"Spans", ylabel-"nonyamuse", linewidth-2)
                                 Модель конкуренции
                       Domynauna x
Domynauna y
        7.50×10
       5.05 v 10
       2.50×10
                                           Время
```

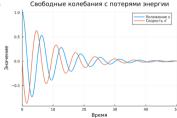
Рис. 12: Решение задания №6

```
7) Реализовать на языке Julia модель консервативного гармонического осциллятора. Начальные параметры подобрать самостоятельно, выбор пояснить. Построить соответствующие графики (в том числе с
     анимацией) и фазовый портрет:
[84]: # Модель гармонического осциаллятора
      function harmonic oscillator((du. u. p. t)
        ы0 = p[1] # шыклическая частота
        du[1] = u[2] # x' = v
         du[2] = -we-2 * u[1] # y' = -we-2 * x
     в начальные условия
     x0 = 1.0 # Начальное положение (н)
     VO = 0.0 # HONDRINGS CHORDON (M/C)
     ий = [хй, уй] # Начальные значения: хй и уй
     е Параневан
     ыв = 1.0 # циклическая частота (рад/с)
     р = [ые] # Лараметры системы
     # Humandou donners
     tspan = (0.0, 50.0)
     # Создание задачи для решения
     prob = ODEProblem(harmonic oscillator), u0, tspan, p)
     в Решенце подочи
     sol = solve(prob, Tsits())
     plot(sol, label-["Nonoxenue x" "Cxopocts x'"], title-"Гармонический осциплятор", xlabel-"Spens (t)", ylabel-"Значение", linewidth-2)
     е построение фазового полтоета (х. х.)
     plot(sol[1, :], sol[2, :], label="easomum noprper", xlabel="fonoxerue x", ylabel="Cxopocre x'", linewidth=2)
        -0.5
                     фазовый поотве
                                                                            1.0
                                       Положение х
```

Рис. 13: Решение задания №7

в). Реализовать на языке Јиliа модель свободных колебаний гармонического осциллятора. Начальные параметры подобрать самостоятельно, выбор пояснить. Построить соответствующие графики (в том числе с анимацией) и фазовый портрет:

```
[87]: # Модель свободных колебаний с потерями
      function damped_oscillator!(du, u, p, t)
         V. UB - D
          du[1] = u[2]
          du[2] = -2 * γ * u[2] - we^2 * u[1]
      в начальные условия
      ив = [1.0, 0.0] # начальное положение и скорость
     и Параметры
     V = 0.1
      w0 = 1.0
      n = (v. 148)
     # Интервал времени
      tspan = (0.0, 50.0)
      # Решение
      prob = ODEProblem(damped_oscillator), u0, tspan, p)
      # Используем более подходящий алгориям, например, Tsits
      sol = solve(prob, TsitS())
      в Построение графиков
      plot(sol, label=["Положение x" "Скорость x'"], title="Свободные колебания с потерями эмергии", xlabel="Время", ylabel="Значение", linewidth=2)
                 Свободные колебания с потерями энергии
```



Вывод

Вывод

• В ходе выполнения лабораторной работы были освоены специализированные пакеты для решения задач в непрерывном и дискретном времени.

Список литературы. Библиография

Список литературы. Библиография

[1] Julia Documentation: https://docs.julialang.org/en/v1/