

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА» (РУТ  
(МИИТ))

ИНСТИТУТ ТРАНСПОРТНОЙ ТЕХНИКИ И СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ

Кафедра «Управление и защита информации»

**ОТЧЕТ  
К КУРСОВОЙ РАБОТЕ**

по дисциплине

**«Языки программирования»**

Работу выполнил  
студент группы ТКИ-442

\_\_\_\_\_

подпись, дата

И.А. Кожак

Работу проверил

\_\_\_\_\_

подпись, дата

# Содержание

<b>Постановка задачи</b> . . . . .	<b>3</b>
<b>1 Алгоритм решения задачи</b> . . . . .	<b>4</b>
1.1 Задача 1 . . . . .	5
<b>2 Выполнение задания</b> . . . . .	<b>6</b>
2.1 Задача 1 . . . . .	6
2.1.1 конструктор по элементу . . . . .	6
2.1.2 конструктор по умолчанию . . . . .	6
2.1.3 функции-сеттеры, задающие значения полей left, right, data, parent, height . . . . .	6
2.1.4 функции-геттеры, возвращающие значения полей left, right, data, parent, height . . . . .	7
2.1.5 конструктор по родительскому дереву . . . . .	7
2.1.6 конструктор копирования . . . . .	7
2.1.7 перегрузка оператора * . . . . .	7
2.1.8 перегрузка оператора ++ . . . . .	7
2.1.9 перегрузка оператора - - . . . . .	7
2.1.10 перегрузки операторов == и != . . . . .	8
2.1.11 функция rotateright . . . . .	8
2.1.12 функция rotateleft . . . . .	8
2.1.13 функция bfactor . . . . .	8
2.1.14 функция height . . . . .	8
2.1.15 функция fixheight . . . . .	8
2.1.16 функция balance . . . . .	9
2.1.17 функция destroy . . . . .	9
2.1.18 функция-геттер корня дерева getRoot с возвращаемым значением Node* . . . . .	9
2.1.19 конструктор по умолчанию . . . . .	9
2.1.20 деструктор . . . . .	9
2.1.21 рекурсивная функция добавления элемента . . . . .	9
2.1.22 функция добавления элемента . . . . .	9
2.1.23 рекурсивная функция удаления элемента . . . . .	10
2.1.24 функция удаления элемента . . . . .	10
2.1.25 функция поиска минимума, возвращаемое значение Node* . . . . .	10
2.1.26 функция поиска максимума, возвращаемое значение Node* . . . . .	10
2.1.27 функция поиска произвольного элемента, возвращаемое значение Node* . . . . .	10
2.1.28 три функции обхода и вывода дерева: PreOrder, InOrder, PostOrder . . . . .	11
2.1.29 функция подробного вывода дерева . . . . .	11
<b>3 Получение исполняемых модулей</b> . . . . .	<b>11</b>
3.1 Файл CMakeLists.txt . . . . .	11
<b>Приложение А</b> . . . . .	<b>12</b>
<b>Приложение Б</b> . . . . .	<b>15</b>
<b>Приложение В</b> . . . . .	<b>26</b>

# Постановка задачи

Разработать программу на языке Си++ (ISO/IEC 14882:2014), демонстрирующую решение поставленной задачи.

## Общая часть

Разработать шаблоны классов, объекты которых реализуют типы данных, указанные ниже. Для этих шаблонов классов разработать необходимые конструкторы, деструктор, конструктор копирования. Разработать операции: добавления/удаления элемента (уточнено в задаче); получения количества элементов; доступа к элементу (перегрузить оператор []). Разработать итератор для указанных шаблонов классов.

## Задачи

- а) Шаблон «AVL Дерево». Добавление/удаление элемента.

# 1 Алгоритм решения задачи

## 1.1 Задача 1

В рамках решения данной задачи был разработан класс «Tree». Данный класс содержит следующие private поля:

- root – тип Node\*, содержит корневой элемент дерева
- функции rotateright и rotateleft с возвращаемым значением Node\*
- функция bfactor с возвращаемым значением int
- функция height с возвращаемым значением int
- функция fixheight
- функция balance с возвращаемым значением Node\*
- функция destroy с возвращаемым значением void, используемая деструктором для очистки памяти
- рекурсивная функция добавления элемента
- рекурсивная функция удаления элемента

Также класс содержит следующие public поля:

- вспомогательный класс Node
- функция-геттер корня дерева getRoot с возвращаемым значением Node\*
- конструктор по умолчанию
- деструктор
- функция добавления элемента
- функция удаления элемента
- функция поиска минимума, возвращаемое значение Node\*
- функция поиска максимума, возвращаемое значение Node\*
- функция поиска произвольного элемента, возвращаемое значение Node\*
- три функции обхода и вывода дерева: PreOrder, InOrder, PostOrder
- функция подробного вывода дерева AdvOutput

При разработке этого класса был создан вспомогательный класс Node. Данный класс содержит следующие private поля: left, right, parent – тип Node\*, data – тип T, height – тип int. Также класс содержит следующие public поля:

- конструктор по элементу
- конструктор по умолчанию
- функция-сеттер, задающая значение поля left

- функция-сеттер, задающая значение поля right
- функция-сеттер, задающая значение поля data
- функция-сеттер, задающая значение поля parent
- функция-сеттер, задающая значение поля height
- функция-геттер, возвращающая значение поля left
- функция-геттер, возвращающая значение поля right
- функция-геттер, возвращающая значение поля data
- функция-геттер, возвращающая значение поля parent
- функция-геттер, возвращающая значение поля height

Также при разработке этого класса был создан класс `Iterator`, содержащий private поля `parent` типа `Tree<T>`, `current` типа `Node*` и следующие public поля:

- конструктор по родительскому дереву
- конструктор копирования
- перегрузка оператора `*`
- перегрузка оператора `++` (постфиксный и префиксный)
- перегрузка оператора `--` (постфиксный и префиксный)
- перегрузки операторов `==` и `!=`

## 2 Выполнение задания

### 2.1 Задача 1

а) `Node`

#### 2.1.1 конструктор по элементу

Инициализирует поле `data` переданным в конструктор элементом, поля `left`, `right` и `parent` значением `nullptr`, а поле `height` значением 1

#### 2.1.2 конструктор по умолчанию

Инициализирует поля `left`, `right` и `parent` значением `nullptr`, поле `height` значением 1, а поле `data` результатом вызова конструктора по умолчанию от переданного параметра шаблона

#### 2.1.3 функции-сеттеры, задающие значения полей `left`, `right`, `data`, `parent`, `height`

Инициализирует соответствующие поля переданным в конструктор элементом соответствующего типа

#### **2.1.4 функции-геттеры, возвращающие значения полей left, right, data, parent, height**

Возвращают значения соответствующих полей

б) Iterator

#### **2.1.5 конструктор по родительскому дереву**

Инициализирует поля parent и current переданными в конструктор элементами (значение current по умолчанию nullptr)

#### **2.1.6 конструктор копирования**

Инициализирует поля класса соответствующими полями переданного в конструктор класса

#### **2.1.7 перегрузка оператора \***

Возвращает разыменованный указатель current

#### **2.1.8 перегрузка оператора ++**

- 1) Префиксный – Проверяет не содержится ли в поле current текущего класса или в поле root родительского класса значение nullptr. Если содержится – завершает вызов возвращая разыменованный указатель на текущий класс. В противном случае, если указатель на правое поддерево элемента current не равен nullptr, присваивает полю current значение результата поиска минимума в правом поддереве элемента current (фактически переходя в "самый левый" узел поддерева) и возвращает разыменованный указатель на текущий класс. Иначе, создает новую локальную переменную Current типа Node\* и инициализирует ее элементом current текущего класса. После этого при первой возможности переходим "вправо вверх" (текущий элемент должен находится в левой ветви элемента, в который переходим). Пока это невозможно при переходе используем временный элемент Current.
- 2) Постфиксный – Создает копию класса, затем применяет на классе префиксную операцию ++ и возвращает сохраненную до этого копию класса.

#### **2.1.9 перегрузка оператора - -**

- 1) Префиксный – Проверяет не содержится ли в поле current текущего класса или в поле root родительского класса значение nullptr. Если содержится – завершает вызов возвращая разыменованный указатель на текущий класс. В противном случае, если указатель на левое поддерево элемента current не равен nullptr, присваивает полю current значение результата поиска максимума в левом поддереве элемента current (фактически переходя в "самый правый" узел поддерева) и возвращает разыменованный указатель на текущий класс. Иначе, создает новую локальную переменную Current типа Node\* и инициализирует ее элементом current текущего класса. После этого при первой возможности переходим "влево вверх" (текущий элемент должен находится в правой ветви элемента, в который переходим). Пока это невозможно при переходе используем временный элемент Current.

- 2) Постфиксный – Создает копию класса, затем применяет на классе префиксную операцию - - и возвращает сохраненную до этого копию класса.

#### **2.1.10 перегрузки операторов == и !=**

Возвращают результаты соответствующих операций, используя как операнды соответствующие значения полей `current` переданных элементов

в) Tree

#### **2.1.11 функция `rotateright`**

Создает локальную переменную `q` типа `Node*` записывая в нее указатель на левое поддерево переданного элемента. Если указатель на родителя переданного элемента равен `nullptr` присваивает полю `root` значение `q`. Затем присваивает полю `left` переданного элемента значение поля `right` созданного элемента `q`. После присваивает полю `right` созданного элемента `q` значение переданного элемента. Затем присваивает полю `parent` созданного элемента значение поля `parent` переданного элемента. После присваивает полю `parent` переданного элемента значение `q`. Затем делает два вызова функции `fixheight`, передавая как параметр вначале `q`, затем `p` (переданный элемент), и завершает вызов возвращая `q`.

#### **2.1.12 функция `rotateleft`**

Создает локальную переменную `p` типа `Node*` записывая в нее указатель на правое поддерево переданного элемента. Если указатель на родителя переданного элемента равен `nullptr` присваивает полю `root` значение `p`. Затем присваивает полю `right` переданного элемента значение поля `left` созданного элемента `p`. После присваивает полю `left` созданного элемента `p` значение переданного элемента. Затем присваивает полю `parent` созданного элемента значение поля `parent` переданного элемента. После присваивает полю `parent` переданного элемента значение `p`. Затем делает два вызова функции `fixheight`, передавая как параметр вначале `q` (переданный элемент), затем `p`, и завершает вызов возвращая `q`.

#### **2.1.13 функция `bfactor`**

Возвращает разность результатов функций `height` от правого поддерева переданного элемента и от левого соответственно

#### **2.1.14 функция `height`**

Если значение переданного элемента не равно `nullptr` возвращает значение поля `height` переданного элемента, в противном случае возвращает 0

#### **2.1.15 функция `fixheight`**

Получает результаты вызова функции `height` от левого и правого поддерева переданного элемента и присваивает полю `height` переданного элемента наибольшее значение, из полученных результатов вызова функций, увеличенное на единицу

### **2.1.16 функция balance**

Вызывает функцию `fixheight` от переданного узла. Затем получает результат вызова функции `bfactor` от переданного узла. В случае если результат вызова равен 2, получает результат вызова функции `bfactor` от правого поддерева переданного узла. Если он меньше нуля, присваивает правому поддереву переданного узла результат вызова функции `rotateright` от правого поддерева переданного узла. После возвращает результат вызова функции `rotateleft` от переданного узла. В случае если вызова функции `bfactor` от переданного узла равен -2, получает результат вызова функции `bfactor` от левого поддерева переданного узла. Если он больше нуля, присваивает левому поддереву переданного узла результат вызова функции `rotateleft` от левого поддерева переданного узла. После возвращает результат вызова функции `rotateright` от переданного узла. Если ни одно условие не выполнилось, возвращает переданный узел.

### **2.1.17 функция destroy**

Рекурсивно проходит все дерево освобождая память от элементов, начиная с конца

### **2.1.18 функция-геттер корня дерева `getRoot` с возвращаемым значением `Node*`**

Возвращает значение поля `root`

### **2.1.19 конструктор по умолчанию**

Инициализирует поле `root` значением `nullptr`

### **2.1.20 деструктор**

Вызывает функцию `destroy` передавая в нее значение поля `root`

### **2.1.21 рекурсивная функция добавления элемента**

Рекурсивно проходит дерево, сравнивая данные, хранимые деревом, с данными, хранимые вставляемым элементом, для нахождения такого места добавления, чтобы после него структура не противоречила определению сбалансированного дерева. После выполнения вставки возвращает результат балансировки дерева (вызов функции `balance` от текущего элемента).

### **2.1.22 функция добавления элемента**

Создает новый объект типа `Node`, инициализируя его переданными данными и передает указатель на него в рекурсивную функцию добавления элемента



### 2.1.23 рекурсивная функция удаления элемента

Если указатель на текущий элемент равен `nullptr` возвращает его. В противном случае с помощью рекурсивных вызовов проходит дерево до тех пор, пока не будет найден удаляемый элемент, или пока дерево не закончится. В случае если удаляемый элемент был найден выполняет следующие действия: если значение хотя бы одного из полей найденного элемента `right` или `left` равно `nullptr`, получает значение не `nullptr` поля и копирует его данные в найденный элемент. Если значения обоих полей равны `nullptr` очищает память, выделенную под найденный элемент (удаляет элемент). Если значения обоих полей не равны `nullptr` получает наименьший элемент в правом поддереве (результат вызова `Min` от поля `right` найденного элемента), копирует из него данные в найденный элемент и присваивает полю `right` найденного элемента результат рекурсивного вызова функции удаления элемента от данных минимального элемента в правом поддереве и правого поддерева найденного элемента. Затем, проверяет итоговое значение найденного элемента. Если оно равно `nullptr`, возвращает его, завершая вызов. Иначе присваивает полю `height` найденного элемента максимальное значение из полей `height` его поддеревьев, увеличенное на единицу. После получает результат вызова функции `bfactor` от текущего элемента, и перебирая все возможные сочетания результата этого вызова и результата вызова этой же функции от поддеревьев найденного элемента выполняет необходимое для балансировки расбалансированного дерева действие: `rotateright` для значений  $> 1$  и  $\geq 0$  для левого поддерева, `Current->setLeft(rotateleft(Current->getLeft()))`; `rotateright` для  $> 1$  и  $< 0$  для левого поддерева, `rotateleft` для  $< -1$  и  $\leq 0$  для правого поддерева, `Current->setRight(rotateright(Current->getRight()))`; `rotateleft` для  $< -1$  и  $> 0$  для правого поддерева. В случае невыполнения ни одного из условий возвращает найденный элемент.

### 2.1.24 функция удаления элемента

Вызывает рекурсивную функцию удаления элемента, передавая как текущий элемент значение поля `root`

### 2.1.25 функция поиска минимума, возвращаемое значение `Node*`

Рекурсивно проходит дерево до самого "левого" узла и возвращает указатель на него (вызовы совершаются пока значение поля `left` рассматриваемого элемента не станет равно `nullptr`)

### 2.1.26 функция поиска максимума, возвращаемое значение `Node*`

Рекурсивно проходит дерево до самого "правого" узла и возвращает указатель на него (вызовы совершаются пока значение поля `right` рассматриваемого элемента не станет равно `nullptr`)

### 2.1.27 функция поиска произвольного элемента, возвращаемое значение `Node*`

Рекурсивно проходит все элементы дерева, сравнивая данные, хранимые ими с данными, переданными в функцию

### 2.1.28 три функции обхода и вывода дерева: PreOrder, InOrder, PostOrder

Рекурсивно проходят дерево, вызывая функцию вывода данных, хранимых элементом в определенное время: для PreOrder сразу после вхождения в функцию (вызов), для InOrder после завершения рекурсивных вызовов от левого поддерва (при таком выводе получаем упорядоченную последовательность), для PostOrder после окончания цепочки рекурсивных вызовов.

### 2.1.29 функция подробного вывода дерева

Соответствуют InOrder обходу, но помимо данных, хранимых узлом, выводит информация о поддеревьях, на которые он указывает

## 3 Получение исполняемых модулей

Для получения исполняемых модулей была использована система сборки cmake, также был написан файл CMakeLists.txt. В нем были выставлены следующие параметры сборки:

- std=C++14 – стандарт языка
- флаги компилятора:
  - Wall
  - pedantic-errors
  - fsanitize=undefined
- исполняемые файлы
  - linkedListTest
  - TreeTest

### 3.1 Файл CMakeLists.txt

```
1 cmake_minimum_required(VERSION 3.14)
2 project(AVL_Tree)
3
4 SET(CMAKE_CXX_STANDARD 14)
5
6 set(CMAKE_CXX_FLAGS
7 "${CMAKE_CXX_FLAGS} -Wall -pedantic-errors -fsanitize=undefined --
   coverage")
8 set(CMAKE_CXX_OUTPUT_EXTENSION_REPLACE ON)
9
10 set(OBJECT_DIR ${CMAKE_BINARY_DIR}/CMakeFiles/tree_gtest.dir/src)
11 message("-- Object files will be output to: ${OBJECT_DIR}")
12
13 include(FetchContent)
14 FetchContent_Declare(
15     googletest
```

```

16     URL https://github.com/google/googletest/archive/03597
    a01ee50ed33e9dfd640b249b4be3799d395.zip
17 )
18 # For Windows: Prevent overriding the parent project's compiler/
    linker settings
19 set(gtest_force_shared_crt ON CACHE BOOL "" FORCE)
20 FetchContent_MakeAvailable(googletest)
21
22 #enable_testing()
23
24 add_executable(
25     tree_gtest
26     ../gtest.cpp
27 )
28 target_link_libraries(
29     tree_gtest
30     GTest::gtest_main
31 )
32
33 include(GoogleTest)
34
35 add_custom_target(init
36     COMMAND ${CMAKE_MAKE_PROGRAM} clean
37     COMMAND rm -f ${OBJECT_DIR}/*.gcno
38     COMMAND rm -f ${OBJECT_DIR}/*.gcda
39     WORKING_DIRECTORY ${CMAKE_BINARY_DIR}
40 )
41
42
43 add_custom_target(gcov
44     COMMAND mkdir -p gcoverage
45     #COMMAND ${CMAKE_MAKE_PROGRAM} test
46     WORKING_DIRECTORY ${CMAKE_BINARY_DIR}
47 )
48 add_custom_command(TARGET gcov
49     COMMAND echo "===== GCOV ====="
50     COMMAND gcov -b ${CMAKE_SOURCE_DIR}/src/*.cpp -o ${OBJECT_DIR}
51     COMMAND echo "-- Source diretorie: ${CMAKE_SOURCE_DIR}/src/"
52     COMMAND echo "-- Coverage files have been output to ${
    CMAKE_BINARY_DIR}/gcoverage"
53     WORKING_DIRECTORY ${CMAKE_BINARY_DIR}/gcoverage
54 )
55 add_dependencies(gcov tree_gtest)
56
57 gtest_discover_tests(tree_gtest)

```

# Приложение А

## А.1 Файл Node.h

```
#include <iostream>

namespace AVL_Tree {

    template<class T>
    class Node
    {
    protected:
        //закрытые переменные Node N; N.data = 10 вызовет ошибку
        T data;
        //не можем хранить Node, но имеем право хранить указатель
        Node* left;
        Node* right;
        Node* parent;
        //переменная, необходимая для поддержания баланса дерева
        int height;
    public:
        //доступные извне переменные и функции
        void setData(const T& d);

        T getData() const;

        int getHeight() const;

        Node* getLeft() const;

        Node* getRight() const;

        Node* getParent() const;

        void setLeft(Node* N);

        void setRight(Node* N);

        void setParent(Node* N);

        //Конструктор. Устанавливаем стартовые значения для указателей
        Node(T n);

        Node();

        void setHeight(int h);
    };
}

#include "Node.cpp"
```

## A.2 Файл Node.cpp

```
namespace AVL_Tree {

    //доступные извне переменные и функции
    template<class T>
        void Node<T>::setData(const T& d) { data = d; }

    template<class T>
        T Node<T>::getData() const { return data; }

    template<class T>
        int Node<T>::getHeight() const { return height; }

    template<class T>
        Node<T>* Node<T>::getLeft() const { return left; }

    template<class T>
        Node<T>* Node<T>::getRight() const { return right; }

    template<class T>
        Node<T>* Node<T>::getParent() const { return parent; }

    template<class T>
        void Node<T>::setLeft(Node<T>* N) { left = N; }

    template<class T>
        void Node<T>::setRight(Node<T>* N) { right = N; }

    template<class T>
        void Node<T>::setParent(Node<T>* N) { parent = N; }

    //Конструктор. Устанавливаем стартовые значения для указателей
    template<class T>
        Node<T>::Node(T n)
        {
            data = n;
            left = right = parent = nullptr;
            height = 1;
        }

    template<class T>
        Node<T>::Node()
        {
            left = right = parent = nullptr;
            data = T();
            height = 1;
        }

    template<class T>
        void Node<T>::setHeight(int h)
```

```

    {
        height = h;
    }

template<class T>
std::ostream& operator<< (std::ostream& stream, const Node<T>& N) {
    stream << N.getData();
    return stream;
};
}

```

## Приложение Б

### Б.1 Файл AVL\_Tree.h

```
#include <iostream>
#include "Node.h"
#include "Iterator.h"

namespace AVL_Tree {

    template<class T>
    class Tree
    {
    private:
        //корень - его достаточно для хранения всего дерева
        Node<T>* root;

        Node<T>* rotateright(Node<T>* p); // правый поворот вокруг p

        Node<T>* rotateleft(Node<T>* q); // левый поворот вокруг q

        int bfactor(Node<T>* p) const;

        int height(Node<T>* p) const;

        void fixheight(Node<T>* p);

        Node<T>* balance(Node<T>* p); // балансировка узла p

        void destroy(Node<T>* current);

        //рекуррентная функция добавления узла. Устроена аналогично, но вызывает
        ↪ сама себя - добавление в левое или правое поддерево

        Node<T>* Add_R(Node<T>* N, Node<T>* Current);

        Node<T>* Remove_R(const T& data, Node<T>* Current);

    public:
        //доступ к корневому элементу
        Node<T>* getRoot() const;

        //конструктор дерева: в момент создания дерева ни одного узла нет, корень
        ↪ смотрит в никуда
        Tree<T>(const std::initializer_list<T> = {});

        Tree<T>(const Tree<T>& other);

        ~Tree<T>();
    };
}
```

```

        //функция для добавления числа. Делаем новый узел с этими данными и
↪ вызываем нужную функцию добавления в дерево
        void Add(T n);

        void Remove(T n);

        Node<T>* Min(Node<T>* Current=nullptr) const;

        Node<T>* Max(Node<T>* Current = nullptr) const;

        //поиск узла в дереве. Второй параметр - в каком поддереве искать, первый
↪ - что искать
        Node<T>* Find(T data, Node<T>* Current) const;

        //при обхода дерева
        void PreOrder(Node<T>* N, std::ostream& stream) const;

        //InOrder-обход даст отсортированную последовательность
        void InOrder(Node<T>* N, std::ostream& stream) const;

        void PostOrder(Node<T>* N, std::ostream& stream) const;

        void AdvOutput(Node<T>* N, std::ostream& stream) const;

        Node<T>* getByIndex(const size_t index, Node<T>* Current, size_t&
↪ current_index) const;

        Node<T>* operator[](const size_t index) const;

        Tree<T>& operator=(const Tree<T>& other);

        iterator<T> begin() const;

        iterator<T> end() const;
    };
}

#include "AVL_Tree.cpp"

```



## Б.2 Файл AVL<sub>Tree</sub>.cpp

```
#include <algorithm>
namespace AVL_Tree {

    template<class T>
    Node<T>* Tree<T>::rotateright(Node<T>* p) // правый поворот вокруг p
    {
        if (!p) return p;

        Node<T>* q = p->getLeft();
        if (p->getParent() == nullptr) root = q;
        p->setLeft(q ? q->getRight() : q);
        if (q) {
            q->setRight(p);
            q->setParent(p ? p->getParent() : p);
        }
        p->setParent(q);

        fixheight(p);
        fixheight(q);
        return q;
    }

    template<class T>
    Node<T>* Tree<T>::rotateleft(Node<T>* q) // левый поворот вокруг q
    {
        if (!q) return q;

        Node<T>* p = q->getRight();
        if (q->getParent() == nullptr) root = p;
        q->setRight(p ? p->getLeft() : p);
        if (p) {
            p->setLeft(q);
            p->setParent(q ? q->getParent() : q);
        }
        q->setParent(p);

        fixheight(q);
        fixheight(p);
        return p;
    }

    template<class T>
    int Tree<T>::bfactor(Node<T>* p) const
    {
        return p ? (height(p->getRight())-height(p->getLeft())) : 0;
    }

    template<class T>
    int Tree<T>::height(Node<T>* p) const
```

```

{
    return p?p->getHeight():0;
}

template<class T>
void Tree<T>::fixheight(Node<T>* p)
{
    if (!p) return;
    int hl = height(p->getLeft());
    int hr = height(p->getRight());
    p->setHeight((hl>hr?hl:hr)+1);
}

template<class T>
Node<T>* Tree<T>::balance(Node<T>* p) // балансировка узла p
{
    fixheight(p);
    if( bfactor(p)==2 )
    {
        if( bfactor(p->getRight())< 0 )
            p->setRight(rotateright(p->getRight()));
        return rotateleft(p);
    }
    if( bfactor(p)==-2 )
    {
        if( bfactor(p->getLeft()) > 0 )
            p->setLeft(rotateleft(p->getLeft()));
        return rotateright(p);
    }
    return p; // балансировка не нужна
}

template<class T>
void Tree<T>::destroy(Node<T>* current) {
    if (current == nullptr)
        return;

    if (current->getLeft())
        destroy(current->getLeft());

    if (current->getRight())
        destroy(current->getRight());

    delete current;
}

```

*//рекуррентная функция добавления узла. Устроена аналогично, но вызывает  
↪ сама себя - добавление в левое или правое поддереве*

```

template<class T>
Node<T>* Tree<T>::Add_R(Node<T>* N, Node<T>* Current)

```

```

{
    if (N == nullptr) return nullptr;
    if (root == nullptr)
    {
        root = N;
        return N;
    }

    if (Current->getData() > N->getData())
    {
        //идем влево
        if (Current->getLeft() != nullptr)
            Current->setLeft(Add_R(N, Current->getLeft()));
        else
            Current->setLeft(N);
            Current->getLeft()->setParent(Current);
    }
    if (Current->getData() < N->getData())
    {
        //идем вправо
        if (Current->getRight() != nullptr)
            Current->setRight(Add_R(N, Current->getRight()));
        else
            Current->setRight(N);
            Current->getRight()->setParent(Current);
    }
    if (Current->getData() == N->getData())
        //нашли совпадение
        ;

    return balance(Current);
}

template<class T>
Node<T>* Tree<T>::Remove_R(const T& data, Node<T>* Current)
{
    if (Current == nullptr)
        return Current;

    //ищем элемент
    if ( data < Current->getData() )
        Current->setLeft(Remove_R(data, Current->getLeft()));

    else if( data > Current->getData() )
        Current->setRight(Remove_R(data, Current->getRight()));

    //нашли
    else if (data == Current->getData())
    {
        // у элемента одного поддереве или нет вообще

```

```

        if( (Current->getLeft() == nullptr) ||
            (Current->getRight() == nullptr) )
        {
            Node<T> *temp = Current->getLeft() ?
                                Current->getLeft() :
                                Current->getRight();

            //нет поддеревьев
            if (temp == nullptr)
            {
                temp = Current;
                Current = nullptr;
            }
            //одно поддерево
            *Current = *temp; //копируем данные
                                // не пустого поддерева
            free(temp);
        }
        else
        {
            // два поддерева
            // получаем наименьшее в правом поддереве
            Node<T>* temp = Min(Current->getRight());

            // копируем из него данные в текущий элемент
            Current->setData(temp->getData());

            //рекурсивно вызываем функцию
            Current->setRight((Remove_R(temp->getData(),
↪ Current->getRight()))));
        }
    }

    //если в дереве только один элемент
    if (Current == nullptr)
        return Current;

    //Обновляем высоту текущего элемента
    Current->setHeight(1 + std::max(height(Current->getLeft()),
↪ height(Current->getRight())));

    //получаем результат вызова bfactor от текущего элемента
    int balance = bfactor(Current);

    //проверяем не расбалансировался ли элемент

    // Первый случай
    if (balance > 1 && bfactor(Current->getLeft()) >= 0)
        return rotateright(Current);

```

```

        // Второй случай
        if (balance > 1 && bfactor(Current->getLeft()) < 0)
        {
            Current->setLeft(rotateleft(Current->getLeft()));
            return rotateright(Current);
        }

        // Третий случай
        if (balance < -1 && bfactor(Current->getRight()) <= 0)
            return rotateleft(Current);

        // Четвертый случай
        if (balance < -1 && bfactor(Current->getRight()) > 0)
        {
            Current->setRight(rotateright(Current->getRight()));
            return rotateleft(Current);
        }

        return Current;
    }

    //доступ к корневому элементу
    template<class T>
    Node<T>* Tree<T>::getRoot() const { return root; }

    //конструктор дерева: в момент создания дерева ни одного узла нет, корень
    ↪ смотрит в никуда
    template<class T>
    Tree<T>::Tree(const std::initializer_list<T> elements) : root(nullptr) {
        for (const auto& el : elements) {
            Add(el);
        }
    }

    template<class T>
    Tree<T>::Tree(const Tree<T>& other) : root(nullptr) {
        for (const auto& el : other) {
            Add(el.getData());
        }
    }

    template<class T>
    Tree<T>::~~Tree() { destroy(root); }

    //функция для добавления числа. Делаем новый узел с этими данными и
    ↪ вызываем нужную функцию добавления в дерево
    template<class T>
    void Tree<T>::Add(T n)
    {
        Node<T>* N = new Node<T>;

```

```

        N->setData(n);
        Add_R(N, root);
    }

```

```

template<class T>
void Tree<T>::Remove(T n)
{
    Remove_R(n, root);
}

```

```

template<class T>
Node<T>* Tree<T>::Min(Node<T>* Current) const
{
    //минимум - это самый "левый" узел. Идём по дереву всегда влево
    if (root == nullptr) return nullptr;

    if(Current==nullptr)

        Current = root;

    while (Current->getLeft() != nullptr)
        Current = Current->getLeft();

    return Current;
}

```

```

template<class T>
Node<T>* Tree<T>::Max(Node<T>* Current) const
{
    //минимум - это самый "правый" узел. Идём по дереву всегда вправо
    if (root == nullptr) return nullptr;

    if (Current == nullptr)
        Current = root;

    while (Current->getRight() != nullptr)
        Current = Current->getRight();

    return Current;
}

```

*//поиск узла в дереве. Второй параметр - в каком поддереве искать, первый*

↪ - что искать

```

template<class T>
Node<T>* Tree<T>::Find(T data, Node<T>* Current) const
{
    //база рекурсии
    if (Current == nullptr) return nullptr;
    if (Current->getData() == data) return Current;
    //рекурсивный вызов

```

```

        if (Current->getData() > data) return Find(data,
↪ Current->getLeft());
        if (Current->getData() < data) return Find(data,
↪ Current->getRight());
        return nullptr;
    }

    //mpu обхода дерева
    template<class T>
    void Tree<T>::PreOrder(Node<T>* N, std::ostream& stream) const
    {
        if (N != nullptr)
            stream << N->getData();

        if (N != nullptr && N->getLeft() != nullptr)
            PreOrder(N->getLeft(), stream);

        if (N != nullptr && N->getRight() != nullptr)
            PreOrder(N->getRight(), stream);
    }

    //InOrder-обход даст отсортированную последовательность
    template<class T>
    void Tree<T>::InOrder(Node<T>* N, std::ostream& stream) const
    {
        if (N != nullptr && N->getLeft() != nullptr)
            InOrder(N->getLeft(), stream);

        if (N != nullptr)
            stream << N->getData();

        if (N != nullptr && N->getRight() != nullptr)
            InOrder(N->getRight(), stream);
    }

    template<class T>
    void Tree<T>::PostOrder(Node<T>* N, std::ostream& stream) const
    {
        if (N != nullptr && N->getLeft() != nullptr)
            PostOrder(N->getLeft(), stream);

        if (N != nullptr && N->getRight() != nullptr)
            PostOrder(N->getRight(), stream);

        if (N != nullptr)
            stream << N->getData();
    }

    template<class T>
    void Tree<T>::AdvOutput(Node<T>* N, std::ostream& stream) const {

```

```

        if (N != nullptr && N->getLeft() != nullptr)
            InOrder(N->getLeft(), stream);

        if (N != nullptr)
            stream << "\nCurrent: " << N << ", left: " << N->getLeft()
↪ << ", right: " << N->getRight() << '\n' << N->getData() << '\n';

        if (N != nullptr && N->getRight() != nullptr)
            InOrder(N->getRight(), stream);
    }

    template<class T>
    Node<T>* Tree<T>::getByIndex(const size_t index, Node<T>* Current, size_t&
↪ current_index) const
    {
        if (Current->getLeft() != nullptr) {
            Node<T>* result = getByIndex(index, Current->getLeft(),
↪ current_index);
            if (result != nullptr) return result;
        }

        if (current_index == index) return Current;
        ++current_index;

        if (Current->getRight() != nullptr) {
            Node<T>* result = getByIndex(index, Current->getRight(),
↪ current_index);
            if (result != nullptr) return result;
        }
        return nullptr;
    }

    template<class T>
    Node<T>* Tree<T>::operator[](const size_t index) const {
        size_t start_index=0;
        Node<T>* found = getByIndex(index, root, start_index);
        return found;
    }

    template<class T>
    Tree<T>& Tree<T>::operator=(const Tree<T>& other) {
        if (this == &other)
            return *this;

        Tree<T> temp(other);
        root = temp.root;
        temp.root = nullptr;

        return *this;
    }

```



```

template<class T>
iterator<T> Tree<T>::begin() const {
    return iterator<T>(*this, Min());
}

template<class T>
iterator<T> Tree<T>::end() const {
    return iterator<T>(*this, nullptr);
}
}

```

## Приложение В

### В.1 Файл Iterator.h

```
namespace AVL_Tree {

    template<class T> class Tree;
    template<class T> class Node;

    template<class T>
    class iterator {
    private:
        const Tree<T>& parent;
        Node<T>* current;

    public:
        iterator(const Tree<T>& parent, Node<T>* current = nullptr);
        iterator(const iterator& it);

        iterator& operator++();

        iterator& operator++(int);

        iterator& operator--();

        iterator& operator--(int);

        bool operator!=(iterator const& other) const;

        bool operator==(iterator const& other) const;

        Node<T>& operator*();
    };

}

#include "Iterator.cpp"
```

## B.2 Файл Iterator.cpp

```
namespace AVL_Tree {

    template<typename T>
        iterator<T>::iterator(const Tree<T>& parent, Node<T>* current) :
↪ parent(parent), current(current) {}

    template<typename T>
        iterator<T>::iterator(const iterator& it) : parent(it.parent),
↪ current(it.current) {}

    template<typename T>
        iterator<T>& iterator<T>::operator++()
        {
            if (current == nullptr || parent.getRoot() == nullptr) return
↪ *this;

            if (current->getRight() != nullptr) {
                current = parent.Min(current->getRight());
                return *this;
            }

            Node<T>* Current = current;
            while(true) {
                if (Current->getParent() == nullptr) {
                    current = nullptr;
                    return *this;
                }

                if (Current->getParent()->getLeft() == Current){
                    current = Current->getParent();
                    return *this;
                }

                Current = Current->getParent();
            }

            current = nullptr;
            return *this;
        }

    template<typename T>
        iterator<T>& iterator<T>::operator++(int)
        {
            iterator notModified = *this;
            ++(*this);
            return notModified;
        }

    template<typename T>
```

```

        iterator<T>& iterator<T>::operator--()
        {
            if (current == nullptr || parent.getRoot() == nullptr) return
↪ *this;

            if (current->getLeft() != nullptr) {
                current = parent.Max(current->getLeft());
                return *this;
            }

            Node<T>* Current = current;
            while(true) {
                if (Current->getParent() == nullptr) {
                    current = nullptr;
                    return *this;
                }

                if (Current->getParent()->getRight() == Current){
                    current = Current->getParent();
                    return *this;
                }

                Current = Current->getParent();
            }

            current = nullptr;
            return *this;
        }

template<typename T>
    iterator<T>& iterator<T>::operator--(int)
    {
        iterator notModified = *this;
        --(*this);
        return notModified;
    }

template<typename T>
    bool iterator<T>::operator!=(iterator const& other) const { return
↪ (current != other.current); }

template<typename T>
    bool iterator<T>::operator==(iterator const& other) const { return
↪ (current == other.current); }

template<typename T>
    Node<T>& iterator<T>::operator*()
    {
        return *current;
    }

```

}