Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок однофазного кола синусоїдного струму" Варіант № 656

Виконав:	
—————————————————————————————————————	

Умова завдання

В елктричному колі діє джерело синусоїдної ЄРС:

Необхідно:

1. ДЛЯ ЕЛЕКТРИЧНОГО КОЛА БЕЗ ВЗАЄМНОЇ ІНДУКЦІЇ:

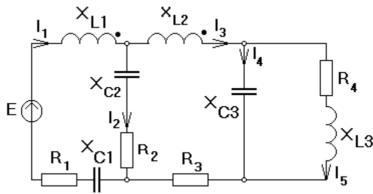
- 1.1. Розрахувати струми віток символічним методом скласти баланс активних і реактивних потужностей кола;
 - 1.2. Побудувати діаграму струмів і топографічну діаграму напруг, показати кут зсуву фаз;
- 1.3. Прийнявши активний опір R2 за нульовий і вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомий, розрахувати його за умови резонансу струмів;
 - 1.4. Розрахувати струму для резонансного стану кола; визначити покази вольтметра;
 - 1.5. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей;
- 1.6. Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Для одержання реактивного двополюсника активні опори закоротити.

2. ПРИ НАЯВНОСТІ МАГНІТНОГО ЗВ"ЯЗКУ МІЖ ІНДУКТИВНИМИ ЕЛЕМЕНТАМИ L1 Т L2 (ОДНОЙМЕННІ ПОЧАТКИ ПОЗНАЧЕНІ НА СХЕМІ ТОЧКАМИ):

- 2.1. Перетворивши схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках схеми методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2.2. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
- 2.3. Побудувати сумісну векторну діаграму струмів і топографічну діаграму напруг (на діаграмі показати напруги взаємної індукції).

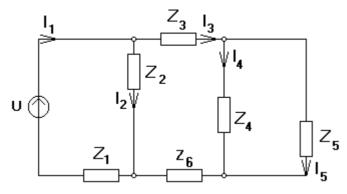
3. ВІДКИНУВШИ ВІТКУ МІЖ ЗАТИСКАЧАМИ 2-2", ВИКОНАТИ ЕКВІВАЛЕНТУВАННЯ ВЗАЄМОІНДУКТИВНИХ ЗВ"ЯЗКІВ ВІТОК. ОДЕРЖАНУ СХЕМУ РОЗГЛЯДАТИ ЯК ЧОТИРИПОЛЮСНИК З ЗАТИСКАЧАМИ 1-1" ТА 2-2" :

- 3.1. Розрахувати коефіцієнти А, В, С, D чотириполюсника;
- 3.2. Розрахувати параметри R, L, C віток схеми заміщення.



Для електричного кола без взаємної індукції:

Розрахувати всі струми символічним методом



$$Z_1 := R_1 + i \cdot (X_{L1} - X_{C1}) \rightarrow 14 + 30 \cdot i$$

$$Z_2 := R_2 - i \cdot (X_{C2}) \rightarrow 12 - 15 \cdot i$$

$$Z_4 := -i \cdot X_{C3} \rightarrow -12 \cdot i$$

$$Z_5 := R_4 + i \cdot X_{L3} \rightarrow 8 + 35 \cdot i$$

$$Z_3 := R_3 + i \cdot X_{L2} \rightarrow 10 + 40 \cdot i$$

$$\begin{split} Z_E &:= \frac{\left(\frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3\right) \cdot Z_2}{Z_2 + \frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3} + Z_1 \\ I_1 &:= \frac{U}{Z_E} \end{split} \qquad \qquad I_1 = 4.594 - 0.385i \end{split}$$

$$Z_E = 33.336 + 27.764i$$

$$\mathrm{I}_1 \coloneqq \frac{\mathrm{U}}{\mathrm{Z}_E}$$

$$I_1 = 4.594 - 0.385$$

$$F(I_1) = (4.61 - 4.789)$$

$$I_{2} := \frac{I_{1} \cdot \left(\frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3}\right)}{Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3}}$$

$$I_{2} := \frac{I_{1} \cdot Z_{2}}{\left(Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3}\right)}$$

$$I_{3} := \frac{I_{3} = 1.013 - 3.385i}{\left(Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3}\right)}$$

$$I_2 = 3.581 + 31$$

$$F(I_2) = (4.671 \ 39.955)$$

$$I_3 := \frac{I_1 \cdot Z_2}{\left(Z_2 + \frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3\right)}$$

$$I_3 = 1.013 - 3.385i$$

$$F(I_3) = (3.533 -73.337)$$

$$\mathrm{I}_4 := \mathrm{I}_3 \cdot \frac{\mathrm{Z}_5}{\mathrm{Z}_5 + \mathrm{Z}_4}$$

$$I_4 = 2.033 - 4.796i$$

$$F(I_4) = (5.209 -67.033)$$

$$I_5 := I_3 \cdot \frac{Z_4}{Z_4 + Z_5}$$

$$I_5 = -1.019 + 1.411i$$

$$F(I_5) = (1.741 \ 125.842)$$

Перевірка за першим законом Кіргофа:

$$I_1 - I_2 - I_3 = 0$$

$$I_3 - I_4 - I_5 = 0$$

$$I_3 - I_4 - I_5 = 0$$
 $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$

Перевірка за балансом потужностей

$$S_1 := U \cdot \overline{I_1}$$

$$S_1 = 708.474 + 590.056i$$

$$P := (|I_1|)^2 \cdot R_1 + (|I_2|)^2 \cdot R_2 + (|I_3|)^2 \cdot R_3 + (|I_5|)^2 \cdot R_4 \qquad P = 708.474$$

$$P = 708.474$$

$$Q := (|I_1|)^2 \cdot (-X_{C1} + X_{L1}) + (|I_2|)^2 \cdot (-X_{C2}) + (|I_3|)^2 \cdot (X_{L2}) + (|I_4|)^2 \cdot (-X_{C3}) + (|I_5|)^2 \cdot (X_{L3})$$

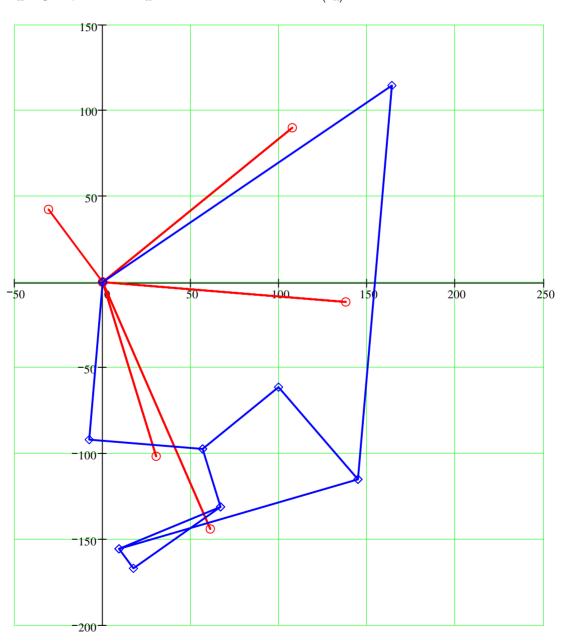
$$+(|I_4|)^2 \cdot (-X_{C3}) + (|I_5|)^2 \cdot (X_{I_5})^2$$

$$Q = 590.056$$

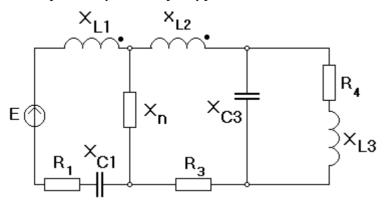
Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг

Знаходимо потенціали точок:

$\phi_a := 0$		
$\phi_b := \phi_a + I_1 \cdot \left(-i \cdot X_{C1} \right)$	$\phi_b = -7.698 - 91.879i$	$F(\phi_b) = (92.201 -94.789)$
$\phi_c := \phi_b + I_1 \cdot R_1$	$\phi_{\rm c} = 56.617 - 97.268i$	$F(\phi_c) = (112.546 -59.797)$
$\phi_d := \phi_c + I_2 \cdot R_2$	$\phi_{\mathbf{d}} = 99.587 - 61.269i$	$F(\phi_d) = (116.926 -31.601)$
$\phi_e \coloneqq \phi_d - \mathbf{I}_2 \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C2}$	$\phi_e = 144.585 - 114.982i$	$F(\phi_e) = (184.732 -38.494)$
$\phi_1 := \phi_e + \mathrm{I}_1 \cdot \mathrm{i} \cdot \mathrm{X}_{L1}$	$\phi_1 = 163.83 + 114.715i$	$F(\phi_1) = (200 \ 35)$
$\phi_{1'} \coloneqq \phi_1 - U$	$\phi_{1'} = 2.842 \times 10^{-14} + 2.842i$	$\times 10^{-14}$
$\phi_m := \phi_c + I_3 \cdot R_3$	$\phi_{\rm m} = 66.748 - 131.115i$	$F(\phi_m) = (147.128 -63.02)$
$\phi_n := \phi_m + I_4 \cdot \left(-i \cdot X_{C3} \right)$	$\phi_{\mathbf{n}} = 9.195 - 155.506i$	$F(\phi_n) = (155.778 -86.616)$
$\phi_k := \phi_m + I_5 \cdot i \cdot X_{L3}$	$\phi_k = 17.351 - 166.797i$	$F(\phi_k) = (167.697 -84.061)$
$\phi_n := \phi_k + I_5 \cdot R_4$	$\phi_{\rm n} = 9.195 - 155.506i$	$F(\phi_n) = (155.778 -86.616)$



Прийняти опір R_2 = 0 і, вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомим, визначити його за умовою резонансу струмів.



$$Z_{E} \coloneqq \frac{\left(R_{4} + i \cdot X_{L3}\right) \cdot \left(-i \cdot X_{C3}\right)}{R_{4} + i \cdot \left(X_{L3} - X_{C3}\right)} + i \cdot X_{L2} + R_{3} \qquad Z_{E} = 11.943 + 22.415i$$

$$Z_F = R_F + j \cdot X_F$$

$$R_{\rm F} := \text{Re}(Z_{\rm F}) \quad R_{\rm F} = 11.943$$

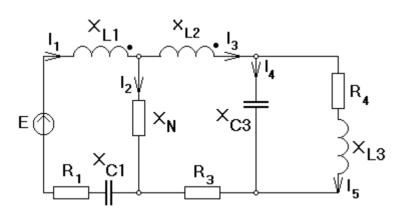
$$R_E := Re(Z_E)$$
 $R_E = 11.943$ $X_E := Im(Z_E)$ $X_E = 22.415$

За умовою резонансу:

$$B_{ab} = B_n + B_E$$
 $B_n = -B_E = \frac{-X_E}{X_E^2 + R_E^2}$

$$B_n := \frac{-X_E}{{X_E}^2 + {R_E}^2}$$
 $B_n = -0.035$ Реактивний опір вітки: $X_n := \frac{1}{B_n}$ $X_n = -28.778$

Розрахувати струми для резонансного стану кола;



$$Z_{1} := R_{1} - X_{C1} \cdot i + X_{L1} \cdot i \qquad Z_{1} = 14 + 30i$$

$$Z_{3} := R_{3} + X_{L2} \cdot i \qquad Z_{3} = 10 + 40i$$

$$Z_{4} := -X_{C3} \cdot i \qquad Z_{4} = -12i$$

$$Z_{5} := R_{4} + X_{L3} \cdot i \qquad Z_{5} = 8 + 35i$$

$$X_{L3} \quad Z_{345} := \frac{Z_{4} \cdot Z_{5}}{Z_{4} + Z_{5}} + Z_{3} \quad Z_{345} = 11.943 + 22.415i$$

Вхідний опір кола:
$$Z_{VX}\!\!\left(X_N\right) \coloneqq \frac{Z_{345} \cdot i \cdot X_N}{Z_{345} + i \cdot X_N} + Z_1$$

$$Z_{VX}\!\!\left(X_{N}\right) \left| \begin{array}{l} \text{complex} \\ \text{simplify} \end{array} \right. \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N} + 15541 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N} + 593 \cdot X_{N}^{-2} \right)} \right| \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N} + 15541 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N} + 593 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N} + 15541 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N} + 593 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N} + 15541 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N} + 593 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N} + 15541 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N} + 593 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N}^{-2} + 593 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N}^{-2} + 59374 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \right)} \\ + 2 \cdot \frac{\left(186088 \cdot X_{N} + 7692 \cdot X_{N}^{-2} + 2677612 + 590018 \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \cdot i \right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_{N}^{-2} + 5737740 \cdot i \cdot i \cdot X_{N}^{-2} + 57$$

Уявна частина вхідного опору, яка за умовою резонансу дорівнює нулю:

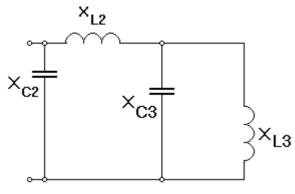
$$X_{VX}(X_N) := Im(Z_{VX}(X_N)) \quad \begin{vmatrix} complex \\ simplify \end{vmatrix} \rightarrow 2 \cdot \frac{\left(590018 \cdot X_N + 15541 \cdot X_N^2 + 5737740\right)}{\left(382516 + 26584 \cdot X_N + 593 \cdot X_N^2\right)}$$

Нулі функції (уявної частини вхідного опору) дорівнюють:

$$\mathbf{X_{N}} \coloneqq \mathbf{X_{VX}(X_{N})} \mid \begin{matrix} \text{solve}, \mathbf{X_{N}} \\ \text{float}, 30 \end{matrix} \rightarrow \begin{matrix} -18.9826266006048516826459043820 + 2.97658655351988929463031082281 \cdot \mathbf{i} \\ -18.9826266006048516826459043820 - 2.97658655351988929463031082281 \cdot \mathbf{i} \end{matrix} \right)$$

Отже резонанс кола буде неможливий, так як:
$$X_N = \begin{pmatrix} -18.983 + 2.977i \\ -18.983 - 2.977i \end{pmatrix}$$

Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу **А-А**. Активні опори закоротити



$$L_{2} := \frac{X_{L2}}{\omega} \to \frac{1}{5 \cdot \pi} \qquad L_{2} = 0.064$$

$$L_{3} := \frac{X_{L3}}{\omega} \to \frac{7}{40 \cdot \pi} \qquad L_{3} = 0.056$$

$$C_{2} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C2}} \to \frac{1}{3000 \cdot \pi} \qquad C_{2} = 1.061 \times 10^{-4}$$

$$C_{3} := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \to \frac{1}{2400 \cdot \pi} \qquad C_{3} = 1.326 \times 10^{-4}$$

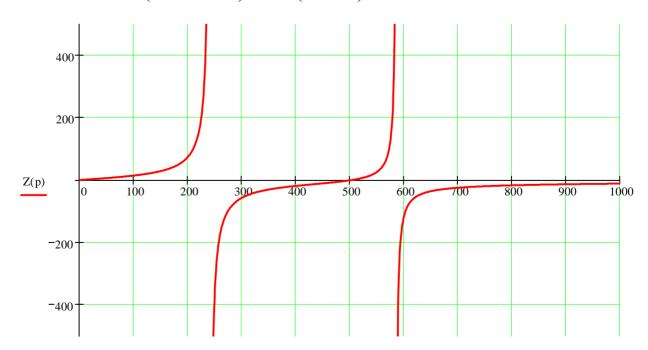
$$Z(p) := \frac{\left(\frac{-1}{p \cdot C_3} \cdot p \cdot L_3}{p \cdot L_3 + \frac{-1}{p \cdot C_3}} + p \cdot L_2\right) \cdot \frac{-1}{p \cdot C_2}}{\frac{-1}{p \cdot C_3} \cdot p \cdot L_3}{p \cdot L_3 + \frac{-1}{p \cdot C_3}} + p \cdot L_2 + \frac{-1}{p \cdot C_2}$$

Знаходимо нулі:
$$\omega := Z(p) \mid \begin{array}{l} \text{solve, p} \\ \text{float, 11} \end{array} \rightarrow \begin{pmatrix} 503.77557252 \\ -503.77557252 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \omega = \begin{pmatrix} 503.776 \\ -503.776 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\omega := \begin{pmatrix} \omega_0 \\ \omega_2 \end{pmatrix} \qquad \omega = \begin{pmatrix} 503.776 \\ 0 \end{pmatrix}$$

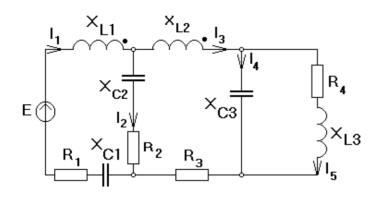
Знаходимо полюси:

$$\omega_{1} \coloneqq \frac{1}{Z(p)} \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 11 \end{vmatrix} \xrightarrow{\begin{array}{c} 586.08648921 \\ -586.08648921 \\ 241.52954408 \\ -241.52954408 \end{array} \right) \quad \omega_{1} = \begin{pmatrix} 586.086 \\ -586.086 \\ 241.53 \\ -241.53 \end{pmatrix} \quad \omega_{1} \coloneqq \begin{pmatrix} \omega_{1} \\ \omega_{1} \\ \omega_{1} \\ -241.53 \end{pmatrix}$$



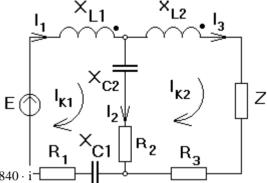
При наявності магнітного зв "язку між індуктивними елементами

- 1) Перетворити схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2) Перевірити правільність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
 - 3) Побудувати сімісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг



$$Z := \frac{-i \cdot X_{C3} \cdot (R_4 + i \cdot X_{L3})}{R_4 + i \cdot (X_{L3} - X_{C3})}$$

$$Z = 1.943 - 17.585$$



$$\mathbf{Z}_{11} \coloneqq \mathbf{R}_1 + \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} - \mathbf{X}_{C1} - \mathbf{X}_{C2} \right) \rightarrow 26 + 15 \cdot \mathbf{i}$$

$$\mathbf{Z}_{12} \coloneqq \mathbf{R}_2 - \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{\mathbf{C}2} + \mathbf{X}_{\mathbf{M}}\right) \to 12 - 45 \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_{22} \coloneqq R_2 + R_3 + \mathrm{i} \cdot \left(X_{L2} - X_{C2} \right) + Z \; \mathrm{float}, 7 \; \to 23.94266 + 7.414840 \, \cdot$$

Give

$$I_{K1} \cdot Z_{11} - I_{K2} \cdot Z_{12} = U$$
 $-I_{K1} \cdot Z_{12} + I_{K2} \cdot Z_{22} = 0$

$$\begin{pmatrix} I_{K1} \\ I_{K2} \end{pmatrix} \coloneqq \operatorname{Find} \! \left(I_{K1}, I_{K2} \right) \to \begin{pmatrix} 1.6471808717109523916 + .53224749368962052496 \cdot i \\ .86664926138947493910 - 3.0974935496740356200 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$I_{K1} = 1.647 + 0.532i$$
 $I_{K2} = 0.867 - 3.0975$

$$\begin{split} I_1 &\coloneqq I_{K1} & \qquad \qquad I_1 = 1.647 + 0.532i & \qquad F(I_1) = (1.731 - 17.907) \\ I_2 &\coloneqq I_{K1} - I_{K2} & \qquad I_2 = 0.781 + 3.63i & \qquad F(I_2) = (3.713 - 77.864) \\ I_3 &\coloneqq I_{K2} & \qquad I_3 = 0.867 - 3.097i & \qquad F(I_3) = (3.216 - 74.369) \\ I_4 &\coloneqq \frac{I_3 \cdot Z}{-i \cdot X_{C3}} & \qquad I_4 = 1.771 - 4.399i & \qquad F(I_4) = (4.742 - 68.065) \\ I_5 &\coloneqq \frac{I_3 \cdot Z}{R_4 + i \cdot X_{L3}} & \qquad I_5 = -0.905 + 1.301i & \qquad F(I_5) = (1.585 - 124.81) \end{split}$$

Перевірка за першим законом Кіргофа:

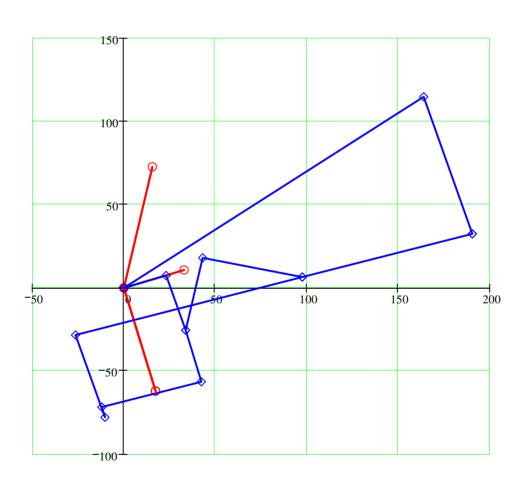
$$I_1 - I_2 - I_3 = 0$$
 $I_3 - I_4 - I_5 = 0$ $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$

$$\begin{split} \mathbf{S}_{M1} &\coloneqq \underline{\mathbf{I}}_1 \cdot \overline{\mathbf{I}}_3 \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_M \\ \mathbf{S}_{M2} &\coloneqq \overline{\mathbf{I}}_1 \cdot \mathbf{I}_3 \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_M \end{split} \qquad \begin{aligned} \mathbf{S}_{M1} &= -166.902 - 6.633\mathbf{i} \\ \mathbf{S}_{M2} &\coloneqq \overline{\mathbf{I}}_1 \cdot \mathbf{I}_3 \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_M \end{aligned} \qquad \begin{aligned} \mathbf{S}_{M2} &= 166.902 - 6.633\mathbf{i} \\ \mathbf{S}_{M2} &\coloneqq \mathbf{F} \big(\mathbf{S}_{M2} \big) = (167.034 - 2.276 \,) \end{aligned}$$

Перевірка за балансом потужностей

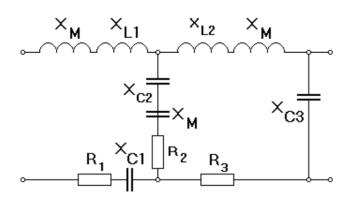
$$\begin{split} \mathbf{S}_{1} &\coloneqq \mathbf{U} \cdot \overline{\mathbf{I}_{1}} \\ \mathbf{P} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{1} + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{3} + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{4} \\ \mathbf{Q} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{i} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C1} + \mathbf{X}_{L1} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{i} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C2} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} \cdot \mathbf{i} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C3} \cdot \mathbf{i} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(\mathbf{X}_{L3} \cdot \mathbf{i} \right) \\ \mathbf{Q} &\coloneqq \mathbf{Q} + \mathbf{S}_{M1} + \mathbf{S}_{M2} \\ \end{split}$$

Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг



3. Відкинувши крайню вітку між полбсами 2,2", зробити розв "язку магнітного зв "язку. Одержану схему розглядати як чотириполюсник з полюсами 1,1" та 2,2":

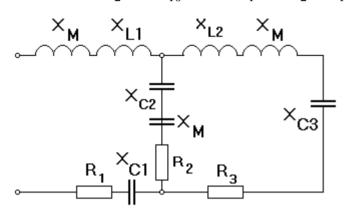
1)Розрахувати коефіцієнти чотириполюсника А,В,С,D



$$\mathbf{U}_1 = \mathbf{A} \cdot \mathbf{U}_2 + \mathbf{B} \cdot \mathbf{I}_2$$

$$\mathbf{I}_1 = \mathbf{C} \cdot \mathbf{U}_2 + \mathbf{D} \cdot \mathbf{I}_2$$

Неробочій хід:
$$I_2 = 0$$
 $U_{10} := U$ $U_1 = A \cdot U_2$ $I_1 = C \cdot U_2$



$$Z_1 := R_1 + i \cdot (X_{L1} + X_M - X_{C1}) \rightarrow 14 + 60 \cdot i$$

$$\mathbf{Z}_2 \coloneqq \mathbf{R}_2 - \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{C2} + \mathbf{X}_{\mathbf{M}}\right) \to 12 - 45 \cdot \mathbf{i}$$

$$\begin{split} &\mathbf{Z}_2 \coloneqq \mathbf{R}_2 - \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{\mathbf{C}2} + \mathbf{X}_{\mathbf{M}} \right) \rightarrow 12 - 45 \cdot \mathbf{i} \\ &\mathbf{Z}_3 \coloneqq \mathbf{R}_3 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{\mathbf{L}2} - \mathbf{X}_{\mathbf{C}3} + \mathbf{X}_{\mathbf{M}} \right) \rightarrow 10 + 58 \cdot \mathbf{i} \end{split}$$

$$Z_{10} \coloneqq \frac{Z_2 \cdot Z_3}{Z_2 + Z_3} + Z_1 \qquad Z_{10} = 110.873 + 13.939i \quad Z_{20} \coloneqq \frac{Z_1 \cdot Z_2}{Z_1 + Z_2} + Z_3 \qquad Z_{20} = 94.26 + 12.85i$$

$$I_{10} := \frac{U_{10}}{Z_{10}}$$
 $I_{10} = 1.583 + 0.836i$ $F(I_{10}) = (1.79 \ 27.834)$

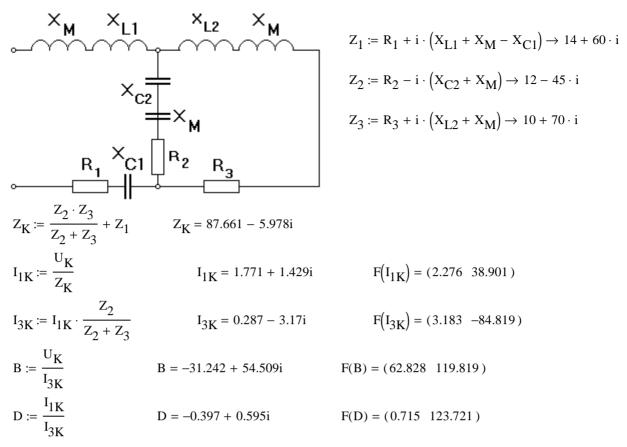
$$I_{30} := I_{10} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3}$$
 $I_{30} = 0.689 - 3.188i$ $F(I_{30}) = (3.262 -77.813)$

$$U_{20} := I_{30} \cdot \left(-i \cdot X_{C3} \right) \qquad U_{20} = -38.261 - 8.263i \qquad F(U_{20}) = (39.143 - 167.813)$$

$$A := \frac{U_{10}}{U_{10}}$$
 $A = -4.71 - 1.981i$ $F(A) = (5.109 -157.187)$

$$C := \frac{I_{10}}{U_{20}} \qquad \qquad C = -0.044 - 0.012i \qquad \qquad F(C) = (0.046 - 164.352)$$

Коротке замикання: $U_2 = 0$ $U_K := U$ $U_1 = B \cdot I_2$ $I_1 = D \cdot I_2$



Перевірка $A \cdot D - B \cdot C = 1$

$$F(A) = (5.109 -157.187) F(B) = (62.828 119.819)$$

$$F(C) = (0.046 -164.352) F(D) = (0.715 123.721)$$

Расчитать параметры R,L,С Т - схемы замещения.

