Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок однофазного кола синусоїдного струму" Варіант № 802

| Виконав: | | _ |
|------------|------|-------|
| | | _ |
| | | _ |
| Перевірив: | | |

Умова завдання

В елктричному колі діє джерело синусоїдної ЄРС:

Необхідно:

- 1. ДЛЯ ЕЛЕКТРИЧНОГО КОЛА БЕЗ ВЗАЄМНОЇ ІНДУКЦІЇ:
- 1.1. Розрахувати струми віток символічним методом скласти баланс активних і реактивних потужностей кола;
 - 1.2. Побудувати діаграму струмів і топографічну діаграму напруг, показати кут зсуву фаз;
- 1.3. Прийнявши активний опір R2 за нульовий і вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомий, розрахувати його за умови резонансу струмів;
 - 1.4. Розрахувати струму для резонансного стану кола; визначити покази вольтметра;
 - 1.5. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей;
- 1.6. Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Для одержання реактивного двополюсника активні опори закоротити.
- 2. ПРИ НАЯВНОСТІ МАГНІТНОГО ЗВ"ЯЗКУ МІЖ ІНДУКТИВНИМИ ЕЛЕМЕНТАМИ L1 ТА L2 (ОДНОЙМЕННІ ПОЧАТКИ ПОЗНАЧЕНІ НА СХЕМІ ТОЧКАМИ):
- 2.1. Перетворивши схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках схеми методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2.2. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
- 2.3. Побудувати сумісну векторну діаграму струмів і топографічну діаграму напруг (на діаграмі показати напруги взаємної індукції).
- 3. ВІДКИНУВШИ ВІТКУ МІЖ ЗАТИСКАЧАМИ 2-2", ВИКОНАТИ ЕКВІВАЛЕНТУВАННЯ ВЗАЄМОІНДУКТИВНИХ ЗВ"ЯЗКІВ ВІТОК. ОДЕРЖАНУ СХЕМУ РОЗГЛЯДАТИ ЯК ЧОТИРИПОЛЮСНИК З ЗАТИСКАЧАМИ 1-1" ТА 2-2":
 - 3.1. Розрахувати коефіцієнти А, В, С, D чотириполюсника;
 - 3.2. Розрахувати параметри R, L, C віток схеми заміщення.

F

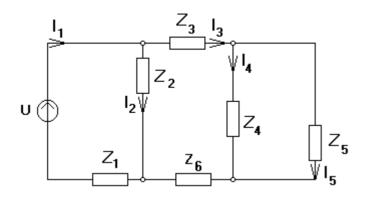
$$E := 240 \quad \psi := 70 \qquad R_1 := 18 \quad R_2 := 16 \quad R_3 := 14 \quad R_4 := 12 \quad X_{L1} := 37 \quad X_{L2} := 27 \quad X_{L3} := 20$$

$$X_{C1} := 13 \quad X_{C2} := 10 \quad X_{C3} := 6 \quad X_M := 15 \quad f := 50$$

$$U := E \cdot e \qquad U = 82.085 + 225.526i \qquad F(U) = (240 \quad 70)$$

Для електричного кола без взаємної індукції:

Розрахувати всі струми символічним методом



$$Z_{1} \coloneqq R_{1} + i \cdot X_{L1} \rightarrow 18 + 37 \cdot i$$

$$Z_{2} \coloneqq R_{2} + i \cdot X_{L2} \rightarrow 16 + 27 \cdot i$$

$$Z_{3} \coloneqq R_{3} - i \cdot X_{C1} \rightarrow 14 - 13 \cdot i$$

$$Z_{4} \coloneqq R_{4} - i \cdot X_{C3} \rightarrow 12 - 6 \cdot i$$

$$Z_{5} \coloneqq -i \cdot X_{C2} \rightarrow -10 \cdot i$$

$$Z_{6} \coloneqq i \cdot X_{L3} \rightarrow 20 \cdot i$$

$$Z_{E} := \frac{\left(\frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}\right) \cdot Z_{2}}{Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}} + Z_{1} \quad Z_{E} = 29.418 + 41.706i$$

$$I_1 := \frac{U}{Z_E}$$
 $I_1 = 4.538 + 1.233i$ $F(I_1) = (4.702 \ 15.197)$

$$I_{2} := \frac{I_{1} \cdot \left(\frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}\right)}{Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}} I_{2} = 1.719 - 0.686i$$

$$F(I_{2}) = (1.85 -21.75)$$

$$I_{3} := \frac{I_{1} \cdot Z_{2}}{\left(Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}\right)} \quad I_{3} = 2.819 + 1.918i \qquad F(I_{3}) = (3.41 - 34.232)$$

$$I_4 := I_3 \cdot \frac{Z_5}{Z_5 + Z_4}$$
 $I_4 = 1.703 - 0.078i$ $F(I_4) = (1.705 - 2.637)$

$$I_5 := I_3 \cdot \frac{Z_4}{Z_4 + Z_5}$$
 $I_5 = 1.116 + 1.997i$ $F(I_5) = (2.288 60.797)$

Перевірка за першим законом Кіргофа: $I_1 - I_2 - I_3 = 0$ $I_3 - I_4 - I_5 = 0$ $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$ Перевірка за другім законом Кіргофа:

$$\begin{split} -I_{1} \cdot \left[R_{1} + i \cdot \left(X_{L1} \right) \right] + U - I_{2} \cdot \left(R_{2} + i \cdot X_{L2} \right) &= -2.132 \times 10^{-14} - 2.842 i \times 10^{-14} \\ I_{2} \cdot \left(R_{2} + i \cdot X_{L2} \right) - I_{4} \cdot \left(R_{4} - i \cdot X_{C3} \right) - I_{3} \cdot \left(-i \cdot X_{C1} + i \cdot X_{L3} + R_{3} \right) &= 7.105 \times 10^{-15} - 7.105 i \times 10^{-15} \\ I_{4} \cdot \left(R_{4} - i \cdot X_{C3} \right) - I_{5} \cdot \left(-i \cdot X_{C2} \right) &= 1.776 i \times 10^{-15} \end{split}$$

Перевірка за балансом потужностей

$$\begin{split} \mathbf{S}_{1} &:= \mathbf{U} \cdot \overline{\mathbf{I}_{1}} \\ \mathbf{P} &:= \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{1} + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{3} + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{4} \\ \mathbf{Q} &:= \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(\mathbf{X}_{L3} - \mathbf{X}_{C1} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C3} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C2} \right) \\ \mathbf{Q} &:= \mathbf{Q} = \mathbf$$

Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг

Знаходимо потенціали точок:

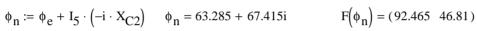
| $\phi_a := 0$ | | |
|---|--|----------------------------------|
| $\phi_b := \phi_a + I_1 \cdot R_1$ | $\phi_b = 81.684 + 22.189i$ | $F(\phi_b) = (84.644 \ 15.197)$ |
| $\phi_c := \phi_b + I_2 \cdot R_2$ | $\phi_{\rm C} = 109.182 + 11.218i$ | $F(\phi_c) = (109.756 \ 5.866)$ |
| $\phi_d \coloneqq \phi_c + \mathrm{I}_2 \cdot \mathrm{i} \cdot \mathrm{X}_{\mathrm{L}2}$ | $\phi_d = 127.695 + 57.621i$ | $F(\phi_d) = (140.093 \ 24.287)$ |
| $\phi_1 := \phi_d + \mathrm{I}_1 \cdot \mathrm{i} \cdot \mathrm{X}_{L1}$ | $\phi_1 = 82.085 + 225.526i$ | $F(\phi_1) = (240 70)$ |
| $\phi_{1'} \coloneqq \phi_1 - U$ | $\phi_{1'} = 2.842 \times 10^{-14} + 2.842i \times 10^{-14}$ | < 10 ⁻¹⁴ |
| $\phi_e \coloneqq \phi_b + \mathrm{I}_3 \cdot \mathrm{i} \cdot \mathrm{X}_{L3}$ | $\phi_e = 43.316 + 78.576i$ | $F(\phi_e) = (89.725 \ 61.134)$ |
| $\phi_m \coloneqq \phi_e + \mathrm{I}_4 \cdot \left(-\mathrm{i} \cdot \mathrm{X}_{C3} \right)$ | $\phi_{\mathbf{m}} = 42.846 + 68.357i$ | $F(\phi_m) = (80.674 \ 57.921)$ |

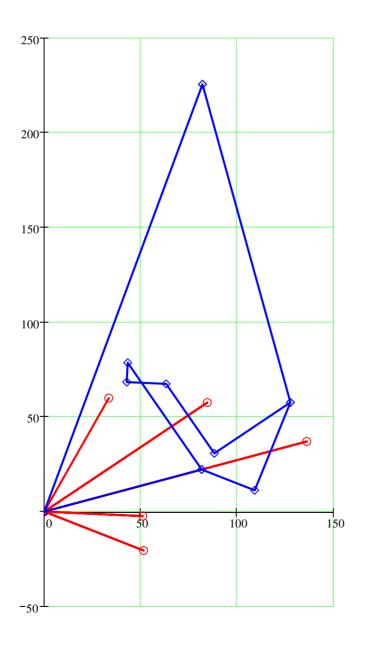
$$\phi_{n} := \phi_{m} + I_{4} \cdot R_{4} \qquad \phi_{n} = 63.285 + 67.415i \qquad F(\phi_{n}) = (92.465 \ 46.81)$$

$$\phi_{k} := \phi_{n} + I_{3} \cdot (-i \cdot X_{C1}) \qquad \phi_{k} = 88.224 + 30.763i \qquad F(\phi_{k}) = (93.433 \ 19.223)$$

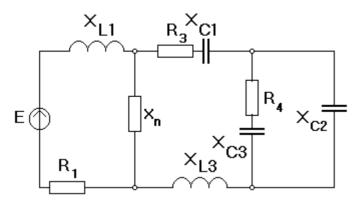
$$\phi_k = 88.224 + 30.763i$$

$$F(\phi_n) = (92.465 \ 46.81)$$





Прийняти опір $R_2 = 0\;\;$ і, вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомим, визначити його за умовою резонансу струмів.



$$\begin{aligned} & Z_E \coloneqq \frac{\left(R_4 - i \cdot X_{C3}\right) \cdot \left(-i \cdot X_{C2}\right)}{R_4 - i \cdot \left(X_{C2} + X_{C3}\right)} + i \cdot X_{L3} + R_3 - i \cdot X_{C1} \end{aligned} \qquad \quad Z_E = 17 + i$$

$$Z_E = R_E + j \cdot X_E \qquad \qquad R_E := \text{Re}(Z_E) \quad R_E = 17 \qquad \qquad X_E := \text{Im}(Z_E) \qquad X_E = 17 \qquad \qquad X_E := \text{Re}(Z_E) \qquad X_E = 17 \qquad \qquad X_E =$$

За умовою резонансу:

$$B_{ab} = B_n + B_E$$
 $B_n = -B_E = \frac{-X_E}{{X_E}^2 + {R_E}^2}$

$$B_n \coloneqq \frac{-X_E}{{X_E}^2 + {R_E}^2}$$
 $B_n = -3.448 \times 10^{-3}$ Реактивний опір вітки: $X_n \coloneqq \frac{1}{B_n}$ $X_n = -290$

Розрахувати струми для резонансного стану кола;

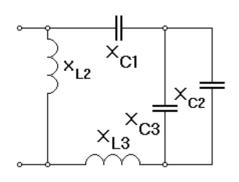
$$\begin{split} Z_1 &\coloneqq R_1 + X_{L1} \cdot i & Z_1 = 18 + 37 \\ Z_3 &\coloneqq R_3 + X_{L3} \cdot i - X_{C1} \cdot i & Z_3 = 14 + 7i \\ Z_4 &\coloneqq R_4 - X_{C3} \cdot i & Z_4 = 12 - 6i \\ Z_5 &\coloneqq -X_{C2} \cdot i & Z_5 = -10i \\ Z_{345} &\coloneqq \frac{Z_4 \cdot Z_5}{Z_4 + Z_5} + Z_3 & Z_{345} = 17 + i \end{split}$$

Вхідний опір кола:
$$Z_{VX}\!\left(X_N\right) := \frac{Z_{345} \cdot i \cdot X_N}{Z_{345} + i \cdot X_N} + Z_1$$

$$X_{N} := Im(Z_{VX}(X_{N}))$$
 | complex solve, $X_{N} \rightarrow \begin{pmatrix} -4.78947 + 16.1068 \cdot i \\ -4.78947 - 16.1068 \cdot i \end{pmatrix}$ float. 6

Отже резонанс кола не може бути, так як: $X_N = \begin{pmatrix} -4.789 + 16.107i \\ -4.789 - 16.107i \end{pmatrix}$

Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Активні опори закоротити



$$L_2 := \frac{X_{L2}}{\omega} \to \frac{27}{100 \cdot \pi} \qquad \qquad L_2 = 0.086$$

$$L_3 := \frac{X_{L3}}{\omega} \to \frac{1}{5 \cdot \pi} \qquad \qquad L_3 = 0.064$$

$$C_1 := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \to \frac{1}{1300 \cdot \pi}$$
 $C_1 = 2.449 \times 10^{-4}$

$$C_2 := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}} \to \frac{1}{1000 \cdot \pi}$$
 $C_2 = 3.183 \times 10^{-1}$

$$C_{1} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \rightarrow \frac{1}{1300 \cdot \pi} \qquad C_{1} = 2.449 \times 10^{-4}$$

$$C_{2} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \rightarrow \frac{1}{600 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 5.305 \times 10^{-4}$$

$$C_{4} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{5} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{7} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{1} = 2.449 \times 10^{-4}$$

$$C_{2} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \rightarrow \frac{1}{600 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 5.305 \times 10^{-4}$$

$$C_{1} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{1} = 2.449 \times 10^{-4}$$

$$C_{2} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \rightarrow \frac{1}{600 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 5.305 \times 10^{-4}$$

$$C_{1} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \rightarrow \frac{1}{600 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 5.305 \times 10^{-4}$$

$$C_{1} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \rightarrow \frac{1}{600 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 5.305 \times 10^{-4}$$

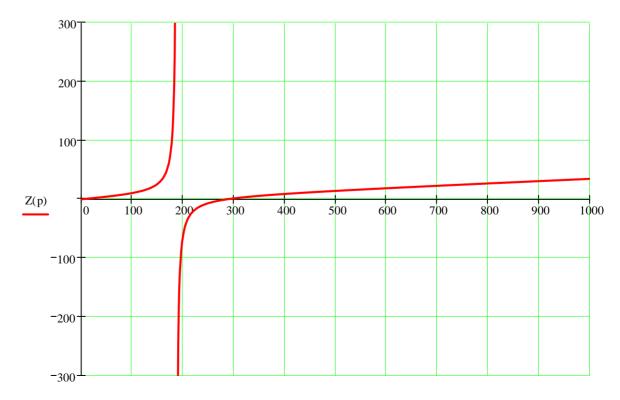
$$C_{1} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} \rightarrow \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \rightarrow \frac{1}{600 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 5.305 \times 10^{-4}$$

$$\omega := Z(p) \quad \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 11 \end{vmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 287.50293366 \\ -287.50293366 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \omega = \begin{pmatrix} 287.503 \\ -287.503 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \omega := \begin{pmatrix} \omega_0 \\ \omega_2 \end{pmatrix} \qquad \omega = \begin{pmatrix} 287.503 \\ 0 \end{pmatrix}$$

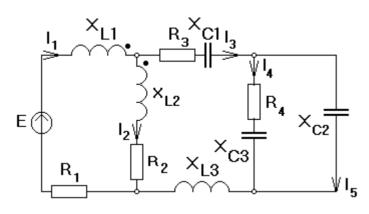
Знаходимо полюси:

$$\omega_1 := \frac{1}{Z(p)} \left| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 11 \end{array} \right| \xrightarrow{(187.54623470)} \omega_1 = \begin{pmatrix} 187.546 \\ -187.546 \end{pmatrix} \quad \omega_1 := \omega_1 \quad \omega_1 = 187.546$$



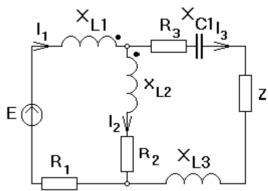
При наявності магнітного зв "язку між індуктивними елементами

- 1) Перетворити схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2) Перевірити правільність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
 - 3) Побудувати сімісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг



$$\mathbf{Z} \coloneqq \frac{-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C2} \cdot \left(\mathbf{R}_4 - \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C3}\right)}{\mathbf{R}_4 - \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C2} - \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C3}}$$

$$Z = 3 - 6i$$



$$\mathbf{Z}_{11} \coloneqq \mathbf{R}_1 + \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} + \mathbf{X}_{L2} - 2 \cdot \mathbf{X}_{M} \right) \rightarrow 34 + 34 \cdot \mathbf{i}$$

$$\mathsf{Z}_{12} \coloneqq \mathsf{R}_2 + \mathsf{i} \cdot \left(\mathsf{X}_{L2} - \mathsf{X}_{M} \right) \to \mathsf{16} + \mathsf{12} \cdot \mathsf{i}$$

$$\mathbf{Z}_{22} \coloneqq \mathbf{R}_2 + \mathbf{R}_3 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} + \mathbf{X}_{L3} - \mathbf{X}_{C1} \right) + \mathbf{Z} \; \text{float}, 7 \;\; \rightarrow 33. + 28.00000 \cdot \mathbf{i}$$

Give

$$I_{K1} \cdot Z_{11} - I_{K2} \cdot Z_{12} = U$$
 $-I_{K1} \cdot Z_{12} + I_{K2} \cdot Z_{22} = 0$

$$\begin{pmatrix} I_{K1} \\ I_{K2} \end{pmatrix} \coloneqq \operatorname{Find} \! \left(I_{K1}, I_{K2} \right) \to \begin{pmatrix} 5.6838302323710823930 + 2.3287556390648110970 \cdot i \\ 2.6865587901761801199 + .91643657238051281547 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$I_{K1} = 5.684 + 2.329i$$
 $I_{K2} = 2.687 + 0.916i$

$$\begin{split} I_1 &\coloneqq I_{K1} & \qquad \qquad I_1 = 5.684 + 2.329i & \qquad F(I_1) = (6.142 \ 22.28) \\ I_2 &\coloneqq I_{K1} - I_{K2} & \qquad I_2 = 2.997 + 1.412i & \qquad F(I_2) = (3.313 \ 25.23) \\ I_3 &\coloneqq I_{K2} & \qquad I_3 = 2.687 + 0.916i & \qquad F(I_3) = (2.839 \ 18.835) \\ I_4 &\coloneqq \frac{I_3 \cdot Z}{R_4 - i \cdot X_{C3}} & \qquad I_4 = 1.35 - 0.439i & \qquad F(I_4) = (1.419 \ -18.034) \end{split}$$

$$I_5 := \frac{I_3 \cdot Z}{-i \cdot X_{C2}}$$
 $I_5 = 1.337 + 1.356i$ $F(I_5) = (1.904 \ 45.401)$

Перевірка за першим законом Кіргофа: $I_1 - I_2 - I_3 = 0$ $I_3 - I_4 - I_5 = 0$ $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$

Перевірка за другім законом Кіргофа:

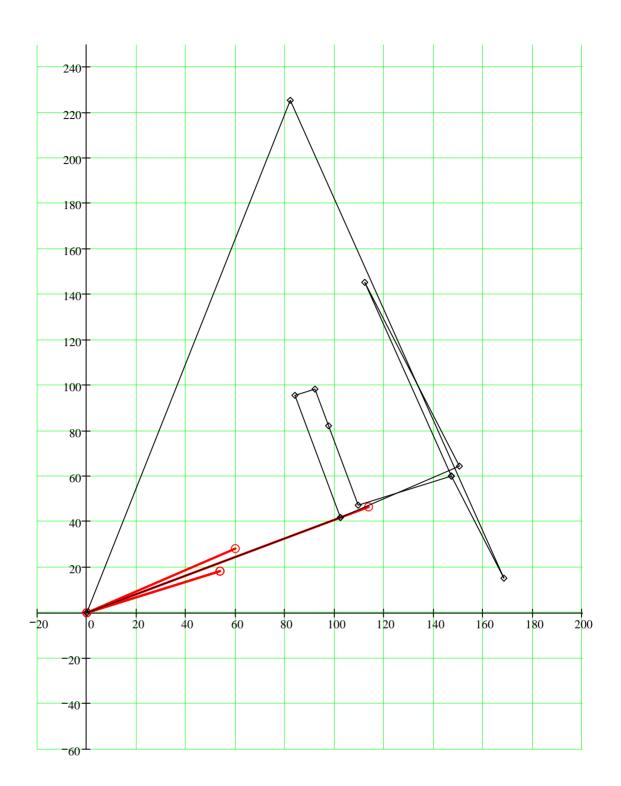
$$\begin{split} -I_1 \cdot \left[\, R_1 + i \cdot \left(X_{L1} - X_M \right) \right] + U - I_2 \cdot \left[\, R_2 + i \cdot \left(X_{L2} - X_M \right) \right] &= 1.066 \times \, 10^{-14} - 3.553 i \times \, 10^{-14} \\ I_2 \cdot \left[\, R_2 + i \cdot \left(X_{L2} - X_M \right) \right] - I_4 \cdot \left(R_4 - i \cdot X_{C3} \right) - I_3 \cdot \left(R_3 + i \cdot X_{L3} - i \cdot X_{C1} + i \cdot X_M \right) &= -1.421 i \times \, 10^{-14} \\ I_5 \cdot \left(-i \cdot X_{C2} \right) - I_4 \cdot \left(R_4 - i \cdot X_{C3} \right) &= 0 \\ S_{M1} \coloneqq -I_1 \cdot \overline{I_2} \cdot i \cdot X_M \qquad S_{M1} = -15.712 - 304.874 i \qquad F \left(S_{M1} \right) &= (305.279 - 92.95) \\ S_{M2} \coloneqq \overline{-I_1} \cdot I_2 \cdot i \cdot X_M \qquad S_{M2} = 15.712 - 304.874 i \qquad F \left(S_{M2} \right) &= (305.279 - 87.05) \end{split}$$

Перевірка за балансом потужностей

$$\begin{split} s_{1} &\coloneqq \text{U} \cdot \overline{l_{1}} \\ \text{P} &\coloneqq \left(\left| I_{1} \right| \right)^{2} \cdot \text{R}_{1} + \left(\left| I_{2} \right| \right)^{2} \cdot \text{R}_{2} + \left(\left| I_{3} \right| \right)^{2} \cdot \text{R}_{3} + \left(\left| I_{4} \right| \right)^{2} \cdot \text{R}_{4} \\ \text{Q} &\coloneqq \left(\left| I_{1} \right| \right)^{2} \cdot \text{i} \cdot \text{X}_{L1} + \left(\left| I_{2} \right| \right)^{2} \cdot \text{i} \cdot \left(\text{X}_{L2} \right) + \left(\left| I_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(\text{X}_{L3} \cdot \text{i} - \text{i} \cdot \text{X}_{C1} \right) + \left(\left| I_{4} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\text{X}_{C3} \cdot \text{i} \right) + \left(\left| I_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\text{X}_{C2} \cdot \text{i} \right) \\ \text{Q} &\coloneqq \text{Q} + \text{S}_{M1} + \text{S}_{M2} \\ \end{split}$$

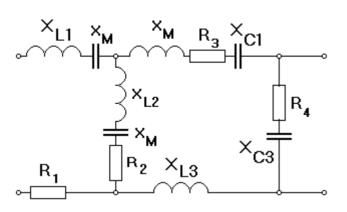
Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг

Знаходимо потенціали точок:



3. Відкинувши крайню вітку між полбсами 2,2", зробити розв "язку магнітного зв "язку. Одержану схему розглядати як чотириполюсник з полюсами 1,1" та 2,2":

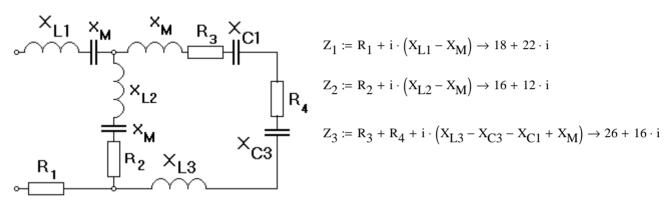
1)Розрахувати коефіцієнти чотириполюсника А,В,С,D



$$\mathbf{U}_1 = \mathbf{A} \cdot \mathbf{U}_2 + \mathbf{B} \cdot \mathbf{I}_2$$

$$I_1 = C \cdot U_2 + D \cdot I_2$$

Неробочій хід:
$$I_2 = 0$$
 $U_{10} := U$ $U_1 = A \cdot U_2$ $I_1 = C \cdot U_2$



$$Z_1 := R_1 + i \cdot (X_{I,1} - X_M) \rightarrow 18 + 22 \cdot i$$

$$\mathbf{Z}_2 \coloneqq \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} - \mathbf{X}_{\mathbf{M}} \right) \to \mathbf{16} + \mathbf{12} \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_3 := R_3 + R_4 + i \cdot (X_{L3} - X_{C3} - X_{C1} + X_M) \rightarrow 26 + 16 \cdot i$$

$$Z_{10} := \frac{Z_2 \cdot Z_3}{Z_2 + Z_3} + Z_1 \qquad Z_{10} = 27.934 + 28.901i \qquad Z_{20} := \frac{Z_1 \cdot Z_2}{Z_1 + Z_2} + Z_3 \qquad Z_{20} = 34.706 + 24i$$

$$Z_{20} := \frac{Z_1 \cdot Z_2}{Z_1 + Z_2} + Z_3$$
 $Z_{20} = 34.706 + 24i$

$$I_{10} := \frac{U_{10}}{Z_{10}}$$

$$I_{10} = 5.454 + 2.431$$

$$F(I_{10}) = (5.971 \ 24.025)$$

$$I_{10} := \frac{U_{10}}{Z_{10}} \qquad \qquad I_{10} = 5.454 + 2.431i \qquad \qquad F(I_{10}) = (5.971 \ 24.025)$$

$$I_{30} := I_{10} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3} \qquad \qquad I_{30} = 2.104 + 1.082i \qquad \qquad F(I_{30}) = (2.366 \ 27.205)$$

$$I_{30} = 2.104 + 1.082i$$

$$F(I_{30}) = (2.366 \ 27.205)$$

$$U_{20} := I_{30} \cdot (R_4 - i \cdot X_{C3})$$
 $U_{20} = 31.738 + 0.355i$ $F(U_{20}) = (31.74 \ 0.64)$

$$U_{20} = 31.738 + 0.355i$$

$$F(U_{20}) = (31.74 \ 0.64)$$

$$\mathsf{A} \coloneqq \frac{\mathsf{U}_{10}}{\mathsf{U}_{20}}$$

$$A = 2.665 + 7.076i$$

$$F(A) = (7.561 69.36)$$

$$C := \frac{I_{10}}{U_{20}}$$

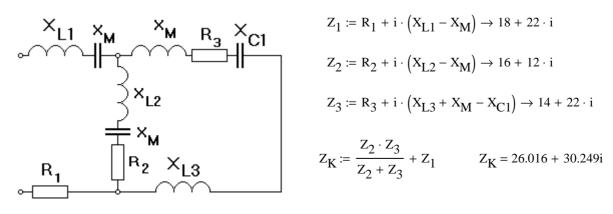
$$C = 0.173 + 0.075$$

$$F(C) = (0.188 23.385)$$

Коротке замикання:

$$U_2 = 0$$
 U_1

$$U_2 = 0$$
 $U_K := U$ $U_1 = B \cdot I_2$ $I_1 = D \cdot I_2$



$$\mathbf{Z}_1 \coloneqq \mathbf{R}_1 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} - \mathbf{X}_{\mathbf{M}}\right) \to \mathbf{18} + \mathbf{22} \cdot \mathbf{i}$$

$$\mathbf{Z}_2 \coloneqq \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} - \mathbf{X}_{\mathbf{M}} \right) \to \mathbf{16} + \mathbf{12} \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_3 := R_3 + i \cdot (X_{L3} + X_M - X_{C1}) \rightarrow 14 + 22 \cdot i$$

$$Z_K := \frac{Z_2 \cdot Z_3}{Z_2 + Z_3} + Z_1$$
 $Z_K = 26.016 + 30.249i$

$$I_{1K} := \frac{U_K}{Z_K} \qquad \qquad I_{1K} = 5.627 + 2.126i \qquad \qquad F(I_{1K}) = (6.015 \ \ 20.697)$$

$$I_{3K} := I_{1K} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3}$$
 $I_{3K} = 2.621 + 0.415i$ $F(I_{3K}) = (2.653 \ 8.991)$

$$B := \frac{U_K}{I_{3K}}$$
 $B = 43.84 + 79.12i$ $F(B) = (90.454 61.009)$

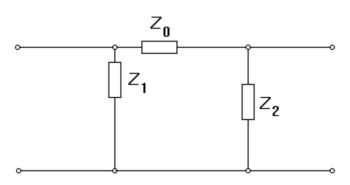
$$D := \frac{I_{1K}}{I_{3K}} \qquad \qquad D = 2.22 + 0.46i \qquad \qquad F(D) = (2.267 \ 11.706)$$

Перевірка $A \cdot D - B \cdot C = 1$

$$F(A) = (7.561 69.36)$$
 $F(B) = (90.454 61.009)$

$$F(C) = (0.188 \ 23.385)$$
 $F(D) = (2.267 \ 11.706)$

Расчитать параметры R,L,С П - схемы замещения.



$$Z_0 := B$$
 $Z_0 = 43.84 + 79.12i$ $F(Z_0) = (90.454 61.009)$

$$Y_1 := \frac{D-1}{B}$$
 $Y_1 = 0.011 - 9.333i \times 10^{-3}$ $F(Y_1) = (0.014 -40.35)$

$$Y_2 := \frac{A-1}{B}$$
 $Y_2 = 0.077 + 0.022i$ $F(Y_2) = (0.08 15.747)$

$${\tt R}_0 := \, {\tt Re} \big({\tt Z}_0 \big) \qquad {\tt R}_0 = 43.84 \qquad \qquad {\tt X}_{L0} := \, {\tt Im} \big({\tt Z}_0 \big) \qquad {\tt X}_{L0} = 79.12$$

$$Z_1 := \frac{1}{Y_1} \qquad \qquad Z_1 = 52.871 + 44.918i \quad R_1 := \text{Re}(Z_1) \qquad R_1 = 52.871 \qquad X_{L1} := \text{Im}(Z_1) \qquad X_{L1} = 44.918i \quad X_{L1} = 44.918i \quad X_{L2} = 44.918i \quad X_{L3} = 44.918i \quad X_$$

$$Z_2 := \frac{1}{Y_2}$$
 $Z_2 = 11.976 - 3.377i$ $R_2 := Re(Z_2)$ $R_2 = 11.976$ $X_{C2} := -Im(Z_2)$ $X_{C2} = 3.377$

$$L_1 := \frac{X_{L1}}{\omega}$$
 $L_1 = 0.143$

$$C_2 := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}}$$
 $C_2 = 9.426 \times 10^{-4}$

$$L_0 := \frac{X_{L0}}{\omega}$$
 $L_0 = 0.252$