フーリエ変換

例題 10-6~10-8 の計算を確認し、章末問題の[演習 3]~[演習 5]を行う.

※例題の図に関しては、実部と虚部のスペクトル、又は振幅と位相スペクトルのどちらかのペアのみでも可

[例題 10-6]の図

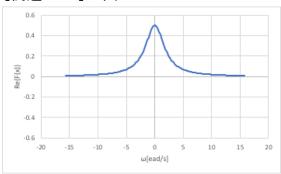


図1:実部スペクトルのグラフ

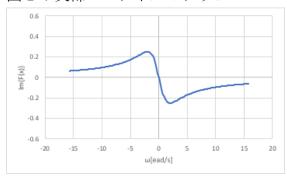


図2:虚部スペクトルのグラフ

[例題 10-7]の図

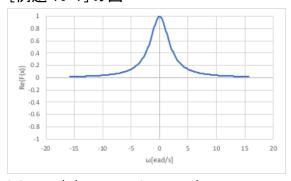


図3:実部スペクトルのグラフ

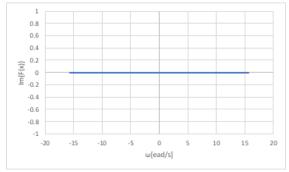


図4:虚部スペクトルのグラフ

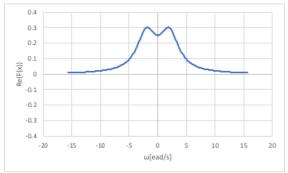


図5:実部スペクトルのグラフ

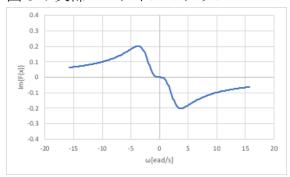


図6:虚部スペクトルのグラフ

[演習3]

$$F(\omega) = \int_{-1}^{0} (1+t) * e^{-j\omega t} dt + \int_{0}^{1} (1-t) * e^{-j\omega t} dt$$
$$= \frac{1}{\omega^{2}} \left(2 - e^{j\omega} - e^{-j\omega}\right)$$
$$= \frac{4}{\omega^{2}} \sin^{2} \frac{\omega}{2}$$

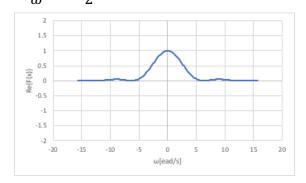


図7:実部スペクトルのグラフ

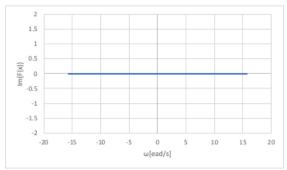


図8:虚部スペクトルのグラフ

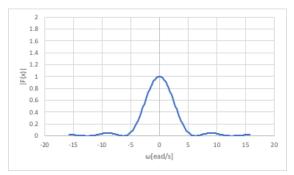


図9:振幅スペクトルのグラフ

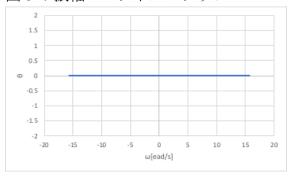


図10:位相スペクトルのグラフ

[演習 4]

$$F(\omega) = \int_0^\infty 5 * e^{-3t} * e^{-j\omega t} dt$$

$$=\frac{5}{3+j\omega}$$

$$Re\{F(\omega)\} = \frac{15}{3^2 + \omega^2}$$

$$Im\{F(\omega)\} = -\frac{5\omega}{3^2 + \omega^2}$$

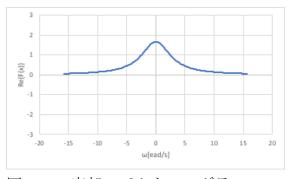


図11:実部スペクトルのグラフ

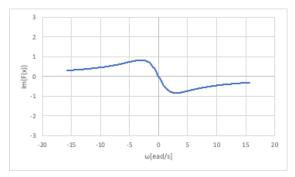


図12:虚部スペクトルのグラフ

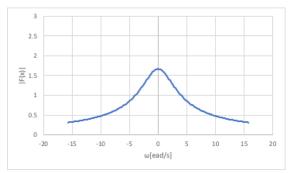


図13:振幅スペクトルのグラフ

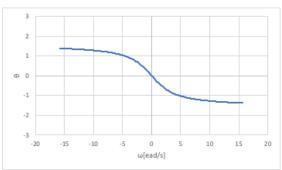


図14:位相スペクトルのグラフ

[演習5]

$$F(\omega) = \int_0^\infty \sin 2t * e^{-2t} * e^{-j\omega t} dt$$
$$= \frac{2}{8 - \omega^2 + j4\omega}$$

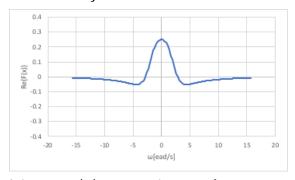


図15:実部スペクトルのグラフ

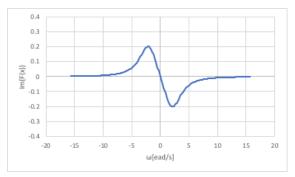


図16:虚部スペクトルのグラフ

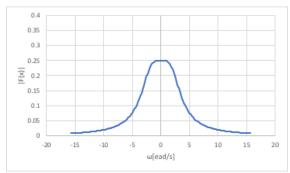


図17:振幅スペクトルのグラフ

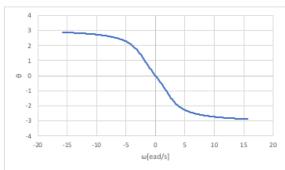


図18:位相スペクトルのグラフ