Variables muettes

Exercice 3.1 (*) Calculer les primitives des fonctions suivantes

1.
$$x \mapsto e^x \cos(x)$$

$$2. x \mapsto \sqrt{e^x - 1}$$

$$3. \ x \mapsto x\sqrt[3]{1+x}$$

Exercice 3.2 (*)

Trouver les couples $(a,b) \in \mathbb{R}^2$ tels que l'équation

$$y" + ay' + by = 0$$

admet une unique solution sur $\mathbb R$ de la $\$ admet une unique solution sur $\mathbb R$ de la forme $x \mapsto e^{\alpha x}$ avec $\alpha \in \mathbb{R}$

Exercice 3.2 (*)

Trouver les couples $(a,b) \in \mathbb{R}^2$ tels que l'équation

$$y" + ay' + by = 0$$

forme $x \mapsto e^{\alpha x}$ avec $\alpha \in \mathbb{R}$