



### Recordando

- Las expresiones regulares nos proporcionan una plantilla o patrón para las cadenas del lenguaje.
- Un autómata finito es un generador de cadenas del lenguaje. Especifica un lenguaje como el conjunto de todas las cadenas que lo hacen pasar del estado inicial a uno de aceptación.

<u>Compiladores</u> Prof. Luis Enrique Hernández Obr 3



#### Recordando

- Las expresiones regulares y los autómatas finitos nos proporcionan dos medios para especificar o definir lenguajes.
- Por lo tanto en ambos casos, todas las cadenas se corresponderán con un patrón en particular y dichas cadenas serán las únicas que formaran dicho lenguaje.

<u>Compiladores</u>







### Elementos de una gramática

- **Símbolos terminales:** son elementos del alfabeto que no se pueden transformar, por eso se llaman terminales. Normalmente se denotan por letras minúsculas.
- Variables o símbolos no terminales: son elementos auxiliares que permiten poner restricciones sintácticas a un lenguaje. Las variables sí se pueden transformar, utilizando las reglas, en una cadena de variables y/o terminales. Por lo general se denotan por letras mayúsculas o por la notación <variable>.

Compiladores Prof. Luis Enrique Hernández Olvera 7



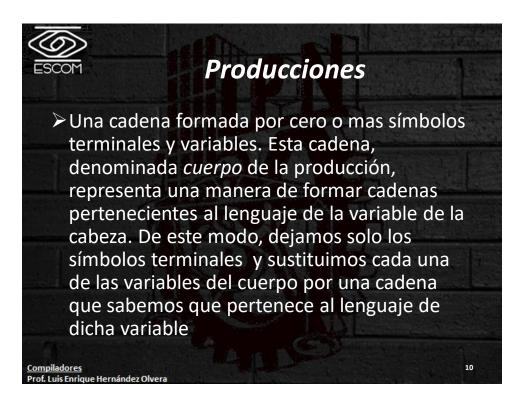
### Elementos de una gramática

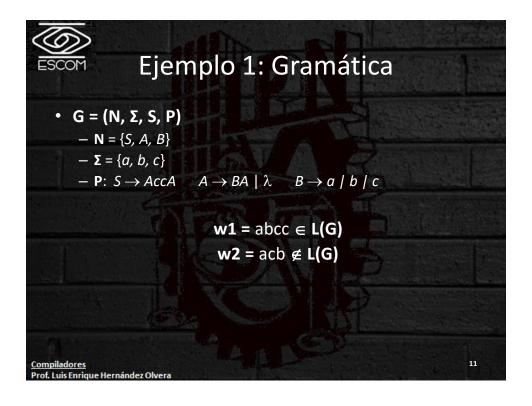
- **Símbolo inicial:** es el símbolo a partir del cual se generan todas las palabras válidas.
- Producciones: permiten reemplazar variables para generar oraciones válidas de un lenguaje. Puede haber varias reglas de producción para una misma variable, en algunos casos, las distintas opciones se colocan en una sola regla con los distintos reemplazos separados por "|".
  - $-\alpha \rightarrow \beta \mid \gamma \mid \delta$
  - abrevia las tres reglas
  - $-\alpha \rightarrow \beta$
  - $-\alpha \rightarrow \gamma$
  - $-\alpha \rightarrow \delta$

Compiladores

Prof. Luis Enrique Hernández Olver











## Lenguaje generado por una gramática

- El lenguaje L(G) generado por una gramática G es el conjunto de todas las cadenas que puede generar G.
- Una cadena pertenece a L(G) si :
  - Está compuesta de símbolos terminales
  - La cadena puede derivarse del símbolo inicial S aplicando las reglas de producción de la gramática.

<u>Compiladores</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olvera 13



#### **Gramáticas Formales**

 Una gramática formal consta de un conjunto finito de símbolos terminales (las palabras en un lenguaje formal), un conjunto finito de símbolos no terminales, un conjunto de reglas de producción con un lado izquierdo y otro derecho, y un símbolo inicial (No terminal "S").



<u>Compiladores</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olv



#### **Gramáticas Formales**

- Las reglas se aplican sustituyendo la parte de la izquierda por la parte de la derecha. Una derivación es una secuencia de aplicaciones de reglas.
- Cada gramática define el lenguaje formal de todas las sentencias que están formadas exclusivamente por los símbolos terminales a los que se puede llegar mediante derivación a partir del símbolo inicial.

<u>Compiladores</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olver 15



### Clasificación de Gramáticas

- En función de la forma de sus producciones, se puede caracterizar qué tan compleja es una gramática formal.
  - Gramáticas Tipo 0 (sin restricciones)
  - Gramáticas Tipo 1 (dependientes de contexto)
  - Gramáticas Tipo 2(independientes o libres de contexto)
  - Gramáticas Tipo 3 (gramáticas regulares)

Compiladores



# **Gramáticas Tipo 3** (gramáticas regulares)

 Generan los lenguajes regulares. Las reglas (producciones) se restringen a un único no terminal en la parte izquierda y una parte derecha compuesta por un único terminal que puede estar seguido o no de un único no terminal. Es decir, normas del tipo:

### $A \rightarrow aB$ $A \rightarrow a$

 Estos lenguajes son los que pueden ser decididos por un autómata finito (regular). Los lenguajes regulares se utilizan para definir estructura léxica de los lenguajes de programación.
 Definen la sintaxis de los identificadores, números, cadenas y otros elementos básicos del lenguaje.

<u>Compiladores</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olvera 17



# Gramáticas Tipo 2(independientes o libres de contexto)

 Generan los lenguajes libres de contexto. Están definidas por reglas de la forma:

#### $A \rightarrow \gamma$

- A es un no terminal
- γ es una cadena de terminales y no terminales.
- Se denominan independientes de contexto porque A puede sustituirse por γ independientemente de las cadenas por las que esté acompañada.
- Estos lenguajes son todos los lenguajes que pueden ser reconocidos por los autómatas de pila.
- Los lenguajes independientes de contexto constituyen la base teórica para la sintaxis de la mayoría de los lenguajes de programación. Definen la sintaxis de las declaraciones, las proposiciones, las expresiones, etc.(i.e. la estructura

<u>Compiladores</u>

Prof. Luis Enrique Hernández Olvera



### **Gramáticas Tipo 1** (dependientes de contexto)

• Generan los lenguajes dependientes de contexto. Contienen reglas de producción de la forma:

#### $\alpha \wedge \beta \rightarrow \alpha \gamma \beta$

- A es un no terminal
- $-\alpha$ ,  $\beta$  y  $\gamma$  son cadenas de terminales y no terminales.
- $-\alpha$  y  $\beta$  pueden ser vacíos, pero  $\gamma$  ha de ser distinto del vacío.
- Se denominan gramáticas dependientes del contexto, porque, como se observa, A puede ser sustituido por  $\gamma$  si está acompañada de  $\alpha$  por la izquierda y de  $\beta$  por la derecha.
- Estos lenguajes son todos los lenguajes que pueden ser reconocidos por autómatas lineales acotados (Maquina de Turing Determinista).

<u>Compiladores</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olvera 19

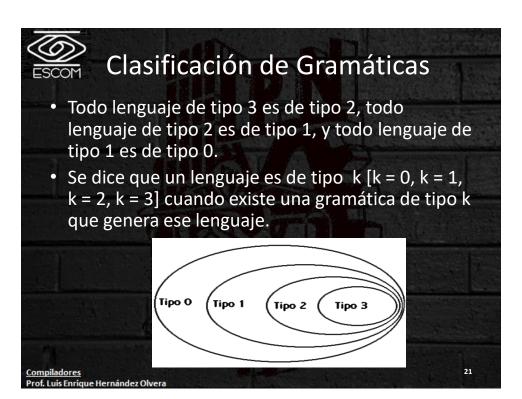


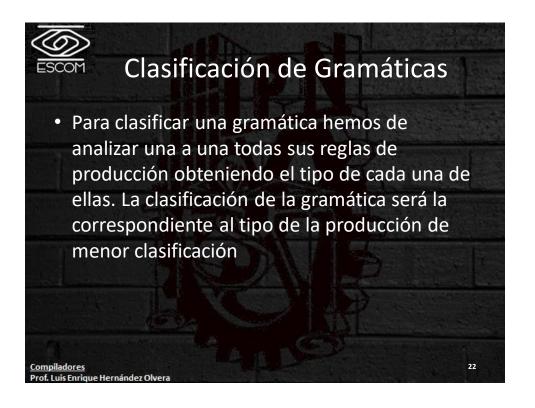
# <u>Gramáticas Tipo 0</u> (sin restricciones)

- Incluyen todas las gramáticas formales.
- El más general, al que pertenece la semántica de los lenguajes naturales y artificiales.
- A estos lenguajes no se les impone restricción alguna.
- Estos lenguajes son todos los lenguajes que pueden ser reconocidos por una máquina de Turing.

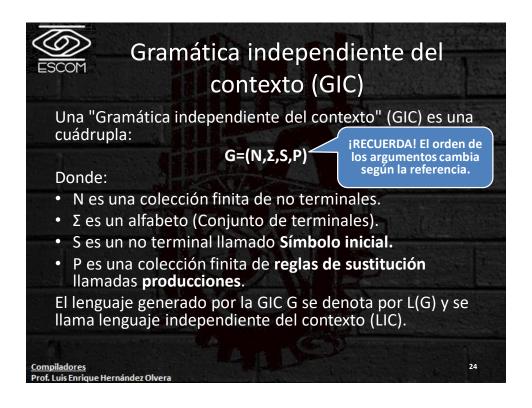
<u>Compiladores</u>

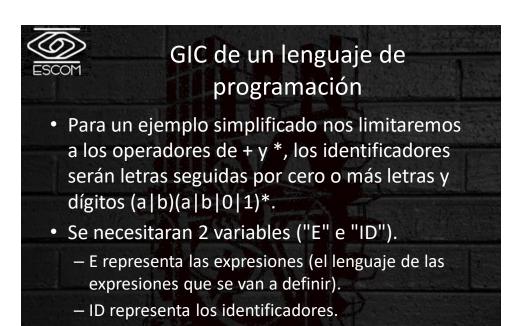
Prof. Luis Enrique Hernández Olvera





SCOM  Gramática	Lenguaje	Reglas de Producción	Si μ → φ, relación entre  μ  y  φ	Solución
Гіро-1	Dependiente de contexto	αΑβ → αγβ	μ  ≤  φ	Autómatas lineales acotados
Гіро-2	Independiente de contexto	$A \rightarrow \gamma$	μ  = 1	Autómatas de pila
Гіро-3	Regular	A→ aB A → a	μ  = 1	Autómatas finitos, regulares





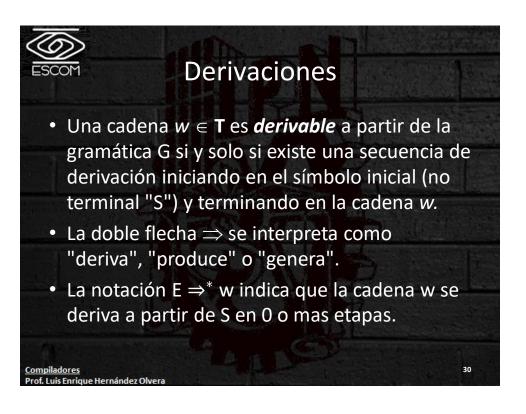
of. Luis Enrique Hernández Olve

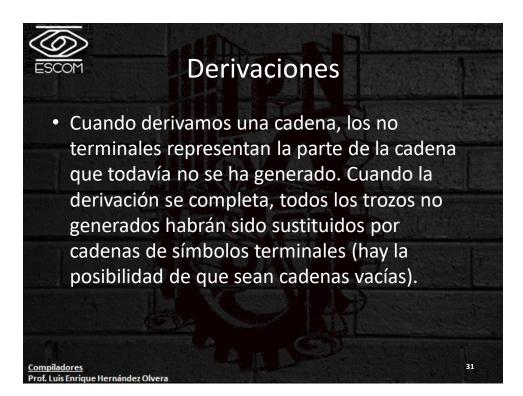


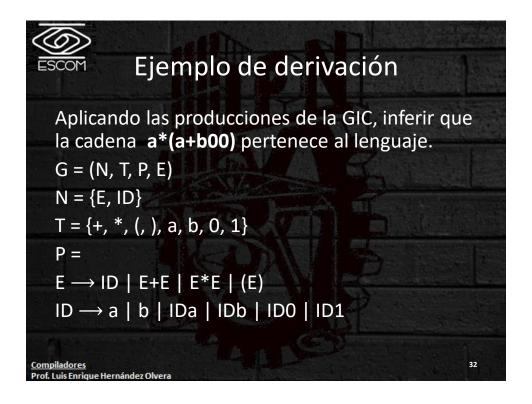


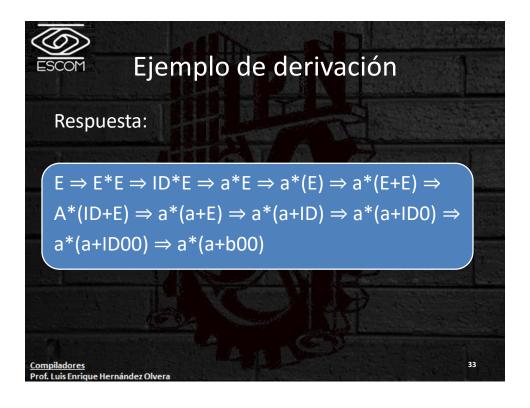


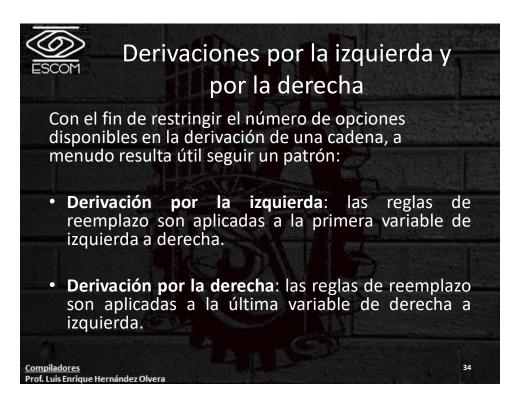


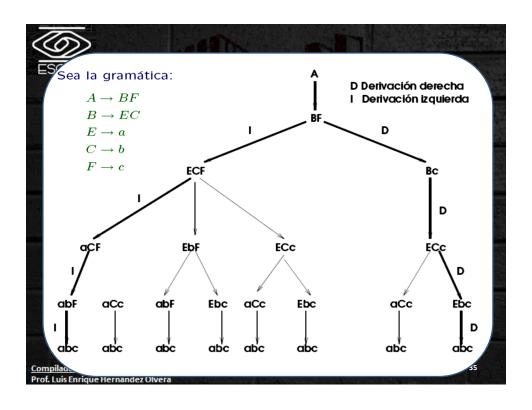


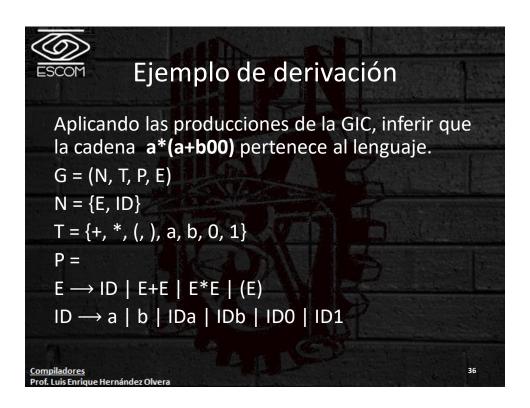


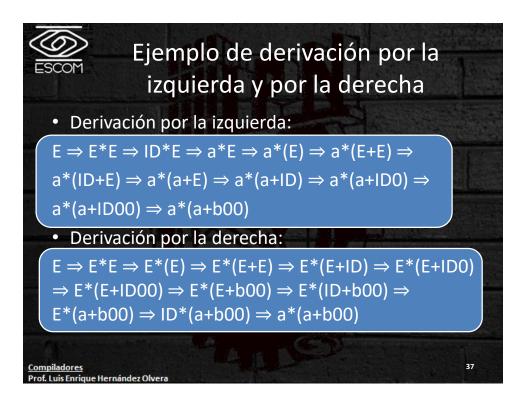


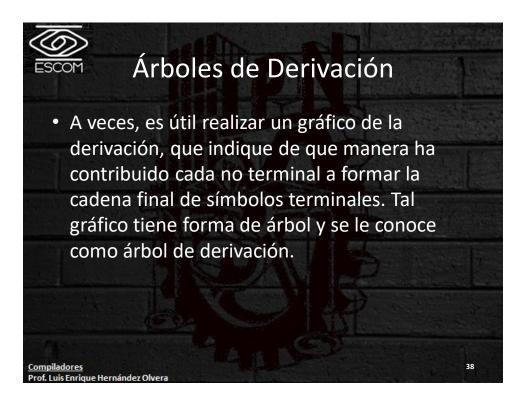


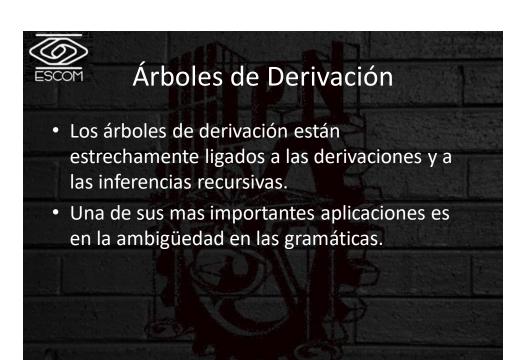












Compiladores

Prof. Luis Enrique Hernández Olver

