Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок однофазного кола синусоїдного струму " Варіант № 203

Виконав:		
Перевірив: _		

Умова завдання

В елктричному колі діє джерело синусоїдної ЄРС:

Необхідно:

- 1. ДЛЯ ЕЛЕКТРИЧНОГО КОЛА БЕЗ ВЗАЄМНОЇ ІНДУКЦІЇ:
- 1.1. Розрахувати струми віток символічним методом скласти баланс активних і реактивних потужностей кола;
 - 1.2. Побудувати діаграму струмів і топографічну діаграму напруг, показати кут зсуву фаз;
- 1.3. Прийнявши активний опір R2 за нульовий і вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомий, розрахувати його за умови резонансу струмів;
 - 1.4. Розрахувати струму для резонансного стану кола; визначити покази вольтметра;
 - 1.5. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей;
- 1.6. Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Для одержання реактивного двополюсника активні опори закоротити.

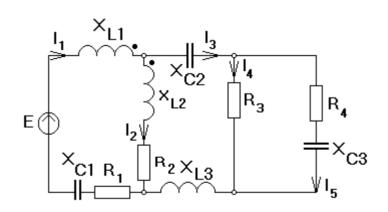
2. ПРИ НАЯВНОСТІ МАГНІТНОГО ЗВ"ЯЗКУ МІЖ ІНДУКТИВНИМИ ЕЛЕМЕНТАМИ L1 ТІ L2 (ОДНОЙМЕННІ ПОЧАТКИ ПОЗНАЧЕНІ НА СХЕМІ ТОЧКАМИ):

- 2.1. Перетворивши схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках схеми методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2.2. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
- 2.3. Побудувати сумісну векторну діаграму струмів і топографічну діаграму напруг (на діаграмі показати напруги взаємної індукції).

3. ВІДКИНУВШИ ВІТКУ МІЖ ЗАТИСКАЧАМИ 2-2", ВИКОНАТИ ЕКВІВАЛЕНТУВАННЯ ВЗАЄМОІНДУКТИВНИХ ЗВ"ЯЗКІВ ВІТОК. ОДЕРЖАНУ СХЕМУ РОЗГЛЯДАТИ ЯК ЧОТИРИПОЛЮСНИК З ЗАТИСКАЧАМИ 1-1" ТА 2-2" :

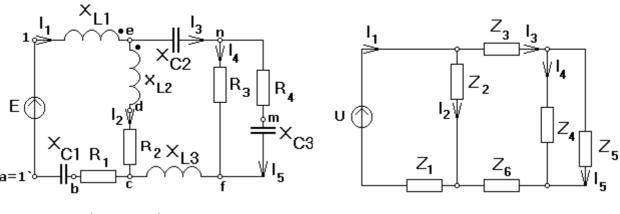
- 3.1 Розрахувати коефіцієнти чотириполюсника **A,B,C,D**;
- 3.2 Розрахувати параметри R,L,С віток схеми ("Т" чи "П") заміщення.

$$\begin{split} & \text{E} := 120 \quad \psi := -30 \quad \text{R}_1 := 7 \quad \text{R}_2 := 9 \quad \text{R}_3 := 11 \quad \text{R}_4 := 13 \quad \text{X}_{L1} := 37 \quad \text{X}_{L2} := 27 \quad \text{X}_{L3} := 20 \\ & \text{X}_{C1} := 13 \quad \text{X}_{C2} := 10 \quad \text{X}_{C3} := 6 \quad \text{X}_{M} := 15 \quad \text{f} := 50 \\ & \text{j} \cdot \psi \cdot \frac{\pi}{180} \\ & \text{U} := \text{E} \cdot \text{e} \end{split}$$



Для електричного кола без взаємної індукції:

Розрахувати всі струми символічним методом



$$Z_1 := R_1 + i \cdot (X_{L,1} - X_{C,1}) \rightarrow 7 + 24 \cdot i$$

$$Z_4 := R_3 \rightarrow 11$$

$$Z_2 := R_2 + i \cdot (X_{1,2}) \rightarrow 9 + 27 \cdot i$$

$$Z_5 := R_4 - i \cdot X_{C3} \rightarrow 13 - 6 \cdot i$$

$$Z_3 := -i \cdot X_{C2} \rightarrow -10 \cdot i$$

$$Z_6 := i \cdot X_{I,3} \rightarrow 20 \cdot i$$

$$Z_{E} := \frac{\left(\frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}\right) \cdot Z_{2}}{Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}} + Z_{1} \qquad Z_{E} = 11.037 + 30.792i$$

$$I_1 := \frac{U}{Z_F}$$

$$I_1 = -0.655 - 3.61i$$

$$I_1 = -0.655 - 3.61i$$
 $F(I_1) = (3.669 -100.28)$

$$I_2 := \frac{I_1 \cdot \left(\frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3 + Z_6 \right)}{Z_2 + \frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3 + Z_6}$$

$$I_2 := -0.391 - 0.941i \qquad F(I_2) = (1.019 - 112.571)$$

$$I_2 = -0.391 - 0.941i$$

$$F(I_2) = (1.019 -112.571)$$

$$I_{3} := \frac{I_{1} \cdot Z_{2}}{\left(Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}\right)} \qquad I_{3} = -0.264 - 2.669i \qquad F(I_{3}) = (2.682 - 95.644)$$

$$I_3 = -0.264 - 2.669i$$

$$F(I_3) = (2.682 -95.644)$$

$$\mathrm{I}_4\coloneqq\mathrm{I}_3\cdot\frac{z_5}{z_5+z_4}$$

$$I_4 = -0.438 - 1.489i$$

$$I_4 = -0.438 - 1.489i$$
 $F(I_4) = (1.552 -106.383)$

$$I_5 := I_3 \cdot \frac{Z_4}{Z_4 + Z_5}$$

$$I_5 = 0.174 - 1.18i$$

$$I_5 = 0.174 - 1.18i$$
 $F(I_5) = (1.193 -81.607)$

Перевірка за першим законом Кіргофа: $I_1 - I_2 - I_3 = 0$ $I_3 - I_4 - I_5 = 0$ $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$ Перевірка за другім законом Кіргофа:

$$-{\rm I}_{1} \cdot \left[{\rm R}_{1} + {\rm i} \cdot \left({\rm X}_{\rm L1} - {\rm X}_{\rm C1}\right)\right] + {\rm U} - {\rm I}_{2} \cdot \left({\rm R}_{2} + {\rm i} \cdot {\rm X}_{\rm L2}\right) = -7.105 \times 10^{-15} + 7.105 {\rm i} \times 10^{-15}$$

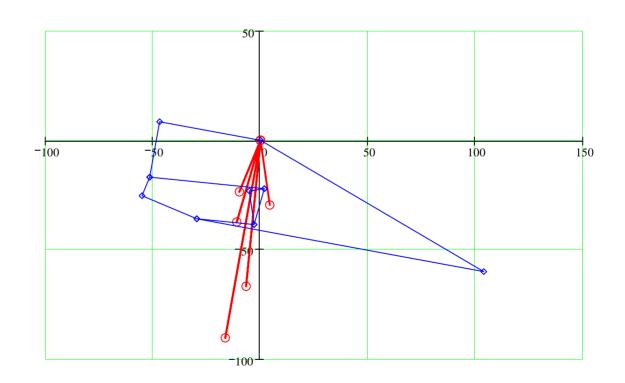
$${\rm I}_2 \cdot \left({\rm R}_2 + {\rm i} \cdot {\rm X}_{\rm L2} \right) - {\rm I}_4 \cdot {\rm R}_3 - {\rm I}_3 \cdot \left(-{\rm i} \cdot {\rm X}_{\rm C2} + {\rm i} \cdot {\rm X}_{\rm L3} \right) = -2.665 {\rm i} \times 10^{-15}$$

$$I_4 \cdot R_3 - I_5 \cdot (R_4 - i \cdot X_{C3}) = 3.553i \times 10^{-15}$$

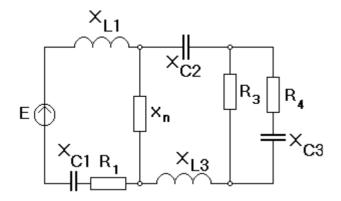
$$\begin{split} \mathbf{S}_{1} &:= \mathbf{U} \cdot \overline{\mathbf{I}_{1}} \\ \mathbf{P} &:= \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{1} + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{3} + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{4} \\ \mathbf{Q} &:= \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{\mathbf{C}1} + \mathbf{X}_{\mathbf{L}1} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{L}2} + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{\mathbf{C}2} + \mathbf{X}_{\mathbf{L}3} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{\mathbf{C}3} \right) \\ \mathbf{Q} &:= \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} + \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} + \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} + \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \\ \mathbf{Q} := \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} + \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \\ \mathbf{Q} := \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} + \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \\ \mathbf{Q} := \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \\ \mathbf{Q} := \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \\ \mathbf{Q} := \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \\ \mathbf{Q} := \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \\ \mathbf{Q} := \mathbf{Q} \cdot \mathbf{Q} \cdot$$

Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг

$$\begin{array}{llll} \phi_a \coloneqq 0 \\ \phi_b \coloneqq \phi_a + I_1 \cdot \left(-i \cdot X_{C1} \right) & \phi_b = -46.925 + 8.511i & F\left(\phi_b \right) = \left(47.691 \ 169.72 \right) \\ \phi_c \coloneqq \phi_b + I_1 \cdot R_1 & \phi_c = -51.508 - 16.756i & F\left(\phi_c \right) = \left(54.165 \ -161.98 \right) \\ \phi_d \coloneqq \phi_c + I_2 \cdot R_2 & \phi_d = -55.026 - 25.221i & F\left(\phi_d \right) = \left(60.531 \ -155.376 \right) \\ \phi_e \coloneqq \phi_d + I_2 \cdot i \cdot X_{L2} & \phi_e = -29.633 - 35.776i & F\left(\phi_e \right) = \left(46.455 \ -129.635 \right) \\ \phi_1 \coloneqq \phi_e + I_1 \cdot i \cdot X_{L1} & \phi_1 = 103.923 - 60i & F\left(\phi_1 \right) = \left(120 \ -30 \right) \\ \phi_1 \coloneqq \phi_1 - U & \phi_{1'} = 1.421 \times 10^{-14} - 7.105i \times 10^{-15} \\ \phi_f \coloneqq \phi_c + I_3 \cdot i \cdot X_{L3} & \phi_f = 1.874 - 22.031i & F\left(\phi_f \right) = \left(22.111 \ -85.137 \right) \\ \phi_n \coloneqq \phi_f + I_4 \cdot R_3 & \phi_n = -2.942 - 38.414i & F\left(\phi_n \right) = \left(38.526 \ -94.379 \right) \\ \phi_m \coloneqq \phi_m + I_5 \cdot R_4 & \phi_n = -2.942 - 38.414i & F\left(\phi_n \right) = \left(38.526 \ -94.379 \right) \end{array}$$



Прийняти опір $R_2 = 0$ і, вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомим, визначити його за умовою резонансу струмів.



$$Z_E \coloneqq \frac{R_3 \cdot \left(R_4 - i \cdot X_{C3}\right)}{R_3 + R_4 + i \cdot \left(-X_{C3}\right)} - i \cdot \left(X_{C2} + X_{L3}\right) \qquad Z_E = 6.255 - 31.186i$$

$$Z_E = R_E - j \cdot X_E$$

$$R_{\rm E} := \text{Re}(Z_{\rm E})$$
 $R_{\rm E} = 6.255$

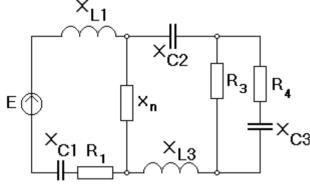
$$R_E := Re(Z_E)$$
 $R_E = 6.255$ $X_E := Im(Z_E)$ $X_E = -31.186$

За умовою резонансу:

$$B_{ab} = B_n + B_E$$
 $B_n = -B_E = \frac{-X_E}{{X_E}^2 + {R_E}^2}$

$$B_n \coloneqq \frac{-x_E}{{X_E}^2 + {R_E}^2}$$
 $B_n = 0.031$ Реактивний опір вітки: $X_n \coloneqq \frac{1}{B_n}$ $X_n = 32.441$

Розрахувати струми для резонансного стану кола;



$$Z_{1} := R_{1} - X_{C1} \cdot i + X_{L1} \cdot i \quad Z_{1} = 7 + 24i$$

$$Z_{3} := -X_{C2} \cdot i + X_{L3} \cdot i \quad Z_{3} = 10i$$

$$Z_{4} := R_{3} \quad Z_{4} = 11$$

$$Z_{5} := R_{4} - X_{C3} \cdot i \quad Z_{5} = 13 - 6i$$

$$Z_{345} := \frac{Z_{4} \cdot Z_{5}}{Z_{4} + Z_{5}} + Z_{3} \quad Z_{345} = 6.255 + 8.814i$$

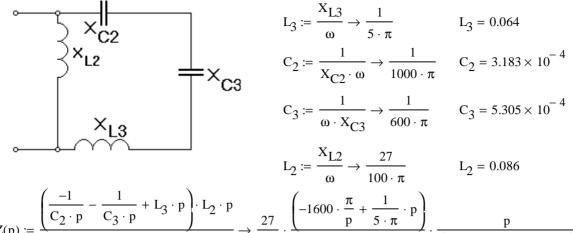
Вхідний опір кола:
$$Z_{VX}(X_N) := \frac{Z_{345} \cdot i \cdot X_N}{Z_{245} + i \cdot X_N} + Z_1$$

$$Z_{VX}\!\!\left(X_{N}\right) \mid \underset{simplify}{\text{complex}} \rightarrow \frac{\left(75516 \cdot X_{N} + 8112 \cdot X_{N}^{2} + 500395 + 330397 \cdot i \cdot X_{N} + 20082 \cdot i \cdot X_{N}^{2} + 1715640 \cdot i\right)}{\left(71485 + 10788 \cdot X_{N} + 612 \cdot X_{N}^{2}\right)}$$

$$X_{N} := \operatorname{Im}(Z_{VX}(X_{N})) \begin{vmatrix} \operatorname{complex} \\ \operatorname{solve}, X_{N} \rightarrow \begin{pmatrix} -8.2262 + 4.2144 \cdot i \\ -8.2262 - 4.2144 \cdot i \end{pmatrix}$$
float, 5

Отже резонанс кола неможливий

Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Активні опори закоротити



$$Z(p) := \frac{\left(\frac{-1}{C_2 \cdot p} - \frac{1}{C_3 \cdot p} + L_3 \cdot p\right) \cdot L_2 \cdot p}{L_2 \cdot p + \frac{-1}{C_2 \cdot p} - \frac{1}{C_3 \cdot p} + L_3 \cdot p} \rightarrow \frac{27}{100} \cdot \frac{\left(-1600 \cdot \frac{\pi}{p} + \frac{1}{5 \cdot \pi} \cdot p\right)}{\pi} \cdot \frac{p}{\left(\frac{47}{100 \cdot \pi} \cdot p - 1600 \cdot \frac{\pi}{p}\right)}$$

Знаходимо нулі:

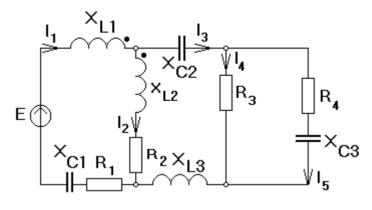
$$p' := Z(p) \text{ solve}, p \rightarrow \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ 40 \cdot 5^{2} \cdot \pi \\ \frac{1}{-40 \cdot 5^{2} \cdot \pi} \\ 0 \end{pmatrix} \qquad p' = \begin{pmatrix} 280.993 \\ -280.993 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad p' := \begin{pmatrix} p'_{0} \\ p'_{2} \end{pmatrix} \quad p' = \begin{pmatrix} 280.993 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Знаходимо полюси:

$$p'' := \frac{1}{Z(p)} \text{ solve}, p \rightarrow \begin{pmatrix} \frac{400}{47} \cdot 47^2 \cdot \pi \\ \frac{1}{-400} \cdot 47^2 \cdot \pi \end{pmatrix} \qquad p'' = \begin{pmatrix} 183.299 \\ -183.299 \end{pmatrix} \quad p'' := p''_0 \quad p'' = 183.299$$

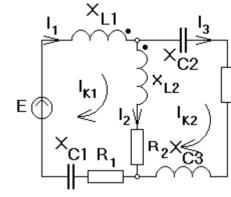
При наявності магнітного зв "язку між індуктивними елементами

- 1) Перетворити схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2) Перевірити правільність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
 - 3) Побудувати сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг



$$Z \coloneqq \frac{\left(R_4 - i \cdot X_{C3}\right) \cdot R_3}{R_4 + R_3 + i \cdot \left(-X_{C3}\right)}$$

$$Z = 6.255 - 1.186i$$



Z

$$\mathbf{Z}_{11} \coloneqq \mathbf{R}_1 + \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} - \mathbf{X}_{C1} + \mathbf{X}_{L2} - 2 \cdot \mathbf{X}_{M} \right) \rightarrow 16 + 21 \cdot \mathbf{i}$$

$$\mathbf{Z}_{12} \coloneqq \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} - \mathbf{X}_{\mathbf{M}} \right) \rightarrow 9 + 12 \cdot \mathbf{i}$$

$$\mathbf{Z}_{22} \coloneqq \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} - \mathbf{X}_{C2} + \mathbf{X}_{L3} \right) + \mathbf{Z} \to \frac{778}{51} + \frac{3653}{102} \cdot \mathbf{i}$$

$$I_{K1} \cdot Z_{11} - I_{K2} \cdot Z_{12} = U$$
 $-I_{K1} \cdot Z_{12} + I_{K2} \cdot Z_{22} = 0$

$$\begin{pmatrix} I_{K1} \\ I_{K2} \end{pmatrix} := Find(I_{K1}, I_{K2}) \text{ float, } 15 \rightarrow \begin{pmatrix} .36439770185553 - 5.75210790655294 \cdot i \\ -.392276754986932 - 2.18600596733748 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$I_{K1} = 0.364 - 5.752i$$
 $I_{K2} = -0.392 - 2.186i$

$$I_1 := I_{K1}$$
 $I_1 = 0.364 - 5.752i$ $F(I_1) = (5.764 - 86.375)$

$$I_2 := I_{\text{K1}} - I_{\text{K2}} \qquad \qquad I_2 = 0.757 - 3.566i \qquad \qquad F \Big(I_2 \Big) = (3.645 - 78.02)$$

$$I_3 := I_{K2}$$
 $I_3 = -0.392 - 2.186i$ $F(I_3) = (2.221 -100.173)$

$$I_4 := I_3 \cdot \frac{R_4 - i \cdot X_{C3}}{R_4 + R_3 + i \cdot (-X_{C3})} \qquad I_4 = -0.459 - 1.201i \qquad F(I_4) = (1.285 - 110.912)$$

$$I_5 := I_3 - I_4$$
 $I_5 = 0.067 - 0.985i$ $F(I_5) = (0.988 - 86.137)$

Перевірка за першим законом Кіргофа:
$$I_1 - I_2 - I_3 = 0$$
 $I_3 - I_4 - I_5 = 0$ $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$

Перевірка за другім законом Кіргофа:

$$\begin{split} -I_{1} \cdot \left[R_{1} + i \cdot \left(X_{L1} - X_{C1} - X_{M} \right) \right] + U - I_{2} \cdot \left[R_{2} + i \cdot \left(X_{L2} - X_{M} \right) \right] &= -2.061 \times 10^{-13} + 4.121i \times 10^{-13} \\ I_{2} \cdot \left[R_{2} + i \cdot \left(X_{L2} - X_{M} \right) \right] - I_{4} \cdot R_{3} - I_{3} \cdot \left(-i \cdot X_{C2} + i \cdot X_{M} + i \cdot X_{L3} \right) &= 2.629 \times 10^{-13} - 4.761i \times 10^{-13} \end{split}$$

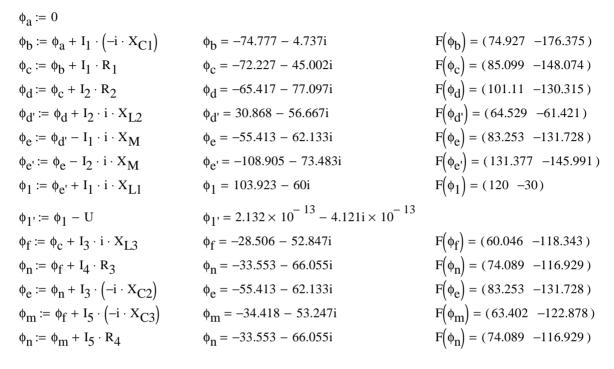
$$I_4 \cdot R_3 - I_5 \cdot \left(R_4 - i \cdot X_{C3} \right) = 0$$

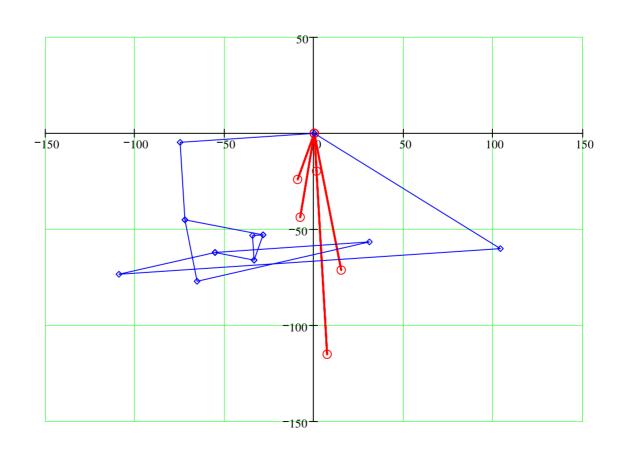
$$\begin{split} S_{M1} &:= -I_{\underline{1}} \cdot \overline{I_2} \cdot i \cdot X_M \\ S_{M2} &:= -\overline{I_1} \cdot I_2 \cdot i \cdot X_M \end{split} \qquad \begin{aligned} S_{M1} &= -45.795 - 311.825i & F \big(S_{\underline{M1}} \big) = (315.17 - 98.355) \\ S_{\underline{M2}} &:= 45.795 - 311.825i & F \big(S_{\underline{M2}} \big) = (315.17 - 81.645) \end{aligned}$$

$$S_{M2} := -I_1 \cdot I_2 \cdot i \cdot X_M$$
 $S_{M2} = 45.795 - 311.825i$ $F(S_{M2}) = (315.17 - 81.645)$

$$\begin{split} \mathbf{S}_{1} &\coloneqq \mathbf{U} \cdot \overline{\mathbf{I}_{1}} & \mathbf{S}_{1} = 382.996 + 575.913\mathbf{i} \\ \mathbf{P} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{1} + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{3} + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{4} & \mathbf{P} = 382.996 \\ \mathbf{Q} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{i} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C1} + \mathbf{X}_{L1} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{L2} + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C2} \cdot \mathbf{i} + \mathbf{X}_{L3} \cdot \mathbf{i} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C3} \cdot \mathbf{i} \right) \\ \mathbf{Q} &\coloneqq \mathbf{Q} + \mathbf{S}_{M1} + \mathbf{S}_{M2} & \mathbf{Q} = 575.913\mathbf{i} \end{split}$$

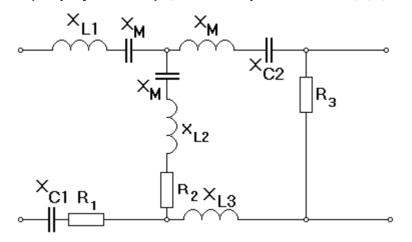
Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг





3. Відкинувши крайню вітку між полбсами 2,2", зробити розв "язку магнітного зв "язку. Одержану схему розглядати як чотириполюсник з полюсами 1,1" та 2,2":

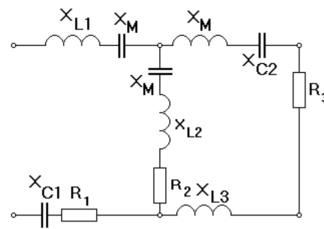
1)Розрахувати коефіцієнти чотириполюсника А,В,С,D



$$\mathbf{U}_1 = \mathbf{A} \cdot \mathbf{U}_2 + \mathbf{B} \cdot \mathbf{I}_2$$

$$I_1 = C \cdot U_2 + D \cdot I_2$$

Неробочій хід:
$$I_2$$
 = 0 U_{10} := U U_1 = $A \cdot U_2$ I_1 = $C \cdot U_2$



$$\begin{aligned} \mathbf{Z}_1 &\coloneqq \mathbf{R}_1 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} - \mathbf{X}_{M} - \mathbf{X}_{C1} \right) \rightarrow 7 + 9 \cdot \mathbf{i} \\ \\ \mathbf{R}_3 & \mathbf{Z}_2 &\coloneqq \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} - \mathbf{X}_{M} \right) \rightarrow 9 + 12 \cdot \mathbf{i} \end{aligned}$$

$$Z_2 := R_2 + i \cdot (X_{L2} - X_M) \to 9 + 12 \cdot i$$

$$\mathbf{Z}_{3} \coloneqq \mathbf{R}_{3} + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L3} - \mathbf{X}_{C2} + \mathbf{X}_{\mathbf{M}}\right) \rightarrow 11 + 25 \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_{10} := \frac{Z_2 \cdot Z_3}{Z_2 + Z_3} + Z_1 \qquad Z_{10} = 12.194 + 17.24i \quad Z_{20} := \frac{Z_1 \cdot Z_2}{Z_1 + Z_2} + Z_3 \qquad Z_{20} = 14.938 + 30.143i$$

$$\begin{split} &I_{10} \coloneqq \frac{U_{10}}{Z_{10}} & I_{10} = 0.522 - 5.659i & F(I_{10}) = (5.683 - 84.727) \\ &I_{30} \coloneqq I_{10} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3} & I_{30} = -0.113 - 2.023i & F(I_{30}) = (2.027 - 93.204) \end{split}$$

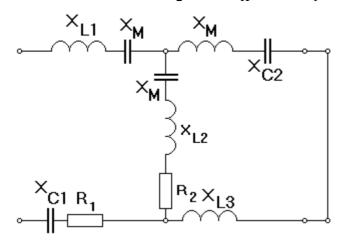
$$I_{30} := I_{10} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3}$$
 $I_{30} = -0.113 - 2.023i$ $F(I_{30}) = (2.027 - 93.204)$

$${\rm U}_{20} \coloneqq {\rm I}_{30} \cdot {\rm R}_3 \qquad \qquad {\rm U}_{20} = -1.246 - 22.258i \qquad \qquad {\rm F} \left({\rm U}_{20} \right) = (22.293 - 93.204)$$

$$A := \frac{U_{10}}{U_{20}} \qquad A = 2.427 + 4.805i \qquad F(A) = (5.383 \ 63.204)$$

$$C := \frac{I_{10}}{U_{20}}$$
 $C = 0.252 + 0.038i$ $F(C) = (0.255 - 8.477)$

 $\mathbf{U}_2 = \mathbf{0}$ $\mathbf{U}_K := \mathbf{U}$ $\mathbf{U}_1 = \mathbf{B} \cdot \mathbf{I}_2$ $\mathbf{I}_1 = \mathbf{D} \cdot \mathbf{I}_2$ Коротке замикання:



$$I_{1K} := \frac{U_K}{Z_K}$$

$$I_{1K} = 0.107 - 5.693i$$

$$I_{3K} \coloneqq I_{1K} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3}$$

$$I_{3K} = -0.845 - 2.078i$$

$$B := \frac{U_K}{I_{3K}}$$

$$B = 7.333 + 53i$$

$$D := \frac{I_{1K}}{I_{3K}}$$
 $D = 2.333 + i$

Перевірка
$$A \cdot D - B \cdot C = 1$$

$$F(A) = (5.383 \ 63.204)$$
 $F(B) = (53.505 \ 82.122)$

$$F(B) = (53.505 82.122)$$

$$F(C) = (0.255 8.477)$$

$$F(C) = (0.255 8.477)$$
 $F(D) = (2.539 23.199)$

$$\mathbf{Z}_1 \coloneqq \mathbf{R}_1 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} - \mathbf{X}_{M} - \mathbf{X}_{C1}\right) \to 7 + 9 \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_2 := R_2 + i \cdot (X_{L2} - X_M) \rightarrow 9 + 12 \cdot i$$

$$\mathbf{Z}_3 \coloneqq \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L3} - \mathbf{X}_{C2} + \mathbf{X}_{M} \right) \rightarrow 25 \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_K := \frac{Z_2 \cdot Z_3}{Z_2 + Z_3} + Z_1$$
 $Z_K = 10.879 + 18.052i$

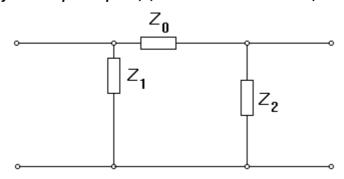
$$F(I_{1K}) = (5.694 -88.924)$$

$$I_{3K} = -0.845 - 2.078i$$
 $F(I_{3K}) = (2.243 -112.122)$

$$F(B) = (53.505 82.122)$$

$$F(D) = (2.539 \ 23.199)$$

Розрахувати параметри R,L,C віток схеми "П" заміщення;



$$Z_0 := B$$

$$Z_0 = 7.333 + 53i$$

$$F(Z_0) = (53.505 82.122)$$

$$Y_1 := \frac{D-1}{B}$$

$$Y_1 = 0.022 - 0.022i$$

$$F(Y_1) = (0.031 -45.252)$$

$$Y_2 := \frac{A-1}{B}$$
 $Y_2 = 0.093 - 0.014i$

$$Y_2 = 0.093 - 0.014$$

$$F(Y_2) = (0.094 -8.66)$$

$$R_0 := Re(Z_0)$$

$$R_0 = 7.333$$

$$R_0 := \text{Re}(Z_0)$$
 $R_0 = 7.333$ $X_{L0} := \text{Im}(Z_0)$ $X_{L0} = 53$

$$Z_1 := \frac{1}{Y_1}$$

$$Z_1 = 22.6 + 22.8i$$

$$R_1 := Re(Z_1)$$

$$R_1 = 22.6$$

$$Z_1 := \frac{1}{Y_1}$$
 $Z_1 = 22.6 + 22.8i$ $R_1 := Re(Z_1)$ $R_1 = 22.6$ $X_{L1} := Im(Z_1)$ $X_{L1} = 22.8$

$$X_{L,1} = 22.8$$

$$Z_2 := \frac{1}{Y_2}$$

$$Z_2 := \frac{1}{Y_2}$$
 $Z_2 = 10.553 + 1.607i$ $R_2 := Re(Z_2)$ $R_2 = 10.553$ $X_{L2} := Im(Z_2)$ $X_{L2} = 1.607$

$$R_2 := \text{Re}(Z_2)$$

$$R_2 = 10.553$$

$$x_{L2} := \operatorname{Im}(z_2)$$

$$X_{L2} = 1.607$$

$$L_1 := \frac{X_{L1}}{\omega} \qquad \qquad L_1 = 0.073$$

$$L_1 = 0.073$$

$$L_2 := \frac{X_{L2}}{\omega}$$

$$L_2 := \frac{X_{L2}}{\omega}$$
 $L_2 = 5.116 \times 10^{-3}$

$$L_0 := \frac{X_{L0}}{\omega}$$
 $L_0 = 0.169$

$$L_0 = 0.169$$

