## Математическая модель изменения температуры топлива

Уравнение теплового баланса для средней температуры топлива имеет вид:

$$C_T V_T \rho_T \frac{\alpha T_T}{dt} = W(t) - \alpha F_T (T_T - \bar{T})$$

 $\Gamma$ де  $C_T$  – теплоемкость топлива,  $\frac{Дж}{кг$  град

 $V_T$  – объём топлива, м<sup>3</sup>

 $ho_T$  — плотность топлива,  $rac{\kappa \Gamma}{{
m M}^3}$ 

 $\alpha$  – коэффициент теплопередачи от топлива к теплоносителю,  $\frac{M^2}{\Gamma P A A}$ 

 $T_T$  – температура топлива, °С

 $F_T$  — поверхность теплопередачи от твэлов к теплоносителю, м $^2$ 

W (t) – тепловая мощность реактора в момент времени t, Вт

 $\bar{T}$  – средняя температура, определяемая по формуле

$$\bar{T} = \frac{(T_1 + T_2)}{2}$$

где  $T_1$  – температура на вход в активную зону, °С

 $T_2$  – температура на выход из активной зоны, °C

Уравнение баланса отображает тот факт, что разность между количеством тепла, выделяемом в топливе W и переданном теплоносителю первого контура  $\alpha F_T(T_T - \overline{T})$  обуславливает изменение температуры топлива.

## Математическая модель изменения средней температуры теплоносителя первого контура

Уравнение теплового баланса для средней температуры теплоносителя 1-го контура имеет вид:

$$C_{\mathsf{x}}\rho_{\mathsf{x}}V_{\mathsf{x}}\frac{\alpha \overline{T}}{dt} = \alpha F(T_T - \overline{T}) - \frac{C_{\mathsf{x}}\rho_{\mathsf{x}}V_{\mathsf{x}}}{\tau_0}(T_2 - T_1)$$

Где  $C_{\mathrm{ж}}$  – теплоемкость воды при рабочих параметрах,  $\frac{\mathrm{Дж}}{\mathrm{кr}\,\mathrm{град}}$ 

 $ho_{\mathbbm{k}}$  – плотность воды при рабочих параметрах,  $\frac{\kappa\Gamma}{\mathbb{M}^3}$ 

 $V_{\rm m}$  – объём теплоносителя в активной зоне реактора, м<sup>3</sup>

 $\alpha$  — коэффициент теплопередачи от топлива к теплоносителю,  $\frac{{\sf M}^2}{{\sf град}}$ 

 $au_0$  – среднее время прохождения теплоносителя через реактор, с

 $T_T$  — температура топлива, °С

 $\overline{T}$  — средняя температура, определяемая по формуле

$$\bar{T} = \frac{(T_1 + T_2)}{2}$$

где  $T_1$  – температура на вход в активную зону, °С

 $T_2$  – температура на выход из активной зоны, °C

## Динамика температур топлива и теплоносителя

Переименуем константы. Получим, что:

1) 
$$C_1 = C_T V_T \rho_T \alpha$$

2) 
$$C_2 = C_{\mathfrak{m}} V_{\mathfrak{m}} \rho_{\mathfrak{m}} \alpha$$

3) 
$$C_3 = \frac{C_{\text{m}} \rho_{\text{m}} V_{\text{m}}}{\tau_0}$$

Система уравнений будет иметь следующий вид:

$$\begin{cases} C_1 \frac{dT_T}{dt} = W(t) - \alpha F_T(T_T - \bar{T}) \\ C_2 \frac{d\bar{T}}{dt} = \alpha F(T_T - \bar{T}) - C_3(T_2 - T_1) \end{cases}$$
 (1)

Запишем среднюю температуру  $\bar{T}$  через  $T_1$  и  $T_2$ :

$$\begin{cases}
C_1 \frac{dT_T}{dt} = W(t) - \alpha F_T (T_T - \frac{T_1 + T_2}{2}) \\
C_2 \frac{d\frac{T_1 + T_2}{2}}{dt} = \alpha F_T \left( T_T - \frac{T_1 + T_2}{2} \right) - C_3 (T_2 - T_1)
\end{cases} (2)$$

Для дальнейших выводов будем пользоваться такими уравнениями для W(t),  $T_T(t)$ ,  $T_2(t)$  и  $T_1(t)$ :

$$\begin{cases} W(t) = W_0 + \delta W(t) \\ T_T(t) = T_{T0} + \delta T_T(t) \\ T_2(t) = T_{20} + \delta T_2(t) \\ T_1(t) = T_{10} + \delta T_1(t) \end{cases}$$
(3)

Рассмотрим стационарное состояние:

$$\begin{cases}
0 = W_0 - \alpha F_T (T_{T0} - \frac{T_{10} + T_{20}}{2}) \\
0 = \alpha F_T \left( T_{T0} - \frac{T_{10} + T_{20}}{2} \right) - C_3 (T_{20} - T_{10})
\end{cases}$$
(4)

В 1 уравнение системы (2) подставим уравнения (3):

$$C_{1}\frac{d}{dt}(T_{T0} + \delta T_{T}) = W_{0} + \delta W - \alpha F_{T}(T_{T0} + \delta T_{T} - \frac{T_{10} + \delta T_{1} + T_{20} + \delta T_{2}}{2})$$

Из 1 уравнения стационарного состояния (4) выделенные переменные равны нулю.

$$C_{1}\frac{d}{dt}(T_{T0} + \delta T_{T0}) = W_{0} + \delta W - \alpha F_{T}(T_{T0} + \delta T_{T} - \frac{T_{10} + \delta T_{1} + T_{20} + \delta T_{2}}{2})$$

Примем во внимание, что  $\frac{dT_{T0}}{dt} = 0$  . Тогда от уравнения останется:

$$C_1 \frac{d\delta T_{T0}}{dt} = \delta W - \alpha F_T (\delta T_T - \frac{\delta T_1 + \delta T_2}{2})$$

Теперь проведем такие же операции с 2 уравнением системы (2). Подставим в него уравнения (3). Учтем, что  $T_{10}(t)=0$ :

$$C_2 \frac{d \frac{\delta T_2}{2}}{dt} = \alpha F_T \left( T_{T0} + \delta T_{T0} - \frac{T_{10} + \delta T_1 + T_{20} + \delta T_2}{2} \right) - C_3 (T_{20} + \delta T_2 - T_{10} + \delta T_1)$$

Из 2 уравнения стационарного состояния выделенные переменные равны нулю. От уравнения останется:

$$C_2 \frac{d \frac{\delta T_2}{2}}{dt} = \alpha F_T \left( \delta T_{T0} - \frac{\delta T_1 + \delta T_2}{2} \right) - C_3 \delta T_2$$

Итак, получилось 2 уравнения:

$$\begin{cases} C_1 \frac{d\delta T_T}{dt} = \delta W - \alpha F_T (\delta T_T - \frac{\delta T_1 + \delta T_2}{2}) \\ C_2 \frac{d\frac{\delta T_2}{2}}{dt} = \alpha F_T \left( \delta T_{T0} - \frac{\delta T_1 + \delta T_2}{2} \right) - C_3 \delta T_2 \end{cases}$$

Данная система решается методом Ронге Кутты 4 порядка.