Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок однофазного кола синусоїдного струму" Варіант № 308

Виконав:		
Перевірив.		

Умова завдання

В елктричному колі діє джерело синусоїдної ЄРС:

Необхідно:

1. ДЛЯ ЕЛЕКТРИЧНОГО КОЛА БЕЗ ВЗАЄМНОЇ ІНДУКЦІЇ:

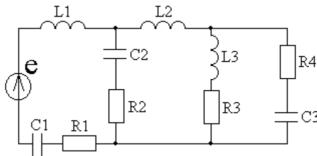
- 1.1. Розрахувати струми віток символічним методом скласти баланс активних і реактивних потужностей кола;
 - 1.2. Побудувати діаграму струмів і топографічну діаграму напруг, показати кут зсуву фаз;
- 1.3. Прийнявши активний опір R2 за нульовий і вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомий, розрахувати його за умови резонансу струмів;
 - 1.4. Розрахувати струму для резонансного стану кола; визначити покази вольтметра;
 - 1.5. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей;
- 1.6. Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Для одержання реактивного двополюсника активні опори закоротити.

2. ПРИ НАЯВНОСТІ МАГНІТНОГО ЗВ"ЯЗКУ МІЖ ІНДУКТИВНИМИ ЕЛЕМЕНТАМИ L1 Т L2 (ОДНОЙМЕННІ ПОЧАТКИ ПОЗНАЧЕНІ НА СХЕМІ ТОЧКАМИ):

- 2.1. Перетворивши схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках схеми методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2.2. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
- 2.3. Побудувати сумісну векторну діаграму струмів і топографічну діаграму напруг (на діаграмі показати напруги взаємної індукції).

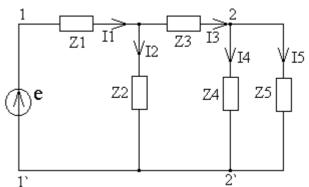
3. ВІДКИНУВШИ ВІТКУ МІЖ ЗАТИСКАЧАМИ 2-2", ВИКОНАТИ ЕКВІВАЛЕНТУВАННЯ ВЗАЄМОІНДУКТИВНИХ ЗВ"ЯЗКІВ ВІТОК. ОДЕРЖАНУ СХЕМУ РОЗГЛЯДАТИ ЯК ЧОТИРИПОЛЮСНИК З ЗАТИСКАЧАМИ 1-1" ТА 2-2" :

- 3.1. Розрахувати коефіцієнти А, В, С, D чотириполюсника;
- 3.2. Розрахувати параметри R, L, C віток схеми заміщення.



Символічний метод

$$\begin{split} Z_1 &\coloneqq R_1 + X_{L1} \cdot i - X_{C1} \cdot i & Z_1 = 9 + 24i \\ Z_2 &\coloneqq R_2 - X_{C2} \cdot i & Z_2 = 11 - 10i \\ Z_3 &\coloneqq X_{L2} \cdot i & Z_3 = 27i \\ Z_4 &\coloneqq R_3 + X_{L3} \cdot i & Z_4 = 13 + 20i \\ Z_5 &\coloneqq R_4 - X_{C3} \cdot i & Z_5 = 15 - 6i \end{split}$$



$$Z_{345} := \frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3 \qquad Z_{345} = 12.171 + 28.843i$$

$$Z_E := \frac{Z_2 \cdot Z_{345}}{Z_2 + Z_{345}} + Z_1 \qquad Z_E = 24.102 + 20.159i$$

$$E_C = 98.995 - 98.995i \qquad F(E_C) = (140 - 45)$$

$$I_1 := \frac{E_C}{Z_E} \qquad I_1 = 0.395 - 4.438i \qquad F(I_1) = (4.456 - 84.909)$$

$$I_2 := I_1 \cdot \frac{Z_{345}}{Z_{345} + Z_2} \qquad I_2 = 2.55 - 3.913i \qquad F(I_2) = (4.67 - 56.906)$$

$$I_3 := I_1 - I_2 \qquad I_3 = -2.155 - 0.525i \qquad F(I_3) = (2.218 - 166.3)$$

$$I_4 := I_3 \cdot \frac{Z_5}{Z_4 + Z_5} \qquad I_4 = -0.941 + 0.651i \qquad F(I_4) = (1.145 - 145.333)$$

$$I_5 := I_3 - I_4 \qquad I_5 = -1.213 - 1.176i \qquad F(I_5) = (1.69 - 135.889)$$

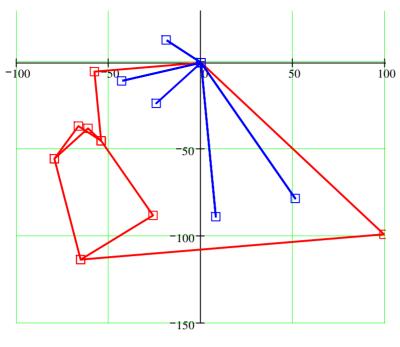
Баланс потужностей електричного кола:

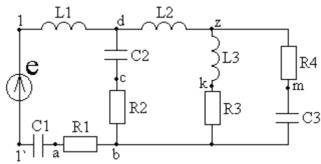
$$\begin{split} \mathbf{S}_{r} &:= \mathbf{E}_{C} \cdot \overline{\mathbf{I}_{1}} & \mathbf{S}_{r} = 478.485 + 400.202i \\ \mathbf{P} &:= \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{1} + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{3} + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{4} & \mathbf{P} = 478.485 \\ \mathbf{Q} &:= \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} \cdot \mathbf{i} - \mathbf{X}_{C1} \cdot \mathbf{i} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C2} \cdot \mathbf{i} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{X}_{L2} \cdot \mathbf{i} + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{X}_{L3} \cdot \mathbf{i} + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C3} \cdot \mathbf{i} \right) \\ \mathbf{Q} &= 400.202i \end{split}$$

Визначимо потенціали всіх точок позначених на схемі:

$\phi_{1'} := 0$		
$\phi_a := \phi_{1'} + I_1 \cdot \left(-X_{C1} \cdot i \right)$	$\phi_a = -57.694 - 5.14i$	$F(\phi_a) = (57.923 -174.909)$
$\phi_b := \phi_a + I_1 \cdot R_1$	$\phi_b = -54.136 - 45.082i$	$F(\phi_b) = (70.449 -140.214)$
$\phi_c := \phi_b + I_2 \cdot R_2$	$\phi_{\rm C} = -26.085 - 88.123i$	$F(\phi_c) = (91.903 -106.489)$
$\phi_d := \phi_c + I_2 \cdot \left(-X_{C2} \cdot i \right)$	$\phi_d = -65.212 - 113.624i$	$F(\phi_d) = (131.008 -119.853)$
$\phi_1 := \phi_d + \operatorname{I}_1 \cdot \operatorname{X}_{L1} \cdot \operatorname{i}$	$\phi_1 = 98.995 - 98.995i$	$F(\phi_1) = (140 -45)$
$\phi_{\mathbf{A}} \coloneqq \phi_1 - \mathbf{E}_{\mathbf{C}}$	$\phi_{\mathbf{A}} = 0$	
$\phi_k := \phi_b + I_4 \cdot R_3$	$\phi_k = -66.374 - 36.619i$	$F(\phi_k) = (75.805 -151.114)$
$\phi_z := \phi_k + \operatorname{I}_4 \cdot \operatorname{X}_{L3} \cdot i$	$\phi_Z = -79.394 - 55.446i$	$F(\phi_z) = (96.839 -145.071)$
$\phi_d \coloneqq \phi_z + \operatorname{I}_3 \cdot \operatorname{X}_{L2} \cdot \operatorname{i}$	$\phi_d = -65.212 - 113.624i$	$F(\phi_d) = (131.008 -119.853)$
$\phi_m := \phi_b + I_5 \cdot \left(-X_{C3} \cdot i \right)$	$\phi_{\mathbf{m}} = -61.194 - 37.802i$	$F(\phi_m) = (71.928 -148.294)$

Суміщена векторна діаграма струмів і топографічна діаграма напруг:





1.5. Прийнявши активний опір R2 за нульовий і вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомий, розрахувати його за умови резонансу струмів.

$$\begin{split} Z_3 &\coloneqq X_{L2} \cdot i & Z_3 = 27i \\ Z_4 &\coloneqq R_3 + X_{L3} \cdot i & Z_4 = 13 + 20i \\ Z_5 &\coloneqq R_4 - X_{C3} \cdot i & Z_5 = 15 - 6i \\ Z_E &\coloneqq \frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3 & Z_E = 12.171 + 28.843i \\ R_E &\coloneqq \text{Re}(Z_E) & R_E = 12.171 & X_E &\coloneqq \text{Im}(Z_E) & X_E = 28.843 \end{split}$$

Умова резонансу струмів на ділянці "ab" : $B_{ab} = B_2 + B_E$ $B_{ab} := 0$ $B_2 = -B_E$

$$B_2 := \frac{-X_E}{X_E^2 + R_E^2}$$
 $B_2 = -0.029$ $X_2 := \frac{1}{B_2}$ $X_2 = -33.979$

Розрахувати струми для резонансного стану кола

$$\begin{split} Z_1 &\coloneqq R_1 + X_{L1} \cdot i - X_{C1} \cdot i & Z_1 = 9 + 24i \\ Z_3 &\coloneqq X_{L2} \cdot i & Z_3 = 27i \\ Z_4 &\coloneqq R_3 + X_{L3} \cdot i & Z_4 = 13 + 20i \\ Z_5 &\coloneqq R_4 - X_{C3} \cdot i & Z_5 = 15 - 6i \\ Z_{345} &\coloneqq \frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3 & Z_{345} = 12.171 + 28.843i \end{split}$$

Вхідний опір кола

 $I_3 := I_1 - I_2$

$$\begin{split} Z_{VX}\!\!\left(X_{N}\right) &\coloneqq \frac{Z_{345} \cdot \mathbf{i} \cdot X_{N}}{Z_{345} + \mathbf{i} \cdot X_{N}} + Z_{1} \to \left(\frac{-2019}{70} + \frac{426}{35} \cdot \mathbf{i}\right) \cdot \frac{X_{N}}{\left(\frac{426}{35} + \frac{2019}{70} \cdot \mathbf{i} + \mathbf{i} \cdot X_{N}\right)} + 9 + 24 \cdot \mathbf{i} \\ Z_{VX}\!\!\left(X_{N}\right) & \begin{vmatrix} \text{complex} \\ \text{simplify} \end{vmatrix} \to 3 \cdot \frac{\left(169596 \cdot X_{N} + 6916 \cdot X_{N}^{2} + 2881359 + 772407 \cdot \mathbf{i} \cdot X_{N} + 17262 \cdot \mathbf{i} \cdot X_{N}^{2} + 7683624 \cdot \mathbf{i} \right)}{\left(960453 + 56532 \cdot X_{N} + 980 \cdot X_{N}^{2}\right)} \end{split}$$

Уявна частина вхідного опору, яка за умовою резонансу дорівнює нулю

$$\mathbf{X_{N}} \coloneqq \mathrm{Im} \left(\mathbf{Z_{VX}} \big(\mathbf{X_{N}} \big) \right) \quad \begin{vmatrix} \mathrm{complex} \\ \mathrm{solve}, \mathbf{X_{N}} \rightarrow \\ \mathrm{float}, 20 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -14.927555984991886676 \\ -29.818533691754724378 \end{pmatrix} \qquad \mathbf{X_{N}} \coloneqq \begin{pmatrix} \mathbf{X_{N_{0}}} \\ \mathbf{X_{N_{1}}} \end{pmatrix}$$

Отже резонанс кола може бути при реактивному опорі у другій вітці $X_N = \begin{pmatrix} -14.928 \\ -29.819 \end{pmatrix}$ який

носить ємнісний характер($X_{N_0} = -14.928$).($X_{N_1} = -29.819$)

$$X_{n} := X_{N_{0}} \qquad X_{n} = -14.928 \qquad \qquad Z_{VX}(X_{n}) = 16.935$$

$$I_{1} := \frac{U}{Z_{VX}(X_{n})} \qquad \qquad I_{1} = 5.845 - 5.845i \qquad \qquad F(I_{1}) = (8.267 - 45)$$

$$I_{2} := I_{1} \cdot \frac{Z_{345}}{Z_{345} + i \cdot X_{n}} \qquad \qquad I_{2} = 12.505 - 6.291i \qquad \qquad F(I_{2}) = (13.999 - 26.704)$$

$$I_4 := I_3 \cdot \frac{Z_5}{Z_4 + Z_5}$$
 $I_4 = -2.112 + 2.722i$ $F(I_4) = (3.445 \ 127.809)$

 $I_3 = -6.66 + 0.445i$

$$I_5 := I_3 - I_4$$
 $I_5 = -4.548 - 2.276i$ $F(I_5) = (5.086 -153.413)$

$$S_1 := U \cdot \overline{I_1} \qquad \qquad S_1 = 1.157 \times 10^3$$

$$P := (|I_1|)^2 \cdot R_1 + (|I_4|)^2 \cdot R_3 + (|I_5|)^2 \cdot R_4 \qquad P = 1.157 \times 10^3$$

$$Q := \left(\left| I_{1} \right| \right)^{2} \cdot \left(X_{L1} - X_{C1} \right) + \left(\left| I_{2} \right| \right)^{2} \cdot X_{n} + \left(\left| I_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(X_{L2} \right) + \left(\left| I_{4} \right| \right)^{2} \cdot \left(X_{L3} \right) + \left(\left| I_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-X_{C3} \cdot Q \right) = -6.253 \times 10^{-13}$$

 $F(I_3) = (6.675 \ 176.176)$

При
$$X_n := X_{N_1}$$
 $X_n = -29.819$ $Z_{VX}(X_n) = 81.585$

$$I_1 := \frac{U}{Z_{VX}(X_n)}$$
 $I_1 = 1.213 - 1.213i$ $F(I_1) = (1.716 - 45)$

$$I_2 := I_1 \cdot \frac{Z_{345}}{Z_{345} + i \cdot X_n}$$
 $I_2 = 3.93 + 1.977i$ $F(I_2) = (4.4 \ 26.704)$

$$I_3 := I_1 - I_2$$
 $I_3 = -2.717 - 3.19i$ $F(I_3) = (4.191 -130.417)$

$$I_4 := I_3 \cdot \frac{Z_5}{Z_4 + Z_5}$$
 $I_4 = -2.162 - 0.046i$ $F(I_4) = (2.163 - 178.783)$

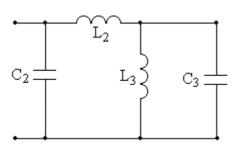
$$I_5 := I_3 - I_4$$
 $I_5 = -0.555 - 3.145i$ $F(I_5) = (3.193 - 100.006)$

$$P := (|I_1|)^2 \cdot R_1 + (|I_4|)^2 \cdot R_3 + (|I_5|)^2 \cdot R_4$$
 $P = 240.239$

$$Q := \left(\left| I_{1} \right| \right)^{2} \cdot \left(X_{L1} - X_{C1} \right) + \left(\left| I_{2} \right| \right)^{2} \cdot X_{n} + \left(\left| I_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(X_{L2} \right) + \left(\left| I_{4} \right| \right)^{2} \cdot \left(X_{L3} \right) + \left(\left| I_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-X_{C3} Q = 8.527 \times 10^{-14} M_{\odot} \right)$$

Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Активні опори

закоротити:



$$Z(p) := \frac{\left(\frac{p \cdot L_3 \cdot \frac{-1}{p \cdot C_3}}{p \cdot L_3 - \frac{1}{p \cdot C_3}} + p \cdot L_2\right) \cdot \frac{-1}{p \cdot C_2}}{\frac{-1}{p \cdot C_2} + \frac{p \cdot L_3 \cdot \frac{-1}{p \cdot C_3}}{p \cdot L_3 - \frac{1}{p \cdot C_3}} + p \cdot L_2}$$

3находимо нулі: Z(p) = 0

$$w_1 := Z(p) \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 3 \end{vmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 227. \\ -227. \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$L_{2} := \frac{X_{L2}}{\omega} \to \frac{27}{100 \cdot \pi} \qquad L_{2} = 0.086$$

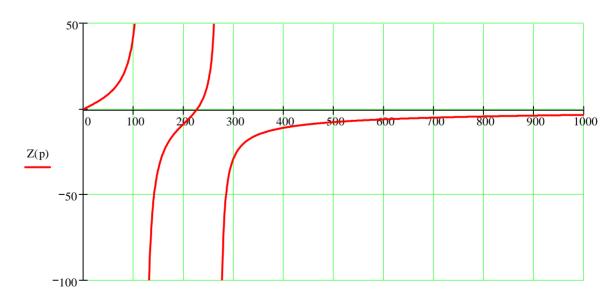
$$L_{3} := \frac{X_{L3}}{\omega} \to \frac{1}{5 \cdot \pi} \qquad L_{3} = 0.064$$

$$C_{2} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}} \to \frac{1}{1000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 3.183 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \to \frac{1}{600 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 5.305 \times 10^{-4}$$

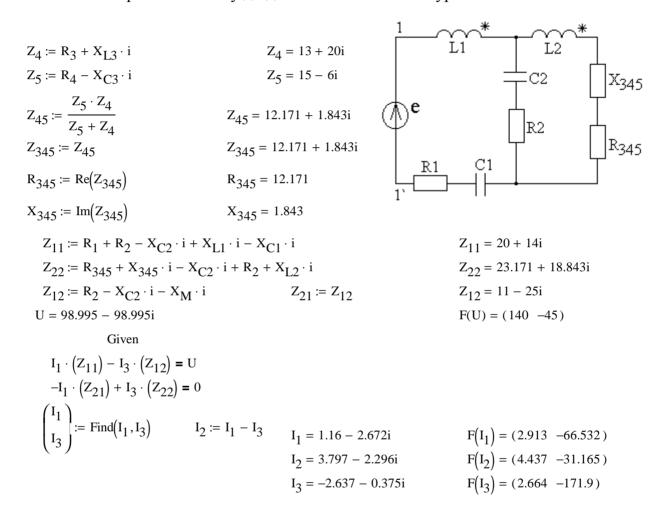
Знаходимо полюси:
$$\frac{1}{Z(p)} = 0$$

$$w := \frac{1}{Z(p)} \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 10 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 270.8083797 \\ 121.4832474 \\ -121.4832474 \\ -270.8083797 \end{pmatrix}$$



- 2. ПРИ НАЯВНОСТІ МАГНІТНОГО ЗВ"ЯЗКУ МІЖ ІНДУКТИВНИМИ ЕЛЕМЕНТАМИ L1 ТА L2 (ОДНОЙМЕННІ ПОЧАТКИ ПОЗНАЧЕНІ НА СХЕМІ ТОЧКАМИ):
- 2.1. Розрахувати струми віток методом контурних струмів, попередньо спростивши схему до двох незалежних контурів.
- 2.2. Побудувати суміщену векторну діаграму струмів і топографічну діаграму напруг.
 - 2.3. Скласти баланс активних і реактивних потужностей кола.
- 2.4. Розрахувати активну потужність, що передається магнітним потоком взаємоїндукції.

Спростимо схему до двох незалежних контурів



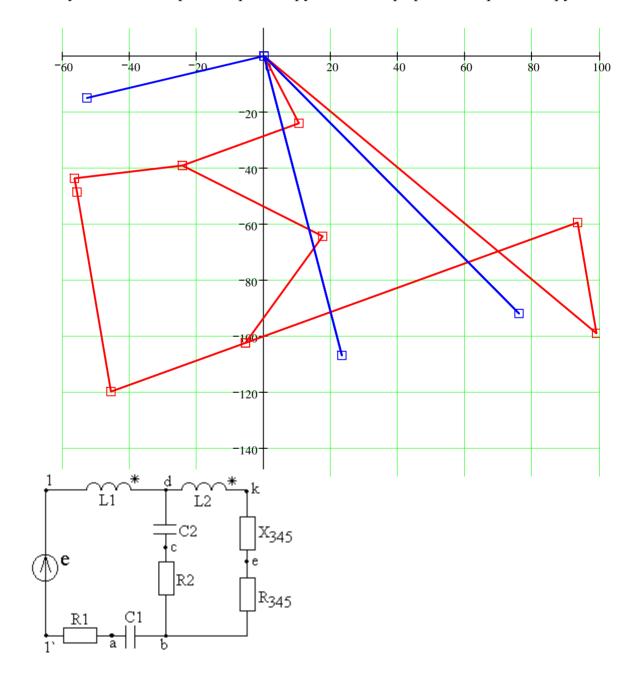
Баланс потужностей електричного кола:

$$\begin{split} S_r &\coloneqq U \cdot \overline{I_1} & S_r = 379.318 + 149.658i \\ P_r &\coloneqq \text{Re}\big(S_r\big) & P_r = 379.318 & Q_r &\coloneqq \text{Im}\big(S_r\big) & Q_r = 149.658 \\ S_{M1} &\coloneqq \overline{I_1} \cdot I_3 \cdot X_M \cdot i & S_{M1} = 112.216 - 30.843i & F\big(S_{M1}\big) = (116.377 - 15.368) \\ S_{M2} &\coloneqq \overline{I_3} \cdot I_1 \cdot X_M \cdot i & S_{M2} = -112.216 - 30.843i & F\big(S_{M2}\big) = (116.377 - 164.632) \\ S_{KC} &\coloneqq \left(\left|I_1\right|\right)^2 \cdot \left(X_{L1} \cdot i + R_1 - X_{C1} \cdot i\right) + \left(\left|I_2\right|\right)^2 \cdot \left(R_2 - X_{C2} \cdot i\right) + \left(\left|I_3\right|\right)^2 \cdot \left(R_{345} + X_{345} \cdot i + X_{L2} \cdot i\right) \\ S_{KC} + \left(S_{M1} + S_{M2}\right) = 379.318 + 149.658i \end{split}$$

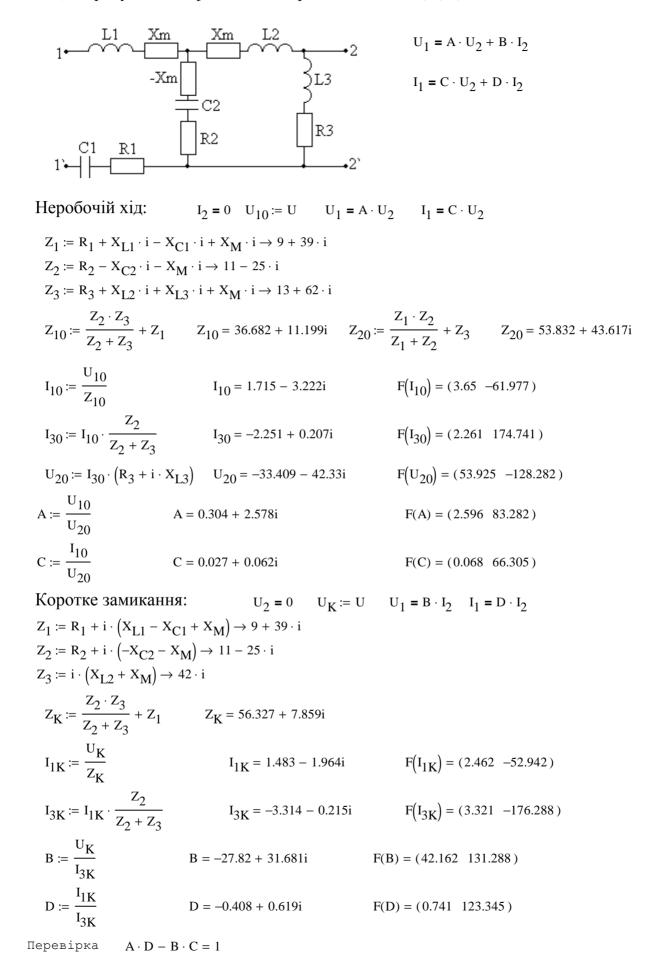
Визначимо потенціали всіх точок позначених на схемі:

$\phi_{1'} := 0$		
$\phi_a := \phi_{1'} + I_1 \cdot R_1$	$\phi_a = 10.44 - 24.046i$	$F(\phi_a) = (26.214 -66.532)$
$\phi_b := \phi_a + I_1 \cdot \left(-X_{C1} \cdot i \right)$	$\phi_b = -24.293 - 39.125i$	$F(\phi_b) = (46.053 -121.836)$
$\phi_c := \phi_b + I_2 \cdot R_2$	$\phi_C = 17.475 - 64.385i$	$F(\phi_c) = (66.715 -74.815)$
$\phi_d := \phi_c + I_2 \cdot \left(-X_{C2} \cdot i \right)$	$\phi_d = -5.489 - 102.356i$	$F(\phi_d) = (102.503 -93.07)$
$\phi_1 := \phi_d + \operatorname{I}_1 \cdot \operatorname{X}_{L1} \cdot \operatorname{i}$	$\phi_1 = 93.365 - 59.438i$	$F(\phi_1) = (110.679 -32.482)$
$\phi'_{1'} := \phi_1 + \mathrm{I}_3 \cdot \mathrm{X}_M \cdot \mathrm{i}$	$\phi'_{1'} = 98.995 - 98.995i$	$F(\phi'_{1'}) = (140 -45)$
$\phi_A := \phi'_{1'} - E_C$	$\phi_{A} = 8.527 \times 10^{-14} - 4.263i \times 10^{-14}$	
$\phi_e := \phi_b + I_3 \cdot R_{345}$	$\phi_e = -56.391 - 43.693i$	$F(\phi_e) = (71.337 -142.23)$
$\phi_k \coloneqq \phi_e + \operatorname{I}_3 \cdot \operatorname{X}_{345} \cdot i$	$\phi_k = -55.699 - 48.553i$	$F(\phi_k) = (73.89 - 138.921)$
$\phi_{d'} \coloneqq \phi_k + \operatorname{I}_3 \cdot \operatorname{X}_{L2} \cdot \operatorname{i}$	$\phi_{\mathbf{d'}} = -45.565 - 119.756i$	$F(\phi_{\mathbf{d}'}) = (128.131 -110.831)$
$\phi_d \coloneqq \phi_{d'} + \mathrm{I}_1 \cdot \mathrm{X}_M \cdot \mathrm{i}$	$\phi_{\mathbf{d}} = -5.489 - 102.356i$	$F(\phi_d) = (102.503 -93.07)$

Суміщена векторна діаграма струмів і топографічна діаграма напруг:



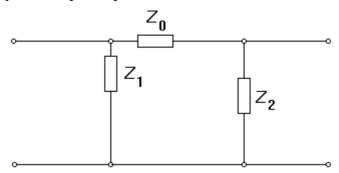
3. Відкинувши крайню вітку між полбсами 2,2", зробити розв"язку магнітного зв"язку. Одержану схему розглядати як чотириполюсник з полюсами 1,1" та 2,2": 1)Розрахувати коефіцієнти чотириполюсника **A,B,C,D**



$$F(A) = (2.596 \ 83.282)$$
 $F(B) = (42.162 \ 131.288)$

$$F(C) = (0.068 66.305)$$
 $F(D) = (0.741 123.345)$

Розрахувати параметри віток схеми П заміщення;



$$\begin{split} Z_0 &:= B & Z_0 = -27.82 + 31.681i & F\left(Z_0\right) = (42.162 \ 131.288) \\ Y_1 &:= \frac{D-1}{B} & Y_1 = 0.033 + 0.015i & F\left(Y_1\right) = (0.036 \ 24.963) \\ Y_2 &:= \frac{A-1}{B} & Y_2 = 0.057 - 0.028i & F\left(Y_2\right) = (0.063 \ -26.175) \\ R_0 &:= Re\left(Z_0\right) & R_0 = -27.82 & X_{L0} &:= Im\left(Z_0\right) & X_{L0} = 31.681 \\ Z_1 &:= \frac{1}{Y_1} & Z_1 = 24.857 - 11.571i & R_1 &:= Re\left(Z_1\right) & R_1 = 24.857 & X_{C1} &:= -Im\left(Z_1\right) & X_{C1} = 11.571 \\ Z_2 &:= \frac{1}{Y_2} & Z_2 = 14.168 + 6.964i & R_2 &:= Re\left(Z_2\right) & R_2 = 14.168 & X_{L2} &:= Im\left(Z_2\right) & X_{L2} = 6.964 \\ C_1 &:= \frac{1}{\omega \cdot X_{C1}} & C_1 = 2.751 \times 10^{-4} & L_2 &:= \frac{X_{L2}}{\omega} & L_2 = 0.022 \\ L_0 &:= \frac{X_{L0}}{\omega} & L_0 = 0.101 \end{split}$$