

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ НИЖЕГОРОДСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМ. Н.И. ЛОБАЧЕВСКОГО»

**Отчет по лабораторной работе №1 по дисциплине
«Алгоритмы и структуры данных»**

Выполнил:
Студент Ненев А.Е.
Группа 3824Б1ФИ2

Нижний Новгород
2025г

1) Постановка задачи

Реализация структуры данных для хранения множества – TSet, с использованием битовых полей – TBitField и проверка их корректной работы с помощью тестов Google Test.

2) Описание реализации программы

2.1) Класс битовая строка – TBitField

Класс предназначен для работы с битовыми строками – структурой, которая хранит последовательность бит 0 и 1, с возможностью проводить над ней различные операции.

Поля класса:

int BitLen – длина битового поля

TELEM* pMem – память битового поля

int MemLen количество элементов в pMem

Методы класса:

1. Конструктор TBitField::TBitField(int len)

Параметры: len — желаемая длина битового поля в битах (> 0).

Описание функционала: Инициализирует поле длины len со всеми битами, равными 0. Вычисляет MemLen = $(\text{BitLen} + 31) / 32$, выделяет динамическую память под массив pMem и обнуляет его.

Сложность: $O(\text{len})$, так как цикл инициализации проходит по MemLen словам ($O(\text{len}/32) = O(\text{len})$).

2. Конструктор копирования TBitField::TBitField(const TBitField& bf)

Параметры: bf — копируемый объект.

Описание функционала: Копирует поля BitLen, MemLen и содержимое массива pMem из bf.

Сложность: $O(\text{len})$, где $\text{len} = \text{bf.BitLen}$, из-за копирования массива в цикле.

3. Деструктор TBitField::~~TBitField()

Описание функционала: Освобождает память, выделенную под pMem, и устанавливает указатель в nullptr.

4. Метод int TBitField::GetMemIndex(const int n) const

Параметры: n — номер бита.

Возвращаемые значения: Индекс слова в `pMem`, содержащего бит `n` ($n / (\text{sizeof}(\text{TELEM}) * 8)$).

Описание функционала: Вычисляет позицию слова для доступа к биту `n`.

5. Метод `TELEM TBitField::GetMemMask(const int n) const`

Параметры: `n` — номер бита.

Возвращаемые значения: Маска (`TELEM`) для бита `n` в его слове ($1 \ll (n \% (\text{sizeof}(\text{TELEM}) * 8))$).

Описание функционала: Формирует маску для побитовых операций с битом `n`.

6. Метод `int TBitField::GetLength(void) const`

Возвращаемые значения: Длина битового поля (`BitLen`).

Описание функционала: Возвращает текущую длину поля.

7. Метод `void TBitField::SetBit(const int n)`

Параметры: `n` — номер бита для установки.

Описание функционала: Устанавливает бит `n` в 1 путем побитового OR слова с маской.

8. Метод `void TBitField::ClrBit(const int n)`

Параметры: `n` — номер бита для очистки.

Описание функционала: Устанавливает бит `n` в 0 путем побитового AND слова с инвертированной маской.

9. Метод `int TBitField::GetBit(const int n) const`

Параметры: `n` — номер бита.

Возвращаемые значения: 1, если бит установлен, иначе 0.

Описание функционала: Проверяет состояние бита `n` путем AND с маской.

10. Оператор `int TBitField::operator==(const TBitField& bf) const`

Параметры: `bf` — объект для сравнения.

Возвращаемые значения: 1, если поля равны (длина и все биты), иначе 0.

Описание функционала: Сравнивает длины, затем сравнивает слова `pMem`.

Сложность: $O(\text{MemLen}) = O(\text{len}/32) = O(\text{len})$, цикл по словам.

11.Оператор `int TBitField::operator!=(const TBitField& bf) const`

Параметры: `bf` — объект для сравнения.

Возвращаемые значения: 1, если поля не равны, иначе 0.

Описание функционала: Передает проверку на `operator==`, возвращает противоположный результат

Сложность: $O(len)$.

12.Оператор `TBitField& TBitField::operator=(const TBitField& bf)`

Параметры: `bf` — присваиваемый объект.

Возвращаемые значения: Ссылка на `*this`.

Описание функционала: Если объект не тот же, освобождает старую память, копирует размеры и данные из `bf`.

Сложность: $O(len)$, копирование массива.

13.Оператор `TBitField TBitField::operator|(const TBitField& other)`

Параметры: `other` — второй операнд.

Возвращаемые значения: Новый объект с результатом побитового OR (длина — максимум из двух).

Описание функционала: Создает поле максимальной длины; для каждого бита устанавливает 1, если хотя бы в одном операнде 1 (использует `GetBit`).

Сложность: $O(maxLen)$, где $maxLen = \max(BitLen, other.BitLen)$; цикл по битам, каждый `GetBit` — $O(1)$.

14.Оператор `TBitField TBitField::operator&(const TBitField& other)`

Параметры: `other` — второй операнд.

Возвращаемые значения: Новый объект с результатом побитового AND.

Описание функционала: Аналогично `|`, но устанавливает 1 только если оба бита 1.

Сложность: $O(maxLen)$, цикл по битам.

15.Оператор `TBitField TBitField::operator~(void)`

Возвращаемые значения: Новый объект с инвертированными битами (в пределах `BitLen`).

Описание функционала: Инвертирует все слова побитовым \sim , затем маскирует лишние биты в последнем (частично заполненном) слове.

Сложность: $O(\text{MemLen}) = O(\text{len}/32)$, цикл по словам.

16. Оператор ввода `std::istream& operator>>(std::istream& is, TBitField& bf)`

Параметры: `is` — поток ввода; `bf` — поле для заполнения.

Возвращаемые значения: Ссылка на `is`.

Описание функционала: Читает строку из `is`; длина должна равняться `bf.BitLen`, содержать только '0'/'1'. Устанавливает биты: строка интерпретируется как биты от старшего (индекс 0 в строке — MSB, соответствует биту `BitLen-1`) к младшему.

Сложность: $O(\text{BitLen})$, цикл по битам с вызовами `SetBit/ClrBit`.

17. Оператор вывода `ostream& operator<<(ostream& ostr, const TBitField& bf)`

Параметры: `ostr` — поток вывода; `bf` — поле.

Возвращаемые значения: Ссылка на `ostr`.

Описание функционала: Выводит биты от старшего (`BitLen-1`) к младшему (0), т.е. MSB первым.

Сложность: $O(\text{BitLen})$, цикл с вызовами `GetBit`.

2.2) Класс TSet

Класс `TSet` реализует множество, используя характеристический вектор, представленный в виде класса `TBitField`. Каждый элемент соответствует одному биту в битовой строке. 0 — элемент отсутствует в множестве, 1 — элемент присутствует в множестве.

Поля класса:

`Int MaxPower` — максимальная мощность множества — размер универса

`TBitField BitField` — характеристический вектор в виде битовой строки

Методы класса:

1. Конструктор `TSet::TSet(int mp)`

Параметры: `mp` — максимальная мощность множества (> 0 , проверка делегируется в `TBitField`).

Описание функционала: Инициализирует пустое множество с универсумом $0..mp-1$, создавая `TBitField(mp)` со всеми битами 0.

Сложность: $O(mp)$, из-за инициализации `TBitField`.

2. Конструктор копирования `TSet::TSet(const TSet& s)`

Параметры: `s` — копируемый объект.

Описание функционала: Копирует `MaxPower` и содержимое `BitField` из `s`.

Сложность: $O(mp)$, где $mp = s.MaxPower$, из-за копирования `TBitField`.

3. Конструктор `TSet::TSet(const TBitField& bf)`

Параметры: `bf` — битовое поле для инициализации.

Описание функционала: Создает множество на основе `bf`: $MaxPower = bf.GetLength()$, `BitField` копирует `bf`.

Сложность: $O(len)$, где $len = bf.GetLength()$, из-за копирования `TBitField`.

4. Оператор преобразования `TSet::operator TBitField()`

Возвращаемые значения: Копия `BitField`.

Описание функционала: Позволяет использовать множество как битовое поле.

Сложность: $O(mp)$, копирование `TBitField`.

5. Метод `int TSet::GetMaxPower(void) const`

Возвращаемые значения: Значение `MaxPower`.

Описание функционала: Возвращает размер универсума.

6. Метод `void TSet::InsElem(const int Elem)`

Параметры: `Elem` — элемент для добавления ($0 \leq Elem < MaxPower$).

Описание функционала: Добавляет `Elem` в множество, устанавливая соответствующий бит в 1.

7. Метод `void TSet::DelElem(const int Elem)`

Параметры: `Elem` — элемент для удаления.

Описание функционала: Удаляет `Elem` из множества, устанавливая бит в 0.

8. Метод `int TSet::IsMember(const int Elem) const`

Параметры: `Elem` — проверяемый элемент.

Возвращаемые значения: 1, если `Elem` в множестве, иначе 0.

Описание функционала: Проверяет наличие `Elem` по состоянию бита.

9. Оператор `int TSet::operator==(const TSet& s) const`

Параметры: `s` — множество для сравнения.

Возвращаемые значения: 1, если множества равны (по битам `BitField`), иначе 0.

Описание функционала: Делегирует сравнение в `TBitField::operator==`.

Сложность: $O(mp)$, как у `TBitField::==`.

10. Оператор `int TSet::operator!=(const TSet& s) const`

Параметры: `s` — множество для сравнения.

Возвращаемые значения: 1, если множества не равны, иначе 0.

Описание функционала: Инвертирует результат `==`.

Сложность: $O(mp)$.

11. Оператор `TSet& TSet::operator=(const TSet& s)`

Параметры: `s` — присваиваемое множество.

Возвращаемые значения: Ссылка на `*this`.

Описание функционала: Если объект не тот же, копирует `MaxPower` и `BitField` из `s`.

Сложность: $O(mp)$, копирование `TBitField`.

12. Оператор `TSet TSet::operator+(const int Elem)`

Параметры: `Elem` — добавляемый элемент.

Возвращаемые значения: Новое множество с добавленным `Elem`.

Описание функционала: Создает копию текущего множества и вызывает `InsElem(Elem)`.

Сложность: $O(mp)$ для копии + $O(1)$ для вставки = $O(mp)$.

13. Оператор `TSet TSet::operator-(const int Elem)`

Параметры: `Elem` — удаляемый элемент.

Возвращаемые значения: Новое множество без `Elem`.

Описание функционала: Создает копию и вызывает `DelElem(Elem)`.

Сложность: $O(mp)$.

14. Оператор `TSet TSet::operator+(const TSet& s)`

Параметры: `s` — второе множество.

Возвращаемые значения: Новое множество — объединение (элементы из хотя бы одного).

Описание функционала: Проверяет равенство `MaxPower`; создает пустое множество и присваивает `BitField | s.BitField`.

Сложность: $O(mp)$, создание результата + сложность `TBitField::|` ($O(mp)$).

15.Оператор TSet TSet::operator*(const TSet& s)

Параметры: `s` — второе множество.

Возвращаемые значения: Новое множество — пересечение (элементы в обоих).

Описание функционала: Аналогично `+`, но использует `BitField & s.BitField`.

Сложность: $O(mp)$.

16.Оператор TSet TSet::operator~(void)

Возвращаемые значения: Новое множество — дополнение (элементы универсума, не в текущем).

Описание функционала: Создает пустое множество и присваивает `~BitField` (инверсия в пределах `MaxPower`).

Сложность: $O(mp/32)$, как у `TBitField::~~` (цикл по словам).

17.Оператор ввода std::istream& operator>>(std::istream& istr, TSet& s)

Параметры: `istr` — поток ввода; `s` — множество для заполнения.

Возвращаемые значения: Ссылку на `istr`.

Описание функционала: Читает битовую строку и заполняет `s.BitField` (MSB соответствует элементу `MaxPower-1`).

Сложность: $O(mp)$, как у `TBitField::~>>`.

18.Оператор вывода std::ostream& operator<<(std::ostream& ostr, const TSet& s)

Параметры: `ostr` — поток вывода; `s` — множество.

Возвращаемые значения: Ссылку на `ostr`.

Описание функционала: Выводит битовую строку `s.BitField` (MSB первым).

Сложность: $O(mp)$, как у `TBitField::~<<`.

3) Краткие комментарии к тестам

Тесты класса TBitField

- Тесты на исключения в TBitField (TestExcept1-4)

Проверяют выброс исключений (invalid_argument или out_of_range):

Инициализация с отрицательной/нулевой длиной (TBitField(-1)).

Операции ClrBit, SetBit, GetBit с индексом за пределами поля (например, 2*n для поля длины n=10).

- Тесты на отсутствие исключений и корректную работу в TBitField (TestNoExcept1-5)

Проверяют нормальную инициализацию (TBitField(10)) и операции в пределах границ, а также конструктор копирования (TBitField B(T) после ввода строки).

- Тесты ввода в TBitField (TestInput1-3)

Проверяют оператор ввода на корректность.

Корректный ввод строки длиной n=8 ("11110010") через.

Исключения: неверные символы ("11110021") и неправильная длина ("111100111001").

- Тесты побитового AND (&) в TBitField (Test_And1-8)

Проверяют оператор & для полей равной/разной длины (до 10 битов):

Корректные случаи: равные длины ("11110011" & "11101010" = "11100010"); разные длины (результат max длины, младшие биты дополняются 0).

Некорректные результаты: EXPECT_FALSE для заведомо неверных ожиданий.

- Тесты побитового OR (|) в TBitField (Test_Or1-7)

Аналогично AND: равные/разные длины ("11110000" | "11001100" = "11111100"); неверные ожидания; вариации длин (5-10 битов).

- Тесты инверсии (~) в TBitField (Test_Add1-2)

Описание: Проверяют ~B на полях длины 8: корректное дополнение до 1 ("11110000" == ~"00001111"); неверный результат.

- Тесты присваивания и сравнений в TBitField (Test_Eq, Test_Eq2, Test_Are_Equal1-2, Test_Are_UnEqual)

Присваивание (B = T) и самоприсваивание (T = T).

Равенство пустых/заполненных полей одинаковой длины (8-10 битов).

Неравенство ("11110000" != "11110011").

Тесты класса TSet

- Тесты инициализации и исключений в TSet (Test_Set1-5)

Нормальная инициализация (TSet(10)); исключение для отрицательной (TSet(-1)).

Исключения в InsElem, DelElem, IsMember с индексом за пределами ($2 * n$).

- Тесты копирования и сравнений в TSet (Test_Set6, Test_Cmp1-2)

Проверяет корректность работы операторов сравнения и копирования.

- Тесты операций над элементами и множествами в TSet (Test_Oper1-5)

Проверяет корректность выполнения операций над множествами

Добавление/удаление элемента ($S + 2$, $S - 2$).

Объединение ($S + S1 = \text{все биты } 1$).

Пересечение ($S * S1 = \text{пустое}$).

Дополнение ($\sim S$).