



UNIVERSIDADE FEDERAL RURAL DE PERNAMBUCO  
PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM BIOMETRIA E ESTATÍSTICA

**Alunos**

Gleyce Alves Pereira da Silva  
Ivanildo Batista da Silva Júnior  
Jaine de Moura Carvalho  
Taciana Araújo da Silva

**Professor**

Dr. Lucian Bogdan Bejan

**Resolução da sétima lista de Estatística Aplicada**

Recife-PE, 28 de maio de 2021

# Sumário

<b>1</b>	<b>Questão 1</b>	<b>1</b>
1.1	Resolução da questão 1	1
1.1.1	letra a)	1
1.1.2	letra b)	1
1.1.3	letra c)	2
<b>2</b>	<b>Questão 2</b>	<b>3</b>
2.1	Resolução da questão 2	3
<b>3</b>	<b>Questão 3</b>	<b>4</b>
3.1	Resolução da questão 3	4
3.1.1	letra a)	4
3.1.2	letra b)	4
<b>4</b>	<b>Questão 4</b>	<b>5</b>
4.1	Resolução da questão 4	5
4.1.1	letra a)	5
4.1.2	letra b)	5
<b>5</b>	<b>Questão 5</b>	<b>7</b>
5.1	Resolução da questão 5	7
5.1.1	letra a)	7
5.1.2	letra b)	7
5.1.3	letra c)	8

## 1 Questão 1

De 50.000 válvulas fabricadas por uma companhia retira-se uma amostra de 400 válvulas, e obtém-se a vida média de 800 horas e o desvio padrão de 100 horas.

- (a) Qual o intervalo de confiança de 99% para a vida média da população ?
- (b) Com que confiança dir-se-ia que a vida média é  $800 \pm 0.98$  ?
- (c) Que tamanho deve ter a amostra para que seja de 95% a confiança na estimativa  $800 \pm 7.84$  ?

(Que suposições você fez para responder às questões acima?)

### 1.1 Resolução da questão 1

#### 1.1.1 letra a)

Criando uma função para calcular o intervalo de confiança a 99%.

```
IC <- function(x, sd, n, nc){
  c(round(x - qnorm((1 - nc/2), mean=0, sd=1)*sd/(sqrt(n)),3),
    round(x + qnorm((1 - nc/2), mean=0, sd=1)*sd/(sqrt(n)),3))
}
```

Aplicando a função para calcular o intervalo de confiança. A função irá retornar um vetor com o limite inferior e limite superior, respectivamente.

```
IC(800,100,400,0.01)
```

```
## [1] 787.121 812.879
```

#### 1.1.2 letra b)

Criando uma função para calcular a confiança.

```
qnormal = 0.98
nc = function(qnormal,n,sd){
  qnormal*(sqrt(n))/sd
}
```

Aplicando a função para calcular a confiança.

```
# e inserir o resultado em na função pnorm
#como o resultado é bicaudal, temos que multiplicá-lo por 2
#e por fim o resultado será subtraído de 1
round(1-(pnorm(qc(qnormal, 400,100), lower.tail=FALSE)*2),4)

## [1] 0.1554
```

A confiança é de **15.54%**.

### 1.1.3 letra c)

Criando uma função para calcular a amostra.

```
tamanho_amostrai <- function(nc,sd, ic){
  ((qnorm(1 - nc/2)*sd)/ic)^2
}
```

Aplicando a função para calcular o tamanho da amostra para que seja de 95% a confiança na estimativa  $800 \pm 7.84$

```
round(tamanho_amostrai(0.05, 100,7.84),1)

## [1] 625
```

O valor da amostra deve ser de **625**.

## 2 Questão 2

Uma amostra aleatória de 625 donas de casa revela que 70% delas preferem a marca A de detergente. Construir um intervalo de confiança para  $p$  = proporção das donas de casa que preferem A com c.c.  $\gamma = 90\%$ .

### 2.1 Resolução da questão 2

Criando uma função para calcular o intervalo de confiança a 90%.

```
intervalo_proporcao = function(cc,p,n){
  c(p - qnorm(1-((1-cc)/2))*sqrt(p*(1-p)/n),
    p + qnorm(1-((1-cc)/2))*sqrt(p*(1-p)/n))
}
```

Aplicando a função que retornará um vetor com o limite inferior e limite superior.

```
round(intervalo_proporcao(0.9,0.7,625),2)
```

```
## [1] 0.67 0.73
```

Criando uma função para calcular o intervalo de confiança conservador a 90%.

```
intervalo_conservador = function(cc,p,n){
  c(p - qnorm(1-((1-cc)/2))*sqrt(1/(4*n)),
    p + qnorm(1-((1-cc)/2))*sqrt(1/(4*n)))
}
```

Aplicando a função que retornará um vetor com o limite inferior e limite superior do intervalo de confiança conservador a 90%.

```
round(intervalo_conservador(0.9,0.7,625),3)
```

```
## [1] 0.667 0.733
```

### 3 Questão 3

Antes de uma eleição, um determinado partido está interessado em estimar a proporção  $p$  de eleitores favoráveis ao seu candidato. Uma amostra piloto de tamanho 100 revelou que 60% dos eleitores eram favoráveis ao candidato em questão.

- Determine o tamanho da amostra necessário para que o erro cometido na estimação seja de, no máximo, 0.01 com probabilidade de 80%.
- Se na amostra final, com tamanho igual ao obtido em (a), observou-se que 55% dos eleitores eram favoráveis ao candidato em questão, construa um intervalo de confiança para a proporção  $p$ . Utilize  $\gamma = 0,95$ .

#### 3.1 Resolução da questão 3

##### 3.1.1 letra a)

Criando uma função para calcular o tamanho da amostra.

```
tamanho_amostral2 <- function(nc,erro,p) {
  ((qnorm(1-((1-nc)/2)))/erro)^2*p*(1-p)
}
```

Aplicando a função

```
#arredondando para um valor inteiro
round(tamanho_amostral2(0.8,0.01,0.6),0)
```

```
## [1] 3942
```

São cerca de **3942** observações.

##### 3.1.2 letra b)

Calculando o intervalo de confiança com a função criada na questão 2.

```
n=tamanho_amostral2(0.8,0.01,0.6)

round(intervalo_proporcao(0.95, 0.55,n),3)
```

```
## [1] 0.534 0.566
```

## 4 Questão 4

Suponha que estejamos interessados em estimar a proporção de consumidores de um certo produto. Se a amostra de tamanho 300 forneceu 100 indivíduos que consomem o dado produto, determine:

- o intervalo de confiança para  $p$ , com coeficiente de confiança de 95% (interprete o resultado);
- o tamanho da amostra para que o erro da estimativa não exceda a 0.02 unidades com probabilidade de 95% (interprete o resultado).

### 4.1 Resolução da questão 4

Na resolução dessas questões usaremos as funções criadas nas questões anteriores.

#### 4.1.1 letra a)

Intervalo de confiança e intervalo de confiança conservador.

```
#intervalo de confiança
round(intervalo_proporcao(0.95, (100/300), 300), 3)
```

```
## [1] 0.280 0.387
```

```
#intervalo de confiança conservador
round(intervalo_conservador(0.95, (100/300), 300), 3)
```

```
## [1] 0.277 0.390
```

**Interpretação:** se constrirmos um grande número de intervalos aleatórios para  $p$ , todos baseados em amostras de tamanho  $n$ , em 95% desses intervalos encontraríamos o valor do parâmetro  $p$ .

#### 4.1.2 letra b)

Calculando o tamanho da amostra.

```
#arredondando para um valor inteiro
round(tamanho_amostral2(0.95, 0.02, (100/300)), 0)
```

```
## [1] 2134
```

Calculando para um número de indivíduos igual a 150 temos o valor máximo de  $p$ , que é 0.25

$$\frac{150}{300} \cdot \frac{150}{300}.$$

```
round(tamanho_amostra12(0.95,0.02,(150/300)),0)
```

```
## [1] 2401
```

**Interpretação :** Com tamanho da amostra, em 95% das vezes que estimarmos um intervalo de confiança proporção amostral terá uma diferença do verdadeiro valor de  $p$  por menos que 2%.



## 5 Questão 5

Numa pesquisa de mercado para estudar a preferência da população de uma cidade em relação a um determinado produto, colheu-se uma amostra aleatória de 300 indivíduos, dos quais 180 preferiam esse produto.

- Determine um intervalo de confiança para a proporção da população que prefere o produto em estudo; tome  $\gamma = 0.90$ .
- Determine a probabilidade de que a estimativa pontual dessa proporção não difira do verdadeiro valor em mais de 0.001.
- É possível obter uma estimativa pontual dessa proporção que não difira do valor verdadeiro em mais de 0,0005 com probabilidade 0.95? Caso contrário, determine o que deve ser feito.

### 5.1 Resolução da questão 5

Nessa resolução usaremos funções criadas em questões anteriores.

#### 5.1.1 letra a)

Intervalo de confiança e intervalo de confiança conservador.

```
#intervalo de confiança
round(intervalo_proporcao(0.90, (180/300), 300), 3)
```

```
## [1] 0.553 0.647
```

```
#intervalo de confiança conservador
round(intervalo_conservador(0.90, (180/300), 300), 3)
```

```
## [1] 0.553 0.647
```

#### 5.1.2 letra b)

Criando uma função para calcular o *z-score* para proporção

```
z_proporcao = function(e,p,n){
  e/(sqrt((p*(1-p))/n))
}
```

Calculando o valor do  $z$ -score para as variáveis da questão

```
z_score = z_proporcao(0.001, (180/300), 300)
z_score
```

```
## [1] 0.03535534
```

Calculando a probabilidade.

```
round(1-(pnorm(z_score, lower.tail=FALSE)*2), 4)
```

```
## [1] 0.0282
```

A probabilidade da estimativa pontual dessa proporção não difira do verdadeiro valor em mais de 0.001 é de **2.82%**.

### 5.1.3 letra c)

Calculando o tamanho da amostra, vemos que não é uma valor que possa ser realizável, deve-se alterar o valor de  $\gamma$ .

```
round(tamanho_amostrai2(0.95, 0.0005, (180/300)), 0)
```

```
## [1] 3687800
```