Exercice 1 - Pôles simples

Décomposer en éléments simples les fractions rationnelles suivantes :

$$1. \quad \frac{1}{X^3 - X}$$

1.
$$\frac{1}{X^3 - X}$$
 2. $\frac{X^3}{(X-1)(X-2)(X-3)}$

EXERCICE 2 - Tous les cas possibles

Décomposer sur $\mathbb R$ les fractions rationnelles suivantes :

1.
$$\frac{X^2 + 2X + 5}{X^2 - 3X + 2}$$

1.
$$\frac{X^2 + 2X + 5}{X^2 - 3X + 2}$$
 2. $\frac{X^2 + 3X + 1}{(X - 1)^2(X - 2)}$ 3. $\frac{1}{X^4 - 1}$

3.
$$\frac{1}{X^4-1}$$

Exercice 3 - Pôles multiples

Décomposer en éléments simples les fractions rationnelles suivantes :

1.
$$\frac{2X^2+1}{(X^2-1)^2}$$
 2. $\frac{X^3+1}{(X-1)^3}$

2.
$$\frac{X^3+1}{(X-1)^3}$$

Exercice 4 - Pôle multiple et facteur irréductible de degré 2

Décomposer en éléments simples sur $\mathbb R$ la fraction rationnelle suivante :

$$\frac{X^4+1}{(X+1)^2(X^2+1)}$$

Cette feuille d'exercices a été conçue à l'aide du site https://www.bibmath.net