Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок однофазного кола синусоїдного струму" Варіант № 353

Виконав:	
п .	
Перевірив:	

Умова завдання

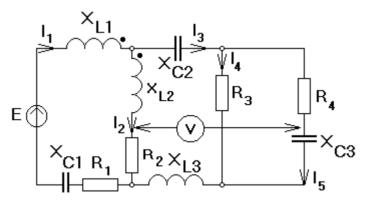
В елктричному колі діє джерело синусоїдної ЄРС:

Необхідно:

- 1. ДЛЯ ЕЛЕКТРИЧНОГО КОЛА БЕЗ ВЗАЄМНОЇ ІНДУКЦІЇ:
- 1.1. Розрахувати струми віток символічним методом скласти баланс активних і реактивних потужностей кола;
 - 1.2. Побудувати діаграму струмів і топографічну діаграму напруг, показати кут зсуву фаз;
- 1.3. Прийнявши активний опір R2 за нульовий і вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомий, розрахувати його за умови резонансу струмів;
 - 1.4. Розрахувати струму для резонансного стану кола; визначити покази вольтметра;
 - 1.5. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей;
- 1.6. Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Для одержання реактивного двополюсника активні опори закоротити.
- 2. ПРИ НАЯВНОСТІ МАГНІТНОГО ЗВ"ЯЗКУ МІЖ ІНДУКТИВНИМИ ЕЛЕМЕНТАМИ L1 ТІ L2 (ОДНОЙМЕННІ ПОЧАТКИ ПОЗНАЧЕНІ НА СХЕМІ ТОЧКАМИ):
- 2.1. Перетворивши схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках схеми методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2.2. Перевірити правильність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
- 2.3. Побудувати сумісну векторну діаграму струмів і топографічну діаграму напруг (на діаграмі показати напруги взаємної індукції).
- 3. ВІДКИНУВШИ ВІТКУ МІЖ ЗАТИСКАЧАМИ 2-2", ВИКОНАТИ ЕКВІВАЛЕНТУВАННЯ ВЗАЄМОІНДУКТИВНИХ ЗВ"ЯЗКІВ ВІТОК. ОДЕРЖАНУ СХЕМУ РОЗГЛЯДАТИ ЯК ЧОТИРИПОЛЮСНИК З ЗАТИСКАЧАМИ 1-1" ТА 2-2" :
 - 3.1 Розрахувати коефіцієнти чотириполюсника **A,B,C,D**;
 - 3.2 Розрахувати параметри R,L,С віток схеми ("Т" чи "П") заміщення.

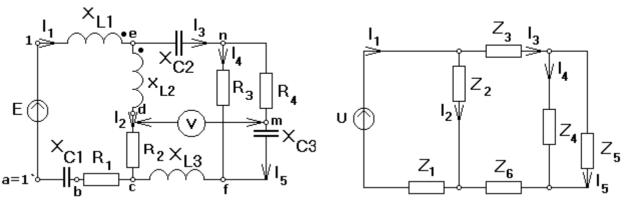
Вихідні данні:

$$\begin{split} &E := 140 \quad \psi := -45 \quad R_1 := 9 \quad R_2 := 11 \quad R_3 := 13 \quad R_4 := 15 \quad X_{L1} := 50 \quad X_{L2} := 40 \quad X_{L3} := 35 \\ &X_{C1} := 20 \quad X_{C2} := 15 \quad X_{C3} := 12 \quad X_{M} := 30 \quad f := 100 \\ &y \cdot \psi \cdot \frac{\pi}{180} \\ &U := E \cdot e \quad \qquad \qquad U = 98.995 - 98.995i \qquad \qquad F(U) = (140 \quad -45) \end{split}$$



Для електричного кола без взаємної індукції:

Розрахувати всі струми символічним методом



$$Z_1 := R_1 + i \cdot (X_{L1} - X_{C1}) \rightarrow 9 + 30 \cdot i$$

$$Z_4 := R_3 \rightarrow 13$$

$$Z_2 := R_2 + i \cdot (X_{I,2}) \rightarrow 11 + 40 \cdot i$$

$$\mathbf{Z}_5 \coloneqq \mathbf{R}_4 - \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{C}3} \to \mathbf{15} - \mathbf{12} \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_3 := -i \cdot X_{C2} \rightarrow -15 \cdot i$$

$$Z_6 := i \cdot X_{I,3} \rightarrow 35 \cdot i$$

$$Z_{E} := \frac{\left(\frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}\right) \cdot Z_{2}}{Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}} + Z_{1} \qquad Z_{E} = 13.804 + 42.393i$$

$$I_1 := \frac{U}{Z_F}$$

$$I_1 = -1.424 - 2.799i$$

$$I_1 = -1.424 - 2.799i$$
 $F(I_1) = (3.14 -116.963)$

$$I_2 := \frac{I_1 \cdot \left(\frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3 + Z_6 \right)}{Z_2 + \frac{Z_5 \cdot Z_4}{Z_5 + Z_4} + Z_3 + Z_6}$$

$$I_2 := -0.545 - 0.846i \qquad F(I_2) = (1.006 - 122.777)$$

$$I_2 = -0.545 - 0.846i$$

$$F(I_2) = (1.006 -122.777)$$

$$I_{3} := \frac{I_{1} \cdot Z_{2}}{\left(Z_{2} + \frac{Z_{5} \cdot Z_{4}}{Z_{5} + Z_{4}} + Z_{3} + Z_{6}\right)} \qquad I_{3} = -0.879 - 1.953i \qquad F(I_{3}) = (2.142 - 114.236)$$

$$I_3 = -0.879 - 1.953i$$

$$F(I_3) = (2.142 -114.236)$$

$$\mathrm{I}_4\coloneqq\mathrm{I}_3\cdot\frac{\mathrm{Z}_5}{\mathrm{Z}_5+\mathrm{Z}_4}$$

$$I_4 = -0.863 - 1.039i$$

$$I_4 = -0.863 - 1.039i$$
 $F(I_4) = (1.35 - 129.697)$

$$\mathrm{I}_5\coloneqq\mathrm{I}_3\cdot\frac{\mathrm{Z}_4}{\mathrm{Z}_4+\mathrm{Z}_5}$$

$$I_5 = -0.017 - 0.914i$$

$$I_5 = -0.017 - 0.914i$$
 $F(I_5) = (0.914 - 91.037)$

Перевірка за першим законом Кіргофа: $I_1 - I_2 - I_3 = 0$ $I_3 - I_4 - I_5 = 0$ $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$ Перевірка за другім законом Кіргофа:

$$-I_{1} \cdot \left[R_{1} + i \cdot \left(X_{L1} - X_{C1}\right)\right] + U - I_{2} \cdot \left(R_{2} + i \cdot X_{L2}\right) = 3.553 \times 10^{-15} - 7.105i \times 10^{-15}$$

$$\mathbf{I}_2 \cdot \left(\mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{L2} \right) - \mathbf{I}_4 \cdot \mathbf{R}_3 - \mathbf{I}_3 \cdot \left(-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C2} + \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{L3} \right) = 0$$

$$I_4 \cdot R_3 - I_5 \cdot (R_4 - i \cdot X_{C3}) = -1.776i \times 10^{-15}$$

Перевірка за балансом потужностей

$$\begin{split} \mathbf{S}_{1} &\coloneqq \mathbf{U} \cdot \overline{\mathbf{I}_{1}} & \mathbf{S}_{1} = 136.119 + 418.019\mathbf{i} \\ \mathbf{P} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{1} + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{3} + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{4} & \mathbf{P} = 136.119 \\ \mathbf{Q} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{\mathbf{C}1} + \mathbf{X}_{\mathbf{L}1} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{L}2} + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{\mathbf{C}2} + \mathbf{X}_{\mathbf{L}3} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{\mathbf{C}3} \right) & \mathbf{Q} = 418.019 \end{split}$$

Визначаємо покази вольтметра по двом незалежним шляхам, щоб упевнитися в правильності його показів.

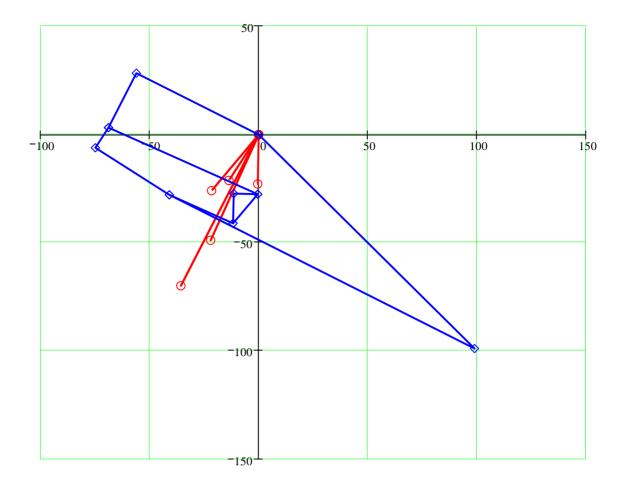
$$V := \begin{vmatrix} -I_2 \cdot i \cdot X_{L2} + I_3 \cdot (-i \cdot X_{C2}) + I_5 \cdot R_4 \end{vmatrix} \qquad V = 66.85 \text{ IB}$$

$$V := \begin{vmatrix} I_2 \cdot R_2 - I_3 \cdot (i \cdot X_{L3}) - I_5 \cdot (-i \cdot X_{C3}) \end{vmatrix} \qquad V = 66.85 \text{ IB}$$

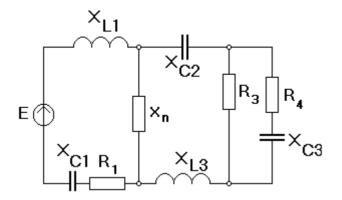
Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг

Знаходимо потенціали точок:

$$\begin{array}{llll} \varphi_a \coloneqq 0 \\ \varphi_b \coloneqq \varphi_a + I_1 \cdot \left(-i \cdot X_{C1} \right) & \varphi_b = -55.976 + 28.476i & F\left(\varphi_b \right) = (62.803 \ 153.037) \\ \varphi_c \coloneqq \varphi_b + I_1 \cdot R_1 & \varphi_c = -68.791 + 3.287i & F\left(\varphi_c \right) = (68.869 \ 177.265) \\ \varphi_d \coloneqq \varphi_c + I_2 \cdot R_2 & \varphi_d = -74.782 - 6.018i & F\left(\varphi_d \right) = (75.024 \ -175.399) \\ \varphi_e \coloneqq \varphi_d + I_2 \cdot i \cdot X_{L2} & \varphi_e = -40.946 - 27.805i & F\left(\varphi_e \right) = (49.494 \ -145.821) \\ \varphi_1 \coloneqq \varphi_e + I_1 \cdot i \cdot X_{L1} & \varphi_1 = 98.995 - 98.995i & F\left(\varphi_1 \right) = (140 \ -45) \\ \varphi_1 \coloneqq \varphi_c + I_3 \cdot i \cdot X_{L3} & \varphi_f = -0.438 - 27.483i & F\left(\varphi_f \right) = (27.487 \ -90.914) \\ \varphi_n \coloneqq \varphi_f + I_4 \cdot R_3 & \varphi_n = -11.652 - 40.992i & F\left(\varphi_n \right) = (42.616 \ -105.868) \\ \varphi_n \coloneqq \varphi_m + I_5 \cdot R_4 & \varphi_n = -11.652 - 40.992i & F\left(\varphi_n \right) = (42.616 \ -105.868) \end{array}$$



Прийняти опір $R_2 = 0$ і, вважаючи реактивний опір цієї вітки невідомим, визначити його за умовою резонансу струмів.



$$\mathbf{Z}_{E} \coloneqq \frac{\mathbf{R}_{3} \cdot \left(\mathbf{R}_{4} - \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C3}\right)}{\mathbf{R}_{3} + \mathbf{R}_{4} + \mathbf{i} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C3}\right)} - \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{C2} + \mathbf{X}_{L3}\right) \qquad \quad \mathbf{Z}_{E} = 7.901 - 52.185\mathbf{i}$$

$$Z_{\rm E} = R_{\rm E} - j \cdot X_{\rm E}$$

$$R_{\rm F} := \text{Re}(Z_{\rm F}) \quad R_{\rm F} = 7.90$$

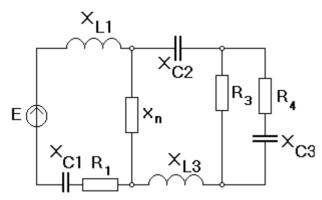
$$Z_E = R_E - j \cdot X_E \qquad \qquad R_E \coloneqq \text{Re} \left(Z_E \right) \quad R_E = 7.901 \qquad \qquad X_E \coloneqq \text{Im} \left(Z_E \right) \qquad X_E = -52.185$$

За умовою резонансу:

$$B_{ab} = B_n + B_E$$
 $B_n = -B_E = \frac{-X_E}{X_E^2 + R_E^2}$

$$B_n \coloneqq \frac{-X_E}{{X_E}^2 + {R_E}^2}$$
 $B_n = 0.019$ Реактивний опір вітки: $X_n \coloneqq \frac{1}{B_n}$ $X_n = 53.382$

Розрахувати струми для резонансного стану кола;



$$Z_{1} := -X_{C1} \cdot i + X_{L1} \cdot i + R_{1} \qquad Z_{1} = 9 + 30i$$

$$Z_{3} := -X_{C2} \cdot i + X_{L3} \cdot i \qquad Z_{3} = 20i$$

$$Z_{4} := R_{3} \qquad Z_{4} = 13$$

$$Z_{5} := R_{4} - X_{C3} \cdot i \qquad Z_{5} = 15 - 12i$$

$$Z_{345} := \frac{Z_{4} \cdot Z_{5}}{Z_{4} + Z_{5}} + Z_{3} \qquad Z_{345} = 7.901 + 17.815i$$

Вхідний опір кола:
$$Z_{VX}\!\!\left(X_N\right) \coloneqq \frac{Z_{345} \cdot i \cdot X_N}{Z_{345} + i \cdot X_N} + Z_1$$

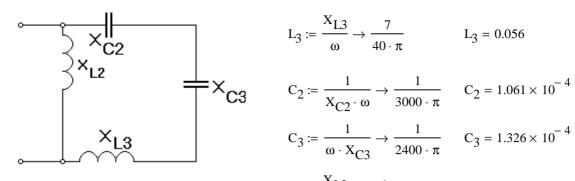
Уявна частина вхідного опору, яка за умовою резонансу дорівнює нулю:

$$\mathbf{X_{VX}(X_{N})} \coloneqq \mathrm{Im}(\mathbf{Z_{VX}(X_{N})}) \quad \begin{vmatrix} \mathrm{complex} \\ \mathrm{simplify} \\ \end{matrix} \rightarrow \frac{\left(1344361 \cdot \mathbf{X_{N}} + 44372 \cdot \mathbf{X_{N}}^{2} + 10573230\right)}{\left(352441 + 33064 \cdot \mathbf{X_{N}} + 928 \cdot \mathbf{X_{N}}^{2}\right)}$$

$$\mathbf{X_N} \coloneqq \mathbf{X_{VX}}\!\!\left(\mathbf{X_N}\right) \ \left| \begin{matrix} \text{solve}, \! \mathbf{X_N} \\ \text{float}, 20 \end{matrix} \right. \to \left(\begin{matrix} -15.148753718561254845 + 2.9667055949177014537 \cdot \mathbf{i} \\ -15.148753718561254845 - 2.9667055949177014537 \cdot \mathbf{i} \end{matrix} \right)$$

Отже резонанс кола неможливий бо реактивний опір у другій вітці: $X_N = \begin{pmatrix} -15.149 + 2.967i \\ -15.149 - 2.967i \end{pmatrix}$

Розрахувати (знайти нулі і полюси) і побудувати частотну характеристику вхідного опору частини кола, розміщеної справа від перерізу А-А. Активні опори закоротити



$$L_3 := \frac{X_{L3}}{\omega} \to \frac{7}{40 \cdot \pi} \qquad \qquad L_3 = 0.056$$

$$C_2 := \frac{1}{X_{C2} \cdot \omega} \to \frac{1}{3000 \cdot \pi}$$
 $C_2 = 1.061 \times 10^{-3}$

$$C_3 := \frac{1}{\omega \cdot X_{C3}} \to \frac{1}{2400 \cdot \pi}$$
 $C_3 = 1.326 \times 10^{-4}$

$$L_2 := \frac{X_{L2}}{\omega} \to \frac{1}{5 \cdot \pi} \qquad \qquad L_2 = 0.064$$

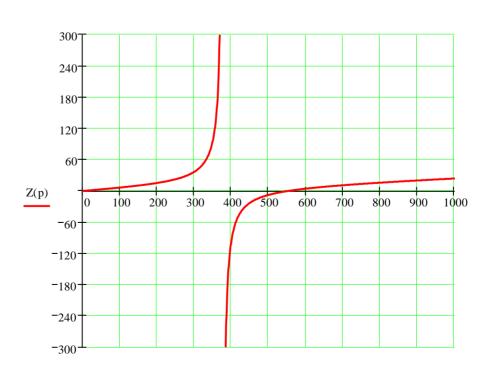
$$Z(p) := \frac{\left(\frac{-1}{C_2 \cdot p} - \frac{1}{C_3 \cdot p} + L_3 \cdot p\right) \cdot L_2 \cdot p}{L_2 \cdot p + \frac{-1}{C_2 \cdot p} - \frac{1}{C_3 \cdot p} + L_3 \cdot p} \to \frac{1}{5} \cdot \frac{\left(-5400 \cdot \frac{\pi}{p} + \frac{7}{40 \cdot \pi} \cdot p\right)}{\pi} \cdot \frac{p}{\left(\frac{3}{8 \cdot \pi} \cdot p - 5400 \cdot \frac{\pi}{p}\right)}$$

Знаходимо нулі:

$$p' := Z(p) \text{ solve}, p \to \begin{pmatrix} \frac{1}{20} & \frac{1}{20} & \frac{1}{20} \\ \frac{120}{7} \cdot 105^{\frac{1}{2}} \cdot \pi \\ \frac{-120}{7} \cdot 105^{\frac{1}{2}} \cdot \pi \\ 0 \end{pmatrix} p' = \begin{pmatrix} 551.858 \\ -551.858 \\ 0 \end{pmatrix} p' := \begin{pmatrix} p'_0 \\ p'_2 \end{pmatrix} p' = \begin{pmatrix} 551.858 \\ 0 \end{pmatrix}$$
Ha

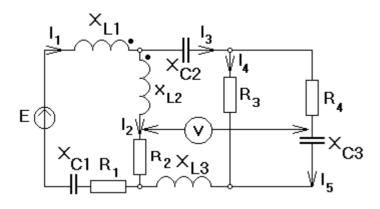
$$p'' := \frac{1}{Z(p)} \text{ solve, } p \to \begin{pmatrix} 120 \cdot \pi \\ -120 \cdot \pi \end{pmatrix} \qquad \qquad p'' = \begin{pmatrix} 376.991 \\ -376.991 \end{pmatrix} \quad p'' := p''_0 \quad p'' = 376.991$$

$$p'' = \begin{pmatrix} 376.991 \\ -376.991 \end{pmatrix} \quad p'' := p''_0 \quad p'' = 376.991$$



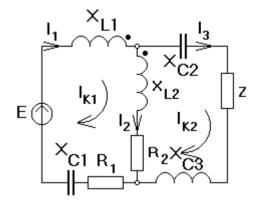
При наявності магнітного зв "язку між індуктивними елементами

- 1) Перетворити схему до двох незалежних контурів, розрахувати струми у всіх вітках методом контурних струмів, визначити покази вольтметра;
- 2) Перевірити правільність розрахунків за балансом потужностей, визначити активну і реактивну потужності магнітного зв"язку;
 - 3) Побудувати сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг



$$Z := \frac{(R_4 - i \cdot X_{C3}) \cdot R_3}{R_4 + R_3 + i \cdot (-X_{C3})}$$

$$Z = 7.901 - 2.185i$$



$${\rm Z}_{11} \coloneqq {\rm R}_1 + {\rm R}_2 + {\rm i} \cdot \left({\rm X}_{L1} - {\rm X}_{C1} + {\rm X}_{L2} - 2 \cdot {\rm X}_M \right) \to 20 + 10 \cdot {\rm i}$$

$$Z_{12} := R_2 + i \cdot (X_{12} - X_M) \rightarrow 11 + 10 \cdot i$$

$${\rm Z}_{22} \coloneqq {\rm R}_2 + {\rm i} \cdot \left({\rm X}_{\rm L2} - {\rm X}_{\rm C2} + {\rm X}_{\rm L3} \right) + {\rm Z} \to \frac{4385}{232} + \frac{13413}{232} \cdot {\rm i}$$

Given

$$I_{K1} \cdot Z_{11} - I_{K2} \cdot Z_{12} = U$$
 $-I_{K1} \cdot Z_{12} + I_{K2} \cdot Z_{22} = 0$

$$I_{K1} = 2.019 - 7.146i$$
 $I_{K2} = -0.434 - 1.762i$

$$I_1 := I_{K1}$$
 $I_1 = 2.019 - 7.146i$ $F(I_1) = (7.425 - 74.221)$

$$I_2 := I_{K1} - I_{K2}$$
 $I_2 = 2.453 - 5.384i$ $F(I_2) = (5.916 -65.5)$

$$I_3 := I_{K2}$$
 $I_3 = -0.434 - 1.762i$ $F(I_3) = (1.815 - 103.844)$

$$I_4 := I_3 \cdot \frac{R_4 - i \cdot X_{C3}}{R_4 + R_2 + i \cdot (-X_{C2})}$$
 $I_4 = -0.56 - 0.998i$ $F(I_4) = (1.144 - 119.305)$

$$I_5 := I_3 - I_4$$
 $I_5 = 0.126 - 0.764i$ $F(I_5) = (0.774 -80.645)$

Перевірка за другім законом Кіргофа:

$$\begin{split} -I_1 \cdot \left[R_1 + i \cdot \left(X_{L1} - X_{C1} - X_M \right) \right] + U - I_2 \cdot \left[R_2 + i \cdot \left(X_{L2} - X_M \right) \right] &= -4.405 \times 10^{-13} + 1.847i \times 10^{-13} \\ I_2 \cdot \left[R_2 + i \cdot \left(X_{L2} - X_M \right) \right] - I_4 \cdot R_3 - I_3 \cdot \left(-i \cdot X_{C2} + i \cdot X_M + i \cdot X_{L3} \right) &= -3.126 \times 10^{-13} + 2.38i \times 10^{-13} \\ I_4 \cdot R_3 - I_5 \cdot \left(R_4 - i \cdot X_{C3} \right) &= -1.776 \times 10^{-15} - 1.776i \times 10^{-15} \\ S_{M1} := -I_1 \cdot \overline{I_2} \cdot i \cdot X_M & S_{M1} = -199.823 - 1.303i \times 10^3 \ F(S_{M1}) = \begin{pmatrix} 1.318 \times 10^3 & -98.721 \\ 1.318 \times 10^3 & -98.721 \end{pmatrix} \\ S_{M2} := -\overline{I_1} \cdot I_2 \cdot i \cdot X_M & S_{M2} &= 199.823 - 1.303i \times 10^3 \ F(S_{M2}) = \begin{pmatrix} 1.318 \times 10^3 & -81.279 \end{pmatrix} \end{split}$$

Перевірка за першим законом Кіргофа: $I_1 - I_2 - I_3 = 0$ $I_3 - I_4 - I_5 = 0$ $I_2 + I_5 + I_4 - I_1 = 0$

Перевірка за балансом потужностей

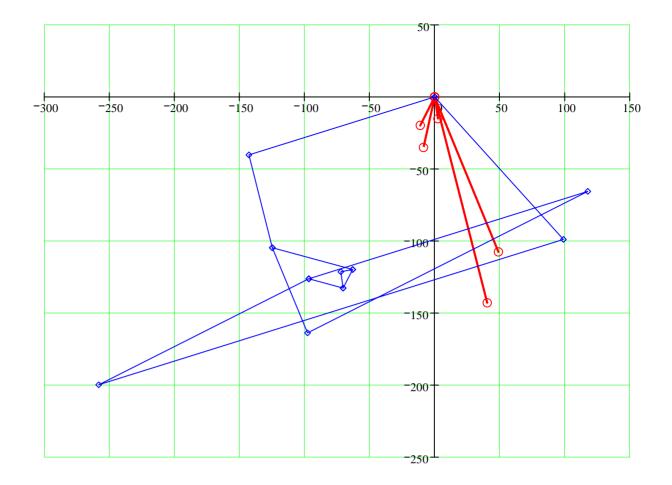
$$\begin{split} \mathbf{S}_{1} &\coloneqq \mathbf{U} \cdot \overline{\mathbf{I}_{1}} & \mathbf{S}_{1} = 907.264 + 507.49i \\ \mathbf{P} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{1} + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{4} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{3} + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{R}_{4} & \mathbf{P} = 907.264 \\ \mathbf{Q} &\coloneqq \left(\left| \mathbf{I}_{1} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{i} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C1} + \mathbf{X}_{L1} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{2} \right| \right)^{2} \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{L2} + \left(\left| \mathbf{I}_{3} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C2} \cdot \mathbf{i} + \mathbf{X}_{L3} \cdot \mathbf{i} \right) + \left(\left| \mathbf{I}_{5} \right| \right)^{2} \cdot \left(-\mathbf{X}_{C3} \cdot \mathbf{i} \right) \\ \mathbf{Q} &\coloneqq \mathbf{Q} + \mathbf{S}_{\mathbf{M1}} + \mathbf{S}_{\mathbf{M2}} & \mathbf{Q} = 507.49i \end{split}$$

Визначаємо покази вольтметра по двом незалежним шляхам, щоб упевнитися в правильності його показів.

$$\begin{aligned} & \text{V:= } \left| -\text{I}_2 \cdot \text{i} \cdot \left(\text{X}_{\text{L}2} - \text{X}_{\text{M}} \right) + \text{I}_3 \cdot \left(-\text{i} \cdot \text{X}_{\text{C}2} + \text{i} \cdot \text{X}_{\text{M}} \right) + \text{I}_5 \cdot \text{R}_4 \right| & \text{V = } 49.58B \\ & \text{V:= } \left| \text{I}_2 \cdot \text{R}_2 - \text{I}_3 \cdot \left(\text{i} \cdot \text{X}_{\text{L}3} \right) - \text{I}_5 \cdot \left(-\text{i} \cdot \text{X}_{\text{C}3} \right) \right| & \text{V = } 49.58B \end{aligned}$$

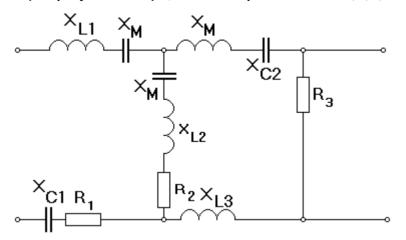
Будуємо сумісну векторну діаграму струмів та топографічну діаграму напруг

Знаходимо потенціали точок:



3. Відкинувши крайню вітку між полбсами 2,2", зробити розв "язку магнітного зв "язку. Одержану схему розглядати як чотириполюсник з полюсами 1,1" та 2,2":

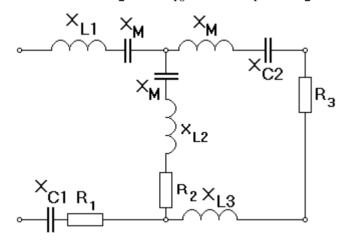
1)Розрахувати коефіцієнти чотириполюсника А,В,С,D



$$U_1 = A \cdot U_2 + B \cdot I_2$$

$$I_1 = C \cdot U_2 + D \cdot I_2$$

Неробочій хід:
$$I_2 = 0$$
 $U_{10} := U$ $U_1 = A \cdot U_2$ $I_1 = C \cdot U_2$



$$Z_1 := R_1 + i \cdot (X_{L,1} - X_M - X_{C,1}) \rightarrow 9$$

$$\begin{aligned} \mathbf{Z}_1 &\coloneqq \mathbf{R}_1 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L1} - \mathbf{X}_{M} - \mathbf{X}_{C1} \right) \rightarrow 9 \\ \\ \mathbf{R}_3 & \quad \mathbf{Z}_2 &\coloneqq \mathbf{R}_2 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{L2} - \mathbf{X}_{M} \right) \rightarrow 11 + 10 \cdot \mathbf{i} \end{aligned}$$

$$\mathbf{Z}_3 \coloneqq \mathbf{R}_3 + \mathbf{i} \cdot \left(\mathbf{X}_{\mathbf{L}3} - \mathbf{X}_{\mathbf{C}2} + \mathbf{X}_{\mathbf{M}} \right) \rightarrow 13 + 50 \cdot \mathbf{i}$$

$$Z_{10} := \frac{Z_2 \cdot Z_3}{Z_2 + Z_3} + Z_1 \qquad Z_{10} = 16.718 + 9.037i \quad Z_{20} := \frac{Z_1 \cdot Z_2}{Z_1 + Z_2} + Z_3 \qquad Z_{20} = 18.76 + 51.62i$$

$$I_{10} := \frac{U_{10}}{Z_{10}}$$
 $I_{10} = 2.105 - 7.059i$ $F(I_{10}) = (7.367 - 73.394)$

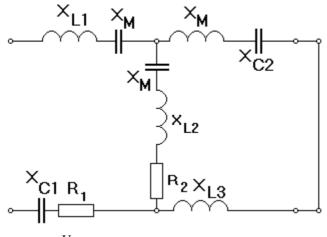
$$I_{30} := I_{10} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3} \qquad \qquad I_{30} = -0.274 - 1.672i \qquad \qquad F(I_{30}) = (1.695 - 99.319)$$

$$U_{20} := I_{30} \cdot R_3$$
 $U_{20} = -3.567 - 21.74i$ $F(U_{20}) = (22.031 - 99.319)$

$$A := \frac{U_{10}}{U_{100}}$$
 $A = 3.707 + 5.162i$ $F(A) = (6.355 54.319)$

$$C := \frac{I_{10}}{U_{20}}$$
 $C = 0.301 + 0.146i$ $F(C) = (0.334 25.925)$

Коротке замикання: $U_2 = 0$ $U_K := U$ $U_1 = B \cdot I_2$ $I_1 = D \cdot I_2$



$$Z_1 := R_1 + i \cdot \left(X_{L1} - X_M - X_{C1} \right) \rightarrow 9$$

$$Z_2 := R_2 + i \cdot (X_{L2} - X_M) \rightarrow 11 + 10 \cdot i$$

$$Z_3 := i \cdot (X_{L3} - X_{C2} + X_M) \rightarrow 50 \cdot i$$

$$Z_K := \frac{Z_2 \cdot Z_3}{Z_2 + Z_3} + Z_1$$
 $Z_K = 16.39 + 9.688i$

$$I_{1K} := \frac{U_K}{Z_K}$$

$$I_{1K} = 1.83 - 7.122i$$

$$F(I_{1K}) = (7.353 - 75.587)$$

$$I_{3K} := I_{1K} \cdot \frac{Z_2}{Z_2 + Z_3}$$

$$I_{3K} = -0.698 - 1.658$$

$$I_{3K} = -0.698 - 1.65i$$
 $F(I_{3K}) = (1.792 -112.924)$

$$B := \frac{U_K}{I_{3K}}$$

$$F(B) = (78.126 67.924)$$

$$D := \frac{I_{1K}}{I_{3K}}$$

$$D = 3.262 + 2.489i$$

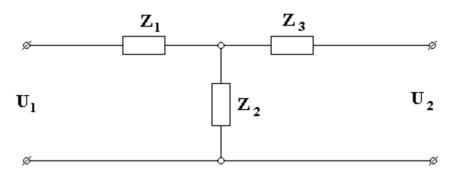
$$F(D) = (4.103 \ 37.337)$$

Перевірка $A \cdot D - B \cdot C = 1$

$$F(A) = (6.355 54.319)$$
 $F(B) = (78.126 67.924)$

$$F(C) = (0.334 \ 25.925)$$
 $F(D) = (4.103 \ 37.337)$

Расчитать параметры R,L,C Т - схемы замещения.



$$Z_1 := \frac{A - 1}{C}$$

$$Z_1 = 14.029 + 10.345i$$

$$F(Z_1) = (17.43 \ 36.405)$$

$$Z_2 := \frac{1}{C}$$

$$Z_2 = 11 + 10i$$

$$F(Z_2) = (14.866 \ 42.274)$$

$$Z_3 := \frac{D-1}{C}$$

$$Z_3 := \frac{D-1}{C}$$
 $Z_3 = 9.339 + 3.736i$

$$F(Z_3) = (10.058 \ 21.801)$$

$$R_1 := Re(Z_1)$$

$$R_1 = 14.029$$

$$X_1 := Im(Z_1)$$

$$\mathtt{R}_1 \coloneqq \mathtt{Re}\big(\mathtt{Z}_1\big) \qquad \mathtt{R}_1 = \mathtt{14.029} \qquad \qquad \mathtt{X}_1 \coloneqq \mathtt{Im}\big(\mathtt{Z}_1\big) \qquad \mathtt{X}_2 \coloneqq -\mathtt{Im}\big(\mathtt{Z}_2\big) \quad \mathtt{X}_3 \coloneqq \mathtt{Im}\big(\mathtt{Z}_3\big)$$

$$R_2 := Re(Z_2)$$

$$R_1 = 14.029$$

$$X_1 = \min(Z_1)$$

$$R_2 := Re(Z_2)$$
 $R_2 = 2.69$ $X_1 = 10.345$ $X_2 = 1.307$ $X_3 = 3.736$

$$X_3 = 3.736$$

$$R_3 := Re(Z_3)$$
 $R_3 = 9.339$

$$R_3 = 9.339$$

$$\mathsf{L}_1 \coloneqq \frac{\mathsf{X}_1}{2 \cdot \pi \cdot \mathsf{f}} \qquad \qquad \mathsf{C}_2 \coloneqq \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot \mathsf{f} \cdot \mathsf{X}_2} \qquad \mathsf{L}_3 \coloneqq \frac{\mathsf{X}_3}{2 \cdot \pi \cdot \mathsf{f}}$$

$$L_1 = 0.016$$

$$C_2 = 1.217 \times 10^-$$

$$L_1 = 0.016$$
 $C_2 = 1.217 \times 10^{-3}$ $L_3 = 5.945 \times 10^{-3}$