## ВЕЖБЕ 6

## -Рекурентне релације-

1. Наћи општа решења рекурентних релација

a) 
$$f_{n+2} - 7f_{n+1} + 12f_n = 0, n \ge 0$$

$$f_n + 3f_{n-1} - 10f_{n-2} = 0, \ n \ge 2$$

$$g(s) f_{n+2} - 4f_{n+1} + 13f_n = 0, n \ge 0$$

$$f_{n+2} + 6f_{n+1} + 9f_n = 0, n \ge 0$$

$$\partial f_{n+3} + 3f_{n+2} + 3f_{n+1} + f_n = 0, \ n \ge 0$$

$$\hbar$$
)  $f_{n+4} + 4f_n = 0, n > 0$ 

2. Решити рекурентне релације

$$a) \ f_n = 5f_{n-1} - 6f_{n-2}, \ n \ge 2$$
 ако је  $f_0 = 1$  и  $f_1 = 1$ 

б) 
$$f_n = 6f_{n-1} - 9f_{n-2}$$
,  $n \ge 2$  ако је  $f_0 = f_1 = 2$ 

$$e)\ f_n=5f_{n-1}-6f_{n-2}-4f_{n-3}+8f_{n-4},\ n\geq 4$$
ако је  $f_0=1,f_1=8,f_2=12$  и  $f_3=38$ 

г) 
$$f_{n+3}=4f_{n+2}-f_{n+1}-6f_n,\ n\geq 0$$
 ако је  $f_0=1,f_1=2$  и  $f_2=4$  (домаћи)

3. Решити систем рекурентних релација

$$f_{n+1} = 2f_n - g_n$$
$$q_{n+1} = f_n + 4q_n$$

уз почетне услове  $f_0 = 2, g_0 = 1.$ 

- 4. Наћи опште решење једначине  $a_{n+2}^2 = 5a_{n+1}^2 4a_n^2, \ n \ge 0.$
- 5. Ако се зна да су сви чланови низа  $a_n$  почев од  $a_2$  различити решити

$$a) \ a_{n+2} = \frac{a_{n+1}^3}{a_n^2}, \ n \ge 0, \ \text{ако je } a_0 = 1 \ \text{и} \ a_1 = 2$$

$$\delta$$
)  $a_n=a_{n-1}a_{n-2}^2,\ n\geq 2,$  ако је  $a_0=a_1=2.$  (домаћи)

- 6. Наћи општу формулу за следећи низ  $a_{n+2}-4a_{n+1}+4a_n=2^n,\ n\geq 0,$  где је  $a_0=a_1=0.$
- 7. Правоугаоник величине  $2 \times n$  издељен је на 2n једнаких квадрата. На располагању имамо домине правоугаоног облика  $2 \times 1$  и  $2 \times 2$ . На колико начина се цео правоугаоник  $2 \times n$  може прекрити са овим доминама?
- 8. Колико има речи дужине n над азбуком  $A = \{1, 2, 3\}$  у којима се не појављује подреч 11?
- 9.\* Колико има речи дужине n над азбуком  $\{0,1,2\}$  које садрже паран број нула?