



Universidad Tecnológica Nacional  
Facultad Regional Córdoba

Paradigmas de Programación

**UNIDAD NRO. 4**  
PARADIGMA FUNCIONAL  
(PARTE II)

# CONTENIDOS ABORDADOS

- Repaso
- Sintaxis de Haskell (Continuación)
  - Definiciones locales: expresiones `let` y `where`.
  - Disposición de código: `Layout`
- Expresiones recursivas
- Tipos compuestos: listas

# BLOQUE 1: REPASO



# PARADIGMA FUNCIONAL

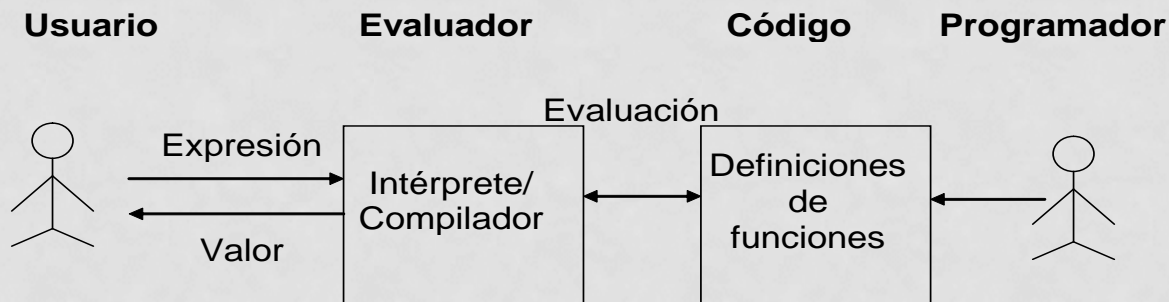
- El paradigma funcional es un paradigma declarativo que se basa en un modelo matemático de **composición de funciones**. Ejemplos:

`doble(doble(5))=20`

`doble(mayor(5,20))=40`

- Lenguajes asociados: Lisp, ML, **Haskell** entre otros.

**Funciones + Control = programa**



# SINTAXIS DE HASKELL

- **Tipos de datos: Primitivos:** Int, Integer, String, Char y Bool.
- **Conectores Lógicos:** **&&** (and), **||** (or), **/=** (distinto) y **not** (negación). Actúan en forma corto circuitada como en Python.
- Los **operadores** son funciones que se escriben entre sus dos argumentos en lugar de precederlos. Esta notación se llama infija de un operador. Ejemplo `3 <= 4`.
- Cuando se utilizan símbolos de operadores debe tenerse en cuenta:
  - La **precedencia**
  - La **asociatividad**

# SINTAXIS DE HASKELL

- **Operadores:**

- **La precedencia:** Por ejemplo: “ $2 * 3 + 4$ ” podría interpretarse como “ $(2 * 3) + 4$ ” o como “ $2 * (3 + 4)$ ”
- Cada operador tiene asignado un valor de precedencia (un entero entre 0 y 9). En el ejemplo anterior se comparan los valores de precedencia (en este caso  $(+)$  y  $(*)$  tienen el valor 6 y 7 lo que efectúa primero la multiplicación).
- **La asociatividad:** en el caso de tener operadores con el mismo nivel de precedencia. Ejemplo: “ $1 - 2 - 3$ ” puede ser considerado como “ $(1 - 2) - 3$ ” resultando -4 o como “ $1 - (2 - 3)$ ” resultando 2. La regla de asociatividad que aplica Haskell es Asociatividad a izquierda=> “ $(1 - 2) - 3$ ” => 4

```
9: .
8: **
7: *, /, `div`, `mod`
6: +, -
5: ++, :
4: ==, /=, <, <=, >, >=
3: &&
2: ||
1: >>, >>=
```

← Valor de  
precedencia  
en Haskell



# SINTAXIS DE HASKELL

## Operadores:

- **Operadores relacionales:**  $\geq$ ,  $\leq$ ,  $<$ ,  $>$ ,  $==$  (igualdad).
- **Operadores aritméticos:**  $+$ ,  $*$ ,  $/$  (división no entera),  $^$  potencia.

# FUNCIONES EN HASKELL

Sintaxis:

- **Definición de signatura:** La definición de tipo de una función, donde se especifican los tipos de los datos de entrada y salida que posee la función;
- **Implementación del cuerpo de la función:** Se especifica la descripción de la función para transformar los datos de entrada en los datos de salida.

```
nombre_funcion::tipo_argumento->tipo_resultado  
nombre_funcion nombre_argumento=<implementacion>
```



# FUNCIONES EN HASKELL

Ejemplo:

- **Función parcializada (curried):**

`suma::Integer -> Integer -> Integer`

`suma x y = x + y`

La invocación : `suma 2 5 ==> 7`

- **Función no parcializada (uncurried):**

`suma ::(Integer, Integer) -> Integer`

`suma (x, y) = x + y`

La invocación : `suma (2,5) ==> 7`

# MECANISMOS DE CONTROL HASKELL

Los mecanismos de **selección** se realizan mediante expresiones como:

- **Guardas:**

```
absoluto :: Integer -> Integer
absoluto x | x >= 0 = x
           | x < 0 = -x
```

- **If then else:**

```
maxEnt :: Integer -> Integer -> Integer
maxEnt x y = if x >= y then x else y
```

- **Case:**

```
paridad :: Int -> String
paridad x = case (x `mod` 2) of
              0 -> "par"
              1 -> "impar"
```

No brinda expresiones **iterativas**, una alternativa es la utilización de **recursividad**.

# BLOQUE 2: HASKELL (PARTE II)



# DEFINICIONES LOCALES

## Expresiones Let.

- Las expresiones **let** de Haskell **son útiles cuando se requiere un conjunto de declaraciones locales**. Se introducen en un punto arbitrario de una expresión utilizando una expresión de la forma:

**let <decls> in <expr>**

Ejemplo con una **declaración**:

```
Hugs> let x = 1 + 4 in x*x + 3*x + 1  
41 :: Integer
```

Ejemplo con una **función**:

```
sumaLet::Int -> Int -> Int  
sumaLet x y = let z = 2 in z + x + y
```

# DEFINICIONES LOCALES

## Expresiones Where

- En algunos casos es conveniente establecer declaraciones locales en una ecuación con varias con guardas, lo que podemos obtener a través de una *cláusula where*:

$$\begin{array}{lcl} f\ x\ y & | & y > z \\ & | & y == z \\ & | & y < z \\ & \text{where } z = x * x & \end{array} \quad \begin{array}{l} = \dots \\ = \dots \\ = \dots \end{array}$$

# DEFINICIONES LOCALES

## Expresiones Where Ejemplo

comparaCuadrado::Integer -> Integer -> String

```
comparaCuadrado x y | y>z = "el 2º es mayor que el cuadrado del 1º"  
                   | y==z = "el 2º es igual que el cuadrado del 1º"  
                   | y<z  = "el 2º es menor que el cuadrado del 1º"  
                   where z = x*x
```

Si evaluamos:

```
Main> comparaCuadrado 5 3
```

```
"el 2º es menor que el cuadrado del 1º" :: [Char]
```



# DISPOSICIÓN DE CÓDIGO: LAYOUT

- Para marcar el final de una ecuación, una declaración, etc. se utiliza una sintaxis bidimensional denominada *espaciado* (**layout**) que se basa esencialmente en que las declaraciones están alineadas por columnas.

## Reglas :

- El siguiente carácter de cualquiera de las palabras claves (**where, let, o case of**) es el que determina la columna de comienzo de declaraciones en las expresiones where, let, o case correspondientes.
- Es necesario asegurarse que la columna de comienzo dentro de una declaración está más a la derecha que la columna de comienzo de la siguiente cláusula.

# DISPOSICIÓN DE CÓDIGO: LAYOUT

Ejemplos:

--usando layout

ejemplo1::Int

ejemplo1 = (a + a)

where a = 6 --asigna el valor 6

ejemplo2::Int

ejemplo2 = (a + b)

where

a = 6

b = 5

# DISPOSICIÓN DE CÓDIGO: LAYOUT

Ejemplos:

--no usando layout-**Incorrecto!!**

ejemplo2::Int

ejemplo2 = (a + b)

where

a = 6

b = 5

La definición de la expresión anterior nos da el siguiente error:

**ERROR file:. \prueba.hs:27 - Syntax error in input (unexpected `=')**

## BLOQUE 3: RECURSIÓN Y LISTAS



# EXPRESIONES RECURSIVAS

- La recursión es una herramienta poderosa y usada muy frecuentemente en los programas en Haskell.
- Una expresión es recursiva cuando su evaluación (en ciertos argumentos) involucra el llamado a la misma expresión que se esta definiendo. En la definición recursiva, es necesario considerar dos momentos de evaluación:
  - **Evaluación del caso Básico:** Momento en que se detiene el proceso de evaluación, se obtiene una valorización de la expresión.
  - **Evaluación Recursiva:** Se evalúa la expresión actual, efectuando evaluaciones a si misma, hasta obtener la valorización de la expresión.

# EXPRESIONES RECURSIVAS

Ejemplo de la **función factorial**:

- 1. Utiliza una sola expresión, en donde la evaluación del caso básico y la evaluación recursiva están en una expresión if-then-else:  
factorial:: Integer -> Integer  
factorial n = if n==0 then 1 else n \* factorial(n-1)
- 2. Utiliza dos expresiones, una para evaluar el caso básico y la otra para hacer la evaluación recursiva:  
factorial::Integer -> Integer  
factorial 0 = 1  
factorial n | n > 0 = n \* factorial (n-1)



# TIPOS DE DATOS COMPUESTOS

- Los tipos *compuestos*, son aquellos cuyos valores se construyen utilizando otros tipos, por ejemplo: listas, funciones y tuplas.
- A continuación describiremos:
  - **Listas**

# LISTAS EN HASKELL

- Una lista **es una colección de cero o más elementos todos del mismo tipo.**
- **Definición general:** Si  $v_1, v_2, \dots, v_n$  son valores con tipo  $t$ , entonces una forma de sintaxis es usando el operador “:” . Ejemplo: **1:2:3:[]**. Otra forma sintáctica es: **[1,2,3]**
- **Definición recursiva:** Una lista está compuesta por una cabeza y una cola que es una lista compuesta por los elementos restantes.
  - Lista vacía se denota con `[]`.
  - El operador `(:)` permite dividir cabeza y cola: `(x:xs)`

# LISTAS EN HASKELL

- **Ejemplos:**

<code>[False,True] :: [Bool]</code>	<code>--elementos booleanos</code>
<code>[1,2,3]:: [Int]</code>	<code>--elementos enteros</code>
<code>['a', 'a', 'a'] :: [Char]</code>	<code>--elementos char,</code>
<code>[[1,2,3], [4], [5,6]]:: [[Int]]</code>	<code>--listas de enteros</code>
<code>["uno","dos"] :: [[Char]]</code>	<code>--elementos listas de char o</code>
	<code>-- String</code>

El tipo `String` es sinónimo de `[Char]`, y las listas de este tipo se pueden escribir entre comillas: `"uno"` es lo mismo que `['u', 'n', 'o']`.

# LISTAS EN HASKELL. FUNCIONES ÚTILES

Función	Utilidad	Ejemplo
take n xs	Devuelve los “n” primeros elementos de xs.	Hugs> take 2 [1,2,3] <b>[1,2]</b>
drop n xs	Devuelve el resultado de sacarle a xs los primeros “n” elementos.	Hugs> drop 2 [1,2,3] <b>[3]</b>
head xs	Devuelve el primer elemento de la lista.	Hugs> head [1,2,3] <b>1</b>
tail xs	Devuelve toda la lista menos el primer elemento.	Hugs> tail [1,2,3] <b>[2,3]</b>
last xs	Devuelve el último elemento de la lista.	Hugs> last [1,2,3] <b>3</b>
init xs	Devuelve toda la lista menos el último elemento.	Hugs> init [1,2,3] <b>[1,2]</b>

# LISTAS EN HASKELL. FUNCIONES ÚTILES

Función	Utilidad	Ejemplo
<code>xs ++ ys</code>	Concatena ambas listas.	Hugs> [1,2,3]++[4,5,6] <b>[1,2,3,4,5,6]</b>
<code>xs !! n</code>	Devuelve el n-ésimo elemento de xs.	Hugs> [1,2,3]!!2 <b>3</b>
<code>elem x xs</code>	Determina si "x" es un elemento de xs.	Hugs> elem 2 [1,2,3] <b>True</b>
<code>length xs</code>	Determina la cantidad de elementos de una xs.	Hugs> length [1,2,3] <b>3</b>

# LISTAS: FUNCIONES PROPIAS

## 1. Retorna una lista de enteros:

```
lista:: [Integer]
```

```
lista = [1,2,3]
```

```
Main> lista
```

```
[1,2,3] :: [Int]
```

## 2. Retorna la cabeza de una lista:

```
cabeza:: [Integer] -> Integer
```

```
cabeza (x:_) = x
```

Utiliza variable anónima, porque no necesita evaluar la cola



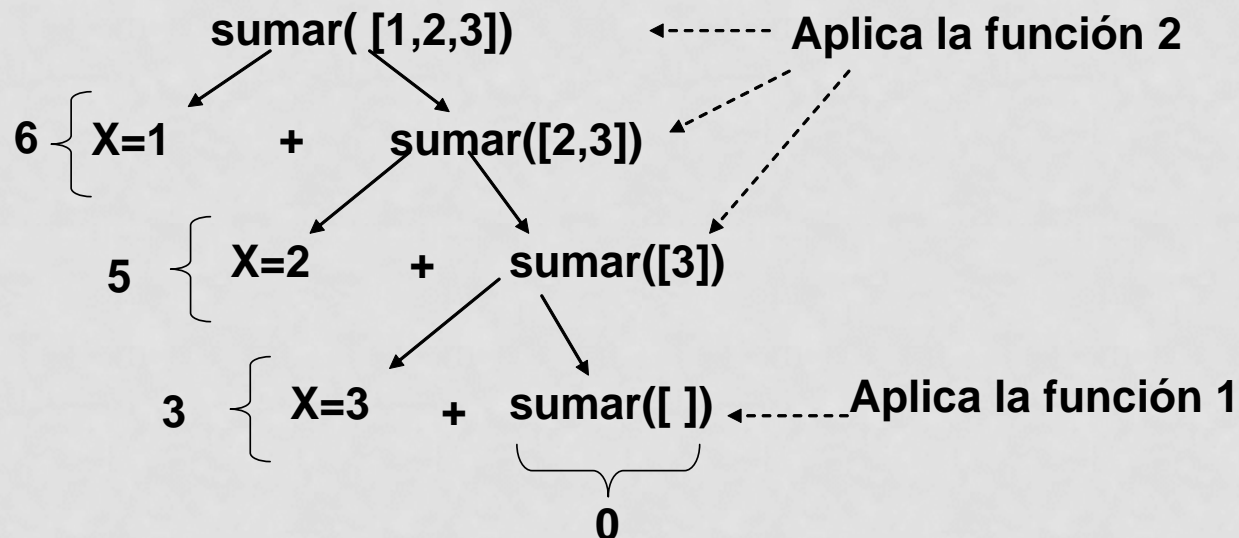
# LISTAS: FUNCIONES PROPIAS

## 3. Con una lista de enteros retornar la suma de todos los elementos:

`sumar :: [Integer] -> Integer`

`sumar [] = 0`

`sumar (x : xs) = x + sumar xs`



# LISTAS: FUNCIONES PROPIAS

## 4. Con una lista de enteros retornar la cantidad de elementos:

```
contar:: [Integer] -> Integer  
contar [] = 0  
contar (x : xs) = 1 + contar xs
```

## 5. Con una lista de enteros mostrar sus elementos:

```
mostrar:: [Integer] -> String  
mostrar [] = ""  
mostrar (x : xs) = show(x) ++ "" ++ mostrar xs
```

# LISTAS: FUNCIONES PROPIAS

6. A partir de una lista de números enteros, mostrar en una cadena los números que sean pares:

```
pares:: [Integer] -> String
```

```
pares [] = " "
```

```
pares (x : xs) = if even x then show(x)++ " " ++ pares xs  
                  else pares xs
```

# LISTAS: FUNCIONES PROPIAS

7. **Generar una lista de números descendentes, a partir de un valor inicial, el proceso termina cuando el numero sea 0:**

**Usando el operador : para generar la lista.**

```
generarLista :: Integer -> [Integer]
```

```
generarLista 0 = []
```

```
generarLista num = num : generarLista (num - 1)
```

**Usando el operador ++ para generar la lista.**

```
generarLista 0 = []
```

```
generarLista num = [num] ++ generarLista (num - 1)
```

# ENCAJE DE PATRONES: PATTERN-MATCHING

- Es el proceso que evalúa los argumentos de una función, que está definida mediante más de una ecuación, para determinar cuál es la ecuación a aplicar.
- Un patrón es una expresión como argumento en una ecuación.
- Es posible definir una función dando más de una ecuación para ésta.
- Al aplicar la función a un parámetro concreto la comparación de patrones determina la ecuación a utilizar.
- Por ejemplo:

`fact 0 = 1`

`fact n = n * fact (n-1)`

# ENCAJE DE PATRONES: PATTERN-MATCHING

## Reglas para la comparación de patrones

- Se comprueban los patrones correspondientes a las distintas ecuaciones en el orden dado por el programa, hasta que se encuentre una que unifique.
- Dentro de una misma ecuación se intentan unificar los patrones correspondientes a los argumentos de izquierda a derecha.
- En cuanto un patrón falla para un argumento, se pasa a la siguiente ecuación.



# ENCAJE DE PATRONES: PATTERN-MATCHING

Ejemplo:

```
length      :: [a] -> Integer
length []   = 0
length (x:xs) = 1 + length xs
```

- El patrón `[]` "concuerda" (matches) o puede emparejarse con la lista vacía.
- El patrón `x:xs.` se podrá emparejar con una lista de al menos un elemento, instanciándose `x` a este primer elemento y `xs` al resto de la lista.
- Si la comparación tiene éxito, el miembro izquierdo es evaluado y devuelto como resultado de la aplicación. Si falla, se intenta la siguiente ecuación, y si todas fallan, el resultado es un error.