

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №4
по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»
Тема: Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта

Студент гр. 8383

Шишкин И.В.

Преподаватель

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы.

Изучить работу и реализовать алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для нахождения подстроки в строке, а также написать программу для определения, является ли строка А циклическим сдвигом строки В.

Постановка задачи.

Реализуйте алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона Р ($|P| \leq 15000$) и текста Т ($|T| \leq 5000000$) найдите все вхождения Р в Т.

Вход:

Первая строка - Р

Вторая строка - Т

Выход:

индексы начал вхождений Р в Т, разделенных запятой, если Р не входит в Т, то вывести -1.

Заданы две строки А ($|A| \leq 5000000$) и В ($|B| \leq 5000000$).

Определить, является ли А циклическим сдвигом В (это значит, что А и В имеют одинаковую длину и А состоит из суффикса В, склеенного с префиксом В). Например, defabc является циклическим сдвигом abcdef.

Вход:

Первая строка - А

Вторая строка - В

Выход:

Если А является циклическим сдвигом В, индекс начала строки В в А, иначе вывести -1. Если возможно несколько сдвигов вывести первый индекс.

Вар. 2. Оптимизация по памяти: программа должна требовать $O(m)$ памяти, где m - длина образца. Это возможно, если не учитывать память, в которой хранится строка поиска.

Описание алгоритма КМП.

Алгоритм КМП состоит из двух этапов:

1. Формирование массива pi , используемого при сдвиге образа вдоль строки.
2. Поиск образа в строке.

Описание этапов:

1. Для формирования массива pi понадобится префикс-функция, которая для i -го символа образа возвращает значение, равное максимальной длине совпадающих префикса и суффикса подстроки в образе, которая заканчивается i -м символом. Это значение будет храниться в $pi[i]$.

Например, префикс-функция для образа “abcabcd”:

Символ ‘a’: Для первого символа любого образа значение $pi[0]$ всегда равно 0.

Символ ‘b’: ‘b’ != ‘a’, следовательно, $pi[1] = 0$.

Символ ‘c’: Суффикс и префикс длины 1 не совпадает (‘c’ != ‘a’), длины 2 тоже не совпадает (“ab” != “bc”). Поэтому $pi[2] = 0$.

Символ ‘a’: Префикс и суффикс длины 1 совпадают (‘a’ == ‘a’), остальные – нет, поэтому $pi[3] = 1$.

Символ ‘b’: Суффикс и префикс длины 1 не совпадает (‘b’ != ‘a’), длины 2 совпадает (“ab” == “ab”), длины 3 не совпадает (“abc” != “cab”), длины 4 не совпадает (“abca” != “bcab”), значит, $pi[4] = 2$.

И так далее. Итоговая префикс-функция будет: { 0, 0, 0, 1, 2, 3, 0 }.

2. На данном этапе производится непосредственно поиск образа (шаблона) в строке (тексте). Используются два индекса, которые указывают на символы в строке и образе. Когда символы совпадают – происходит смещение вправо (индексы увеличиваются на 1), когда они не совпадают – происходит использование массива pi (префикс-функции). В использовании префикс-функции и заключается отличительная особенность алгоритма КМП от наивного алгоритма.

Идея состоит в том, чтобы не проверять символы, которые уже были проверены, т.е. мы не уходим назад.

Как использовать массив pi для определения того, сколько символов в строке нужно пропустить (для удобства, в пояснении используется строка `text` – текст (строка, в которой ищется вхождение образа), т.к. в циклическом сдвиге `text` используется): мы знаем, что символы `pat[0..j-1]` совпадают с `text[i-j...i-1]` (j начинается с 0 и увеличивает его только в случае совпадения). Также известно, что $pi[j-1]$ – это количество символов `pat[0... j-1]`, которые являются как собственным префиксом, так и суффиксом. Исходя из этого, можно сделать вывод, что нам не нужно сопоставлять символы $pi[j-1]$ с `text[i-j...i-1]`, потому что мы знаем, что эти символы в любом случае будут совпадать.

Пример работы алгоритма на строке “ААААВАААВА” и образе “АААА”:

Префикс-функция $pi[] = \{ 0, 1, 2, 3 \}$.

$i = 0, j = 0$

`text = "ААААВАААВА"`

`pat = "АААА"`

`text[i]` и `pat[j]` совпадают, поэтому $i++$, $j++$

$i = 1, j = 1$

`text = "ААААВАААВА"`

`pat = "АААА"`

`text[i]` и `pat[j]` совпадают, поэтому $i++$, $j++$

$i = 2, j = 2$

`text = "ААААВАААВА"`

`pat = "АААА"`

`text[i]` и `pat[j]` совпадают, поэтому $i++$, $j++$

$i = 3, j = 3$

text = "AAA**A**BAABA"

pat = "AAA**A**"

text[i] и pat[j] совпадают, поэтому $i++$, $j++$

$i = 4, j = 4$

Так как $j == M$, то запоминаем индекс вхождения $i-j$ и сбрасываем j до значения, равного $j = pi[j-1] = pi[3] = 3$. Значение $pi[j-1]$ дает индекс следующего символа в строке, которое будет сравниваться.

$i = 4, j = 3$

text = "AAAA**A**BAABA"

pat = "AAA**A**"

text[i] и pat[j] совпадают, поэтому $i++$, $j++$

$i = 5, j = 4$

Так как $j == M$, то запоминаем индекс вхождения $i-j$ и сбрасываем j до значения, равного $j = pi[j-1] = pi[3] = 3$.

$i = 5, j = 3$

text = "AAAAA**B**AAABA"

pat = "AAA**A**"

text[i] и pat[j] НЕ совпадают и $j > 0$, поэтому меняем только j : $j = pi[j-1] = pi[2] = 2$

$i = 5, j = 2$

text = "AAAAA**B**AAABA"

pat = "AA**AA**"

text[i] и pat[j] НЕ совпадают и $j > 0$, поэтому меняем только j : $j = pi[j-1] = pi[1] = 1$

i = 5, j = 1

text = "AAAAA**B**AAABA"

pat = "A**A**AA"

text[i] и pat[j] НЕ совпадают и j > 0, поэтому меняем только j: j = pi[j-1]
= pi[0] = 0

i = 5, j = 0

text = "AAAAA**B**AAABA"

pat = "A**A**AA"

text[i] и pat[j] НЕ совпадают и j равно 0, поэтому i++.

i = 6, j = 0

text = "AAAAAB**A**AAABA"

pat = "A**A**AA"

text[i] и pat[j] совпадают, поэтому i++, j++

i = 7, j = 1

text = "AAAAABA**A**ABA"

pat = "A**A**AA"

text[i] и pat[j] совпадают, поэтому i++, j++

И так далее.

Описание программы поиска циклического сдвига.

Данная программа является небольшой модификацией программы поиска подстроки в строке. Чтобы было удобнее, создается переменная string text, в которой будет храниться строка A (string pat, соответственно, строка B). Задачу поиска циклического сдвига можно переформулировать так, что нужно найти вхождение строки B в конкатенацию строк A и A. То есть, если нужно определить, является ли строка B = "defabc" циклическим сдвигом строки A =

“abcdef”, то это значит, что нужно найти первое вхождение строки “defabc” в строку “abcdefabcdef”.

Описание способов хранения частичных решений.

Хранится string pattern – для считывания шаблона.

vector <int> answer – для вывода ответа в конце программы.

В программе поиска циклического сдвига также хранится строка string text.

Описание функции KMPSearch.

Функция void KMPSearch(const std::string& pat, std::vector <int>& answer) на вход принимает шаблон pat и ссылку на вектор answer для записи ответа в него. В начале рассчитывается значение M , равное длине строки pat. Так как по памяти программа должна требовать $O(M)$ памяти, то считывание текста производится посимвольно с помощью переменной sym. Для образа pat вычисляется префикс-функция с помощью функции prefixFunc, результат которой записывается в вектор pi. Далее, в цикле, когда символы текста и шаблона совпадают, индексы i и j увеличиваются на 1 и считывается очередной символ текста, а когда не совпадают – если при этом индекс j не равен 0, то значению j присваивается значение $pi[j-1]$, иначе увеличивается только индекс i на 1. Если же индекс j равен длине шаблона, то это значит, что найдено вхождение шаблона в текст, тогда индекс этого вхождения можно вычислить как $i-j$, которое записывается в вектор answer, и j принимает значение $pi[j-1]$. Цикл завершает свою работу, когда встречается конец строки или нажатие на enter.

Описание функции prefixFunc.

Функция void prefixFunc(const std::string& pat, int lenOfPat, std::vector<int>& pi) на вход принимает строку pat – шаблон, M – длину шаблона, вектор pi – собственно массив pi, который и нужно заполнить.

Так как вектор в функцию подается уже обнуленный, то не нужно обнулять значение под индексом 0.

Запускается цикл от $i=1$ до $i=M-1$. Схема алгоритма:

- Для подсчёта текущего значения $pi[i]$ заводится переменная j , обозначающая длину текущего рассматриваемого образца. При этом изначально $j = pi[i-1]$.
- Тестируется образец длины j , для чего сравниваются символы $pat[j]$ и $pat[i]$. Если они совпадают – то полагаем $pi[i] = j+1$ и переходим к следующему индексу $i+1$. Если же символы отличаются, то уменьшаем длину j , полагая её равной $pi[j-1]$, и повторяем этот шаг алгоритма с начала.
- Если мы дошли до длины $j=0$ и так и не нашли совпадения, то останавливаем процесс перебора образцов и полагаем $pi[i] = 0$, а затем переходим к следующему индексу $i+1$.

Отличия программы определения циклического сдвига от программы поиска подстроки в строке.

Главное отличие заключается в том, что программа определения циклического сдвига хранит строку `string text`. При считывании, она подается в измененную функцию `int KMPSearch(const std::string& pat, std::string& text)`, которая на вход получает шаблон `pat` и текст `text`, а возвращает индекс начала строки `pat` в строке `text`. Отличий в функции `prefixFunc` нет.

В начале функции `KMPSearch` производится проверка: если длины строк, которые программа получила на вход разные, то возвращается -1. Если строки равны друг другу, то возвращается 0.

Затем переменная `text` приобретает значение `text+text`, и работа алгоритма производится с новой переменной. Остальная часть алгоритма такая же, как и в первой программе. Функция заканчивает работу раньше времени, когда находит вхождение строки, т.к. по условию задания нужно вывести лишь первое вхождение.

Сложность алгоритмов по времени.

Сложность алгоритма КМП по времени можно оценить, как

$$O(M + N).$$

Так как префикс-функция вычисляется за $O(M)$, где M – это количество символов в образе, и поскольку строка (текст) в худшем случае будет пройдена полностью 1 раз (N – длина строки).

Сложность программы определения циклического сдвига будет такой же.

Сложность алгоритмов по памяти.

Сложность алгоритма КМП по памяти можно оценить, как

$$O(M), \text{ где } M \text{ – длина образа.}$$

Так как по условию варианта можно было хранить только образ, а текст считывать посимвольно.

Сложность программы определения циклического сдвига по памяти можно оценить, как

$$O(M + N).$$

Так как программа хранит строку A длиной M и строку B длиной N .

Спецификация программы.

Программа написана на языке C++. Программа на вход получает две строки, причем, в случае КМП, в начале подается шаблон, а затем текст, а в случае циклического сдвига, в начале подается строка A , а затем строка B .

Тестирование КМП.

Пример вывода результата для 1-го теста.

```

ab
abab
Заполнение массива pi...
pi[1] = 0
Итоговая префикс-функция:
{ 0, 0 }
-----
Выполнение алгоритма Кнута-Морриса-Пратта...
Символ текста 'a':
Индекс i - 0, индекс j - 0
Символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'b':
Индекс i - 1, индекс j - 1
Символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'a':
Индекс i - 2, индекс j - 2
!!!Найдено вхождение шаблона в текст. Индекс вхождения - 0
Сброс j до значения 0

Индекс i - 2, индекс j - 0
Символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'b':
Индекс i - 3, индекс j - 1
Символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1
Индекс i - 4, индекс j - 2
!!!Найдено вхождение шаблона в текст. Индекс вхождения - 2
Сброс j до значения 0
-----
Индексы начал вхождений шаблона в текст:
0,2

```

№	Input	Output
1	ab abab	0,2
2	AAAA AAAAABAAABA	0,1
3	ivan ivannivaan ivann	0,11

Тестирование циклического сдвига.

Пример вывода результата для 1-го теста.

```

defabc
abcdef
Определение, является ли строка "defabc" циклическим сдвигом строки "abcdef"
Заполнение массива pi...
pi[1] = 0
pi[2] = 0
pi[3] = 0
pi[4] = 0
pi[5] = 0
Итоговая префикс-функция:
{ 0, 0, 0, 0, 0, 0 }
-----
Выполнение алгоритма Кнута-Морриса-Пратта...
Индекс i - 0, индекс j - 0
i-ый символ текста не совпадает с j-ым символом шаблона, j = 0, следовательно, производится увеличение i на 1

Символ текста 'e':
Индекс i - 1, индекс j - 0
i-ый символ текста не совпадает с j-ым символом шаблона, j = 0, следовательно, производится увеличение i на 1

Символ текста 'f':
Индекс i - 2, индекс j - 0
i-ый символ текста не совпадает с j-ым символом шаблона, j = 0, следовательно, производится увеличение i на 1

Символ текста 'a':
Индекс i - 3, индекс j - 0
i-ый символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

```

```

Символ текста 'b':
Индекс i - 4, индекс j - 1
i-ый символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'c':
Индекс i - 5, индекс j - 2
i-ый символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'd':
Индекс i - 6, индекс j - 3
i-ый символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'e':
Индекс i - 7, индекс j - 4
i-ый символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'f':
Индекс i - 8, индекс j - 5
i-ый символ текста совпадает с j-ым символом шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1

Символ текста 'a':
Индекс i - 9, индекс j - 6
!!!Найдено вхождение шаблона в текст
-----
Индекс сдвига = 3

```

№	Input	Output
1	defabc abcdef	3
2	Ab Ab	0
3	hhhhhjjjjj jjjjhhhhhh	-1

Вывод.

В ходе выполнения лабораторной работы был реализован на языке C++ алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для нахождения подстроки в строке.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

КОД ПРОГРАММЫ КМП

```
#include <iostream>
#include <vector>

void KMPSearch(const std::string& pat, std::vector <int>& answer);
// Выводит индексы вхождения строки pat в текст, который посимвольно
вводится в этой функции

void prefixFunc(const std::string& pat, int lenOfPat,
std::vector<int>& pi); // Префикс-функция

int main() {
    setlocale(LC_ALL, "RUS");
    std::string pattern;    //шаблон
    std::cin >> pattern;
    getchar();    //считывание символа '\n'

    std::vector <int> answer;
    KMPSearch(pattern, answer);

    std::cout << "-----"
<< std::endl;
    std::cout << "Индексы начал вхождений шаблона в текст:" <<
std::endl;
    if (answer.size() == 0) {
        std::cout << "Вхождений не было найдено, ответ: -1" <<
std::endl;
    }
    else {
        for (int i = 0; i < answer.size(); i++) {
            if (i == 0) std::cout << answer[i];
            else std::cout << "," << answer[i];
        }
    }
}
```

```

        std::cout << std::endl;
        system("pause");
        return 0;
    }

    void KMPSearch(const std::string& pat, std::vector<int>& answer) {
        char sym = NULL; //для посимвольного считывания текста
        int lenOfPat = pat.length(); //длина шаблона

        std::vector<int> pi(lenOfPat, 0); //длина максимального
        префикса строки, совпадающего с его суффиксом

        int i = 0; //индекс для перемещения по тексту
        int j = 0; //индекс для перемещения по строке pattern

        sym = std::cin.get(); //считывание первого символа

        prefixFunc(pat, lenOfPat, pi); //вычисление массива pi для
        строки pat

        std::cout << "Выполнение алгоритма Кнута-Морриса-Пратта..." <<
        std::endl;
        if (sym != '\n' && sym != EOF) std::cout << "Символ текста '"
        << sym << "': " << std::endl;
        while (sym != '\n' && sym != EOF) {
            std::cout << "Индекс i - " << i << ", индекс j - " << j <<
            std::endl;

            if (pat[j] == sym) { //если j-ый символ шаблона равен i-му
            символу текста
                std::cout << "Символ текста совпадает с j-ым символом
                шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1" << std::endl;

```

```

        j++;          //j увеличивается только когда находится
СХОДСТВО
        i++;
        sym = std::cin.get();
        if (sym != '\n' && sym != EOF) std::cout << std::endl
<< "Символ текста '" << sym << "': " << std::endl;
    }

    if (j == lenOfPat) {      //если j равен длине шаблона, то
найдено вхождение шаблона в текст
        std::cout << "Индекс i - " << i << ", индекс j - " << j
<< std::endl;

        std::cout << "!!!Найдено вхождение шаблона в текст.
Индекс вхождения - " << i - j << std::endl;
        answer.push_back(i - j);
        std::cout << "Сброс j до значения " << pi[j - 1] <<
std::endl << std::endl;
        j = pi[j - 1];
    }

    else if (pat[j] != sym) { //если j-ый символ шаблона не
равен символу текста
        std::cout << "Символ текста не совпадает с j-ым
символом шаблона";

        if (j != 0) {
            std::cout << ". Теперь j принимает значение " <<
pi[j - 1] << std::endl;
            j = pi[j - 1];
        }

        else {
            std::cout << ", j = 0, следовательно, производится
увеличение i на 1" << std::endl;

```

```

        i = i + 1;
        sym = std::cin.get();
        if (sym != '\n' && sym != EOF) std::cout <<
std::endl << "Символ текста '" << sym << "': " << std::endl;
    }
}
}

}

```

```

void prefixFunc(const std::string& pat, int lenOfPat,
std::vector<int>& pi) {
    std::cout << "Заполнение массива pi..." << std::endl;
    for (int i = 1; i < lenOfPat; i++) { //вычисление массива pi
от i := 1 до i := M-1
        int j = pi[i - 1]; //для подсчёта текущего значения pi[i]
заводится переменная j, обозначающая длину текущего рассматриваемого
образца

        while (j > 0 && pat[i] != pat[j]) { //сравнение символов
pat[i] и pat[j]
            std::cout << "Обработка символов '" << pat[i] << "' и
'" << pat[j] << "'..." << std::endl;
            j = pi[j - 1];
        }

        if (pat[i] == pat[j]) { //если символы pat[i] и pat[j]
совпадают, то pi[i] = j + 1
            std::cout << "Суффикс '" << pat[i] << "' и префикс " <<
pat[j] << "' равны, pi[" << i << "] увеличивается на 1" << std::endl;
            ++j;
        }

        std::cout << "pi[" << i << "] = " << j << std::endl;
    }
}

```



```

        pi[i] = j;
    }

    std::cout << "Итоговая префикс-функция:" << std::endl << "{ ";
    for (int i = 0; i < pi.size(); i++) {
        if (i == 0) std::cout << pi[i];
        else std::cout << ", " << pi[i];
    }
    std::cout << "}" << std::endl;
    std::cout << "-----"
<< std::endl;
    }

```

ПРИЛОЖЕНИЕ Б

КОД ПРОГРАММЫ ЦИКЛИЧЕСКОГО СДВИГА

```
#include <iostream>
#include <vector>

int KMPSearch(const std::string& pat, std::string& text);    //КМП
void prefixFunc(const std::string& pat, int lenOfPat, std::vector<int>&
pi); // Префикс-функция

int main() {
    setlocale(LC_ALL, "RUS");
    std::string pattern;    //шаблон (строка B)
    std::string text;      //текст (строка A)
    std::cin >> text;
    std::cin >> pattern;

    int answer = KMPSearch(pattern, text);

    std::cout << "-----" <<
std::endl;
    std::cout << "Индекс сдвига = " << answer << std::endl;
    system("pause");
    return 0;
}

int KMPSearch(const std::string& pat, std::string& text) {
    std::cout << "Определение, является ли строка \"" << text << "\"
циклическим сдвигом строки \"" << pat << "\"" << std::endl;
    int lenOfPat = pat.length();    //длина шаблона
    int lenOfText = text.length();  //длина текста

    if (lenOfPat != lenOfText) {    //если длина текста и шаблона не
равны, то возвращается -1
        std::cout << "Длина текста и шаблона не равны" << std::endl;
        return -1;
    }
    else if (pat == text) {
        std::cout << "Строки идентичны" << std::endl;
        return 0;
    }

    text += text;
    lenOfText = text.length(); //новое значение длины текста
    std::vector<int> pi(lenOfPat, 0);    //длина максимального префикса
строки, совпадающего с его суффиксом

    int i = 0; //индекс для перемещения по строке text
    int j = 0; //индекс для перемещения по строке pattern
```

```

    prefixFunc(pat, lenOfPat, pi);    //вычисление массива pi для строки
pat

    std::cout << "Выполнение алгоритма Кнута-Морриса-Пратта..." <<
std::endl;
    while (i < lenOfText) {
        std::cout << "Индекс i - " << i << ", индекс j - " << j <<
std::endl;

        if (pat[j] == text[i]) {    //если j-ый символ шаблона равен i-му
символу текста
            std::cout << "i-ый символ текста совпадает с j-ым символом
шаблона, поэтому увеличиваем i и j на 1" << std::endl;
            j++;    //j увеличивается только когда находится сходство
            i++;
            std::cout << std::endl << "Символ текста '" << text[i] << "':
" << std::endl;
        }

        if (j == lenOfPat) {    //если j равен длине шаблона, то найдено
вхождение шаблона в текст
            std::cout << "Индекс i - " << i << ", индекс j - " << j <<
std::endl;
            std::cout << "!!!Найдено вхождение шаблона в текст" <<
std::endl;
            return i - j;
        }

        else if (i < lenOfText && pat[j] != text[i]) {    //если j-ый
символ шаблона не равен символу текста
            std::cout << "i-ый символ текста не совпадает с j-ым символом
шаблона";

            if (j != 0) {
                std::cout << ". Теперь j принимает значение " << pi[j -
1] << std::endl;
                j = pi[j - 1];
            }

            else {
                std::cout << ", j = 0, следовательно, производится
увеличение i на 1" << std::endl;
                i++;
                std::cout << std::endl << "Символ текста '" << text[i] <<
"': " << std::endl;
            }
        }
    }

    std::cout << "Строка не является циклическим сдвигом" << std::endl;

```

```

        return -1;
    }

void prefixFunc(const std::string& pat, int lenOfPat, std::vector<int>&
pi) {
    std::cout << "Заполнение массива pi..." << std::endl;
    for (int i = 1; i < lenOfPat; i++) {    //вычисление массива pi от i
:= 1 до i := M-1
        int j = pi[i - 1];    //для подсчёта текущего значения pi[i]
заводится переменная j, обозначающая длину текущего рассматриваемого
образца

        while (j > 0 && pat[i] != pat[j]) {    //сравнение символов pat[i]
и pat[j]
            std::cout << "Обработка символов '" << pat[i] << "'" и "'" <<
pat[j] << "'..." << std::endl;
            j = pi[j - 1];
        }

        if (pat[i] == pat[j]) {    //если символы pat[i] и pat[j]
совпадают, то pi[i] = j + 1
            std::cout << "Суффикс '" << pat[i] << "'" и префикс " <<
pat[j] << "'" равны, pi[" << i << "] увеличивается на 1" << std::endl;
            ++j;
        }

        std::cout << "pi[" << i << "] = " << j << std::endl;
        pi[i] = j;
    }

    std::cout << "Итоговая префикс-функция:" << std::endl << "{ ";
    for (int i = 0; i < pi.size(); i++) {
        if (i == 0) std::cout << pi[i];
        else std::cout << ", " << pi[i];
    }
    std::cout << "}" << std::endl;
    std::cout << "-----" <<
std::endl;
}

```