Презиме	
Име	Тест
бр. индекс	ПРИМЕРОК
Студиска група	

ПРИМЕРОК ЗА ПРВ КОЛОКВИУМ ПО МАТЕМАТИКА 2 КАЛКУЛУС 2 (првпат слушале академска година 2017/2018 или подоцна) летен семестар 2020

Задача 1. (25 поени) Да се пресметаат следните неопределени интеграли

а)
$$\int \left(15x^4 + \frac{4}{x} + 5^x - \cos x + \frac{1}{x^2 + 25}\right) dx$$
 (интегрирање со примена на основни правила на

интегрирање и таблични интеграли)

б)
$$\int_{-\infty}^{4} \sqrt{x^3} \ln x \, dx$$
, $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\ln x}{x^5} \, dx$, $\int_{-\infty}^{\infty} (2x-1) \sin x \, dx$, $\int_{-\infty}^{\infty} (4x+5) \cos x \, dx$ (парцијална интеграција)

в)
$$\int \frac{dx}{\sqrt{4x^2 + 4x + 3}}$$
 (интеграли од облик $\int \frac{Ax + B}{\sqrt{ax^2 + bx + c}} dx$)

 Γ) $\int \sin 5x \cos x \, dx$ (интеграли од облик $\int \sin(mx) \cos(nx) \, dx$ или $\int \sin(mx) \sin(nx) \, dx$ или $\int \cos(mx) \cos(nx) \, dx$).

Задача 2. (15 поени) Да се испита конвергенцијата на неправиот интеграл $\int\limits_0^{+\infty} \frac{dx}{(2x+9)^5}$.

Задача 3. (20 поени) Со помош на определен интеграл да се пресмета плоштината на четириаголникот чии темиња се со координати:

а)
$$A(1,6)$$
, $B(1,3)$, $C(3,1)$ и $D(6,1)$ (алтернативна 1: $A(3,-1)$, $B(6,-1)$, $C(8,1)$ и $D(8,4)$) (алтернативна 2: $A(7,-2)$, $B(7,1)$, $C(5,3)$ и $D(2,3)$) (алтернативна 3: $A(2,-2)$, $B(7,3)$, $C(4,3)$ и $D(2,1)$).

Задача 4. (20 поени) Пресметување на должина на лак на крива со помош на определен интеграл — **Задача од материјалите и препорачана збирка задачи**.

Задача 5. (20 поени) Пресметување на волумен на вртливо (ротационо) тело со помош на определен интеграл — *Задача од материјалите и препорачана збирка задачи*.