dilema Prisioneiros Caio Ivan

June 30, 2023

Caio Teles Cunha 2020006434

Ivan Vilaça de Assis 2021421931

```
[]: import numpy as np
     import matplotlib.pyplot as plt
[]: # Direita, Cima, Esquerda, Baixo
     def vizinhos(N):
      L=int(np.sqrt(N))
      viz = np.zeros((N,4),dtype=np.int16)
      for k in range(N):
         viz[k,0]=k+1
         if (k+1) \% L == 0:
           viz[k,0] = k+1-L
         viz[k,1] = k+L
         if k > (N-L-1):
           viz[k,1] = k+L-N
         viz[k,2] = k-1
         if (k % L == 0):
          viz[k,2] = k+L-1
         viz[k,3] = k-L
         if k < L:
           viz[k,3] = k+N-L
       return viz
[]: def calculaDensidade(L, Nmcs, b, k):
       # Gerando estado inicial
      N = L ** 2
       viz = vizinhos(N)
      populacao = np.random.choice(['C', 'D'], N, replace=True)
```

```
def calculaDensidade(L, Nmcs, b, k):
    # Gerando estado inicial
    N = L ** 2
    viz = vizinhos(N)
    populacao = np.random.choice(['C', 'D'], N, replace=True)

for i in range(Nmcs):
    indRnd = np.random.randint(N)

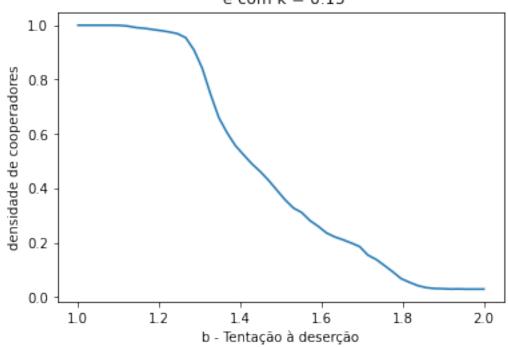
    cooperadoresX = 0
    for i in viz[indRnd]:
        if(populacao[i] == 'C'):
```

```
cooperadoresX += 1
         if(populacao[indRnd] == 'D'):
           Ex = cooperadoresX * b
         else:
           Ex = cooperadoresX + 1
         vizRnd = np.random.randint(4)
         vizInx = viz[indRnd][vizRnd]
         cooperadoresY = 0
         for i in viz[vizInx]:
           if(populacao[i] == 'C'):
             cooperadoresY += 1
         if(populacao[vizInx] == 'D'):
           Ey = cooperadoresY * b
           Ey = cooperadoresY + 1
         prob = np.random.random()
         w = 1 / (1 + np.exp(-(Ey - Ex) / k))
         if(w > prob):
           populacao[indRnd] = populacao[vizInx]
       return populacao
[]: def plotDensidadePorValoresDeB(cList, bValues, Nmcs, K):
      plt.title('Desidade de cooperadores depois de {} iterações \n e com k = {}'.

¬format(Nmcs,K))
      plt.xlabel('b - Tentação à deserção')
      plt.ylabel('densidade de cooperadores')
      plt.plot(bValues, cList)
       plt.show()
[]: def calcularDensidadesVariosBs(L, Nmcs, num_b, K):
       N = L ** 2
       bValues = np.linspace(1, 2, num_b)
       cList = np.zeros(num_b)
       for i in range(0, num_b):
         pop = calculaDensidade(L, Nmcs, bValues[i], K)
         NumCooperadores = np.count_nonzero(pop == 'C')
         c = NumCooperadores / N
         cList[i] = c
      plotDensidadePorValoresDeB(cList, bValues, Nmcs, K)
```

```
[]: L = 200
Nmcs = 5_000_000
num_b = 50
K = 0.15
calcularDensidadesVariosBs(L, Nmcs, num_b, K)
```

Desidade de cooperadores depois de 5000000 iterações e com k=0.15



Nós escolhemos um ${\bf K}={\bf 0.15}$ e encontramos para b1 um valor aproximado de 1.1 e para b2 um valor aproximado de 1.9