

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$, ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 0, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 0.

А) да се запише СДНФ на получената функция;

Б) да се минимизира функцията.

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$, ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 0, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 0

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	f
0					
1					
2					
3					
4					
5					
6					
7					
8					
9					
10					
11					
12					
13					
14					
15					

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$, ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 0, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 0

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	f
0	0	0	0	0	
1	0	0	0	1	
2	0	0	1	0	
3	0	0	1	1	
4	0	1	0	0	
5	0	1	0	1	
6	0	1	1	0	
7	0	1	1	1	
8	1	0	0	0	
9	1	0	0	1	
10	1	0	1	0	
11	1	0	1	1	
12	1	1	0	0	
13	1	1	0	1	
14	1	1	1	0	
15	1	1	1	1	
	8	4	2	1	

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$, ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 0, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 0

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	0
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	1

8
4
2
1

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$, ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 0, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 0

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F	<p>A) СДНФ:</p> $f = x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee$ $\vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee$ $\vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4$
0	0	0	0	0	1	
1	0	0	0	1	0	
2	0	0	1	0	0	
3	0	0	1	1	1	
4	0	1	0	0	0	
5	0	1	0	1	1	
6	0	1	1	0	1	
7	0	1	1	1	0	
8	1	0	0	0	0	
9	1	0	0	1	1	
10	1	0	1	0	1	
11	1	0	1	1	0	
12	1	1	0	0	1	
13	1	1	0	1	0	
14	1	1	1	0	0	
15	1	1	1	1	1	
	8	4	2	1		

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$, ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 0, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 0

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F	<p>A) СДНФ:</p> $f = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} \vee \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot x_4 \vee \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee$ $\vee \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \vee$ $\vee x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4$
0	0	0	0	0	1	
1	0	0	0	1	0	
2	0	0	1	0	0	
3	0	0	1	1	1	
4	0	1	0	0	0	
5	0	1	0	1	1	
6	0	1	1	0	1	
7	0	1	1	1	0	
8	1	0	0	0	0	
9	1	0	0	1	1	
10	1	0	1	0	1	
11	1	0	1	1	0	
12	1	1	0	0	1	
13	1	1	0	1	0	
14	1	1	1	0	0	
15	1	1	1	1	1	
	8	4	2	1		

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$, ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 0, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 0

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F	<p>А) СДНФ:</p> $f = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} \vee \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot x_4 \vee \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \vee x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4$ <p>Б) минимизация:</p> <div style="text-align: center;"> x_1 $x_2 \left \begin{array}{ c c c c } \hline 1 & 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 1 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 1 & 0 \\ \hline 1 & 0 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \right x_4$ x_3 </div> <p>АМДНФ:</p> $f = x_3 \cdot x_4 \vee \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} \vee \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4}$
0	0	0	0	0	1	
1	0	0	0	1	0	
2	0	0	1	0	0	
3	0	0	1	1	1	
4	0	1	0	0	0	
5	0	1	0	1	1	
6	0	1	1	0	1	
7	0	1	1	1	0	
8	1	0	0	0	0	
9	1	0	0	1	1	
10	1	0	1	0	1	
11	1	0	1	1	0	
12	1	1	0	0	1	
13	1	1	0	1	0	
14	1	1	1	0	0	
15	1	1	1	1	1	
	8	4	2	1		

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$ ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 1, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 1.

А) да се запише СКНФ на получената функция;

Б) да се минимизира функцията.

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$ ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 1, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 1.

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	f
0					
1					
2					
3					
4					
5					
6					
7					
8					
9					
10					
11					
12					
13					
14					
15					

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$ ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 1, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 1.

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	f
0	0	0	0	0	
1	0	0	0	1	
2	0	0	1	0	
3	0	0	1	1	
4	0	1	0	0	
5	0	1	0	1	
6	0	1	1	0	
7	0	1	1	1	
8	1	0	0	0	
9	1	0	0	1	
10	1	0	1	0	
11	1	0	1	1	
12	1	1	0	0	
13	1	1	0	1	
14	1	1	1	0	
15	1	1	1	1	
	8	4	2	1	

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$ ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 1, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 1.

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	0
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	0
10	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	0
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	0

8
4
2
1

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$ ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 1, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 1.

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F	<p>A) СКНФ:</p> $f = (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4)$
0	0	0	0	0	0	
1	0	0	0	1	1	
2	0	0	1	0	1	
3	0	0	1	1	0	
4	0	1	0	0	1	
5	0	1	0	1	0	
6	0	1	1	0	0	
7	0	1	1	1	1	
8	1	0	0	0	1	
9	1	0	0	1	0	
10	1	0	1	0	0	
11	1	0	1	1	1	
12	1	1	0	0	0	
13	1	1	0	1	1	
14	1	1	1	0	1	
15	1	1	1	1	0	
	8	4	2	1		

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$ ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 1, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 1.

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F	<p>A) СКНФ:</p> $f = (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee \overline{x_4}) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee \overline{x_3} \vee x_4) \cdot (x_1 \vee \overline{x_2} \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_4}) \cdot (\overline{x_1} \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (\overline{x_1} \vee x_2 \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_4}) \cdot (\overline{x_1} \vee \overline{x_2} \vee x_3 \vee \overline{x_4}) \cdot (\overline{x_1} \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_3} \vee x_4)$
0	0	0	0	0	0	
1	0	0	0	1	1	
2	0	0	1	0	1	
3	0	0	1	1	0	
4	0	1	0	0	1	
5	0	1	0	1	0	
6	0	1	1	0	0	
7	0	1	1	1	1	
8	1	0	0	0	1	
9	1	0	0	1	0	
10	1	0	1	0	0	
11	1	0	1	1	1	
12	1	1	0	0	0	
13	1	1	0	1	1	
14	1	1	1	0	1	
15	1	1	1	1	0	
	8	4	2	1		

Задача 1: Подреством таблица на истиност да се запише функцията $f(x_1, x_2, x_3 \text{ и } x_4)$ ако при стойност нула на три от променливите функция приема стойност от 1, а при стойност едно на 3 от променливите функцията приема стойност 1.

Решение:

Набор	x_1	x_2	x_3	x_4	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	0
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	0
10	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	0
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	0
	8	4	2	1	

А) СКНФ:

$$f = (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee \overline{x_4}) \cdot (x_1 \vee x_2 \vee \overline{x_3} \vee x_4) \cdot (x_1 \vee \overline{x_2} \vee x_3 \vee x_4) \cdot (x_1 \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_4}) \cdot (\overline{x_1} \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) \cdot (\overline{x_1} \vee x_2 \vee \overline{x_3} \vee \overline{x_4}) \cdot (\overline{x_1} \vee \overline{x_2} \vee x_3 \vee \overline{x_4}) \cdot (\overline{x_1} \vee \overline{x_2} \vee \overline{x_3} \vee x_4)$$

Б) минимизация:

		x_1					
		$\overline{}$					
x_2	$\left \right.$	0	1	0	1	$\left. \right x_4$	
		1	0	1	0		
		0	1	0	1		
		1	0	1	0		
		x_3					

АМДНФ:

$$f = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \vee \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} \vee \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot x_4 \vee x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot \overline{x_4}$$

Задача 3: Да се провери дали функцията $f = x.y$ образува функционално пълна система.

Набор	x	y	$f = x.y$
0	0	0	$f_0 =$
1	0	1	$f_1 =$
2	1	0	$f_2 =$
3	1	1	$f_3 =$

Решение: - проверяват се на кои условия за ФПС отговаря функцията.

1.

2.

3.

4

5.

Задача 3: Да се провери дали функцията $f = x.y$ образува функционално пълна система.

Набор	x	y	$f = x.y$
0	0	0	$f_0 = 0.0 = 0$
1	0	1	$f_1 = 0.1 = 0$
2	1	0	$f_2 = 1.0 = 0$
3	1	1	$f_3 = 1.1 = 1$

Решение: - проверяват се на кои условия за ФПС отговаря функцията.

1. $f_0(0, 0) = 0$ функцията има стойност нула за нулевия набор => функцията **запазва константа 0**;
2. $f_3(1, 1) = 1$ функцията има стойност едно за третия набор => функцията **запазва константа 1**;
3. $f_0(0, 0) = 0 = f_1(0, 1) = 0 = f_2(1, 0) = 0 < f_3(1, 1) = 1$

функцията няма по-голяма стойност за по-малък свой набор => **функцията е монотонна**

4.

$$\begin{array}{lcl}
 f_1(0, 1) = & 0 & \\
 \parallel & \Rightarrow & \text{функцията е не самодвойствена} \\
 f_2(1, 0) = & 0 &
 \end{array}$$

5. $f = x.y$, полагаме $x.y = a$, „ a “ се представя във вид на полином по модул 2 и се получава:

$$0 \oplus a = \bar{0}.a \vee \underbrace{0}_{0}.\bar{a} = 1.a = a$$

Следователно $f = 0 \oplus x.y$, функцията е не линейна, тъй като може да се представи във вид на полином от втора степен.

Теорема на Пост-Яблонски

1. **не отговаря** – функцията запазва константа 0;
2. **не отговаря** – функцията запазва константа 1;
3. **не отговаря** – функцията е монотонна;
4. **отговаря** – функцията е не самодвойствена;
5. **отговаря** – функцията е не линейна.

Функцията $f = x.y$ **не е ФПС**, защото отговаря само на 2 от 5-те условия.

Задача 4: Да се провери дали функцията $f = \bar{x} \vee \bar{y}$ образува функционално пълна система.

Набор	x	y	$f = \bar{x} \vee \bar{y}$
0	0	0	$f_0 =$
1	0	1	$f_1 =$
2	1	0	$f_2 =$
3	1	1	$f_3 =$

Решение: - проверяват се на кои условия за ФПС отговаря функцията.

1.

2.

3.

4

5.

Задача 4: Да се провери дали функцията $f = \bar{x} \vee \bar{y}$ образува функционално пълна система.

Набор	x	y	$f = \bar{x} \vee \bar{y}$
0	0	0	$f_0 = \bar{0} \vee \bar{0} = 1 \vee 0 = 1$
1	0	1	$f_1 = \bar{0} \vee \bar{1} = 1 \vee 0 = 1$
2	1	0	$f_2 = \bar{1} \vee \bar{0} = 0 \vee 1 = 1$
3	1	1	$f_3 = \bar{1} \vee \bar{1} = 0 \vee 0 = 0$

Решение: - проверяват се на кои условия за ФПС отговаря функцията.

1. $f_0(0, 0) = 1$ функцията има стойност едно за нулевия набор => функцията **не запазва константа 0**;
2. $f_3(1, 1) = 0$ функцията има стойност нула за третия набор => функцията **не запазва константа 1**;
3. $f_0(0, 0) = 1 = f_1(0, 1) = 1 = f_2(1, 0) = 1 > f_3(1, 1) = 0$

функцията няма по-голяма стойност за по-малък свой набор => функцията е не монотонна

$$f_1(0, 1) = 1$$

|| \Rightarrow функцията е **не самодвойствена**

$$f_2(1, 0) = 1$$

4.

5. $f = \bar{x} \vee \bar{y}$, за представянето на функцията във вид на полином по модул 2 е необходимо действието между променливите да е умножение. Поради тази причина използваме закона на

Де Морган: $f = \bar{x} \vee \bar{y} = \overline{\overline{\bar{x} \vee \bar{y}}} = \overline{\bar{x} \cdot \bar{y}} = \overline{x \cdot y}$

полагаме $x \cdot y = a$ от тук следва че $\overline{x \cdot y} = \bar{a}$, „ \bar{a} “ се представя във вид на полином по модул 2 и се получава:

$$1 \oplus a = \underbrace{1}_{0} \cdot a \vee \underbrace{1}_{\bar{a}} \cdot \bar{a} = 1 \cdot \bar{a} = \bar{a}$$

Следователно $f = 1 \oplus x \cdot y$, функцията е не линейна, тъй като може да се представи във вид на полином от втора степен.

Теорема на Пост-Яблонски

1. **отговаря** – функцията не запазва константа 0;
2. **отговаря** – функцията не запазва константа 1;
3. **отговаря** – функцията не е монотонна;
4. **отговаря** – функцията е не самодвойствена;
5. **отговаря** – функцията е не линейна.

Функцията $f = \bar{x} \vee \bar{y}$ е ФПС, защото отговаря на всичките условия.

Задача 5: Да се провери дали функцията $f = \bar{x}.y \vee x.\bar{y}$ образува функционално пълна система.

Набор	x	y	$f = \bar{x}.y \vee x.\bar{y}$
0	0	0	$f_0 =$
1	0	1	$f_1 =$
2	1	0	$f_2 =$
3	1	1	$f_3 =$

Решение: - проверяват се на кои условия за ФПС отговаря функцията.

1.

2.

3.

4

5.

Задача 5: Да се провери дали функцията $f = \bar{x}.y \vee x.\bar{y}$ образува функционално пълна система.

Набор	x	y	$f = \bar{x}.y \vee x.\bar{y}$
0	0	0	$f_0 = \bar{0}.0 \vee 0.\bar{1} = 1.0 \vee 0.0 = 0$
1	0	1	$f_1 = \bar{0}.1 \vee 0.\bar{1} = 1.1 \vee 0.0 = 1$
2	1	0	$f_2 = \bar{1}.0 \vee 1.\bar{0} = 0.0 \vee 1.1 = 1$
3	1	1	$f_3 = \bar{1}.1 \vee 1.\bar{1} = 0.1 \vee 1.0 = 0$

Решение: - проверяват се на кои условия за ФПС отговаря функцията.

1. $f_0(0, 0) = 0$ функцията има стойност нула за нулевия набор => функцията **запазва константа 0**;

2. $f_3(1, 1) = 0$ функцията има стойност нула за третия набор => функцията **не запазва константа 1**;

3. $f_0(0, 0) = 0 < f_1(0, 1) = 1 = f_2(1, 0) = 1 > f_3(1, 1) = 0$

функцията няма по-голяма стойност за по-малък свой набор => функцията е не монотонна

4.

$$\begin{array}{ll}
 f_1(0, 1) = & \textcolor{red}{1} \\
 & \parallel \Rightarrow \text{функцията е } \textit{не самодвойствена} \\
 f_2(1, 0) = & \textcolor{red}{1} \\
 f_0(0, 0) = & \textcolor{red}{1} \\
 & \Vdash \Rightarrow \text{функцията е самодвойствена} \\
 f_3(1, 1) = & \textcolor{red}{0}
 \end{array}$$

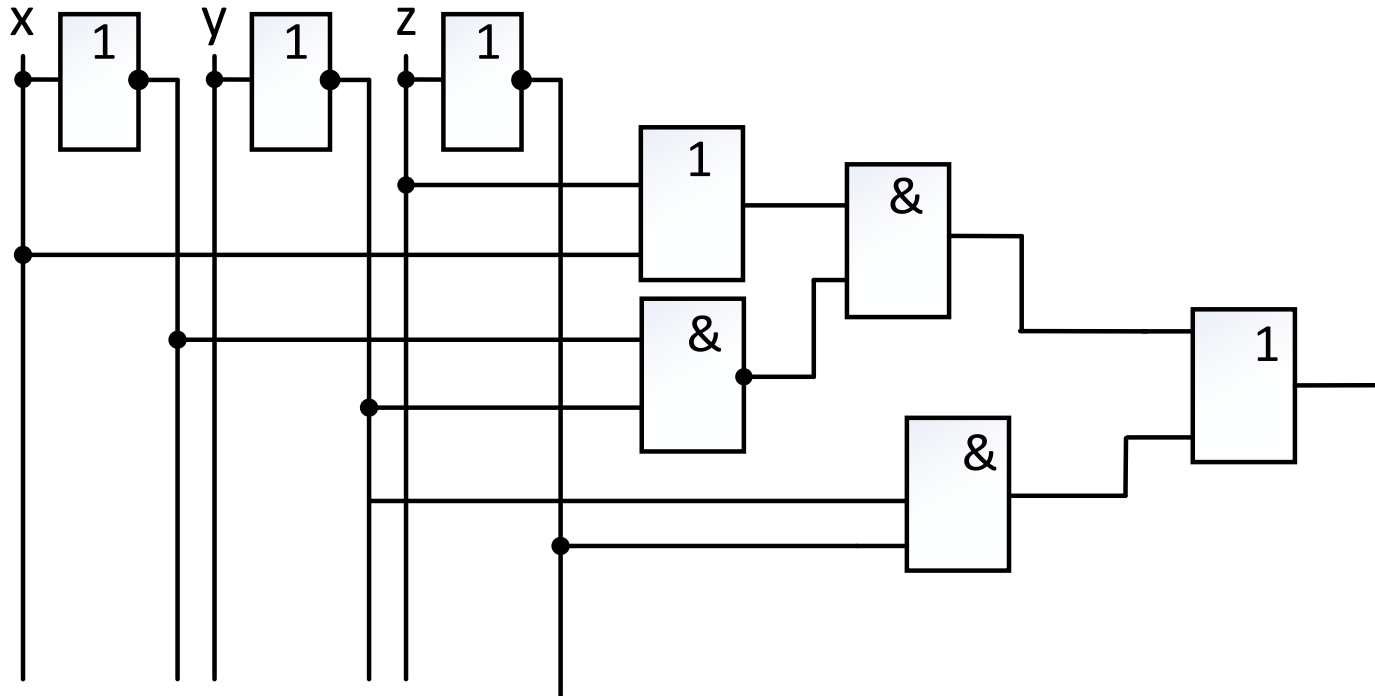
5. $f = \bar{x}.y \vee x.\bar{y} = x \oplus y$ е линейна по дефиниция

Теорема на Пост-Яблонски

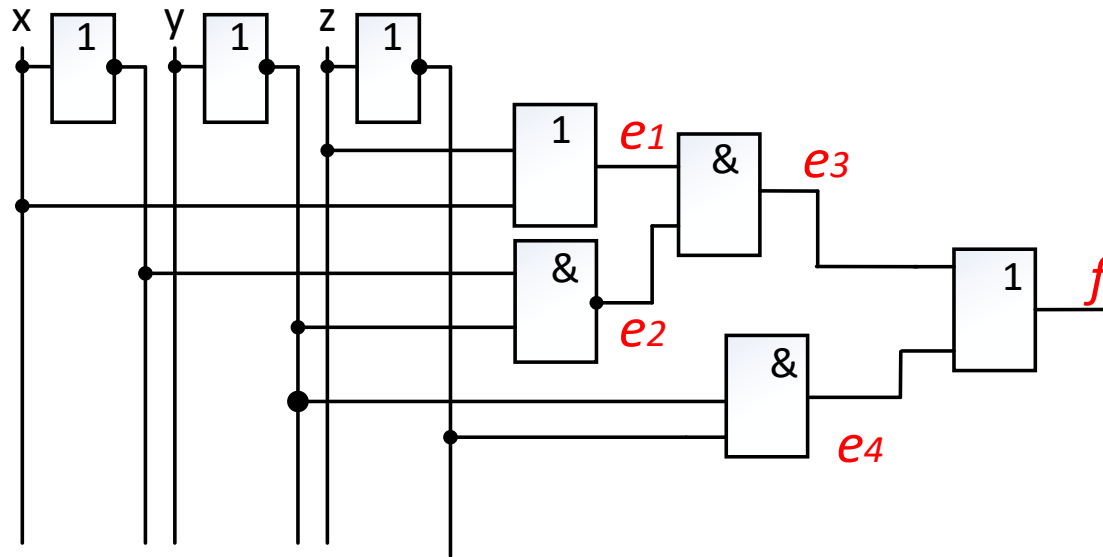
1. **отговаря** – функцията не запазва константа 0;
2. **не отговаря** – функцията запазва константа 1;
3. **отговаря** – функцията не е монотонна;
4. **отговаря** – функцията е не самодвойствена;
5. **не отговаря** – функцията е линейна.

Функцията $f = x \oplus y$ **не е ФПС**, защото не отговаря на всичките условия.

Задача 6: Да се проведе динамичен анализ на схемата, при смяна на входната последователност 110 с 001



Решение:



Означавање и извеждане на входните, изходните и междинните променливи.

$$e_1 = x \vee z$$

$$e_2 = \overline{x} \cdot \overline{y}$$

$$e_3 = e_1 \cdot e_2$$

$$e_4 = \overline{y} \cdot \overline{z}$$

$$f = e_4 \vee e_3$$

2) Построяване на таблицата:

$$(w + 3) = 3 + 3 = 6 \text{ колони}$$

$$w = 3 \text{ (бр. стъпала от схемата)}$$

$$(n + p + 1) = (3 + 5 + 1) = 9 \text{ реда}$$

$$n = 3 \text{ (} x, y, z \text{)} \quad p = 5 \text{ (ЛЕ1, ..., ЛЕ5)}$$

Входна последователност 110 с 001, т.е. 110 е стария набор (с.н.), а 001 е новия набор. Съответно в колоната с.н. записваме цифрите както следва, в реда за $x=1$, в реда $y=1$ и в реда за $z=0$ или 110. В колоните 0τ до 3τ за $x=0$, $y=0$ и $z=1$

с.н.	t	0τ	1τ	2τ	3τ
	x				
	y				
	z				
	e_1				
	e_2				
	e_3				
	e_4				
	f				

$$e_1 = x \vee z$$

$$e_2 = \overline{x} \cdot \overline{y}$$

$$e_3 = e_1 \cdot e_2$$

$$e_4 = \overline{y} \cdot \overline{z}$$

$$f = e_4 \vee e_3$$

Входна последователност 110 с 001, т.е. 110 е стария набор (с.н.), а 001 е новия набор. Съответно в колоната с.н. записваме цифрите както следва, в реда за $x=1$, в реда за $y=1$ и в реда за $z=0$ или 110. В колоните 0τ до 3τ за $x=0, y=0$ и $z=1$

с.н.	t	0τ	1τ	2τ	3τ
1	x	0	0	0	0
1	y	0	0	0	0
0	z	1	1	1	1
	e_1				
	e_2				
	e_3				
	e_4				
	f				

$$e_1 = x \vee z$$

$$e_2 = \overline{x} \cdot \overline{y}$$

$$e_3 = e_1 \cdot e_2$$

$$e_4 = \overline{y} \cdot \overline{z}$$

$$f = e_4 \vee e_3$$

Входна последователност 110 с 001, т.е. 110 е стария набор (с.н.), а 001 е новия набор. Съответно в колоната с.н. записваме цифрите както следва, в реда за $x=1$, в реда $y=1$ и в реда за $z=0$ или 110. В колоните 0τ до 3τ за $x=0$, $y=0$ и $z=1$

с.н.	t	0τ	1τ	2τ	3τ
1	x	0	0	0	0
1	y	0	0	0	0
0	z	1	1	1	1
1	e_1	1	1	1	1
1	e_2	1	0	0	0
1	e_3	1	1	0	0
0	e_4	0	0	0	0
1	f	1	1	1	0

$$e_1 = x \vee z$$

$$e_2 = \overline{x} \cdot \overline{y}$$

$$e_3 = e_1 \cdot e_2$$

$$e_4 = \overline{y} \cdot \overline{z}$$

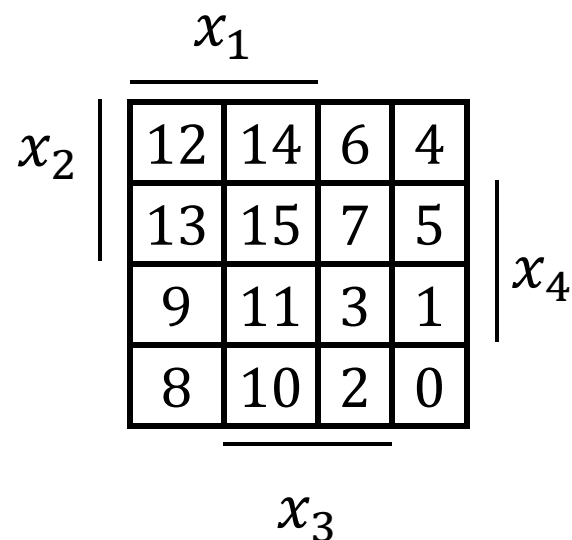
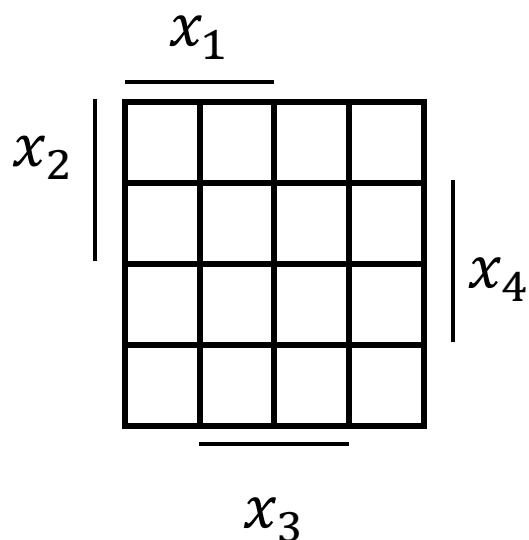
$$f = e_4 \vee e_3$$

В моментите 0τ, 1τ и 2τ се появява грешен сигнал дължащ се на състезание на сигнали

Задача 7: Да се построи $f = v(0, 1, 3, 5, 6, 7, 8, 10, 15)$ с помощта на мултиплексор с 3 адресни входа.

Решение:

Мултиплексора има $n = 3$ адресни и $2^n = 2^3 = 8$ информационни входа.

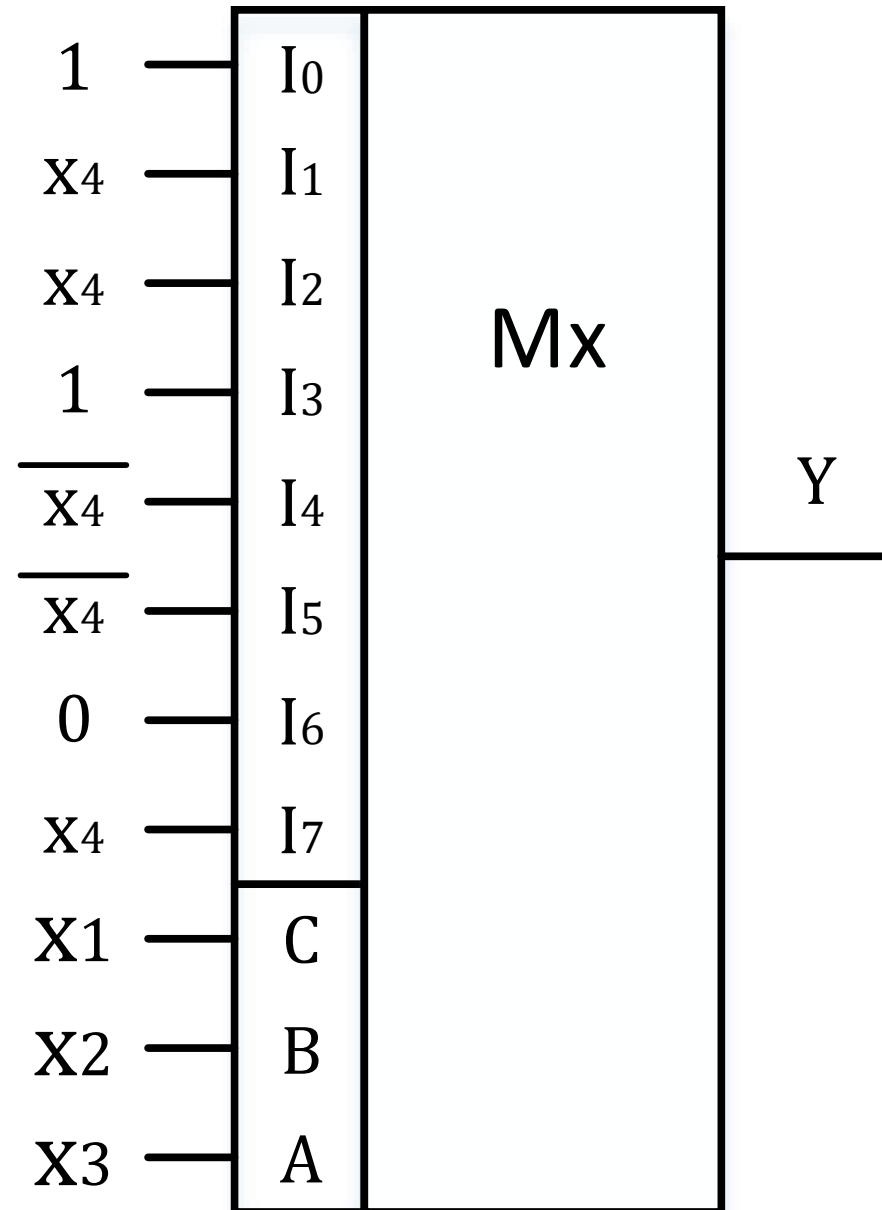


Задача 7: Да се построи $f = v(0, 1, 3, 5, 6, 7, 8, 10, 15)$ с помощта на мултиплексор с 3 адресни входа.

Решение: от условието следва, че мултиплексорът има $2^n = 2^3 = 8$ информационни входа.

$$\begin{array}{c}
 \overbrace{\hspace{1.5cm}}^{x_1} \\
 \left| \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 1 & 0 \\ \hline 0 & 1 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 0 & 1 & 1 \\ \hline 1 & 1 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \right| \hspace{1cm} \left| \hspace{1.5cm} \right. \\
 \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{x_3}
 \end{array}
 \quad x_2 \quad x_4$$
$$\begin{array}{c}
 \begin{array}{c} x_1 \\ \hline \end{array} \\
 \begin{array}{c} x_2 \left| \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline I_6 & I_7 & I_3 & I_2 \\ \hline I_4 & I_5 & I_1 & I_0 \\ \hline \end{array} \right. \end{array} \\
 \begin{array}{c} \hline x_3 \end{array}
 \end{array}$$

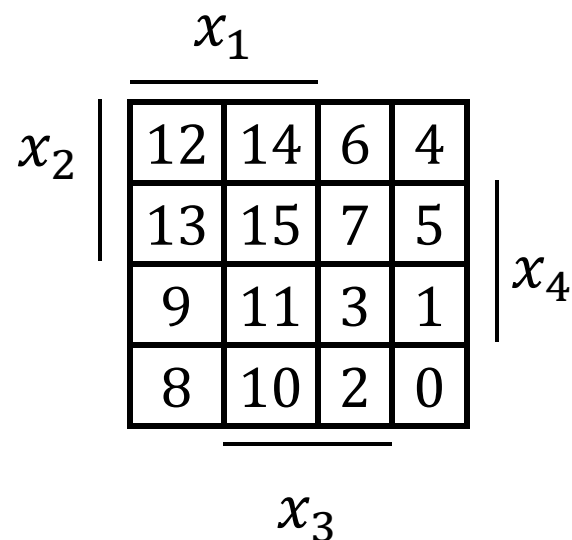
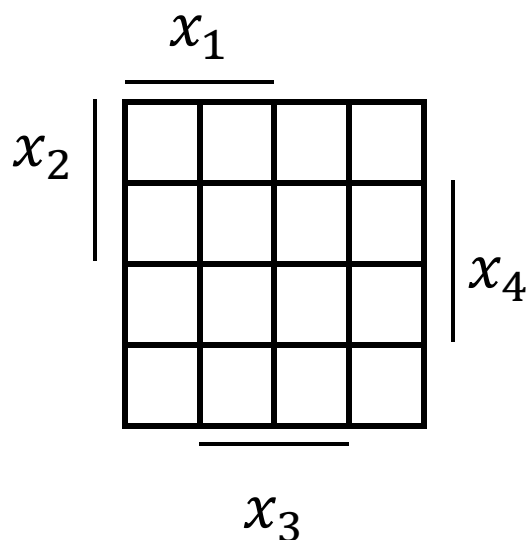
$$\begin{aligned}
 I_0 &= 1 \\
 I_1 &= x_4 \\
 I_2 &= x_4 \\
 I_3 &= 1 \\
 I_4 &= \bar{x}_4 \\
 I_5 &= \bar{x}_4 \\
 I_6 &= 0 \\
 I_7 &= x_4
 \end{aligned}$$



Задача 8: Да се построи $f = \wedge(2,4,9,11,12,13,14)$ с помощта на мултиплексор с 3 адресни входа.

Решение:

Мултиплексора има $n = 3$ адресни и $2^n = 2^3 = 8$ информационни входа.



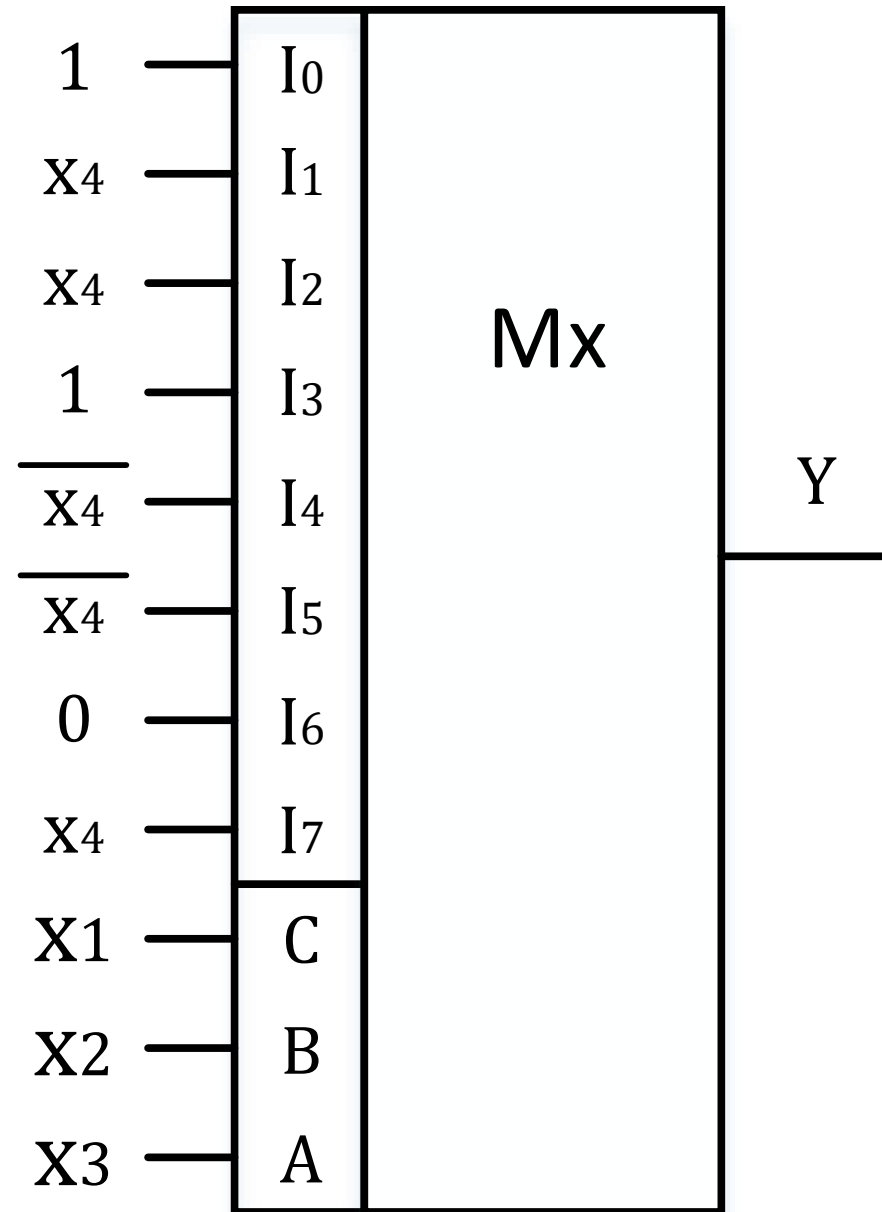
Задача 7: Да се построи $f = \wedge(2,4,9,11,12,13,14)$ с помощта на мултиплексор с 3 адресни входа.

Решение: от условието следва, че мултиплексорът има $2^n = 2^3 = 8$ информационни входа.

		x_1							
		<hr/>							
x_2		0	0	1	0		x_4		
		0	1	1	1				
		0	0	1	1				
		1	1	0	1				
		<hr/>							
		x_3							

		x_1							
		<hr/>							
x_2		I_6	I_7	I_3	I_2				
		I_4	I_5	I_1	I_0				
		<hr/>							
		x_3							

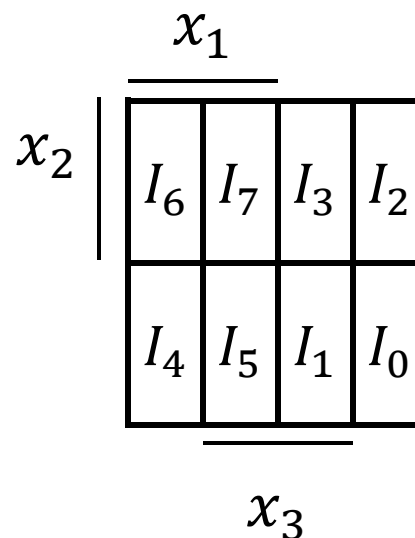
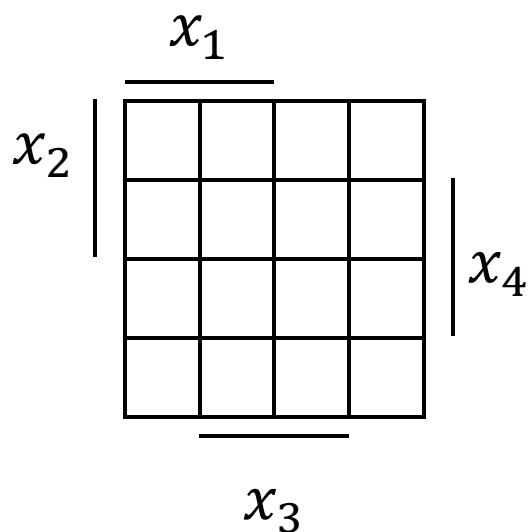
$$\begin{aligned}
 I_0 &= 1 \\
 I_1 &= x_4 \\
 I_2 &= x_4 \\
 I_3 &= 1 \\
 I_4 &= \bar{x}_4 \\
 I_5 &= \bar{x}_4 \\
 I_6 &= 0 \\
 I_7 &= x_4
 \end{aligned}$$



Задача 9: Да се построи $f = x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee \overline{x_1} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_4}$ с помощта на мултиплексор с 3 адресни входа.

Решение:

Мултиплексора $n=3$ адресни и $2^n = 2^3 = 8$ информационни
входа



Задача 9: Да се построи $f = x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee \overline{x_1} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 \vee x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_4}$ с помощта на мултиплексор с 3 адресни входа.

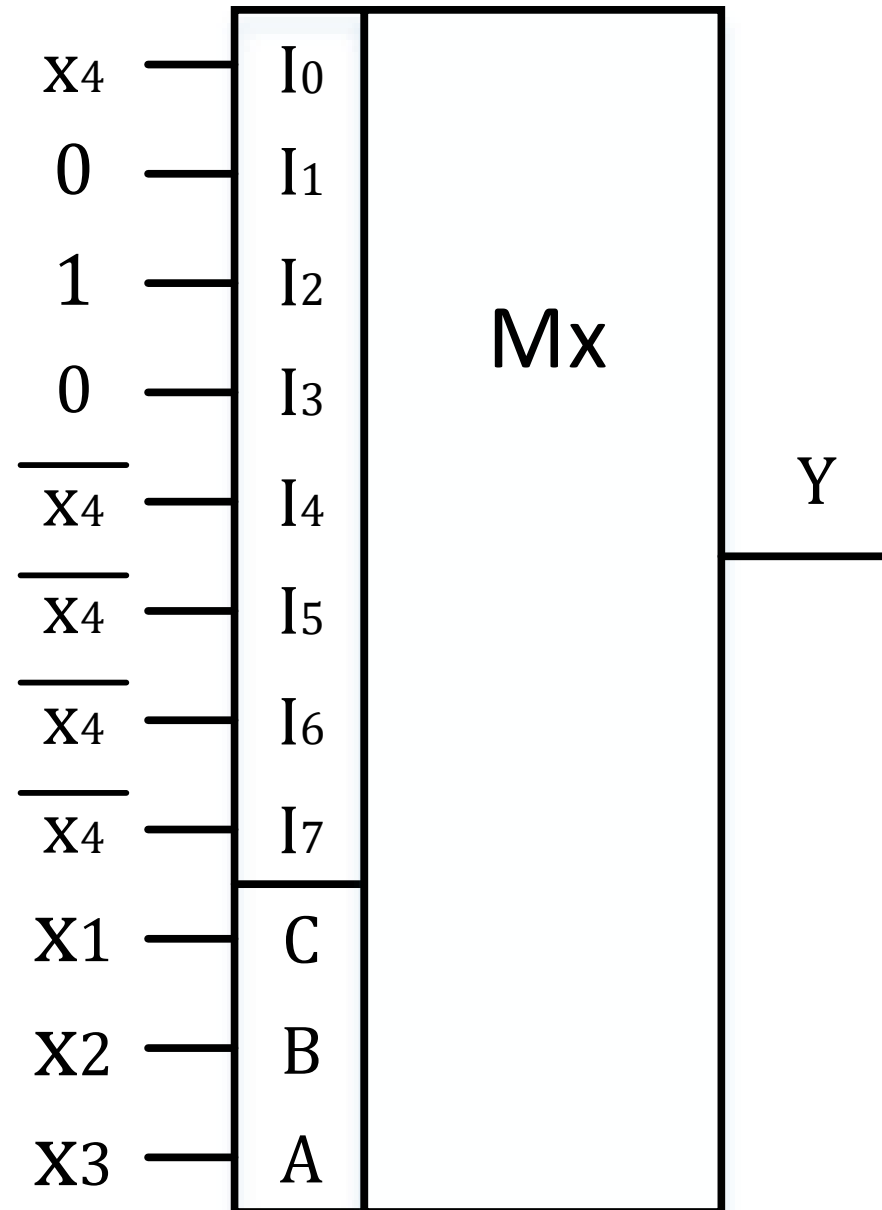
Решение:

Мултиплексора $n=3$ адресни и $2^n = 2^3 = 8$ информационни входа

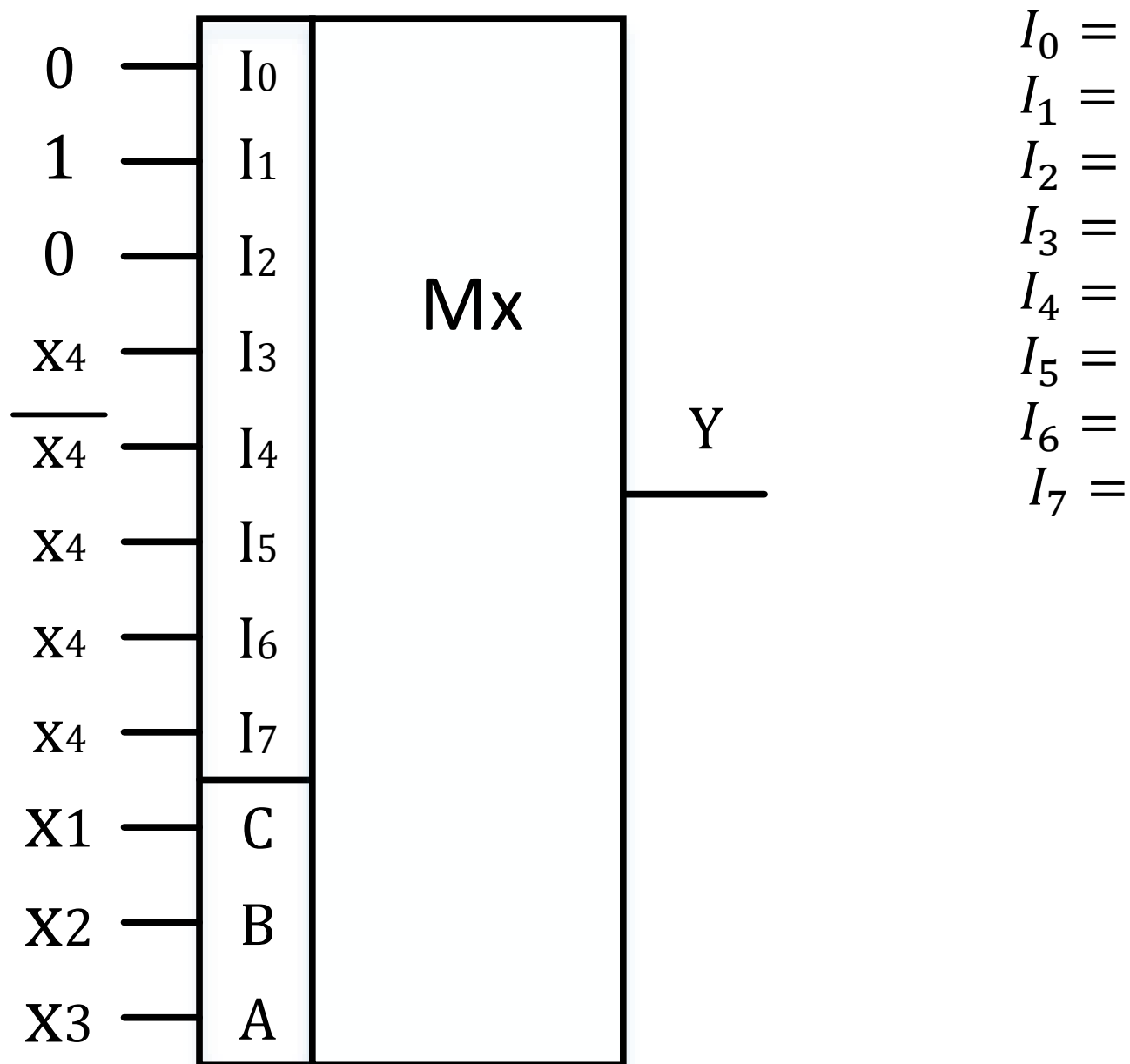
		x_1					
x_2		1	0	0	1		x_4
		0	0	0	1		
		0	0	0	1		
		1	1	0	0		
		x_3					

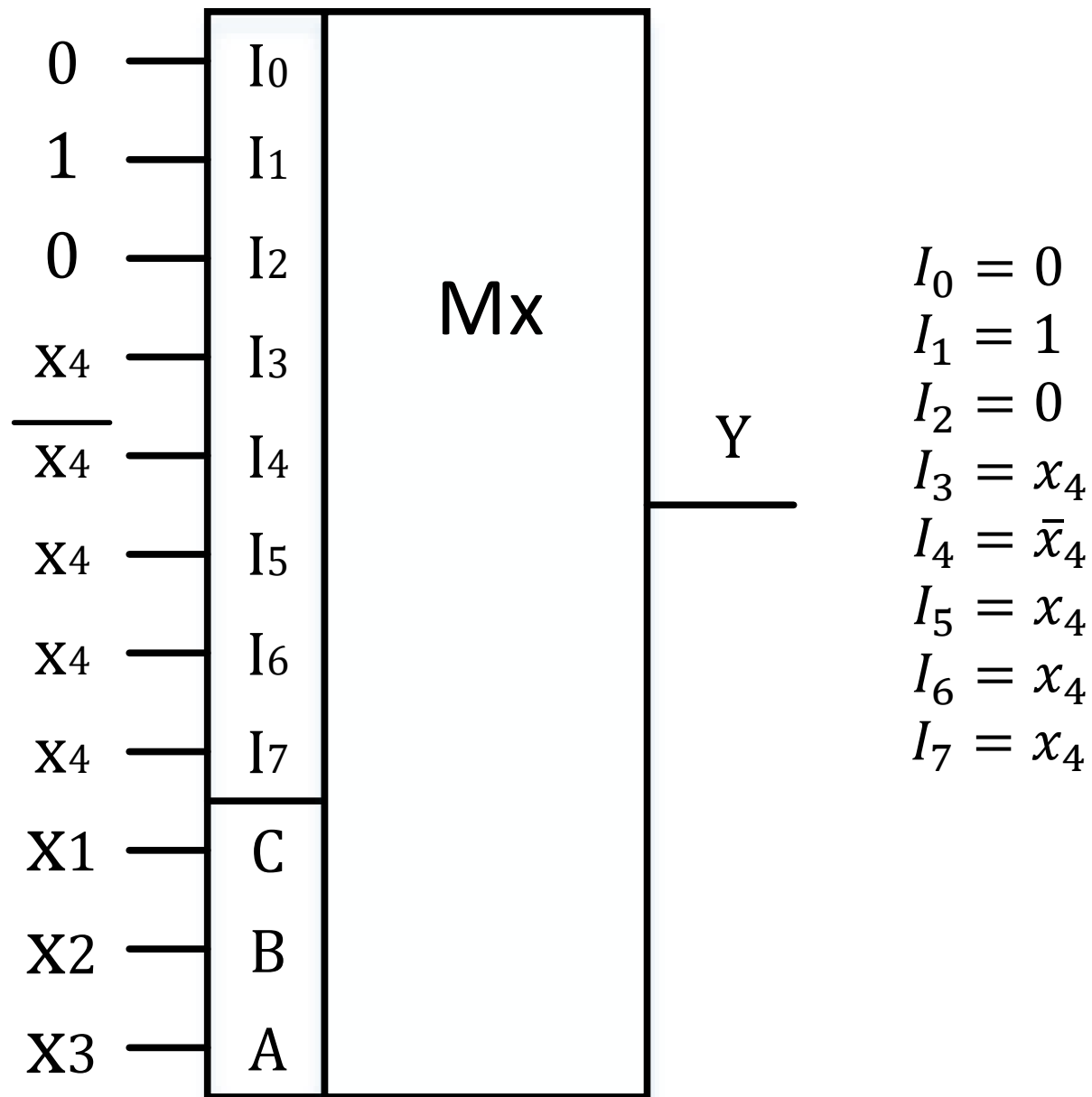
		x_1					
x_2		I_6	I_7	I_3	I_2		
		I_4	I_5	I_1	I_0		
		x_3					

$$\begin{aligned}
 I_0 &= x_4 \\
 I_1 &= 0 \\
 I_2 &= 1 \\
 I_3 &= 0 \\
 I_4 &= \bar{x}_4 \\
 I_5 &= \bar{x}_4 \\
 I_6 &= \bar{x}_4 \\
 I_7 &= \bar{x}_4
 \end{aligned}$$



Задача 10: Да се функцията зададена чрез схемата.





$$I_0 = 0$$

$$I_1 = 1$$

$$I_2 = 0$$

$$I_3 = x_4$$

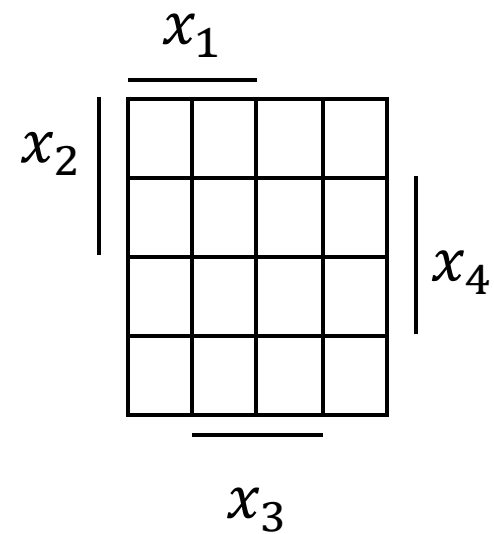
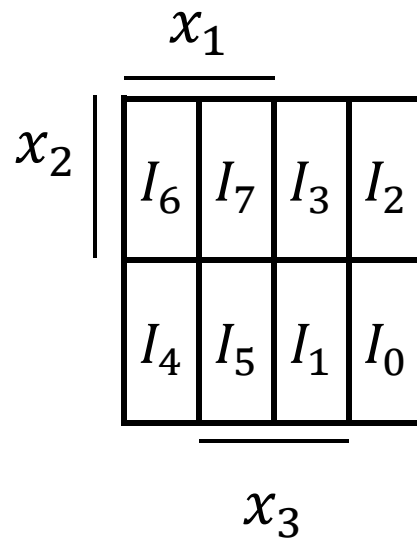
$$I_4 = \bar{x}_4$$

$$I_5 = x_4$$

$$I_6 = x_4$$

$$I_7 = x_4$$

f=



$$I_0 = 0$$

$$I_1 = 1$$

$$I_2 = 0$$

$$I_3 = x_4$$

$$I_4 = \bar{x}_4$$

$$I_5 = x_4$$

$$I_6 = x_4$$

$$I_7 = x_4$$

	x_1			
x_2				
	I_6	I_7	I_3	I_2
	I_4	I_5	I_1	I_0
	x_3			

	x_1			
x_2	0	0	0	0
	1	1	1	0
	0	1	1	0
	1	0	1	0
	x_3			
	x_4			

$$f=v(2,3,7,8,11,13,15)$$