

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1
“Атака на алгоритм шифрования RSA посредством метода
Ферма”
по дисциплине
‘Информационная безопасность’
Вариант 15

Выполнил:
Соболев Иван
Александрович
Группа: Р34312

Преподаватель:
Маркина Татьяна
Анатольевна

Санкт-Петербург, 2024

Цель работы

Изучить атаку на алгоритм шифрования RSA посредством метода Ферма.

Программные и аппаратные средства

Для выполнения лабораторной работы был использован компьютер со следующими характеристиками:

- Процессор: Apple M2
- Видеокарта: Apple M2
- Объем оперативной памяти: 8GB
- Использована операционная система: macOS 14.4.1
- Версия Python: 3.12

Задание

Вариант	Модуль, N	Экспонента, e	Блок зашифрованного текста, C
15	67510894259489	3543923	1834956116931 7762509478845 22384877417897 36443182878894 61287041306052 17680469174617 14632055288035 23212409940234 45782556562975 7533626343287 14537172455552 60777304839141

Листинг разработанной программы

main.py

```
from RSA import decrypt_block, calculate_phi, find_d_component
from ferma import ferma_attack
from io_utils import int_to_bytes, print_green, print_red, read_config

def decrypt_ciphertexts(N, e, ciphertexts, p, q):
    """Дешифрует список шифротекстов и возвращает расшифрованные байты."""
    bytes = []
    phi = calculate_phi(p, q)
```

```

print(f'Результат вычисления функции Эйлера: {phi}')
d = find_d_component(e, phi)
print(f'Результат вычисления параметра d: {d}\n')
for c in ciphertexts:
    decrypted_block = decrypt_block(d, c, N)
    bytes.append(int_to_bytes(decrypted_block))
decrypted_bytes = b''.join(bytes)
return decrypted_bytes

def main():
    N, e, ciphertexts = read_config('config.json')
    p, q = ferma_attack(N)
    print_green(f"Результат факторизации Ферма:")
    print(f"p = {p}, q = {q}\n")

    decrypted_bytes = decrypt_ciphertexts(N, e, ciphertexts, p, q)
    try:
        plaintext = decrypted_bytes.decode('cp1251')
        print_green("Расшифрованный текст:")
        print(plaintext)
    except UnicodeDecodeError:
        print_red("Ошибка декодирования сообщения:")
        print(decrypted_bytes)

if __name__ == "__main__":
    main()

```

lo_utils.py

```

import json

def int_to_bytes(m):
    """Метод конвертации чисел в байты"""
    hex_str = hex(m)[2:]
    if len(hex_str) % 2:
        hex_str = '0' + hex_str
    return bytes.fromhex(hex_str)

def read_config(file_path):
    """Метод чтения параметров из конфигурационного файла."""
    with open(file_path, 'r') as f:
        config = json.load(f)
    return config['N'], config['e'], config['ciphertexts']

def print_green(message: str) -> None:
    """Метод для вывода ключа"""
    print(f"\033[92m{message}\033[0m")

```

```
def print_red(message: str) -> None:
    """Метод для вывода расшифрованного текста"""
    print(f"\033[91m{message}\033[0m")
```

ferma.py

```
import math

def ferma_attack(n):
    """Метод для проведения факторизации Ферма"""
    a = math.isqrt(n)
    b2 = a * a - n

    while b2 < 0 or not is_square(b2):
        a += 1
        b2 = a * a - n

    b = math.isqrt(b2)

    p = a - b
    q = a + b

    return p, q

def is_square(x):
    """Метод проверки числа на квадрат"""
    s = int(math.isqrt(x))
    return s * s == x
```

RSA.py

```
def decrypt_block(d, c, N):
    """Метод дешифрации блока"""
    return pow(c, d, N)

def find_d_component(e, phi):
    """Метод вычисления параметра закрытого ключа"""
    return pow(e, -1, phi)

def calculate_phi(p, q):
    """Метод вычисления функции Эйлера"""
    return (p - 1) * (q - 1)
```

config.json

```
{
  "N": 67510894259489,
  "e": 3543923,
  "ciphertexts": [
    1834956116931,
```

```
7762509478845,  
22384877417897,  
36443182878894,  
61287041306052,  
17680469174617,  
14632055288035,  
23212409940234,  
45782556562975,  
7533626343287,  
14537172455552,  
60777304839141  
]  
}
```

Промежуточные вычисления

$$\sqrt{N} = 8216501$$

$$\text{Пусть } a = \frac{p+q}{2}, b = \frac{p-q}{2}$$

$$[(a_i, a_i^2 - N)] = (8216502, 10856515), (8216503, 27289520), (8216504, 43722527), (8216505, 60155536)$$

$$60155536 - \text{полный квадрат} \Rightarrow a = 8216505, b = 7756$$

$$p = a + b = 8216505 + 7756 = 8224261$$

$$q = a - b = 8216505 - 7756 = 8208749$$

$$\varphi(n) = (p - 1)(q - 1) = 67510877826480$$

$$d = e^{-1} \bmod \varphi(n) = 13087298491547$$

Результаты работы программы

Результат факторизации Ферма:

$p = 8224261, q = 8208749$

Результат вычисления функции Эйлера: 67510877826480

Результат вычисления параметра d: 13087298491547

Расшифрованный текст:

подобной ситуации свидетельствует о потере паке_