

# Учебный курс. Часть 11. Умножение и деление

Автор: xrnd | Рубрика: [Учебный курс](#) | 01-04-2010 |

 [Распечатать запись](#)

Умножение и деление выполняются по-разному для чисел со знаком и без, поэтому в системе команд процессора x86 есть отдельные команды умножения и деления для чисел со знаком и для чисел без знака.

## Умножение чисел без знака

Для умножения чисел без знака предназначена команда [MUL](#). У этой команды только один операнд — второй множитель, который должен находиться в регистре или в памяти. Местоположение первого множителя и результата задаётся неявно и зависит от размера операнда:

Размер операнда	Множитель	Результат
Байт	AL	AX
Слово	AX	DX:AX

Отличие умножения от сложения и вычитания в том, что разрядность результата получается в 2 раза больше, чем разрядность сомножителей. Также и в десятичной системе — например, умножая двухзначное число на двухзначное, мы можем получить в результате максимум четырёхзначное. Запись «DX:AX» означает, что старшее слово результата будет находиться в DX, а младшее — в AX. Примеры:

```
mul bl    ;AX = AL * BL
```

```
mul ax      ;DX:AX = AX * AX
```

Если старшая часть результата равна нулю, то флаги *CF* и *OF* будут иметь нулевое значение. В этом случае старшую часть результата можно отбросить. Это свойство можно использовать в программе, если результат должен быть такого же размера, как множители.

## Умножение чисел со знаком

Для умножения чисел со знаком предназначена команда [\*\*IMUL\*\*](#). Эта команда имеет три формы, различающиеся количеством операндов:

- *С одним операндом* — форма, аналогичная команде [\*\*MUL\*\*](#). В качестве операнда указывается множитель. Местоположение другого множителя и результата определяется по таблице.
- *С двумя операндами* — указываются два множителя. Результат записывается на место первого множителя. Старшая часть результата в этом случае игнорируется. Кстати, эта форма команды не работает с операндами размером 1 байт.
- *С тремя операндами* — указывается положение результата, первого и второго множителя. Второй множитель должен быть непосредственным значением. Результат имеет такой же размер, как первый множитель, старшая часть результата игнорируется. Это форма тоже не работает с однокбайтными множителями.

Примеры:

```
imul cl      ;AX = AL * CL
imul si      ;DX:AX = AX * SI
imul bx,ax   ;BX = BX * AX
imul cx,-5   ;CX = CX * (-5)
imul dx,bx,134h ;DX = BX * 134h
```

$CF = OF = 0$ , если произведение помещается в младшей половине результата, иначе  $CF = OF = 1$ . Для второй и третьей формы команды  $CF = OF = 1$  означает, что произошло переполнение.

## Деление чисел без знака

Деление целых двоичных чисел — это всегда деление с остатком! По аналогии с умножением, размер делителя, частного и остатка должен быть в 2 раза меньше размера делимого. Деление чисел без знака осуществляется с помощью команды [DIV](#). У этой команды один операнд — делитель, который должен находиться в регистре или в памяти. Местоположение делимого, частного и остатка задаётся неявно и зависит от размера операнда:

Размер операнда (делителя)	Делимое	Частное	Остаток
Байт	AX	AL	AH
Слово	DX:AX	AX	DX

При выполнении команды [DIV](#) может возникнуть *прерывание* (о прерываниях я подробно расскажу потом, пока старайтесь избегать таких случаев):

- если делитель равен нулю;
- если частное не помещается в отведённую под него разрядную сетку (например, если при делении слова на байт частное больше 255).

Примеры:

```
div cl    ;AL = AX / CL, остаток в AH
div di    ;AX = DX:AX / DI, остаток в DX
```

## Деление чисел со знаком

Для деления чисел со знаком предназначена команда [IDIV](#). Единственным операндом является делитель.

Местоположение делимого и частного определяется также, как для команды [DIV](#). Эта команда тоже генерирует прерывание при делении на ноль или слишком большом частном.

## Пример программы

Допустим, в программе требуется вычислять координату какого-то движущегося объекта по формуле:

$$x = x_0 + v_0 t + at^2/2$$

Все числа в правой части — 8-битные целые без знака, а  $x$  — 16-битное целое и тоже без знака. Здесь нужно внимательно следить за размерами операндов.

```
1 use16                ;Генерировать 16-битный код
2 org 100h              ;Программа начинается с адреса 100h
3
4     mov al,[v0]        ;AL = v0
5     mov cl,[t]         ;CL = t
6     mul cl             ;AX = AL*CL = v0*t
7     mov bx,ax          ;BX = AX = v0*t
8
9     mov al,[a]         ;AL = a
10    mul cl             ;AX = AL*CL = a*t
11    mov ch,0           ;Преобразуем t в слово в регистре CX
12    mul cx             ;DX:AX = AX*CX = a*(t^2)
13    mov cl,2           ;CL = 2 = CX, так как CH = 0
14    div cx             ;AX = DX:AX/2 = a*(t^2)/2
15
16    add ax,bx          ;AX = AX+BX = v0*t + a*(t^2)/2
17    add al,[x0]        ;\
18    adc ah,ch          ;/ AX = AX+x0 = x0 + v0*t + a*(t^2)/2
19
20    mov [x],ax         ;Сохраняем результат в x
```

```

21
22     mov ax,4C00h    ;\
23     int 21h        ;/ Завершение программы
24 ;-----
25 x0  db 188
26 v0  db 7
27 a    db 3
28 t    db 25
29 x    dw ?

```

В 7-й строке промежуточный результат сохраняется в `bx`. В 11-й строке происходит преобразование байта в слово, путём добавления нулевой старшей части. Такой метод подходит для чисел без знака, но приведёт к ошибке для чисел со знаком (в случае отрицательного числа). Прибавление  $x_0$  происходит в два этапа (строки 17 и 18) с учётом переноса, так как мы складываем слово и байт.

## Упражнение

Напишите программу для вычисления формулы  $z = (x \cdot y) / (x + y)$ . Все числа 16-битные целые со знаком.

## Сложное упражнение

Напишите программу для умножения двух 32-битных целых без знака. В результате должно получиться 64-битное целое без знака. Подсказка: используйте комбинацию умножения по частям и сложения, как в способе умножения столбиком. (Мой вариант решения вы можете посмотреть [здесь](#)).

[Следующая часть »](#)

## Комментарии:

RoverWWorm  
02-04-2010 18:44

```
;посмотрите правильно или нет  
use16  
org 100h
```

```
mov ax,[x]  
mov cx,[y]  
imul cx ;DX:AX=AX*CX
```

```
add cx,[x]
```

```
idiv cx ;AX=DX:AX/CX, остаток в DX
```

```
mov [z],ax
```

```
mov ax,4c00h  
int 21h
```

```
;_____
```

```
x dw 6  
y dw (-4)  
z dw ?
```

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

03-04-2010 01:00

Почему-то твою программу сайт принял за спам 😊

Да, здесь всё верно написано! Единственное, что круглые скобки в строке «y dw (-4)» ставить не обязательно, можно просто писать «-4». Попробуй ещё решить упражнение из предыдущего урока. И можно на ты, мне так привычнее ))

[\[Ответить\]](#)

RoverWWorm  
03-04-2010 08:34

Уф, чуть не вступил в ряды спамщиков:)))  
Ну постараюсь решить упражнение из предыдущего урока  
Лады, будем не ты))

[\[Ответить\]](#)

RoverWWorm  
06-04-2010 07:51

А когда будет следующий урок?

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)  
06-04-2010 16:09

В ближайшие дни 😊

[\[Ответить\]](#)

RoverWWorm  
16-04-2010 20:41

НУ где же уроки, ааа(((

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)  
18-04-2010 18:17

Написал ещё одну часть 😊

[\[Ответить\]](#)

[ВИКА](#)

05-12-2010 21:19

какую-же?)

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

06-12-2010 13:40

На момент написания комментария — 12-ю часть.

[\[Ответить\]](#)

[mc-black](#)

11-05-2010 23:13

[source]use16 ;Генерировать 16-битный код  
org 100h ;Программа начинается с адреса 100h

```
mov ax,word[value1]  
mul word[value2]  
mov word[result],ax  
mov word[result+2],dx
```

```
mov ax,word[value1+2]  
mul word[value2]  
add word[result+2],ax  
adc dx,0  
mov word[result+4],dx
```

```
mov ax,word[value1]  
mul word[value2+2]  
add word[result+2],ax  
adc word[result+4],dx
```



```
mov ax,0
adc ax,0
mov word[result+6],ax
```

```
mov ax,word[value1+2]
mul word[value2+2]
add word[result+4],ax
adc word[result+6],dx
```

```
mov ax,4C00h
int 21h
```

```
;
```

---

```
value1 dd 6F6056EFh
value2 dd 2h
result rd 2[/source]
```

32-битное умножение. Сначала ошибочно запостил в предыдущий урок.

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

12-05-2010 00:50

Я проверил 😊 Всё правильно работает.

Для сравнения вот мой вариант программы (я его написал, когда придумал упражнение)

```
1 use16 ;Генерировать 16-битный код
2 org 100h ;Программа начинается с адреса 100h
3
4     mov ax,word[a]
5     mul word[b]
6     mov di,ax
7     mov si,dx
8     sub cx,cx
9     sub bx,bx
10
```

```

11     mov ax,word[a+2]
12     mul word[b]
13     add si,ax
14     adc cx,dx
15
16     mov ax,word[a]
17     mul word[b+2]
18     add si,ax
19     adc cx,dx
20     adc bx,0
21
22     mov ax,word[a+2]
23     mul word[b+2]
24     add cx,ax
25     adc bx,dx
26
27     mov word[c],di
28     mov word[c+2],si
29     mov word[c+4],cx
30     mov word[c+6],bx
31
32     mov ax,4C00h      ;
33     int 21h           ;/ Завершение программы
34 ;-----
35 align 4
36 a    dd $FFFFFFFF
37 b    dd $FFFFFFFF
38 c    dq ?

```

Вместо sub cx,cx я обычно использую хог. Но в этой части ещё не изучены логические команды.

[\[Ответить\]](#)

bor1k

30-07-2010 11:26

так правильно?

use16 ;  
org 100h ;  
;z = (x·y) / (x + y)

```
mov ax,[x]
mov cx,[y]
imul cx
mov bx,[x]
add bx,[y]
idiv bx
mov [z],ax
mov ax,4c00h
int 21h
```

;

---

```
x dw 343
y dw 531
z dw ?
```

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

30-07-2010 13:33

Да. Всё правильно.

[\[Ответить\]](#)

[bor1k](#)

31-07-2010 09:18

xrnd сделай пожалуйста листинг с комментариями к заданию с 32-битным умножением.

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

31-07-2010 11:18

Я даже написал небольшое объяснение алгоритма.

<http://asmworld.ru/isxodniki/32-bitnoe-umnozhenie/>

[\[Ответить\]](#)

bor1k

31-07-2010 20:29

по идее на 64-битном процессоре, эти операции будут не нужны

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

31-07-2010 21:29

Даже на 32-битном можно обычной командой умножать 32 на 32 бита и получать 64-битное значение. Но там также придётся умножать 64 на 64 бита.

Важен сам принцип умножения чисел, больших чем разрядность процессора. Например, есть 8-битные микроконтроллеры и на них просто так не умножишь большие числа.

[\[Ответить\]](#)

IgorKing

31-08-2010 16:58

32-битное правильно?

use16

org 100h

```
mov ax,word[a]
imul word[b]
mov cx,dx
mov word[c],ax
```

```
mov ax,word[a]
imul word[b+2]
add cx,ax
adc dx,0
mov bx,dx
```

```
mov ax,word[a+2]
imul word[b]
add cx,ax
adc bx,dx
mov word[c+2],cx
```

```
mov ax,word[a+2]
imul word[b+2]
add bx,ax
adc dx,0
mov word[c+4],bx
mov word[c+6],dx
```

```
mov ax,4c00h
int 21h
```

```
;
```

---

```
a dd 0xF3D1C7E6
b dd 0xA6C012BC
c dq ?
```

[\[ОТВЕТИТЬ\]](#)

[xrnd](#)

02-09-2010 20:48

Принцип ты правильно понял, но команда IMUL здесь будет неправильно работать.

Я не случайно предлагал в задании умножать числа без знака. При умножении старший бит в каждом слове будет обрабатываться как знаковый и это приведёт к ошибке в результате.

[\[Ответить\]](#)

[Борис](#)

19-12-2010 14:20

1-е задание

```
use16 ;16-bit cod
org 100h ;begin 100h
;z = (x·y) / (x + y)
```

```
mov ax,[x]
imul [y] ;dx:ax=x*y
mov bx, [x]
add bx, [y] ;bx=x+y
idiv bx ;ax=(xy)/(x+y) dx — ostatok
mov [z], ax
mov [z0], dx
mov ax,4C00h ;\
int 21h ;/ end
```

;

---

```
x dw -3
y dw 2
z dw ?
z0 dw ?
```

2-е задание

```
use16 ;16-bit cod
org 100h ;begin 100h
;Z = (Xh:Xl*Yh:Yl)
```

```
mov ax, word[x]
mul word[y] ;Dx:Ax = Xl*Yl
mov word[z],ax
mov word[z+2],dx
```

```
mov ax, word[x+2]
mul word[y] ;Dx:Ax=Xh*Yl
add word[z+2],ax
adc word[z+4],dx
```

```
mov ax, word[x]
mul word[y+2] ;Dx:Ax=Xl*Yh
add word[z+4], ax
adc word[z+6], dx
```

```
mov ax, word[x+2]
mul word[y+2] ;Dx:Ax=Xh*Yh
add word[z+6], ax
adc word[z+8], dx
```

```
mov ax,4C00h ;\
int 21h ;/ end
```

```
;

---


x dd 0xff32
y dd 0x32ff
```

Что-то во втором я сомневаюсь.

Спасибо!!!!

[\[Ответить\]](#)

[Борис](#)

19-12-2010 14:26

О посмотрел ваше решение и поправил последние 2 блока так

```
mov ax, word[x]  
mul word[y+2] ;Dx:Ax=Xl*Yh  
add word[z+2], ax  
adc word[z+4], dx
```

```
mov ax, word[x+2]  
mul word[y+2] ;Dx:Ax=Xh*Yh  
add word[z+4], ax  
adc word[z+6], dx
```

помоему должно получиться

[\[Ответить\]](#)

[Борис](#)

19-12-2010 14:29

с поправкой в дебагере получил правильный результат

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

20-12-2010 19:36

Поздравляю, первое упражннение правильно, второе вроде тоже (с поправкой) 😊

[\[Ответить\]](#)

Amator

04-01-2011 00:35

Напишите программу для вычисления формулы  $z = (x \cdot y) / (x + y)$ . Все числа 16-битные целые со знаком.

```
use16 ;Генерировать 16-битный код  
org100h ;програма начинается с адреса 100h
```



```
mov ax, [x] ;AX = x
mov bx, [y] ;BX = y
imul bx ;DX:AX = AX * BX = x * y
add cx, [x] ;CX = y + x
idiv cx ;AX = DX:AX \ CX = x*y \ y+x
mov [z], ax
```

```
mov 4cooh
inc 21h;
```

---

```
x dw 14
y dw (-12)
z dw ?
```

проверь пожалуйста

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

10-01-2011 22:54

Похож на первый, но есть ошибки.

```
add cx, [x] ;CX = y + x
```

В CX ничего не записывалось, поэтому там неизвестно что. Непонятно, к чему прибавляется x.

Вместо:

```
mov 4cooh
```

Должно быть:

```
mov ax, 4c00h
```

[\[Ответить\]](#)

Amator

13-01-2011 23:59

ТОЧНО ПРОШЛЯПИЛ:

use16 ;Генерировать 16-битный код  
org100h ;програма начинается с адреса 100h

```
mov ax, [x] ;AX = x
mov bx, [y] ;BX = y
imul bx ;DX:AX = AX * BX = x * y
add bx, [x] ;BX = y + x
idiv bx ;AX = DX:AX \ BX = x*y \ y+x
mov [z], ax
```

```
mov ax, 4c00h
```

```
inc 21h;
```

```
;
```

---

```
x dw 14
```

```
y dw (-12)
```

```
z dw ?
```

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

15-01-2011 00:58

Теперь правильно 😊

Только 4C00h надо писать с двумя нулями, а не с буквой «О».

[\[Ответить\]](#)

Amator

04-01-2011 00:38

кажется мой вариант похож на первый

[\[Ответить\]](#)

Георгий

22-01-2011 21:17

; здравствуйте) скажите, есть ли здесь истина ?:) мне кажется, что жутко нерационально

;  $z=(x*y)/(x+y)$

use16

org 100h

mov cx,[x]

imul cx,[y]

mov ax,cx

mov bx,word[x]

adc bx,word[y]

mov word[xday],bx

mov bx, word[x+2]

adc bx, word[y+2]

mov word[xiy+2],bx

mov bx,[xiy]

idiv bx

mov [z],ax

mov xiy,0

mov ax, 4C00h

int 21h

; ——— init data—————

x dw 37h

y dw 32h

xiy dw ?

z dw ?

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

22-01-2011 21:59

Истина есть, но её тут мало 😊

Непонятно, где переменная xday?

Зачем складывать x и y в 2 этапа, если их размер — 16 бит, два байта?

word[x+2] — то же самое, что word[y] или просто [y]

[\[Ответить\]](#)

Георгий

22-01-2011 22:07

; упс...а так?

; z=(x\*y)/(x+y)

use16

org 100h

mov cx,[x]

imul cx,[y]

mov ax,cx

mov bx,[x]

add bx,[y]

idiv bx

mov [z],ax

mov ax, 4C00h

int 21h

; ——— init data ———

x dw 37h

y dw 32h  
z dw ?

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

22-01-2011 22:40

Так намного лучше.

Но одна ошибка осталась. Команда «`idiv bx`» делит `DX:AX` на `BX`. А что в `DX`? Скорее всего какой-то мусор, который будет мешать делению.

Лучше умножать так, чтобы получалось двойное слово в `DX:AX`.

[\[Ответить\]](#)

Георгий

05-02-2011 15:05

; тогда вероятно так? если нет, то напишите пожалуйста как должно быть

;  $z = (x * y) / (x + y)$

use16

org 100h

mov ax,[x]

mov bx,[y]

imul bx;  $DX:AX = ax * bx$

add bx,[x];  $bx = bx(y) + x$

idiv bx;  $ax = dx:ax / bx$

mov [z],ax

```
mov ax, 4C00h  
int 21h  
; ——— init data—————  
x dw 37h  
y dw 32h  
z dw ?  
; ???
```

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

09-02-2011 15:25

Да, на этот раз всё правильно 😊

[\[Ответить\]](#)

anton

02-02-2011 12:39

Привет ! Хочу перевести двойное слово в десятичную систему счисления для последующего вывода в десятичном виде на экран. Алгоритм простой: делю число на 10, остаток записываю как последнюю цифру, частное снова делю на 10, остаток — предпосл. цифра и т.д. пока частное не окажется меньше 10, тогда его записываю первой цифрой. Так вот, при первом же делении возникает переполнение, частное не помещается в слово. Можно ли решить проблему без использования расширенных регистров(eax,edx)? Что-то не соображу.

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

09-02-2011 14:52

Привет. Такое можно сделать, но придётся делить по частям.  
Алгоритм такой же, как в этой статье:

<http://asmworld.ru/ishodniki/preobrazovanie-64-bitnogo-chisla-v-stroku/>.

Только нужно будет 2 деления, а не 4.

Первый этап — делится старшее слово, остаток добавляется к младшему слову (точнее становится старшей частью, достаточно оставить его в регистре DX)

Второй этап — делится младшее слово.

```
mov bx,10                ;Делитель
xor dx,dx                ;DX = 0
mov ax,word[x+2]         ;Старшее слово
div bx                   ;AX = (DX:AX)/10; DX = остаток
mov word[x+2],ax         ;Старшая часть частного
mov ax,word[x]           ;Младшее слово
div bx                   ;AX = (DX:AX)/10; DX = остаток
mov word[x],ax           ;Младшая часть частного
```

...

```
x dd 12345678
```

[\[Ответить\]](#)

anton

09-02-2011 20:38

Большое спасибо, xrnd ! 😊 Как оказалось все просто, а я-то голову ломал.

[\[Ответить\]](#)

Philin

03-02-2011 11:59

Привет... по логике, вроде должно работать...)) ?

$z = (x * y) / (x + y)$

```
use16  
org 100h
```

```
mov ax,[x] ;ax=x=150  
mov cx,[y] ;cx=y=-5  
imul cx ;dx:ax=ax*cx=150*(-5)
```

```
add cx,[x] ;cx=cx+x=(-5)+150
```

```
div cx ;ax=dx:ax/cx  
mov [z],ax
```

```
mov ax,4c00h  
int 21h
```

```
;_____
```

---

```
x dw 150  
y dw -5  
z dw ?
```

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

09-02-2011 14:59

Привет. Практически всё правильно.

Только команду DIV нужно заменить на IDIV. Всё-таки числа со знаком 😊

[\[Ответить\]](#)

plan4ik

31-03-2011 17:10

```
use16  
org 100h
```



Start:

```
mov ax, word [x]  
add ax, word [y]  
mov word [z], ax
```

```
mov ax, word [x]  
imul word [y]
```

```
idiv word [z]  
mov [z], ax
```

```
mov ax, 4c00h  
int 21h
```

;  $z = (x \cdot y) / (x + y)$

```
z dw 0  
x dw 0x1122  
y dw 0x3344
```

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

01-04-2011 15:59

Правильно 😊

[\[Ответить\]](#)

annihilator

16-04-2011 16:51

Не могу понять, MUL работает только с регистрами AX и CX ?

У меня не получается заставить его работать с другими регистрами.

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

16-04-2011 16:58

Первый операнд должен быть в AL или AX (используется неявно)

Второй может быть в любом регистре или в памяти.

MUL BH ; AX = AL \* BH

MUL SI ; DX:AX = AX \* SI

[\[Ответить\]](#)

annihilator

16-04-2011 17:06

Почему при команде

mul cx

обнуляется значение регистра DX ?

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

16-04-2011 17:48

В DX записывается старшая часть произведения. Умножаешь 16×16 бит — в результате получается 32 бита.

[\[Ответить\]](#)

stud

25-04-2011 13:05

Если есть возможность. напишите программу с действиями 2-х байтных чисел. ADUC 812

XZ+2+XY-4X

[\[Ответить\]](#)

stud

26-04-2011 06:34

извините ошибся даже не 2 байтных , а 1 байтных чисел.

[\[Ответить\]](#)

Zipfer

18-05-2011 01:33

Не знаю как других, а меня сильно сбило, в плане понимания, вот эта строка

mov ch,0 ;Преобразуем t в слово в регистре CX

Я долго сидел и втыкал для чего это нужно. Если бы я знал что в след главе будет об этом рассказано (:

Еще, меня запутала запись, где вначале идет умножение, а только потом возведение в квадрат:

mul cx ;DX:AX = AX\*CX = a\*(t^2)

я никак не мог понять, как же так происходит, когда числа были умножены, а возведение происходит потом

[\[Ответить\]](#)

[xrnd](#)

19-05-2011 16:51

В CL находится t.

Сначала умножается AL на CL, потом ещё раз на CX.

CH обнуляется, поэтому получается 2 раза умножение на t 😊

Не очень понятно получилось, но ты же разобрался ? 😊

[\[Ответить\]](#)

Faltek

20-05-2011 23:01

Добрый день. Есть 1 проблемка: с умножением все понятно, а что делать с 32 разрядным делением? Можете написать алгоритм, пожалуйста?

[\[Ответить\]](#)

## Ваш комментарий

Имя \*

Почта (скрыта) \*

Сайт

**Добавить**

☐ Уведомить меня о новых комментариях по email.

☐ Уведомлять меня о новых записях почтой.