

FEUILLE 7 (★ ★ ★)

Exercice :

Soit u une suite de réels positifs telle que

$$\forall n, m \in \mathbb{N} \quad u_{n+m} \leq u_n + u_m$$

Montrer que la suite $\left(\frac{u_n}{n}\right)_{n \geq 1}$ converge vers

$$l = \inf \left\{ \frac{u_n}{n} : n \in \mathbb{N}^* \right\}$$