# Lab 3: 汉诺塔

在Lab 3中, 你需要设计并实现一个游戏: 汉诺塔。

### 1. 汉诺塔问题

汉诺塔是一个著名的数学问题。它由三根杆子和若干不同大小的盘子组成。开始时,所有的盘子都在第一根杆子 上,并按照从上到下大小升序排列(也就是说,最小的在最上面)。这个问题的目标是将所有盘子移到另一根杆子 上,并遵守以下简单的规则:

- 1. 每次只能移动一个盘子。
- 2. 每次移动都是将其中一根杆子的最上面的盘子取出,放到另一根杆子上。
- 3. 任何较大的盘子都不能放在较小的盘子上面。

解决这个问题的经典方法是递归。该算法可以描述为以下伪代码:

```
function hanoi(n, A, B, C) { // move n disks from rod A to rod B, use rod C as a buffer
  hanoi(n - 1, A, C, B);
  move(n, A, B); // move the nth disk from rod A to rod B
  haoni(n - 1, C, B, A);
}
```

### 2. 实验描述

在本实验中,杆子的数量总是等于3,盘子的数量可以是1~5。其中,第1根杆子为初始杆,第2根为目标杆。

本实验的任务包括以下内容:

- 完成一个交互式的汉诺塔游戏程序,根据用户输入的指令移动相应的盘子,并在用户胜利时打印提示;
- 通过命令行界面,将汉诺塔游戏的状态绘制出来,包括3根杆子和若干盘子;
- 根据汉诺塔问题的递归算法,提供一个自动求解程序,能够从任一状态出发,通过若干步移动达到目标状态;
- 通过判断当前的盘子排列状态<u>是否属于递归算法途经的各状态组成的集合</u>,提示当前状态是否处于递归路径上 (将递归算法途经的状态集定义为递归路径)。

#### 具体而言,程序的流程如下:

- 1. 首先,程序打印 How many disks do you want?  $(1 \sim 5)$ ,要求输入盘子的数量(要求为 $1 \sim 5$ )。如果输入2,则退出程序。**不合法的输入应当忽略。**
- 2. 接下来程序将打印汉诺塔的状态,随后打印 Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint),要求用户给出指令。指令的形式可以有两种,一种是 from to (例如,2 3 的意思是将杆2最上面的盘子移动到杆3上),另一种是 H (将判断当前状态是否处于递归路径上),不合法的输入或是不可执行的指令应该忽略。在这之后,无论指令是否合法,程序总是重新打印一遍当前状态,并重新要求用户输入。
- 3. 如果输入的指令为 0 0 ,则进入自动模式。程序需要<u>首先将用户已经执行的指令反过来执行一遍</u>,复原到初始状态,然后再按照递归算法执行。<u>每次执行时,程序通过输出 Auto moving:x->y</u> 告知用户所执行的指<u>令。注意:即使有其他方法从当前状态直接到达目标状态,也请按照先复原后执行的方式进行。这是因为自动评测的时候会直接比对输出内容。</u>

- 4. 如果输入的指令为用,则会判断当前的状态 (状态只与各个盘子当前所在的位置与大小有关,与历史移动无关,因此即使过去的某个状态偏移了递归路径,后续仍可能回到该路径上) 是否是递归路径上的状态集中的某个状态,如果是,则输出 You are on the optimal path!,如果不是,则输出 Sorry. You are not on the optimal path.。(注意,在这之后仍需要打印一遍当前状态)
- 5. 无论是通过用户指令或是自动模式,只要达成目标状态(即所有盘子都移到杆2上),就打印游戏胜利的提示信息,然后重新回到第1步。

打印汉诺塔状态的要求:我们用 | 表示杆子, - 表示底座, 一排 \* 表示盘子。每个盘子从小到大分别用3、5、7、9、11个 \* 表示(最多5个盘子)。**无论盘子数量多少,输出的整个画布的大小固定为11x41。** 

例如,一共5个盘子,均按照从小到大放在杆1上,此时输出的结果应该如下:

而如果只有3个盘子,输出如下(注意画布的大小不变):



## 3. 样例输入输出

这里给出两个样例,分别使用自动模式和手动模式。这里行首的 > < 代表是程序的输入还是输出。

样例1:

```
<
<
<
<
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
> 0 0
< Auto moving:1->3
<
< Auto moving:1->2
<
<
<
<
<
<
< Auto moving:3->2
<
<
<
<
<
<
<
<
< Congratulations! You win!</pre>
< How many disks do you want? (1 \sim 5)
> Q
```

```
< How many disks do you want? (1 ~ 5)
<
<
<
<
<
     ***
<
<
< ----- | ------ | ------ | -----
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
> H
< You are on the optimal path!
<
<
<
<
<
     ***
< ----- | ------ | ------ | -----
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
> 1 2
<
<
<
< -----|------|------|-----
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
> H
< Sorry. You are not on the optimal path.
<
<
<
<
```

```
< ****
< ----- | ------ | ------ | -----
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
> 2 3
<
<
<
<
<
<
<
< ----- | ------ | ------ | -----
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
> H
< You are on the optimal path!
<
<
<
<
<
<
< ----- | ------ | ------ | -----
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
> 1 2
<
<
<
<
<
<
< -----|------|------|-----
< Move a disk. Format: x y (or 'H' for a hint)
< You are on the optimal path!
<
<
<
<
<
```

## 4. 面向对象和数据结构

要完成这个实验,你需要了解C++面向对象编程以及基本的数据结构知识(如栈和队列)。 在本实验中,你需要根据我们的设计来实现对应的数据结构。

#### 4.1 UniquePtr

本实验中,实现的栈和队列是由链表的方式实现的,并且链表节点 node.h 已经为你实现好了。与你常见的实现不同,我们为你实现的链表有自己特殊的属性——<u>所有权</u>机制。所有权是程序设计中一种常见的设计方法,表达**某个数据属于某个变**量的概念。在我们实现的链表节点中,一块数据只能被一个所有者拥有,即数据是独占的。下面是一个简单的例子:

上面这个例子中,p和p2两个指针都指向同一个内存块,即p和p2共享了内存块的所有权。下面我们使用封装指针的类型——UniquePtr,来演示如何使用独占所有权:

```
// p是指向内存块的指针, 内存块的值为1
UniquePtr<int> p = MakeUnique<int>(1);

// p2也想要指向指针p所指向的内存块, 引发编译错误
UniquePtr<int> p2 = p; // compile error

// p将自己所有的内存块移动给p3, p变成nullptr, p3成为内存块的所有者
UniquePtr<int> p3 = std::move(p);

assert(p, nullptr);
assert(*p3, 1);
```

除了独占所有权这一特性之外,UniquePtr 还使用了C++的RAll来保障内存安全。Resource acquisition is initialization (RAII)是C++的特性,通过构造函数和析构函数的配套使用,UniquePtr 可以在构造函数中申请内存,在析构函数中释放内存,从而避免手动的 new 和 delete。

```
{
    UniquePtr<int> p = MakeUnique<int>(1);
    fn(p); // 对p及指向的内存进行操作
}
// p的生命周期结束,内存自动被释放
```

在实验中,我们为你定义好了 UniquePtr 的原型,你需要完成具体的实现。请注意,实现 UniquePtr 很容易产生错误,包括意外的空指针、不经意的内存泄漏。实验中有一个使用googletest编写的测试框架 (lab3\_test.cpp),我们会通过详细的单元测试来确保你的 UniquePtr 是正确的。我们也鼓励你自己对 UniquePtr 进行测试,具体测试的编写方式可以参考 lab3 test.cpp。

#### 4.2 链表、栈、队列

实验在 UniquePtr 的基础上,构建其他的数据结构。我们为你定义好了 Stack 和 Queue 的原型,你需要完成具体的实现。

请注意,你只需要构建**单向链表**的栈和队列。每个数据结构都分为 xxx.h 和 xxx\_impl.h , xxx.h 是我们为你实现好的原型,你需要实现的是 xxx impl.h 里的逻辑。

在其他的地方使用这些数据结构,只需要包含 xxx.h 即可。

#### 5. 提示

我们已经准备了本实验的代码框架。其中每个文件的用途说明如下:

- hanoi.cpp 中含有main函数,请从这里开始编写程序的整体逻辑。
- board.cpp 和 board.h 中实现了Board类,这个类用来表示汉诺塔游戏的状态。Board类主要的成员函数分别解释如下:
  - o move 函数用于执行移动指令,其中第三个参数 log 代表该操作是否为用户手动执行,如果是则需要记录 至历史;
  - o win 函数用于判断游戏是否胜利;
  - o draw 函数向控制台打印当前状态(按照上面所说的格式);

- o autoplay 函数可以开始自动模式。
- o hint 函数可以提示当前状态是否处于递归路径上。
- o toString 函数用于序列化当前状态,以便与递归路径上的状态比较。
- canvas.h 是提供的画布工具。该文件实现了Canvas类,该类可以创建一个11x41的缓冲区,允许你先在这个缓冲区上绘画,然后再一起输出。你可以在 Board::draw 函数中使用该Canvas类。
- rod.h 和 rod.cpp 是提供的工具类,其中包含了修改柱子的逻辑代码,通过与Canvas类交互起到修改画布信息的作用。
- disk.h 和 disk.cpp 是提供的工具类,其中包含了修改盘子的逻辑代码,通过与Cancas类交互起到修改画布信息的作用。
- queue.h stack.h 分别实现栈和队列,他们都使用了 node.h 和 unique\_ptr.h 的逻辑。这些文件是接口定义和我们为你提供好的一部分功能实现,每个容器都对应有 xxx\_impl.h 的头文件,内部包含了真正的函数实现,需要你来完成。

请你按照前面对程序功能的描述,补全代码中的TODO注释,实现汉诺塔游戏程序。

#### 你需要注意以下事情:

- 1. 请不要在代码中使用某些STL容器和智能指针。禁止的容器类包括: std::vector std::stack std::queue std::list std::unique\_ptr, 其他类(如 std::pair)的使用不受影响。不使用STL容器会在评分中占10分。该项分数会通过评测程序自动检查,如果评分有误请及时联系负责的助教进行人工检查。
- 2. 你需要**完全按照给出的代码框架来编写**,并且只修改需要你修改的文件,提交的压缩包中只包含你所完成的文件。请注意,测试时,不需要你修改的文件会被我们用原始文件覆盖,如果你也修改了这些文件,最终可能会导致平台无法编译你的代码。
- 3. UniquePtr 只能通过 std::move 来移动所有权,不能直接拷贝赋值/构造。你的实现不需要考虑如何做到这一点,只需要编写移动赋值和移动构造函数即可。
- 4. 你可以调用 MakeUnique 得到一个任意类型T的 UniquePtr ,直接传入构造T所需要的参数即可。下面是一个更详细的例子:

```
struct A {
  int a;
  int b;
  A(int a, int b): a(a), b(b) {}
}
UniquePtr<A> p = MakeUnique<A>(1, 2); // a = 1, b = 2
```

- 5. UniquePtr 的定义中包含了 reset 和 release 函数,注释中描述了这两个函数具体的语义。只使用 reset 和 release 的简单组合就可以实现移动构造和移动赋值,同时我们也会测试你的 reset 和 release 是否正确实现。
- 6. 在实现堆和栈的时候,多使用 assert 来检查指针是否为 nullptr 是一个很好的习惯,能够帮助你节省debug 的时间。
- 7. 在实现自动模式时,请务必先将用户的所有操作——复原,然后再按照标准的递归流程进行。

- 8. 遇到不合法的输入时,请直接忽略,重新请求用户输入。如果是在游戏进行时遇到不合法的输入,要当作执行 一次无效操作,先输出一遍游戏状态,再请求用户输入。测试用例中会有1个用于测试程序面对非法输入的行 为。不合法的输入可能包括:
- 需要输入数字时输入了其他字符;
- 输入的数值过小或过大;
- from 是空杆;
- 试图将大盘放到小盘上;
- 等等。
- 9. 你只需要在栈、队列的实现中使用 UniquePtr, 在表达数组的时候,可以直接使用裸指针(我们为你提供的board、canvas、rod、disk 也是使用裸指针的)。
- 10. 在比较两个状态的时候,你需要首先实现 rod.cpp 中的 toString 成员函数(board.cpp 中的 toString 已经提供了实现,该实现简单地使用 += 来拼接字符串。如果感兴趣,你可以查阅直接使用string连接的弊端),将柱子中盘子的堆叠顺序与大小唯一对应地"翻译"为一个字符串(这里对具体的转化方案不作要求,只需要能区分每一个状态即可)。接下来,你会用到 std::unordered\_set<std::string> optimal\_states 这个数据结构。它使用哈希表作为底层实现,能够以常数复杂度判断某个元素(这里是 std::string)是否已经存在于集合中。你在本次实验可能需要用到的 std::unordered\_set 的成员函数有 empty 、insert 、find(或 count)。感兴趣的同学可以上网搜索,了解其设计与实现。
- 11. 注意提交的应当是一个7z压缩包,且压缩包内首先有一个 lab3 文件夹,文件夹内再包含源代码,错误的文件 结构会导致测试失败。
- 12. 如果你在编译的时候遇到提示网络问题,可能是由于依赖中会拉取 googletest 的源代码,而你的网络无法访问github导致的。你可以将 CMakeList.txt 的googletest网址改成gitee的镜像源:

#### 5. 提交和评分

你需要提交的文件包括:

```
hanoi.cpp
board.cpp
rod.cpp
queue_impl.h
stack_impl.h
unique_ptr_impl.h
```

请将你的源代码打包成 lab3-xxx.7z (其中 xxx 是你的学号),然后上传到canvas上。7z文件的文件夹结构应当如下:

```
lab3-XXX.7z
|--- lab3
|--- xxx.h
|--- xxx.cpp
|--- ...
```

评分标准:编译通过20分,6个测试用例每个10分,不使用STL容器和智能指针10分,UniquePtr 的单元测试10分,总分100分。