

# Complexité d'un algorithme

Soit  $f(n)$  une fonction de  $n$ .

On dira qu'un algorithme est en  **$O(f(n))$**  si son temps d'exécution est proportionnel à  $f(n)$ .

On dira qu'un algorithme est en  $O(f(n))$  s'il existe deux nombres positifs constants  $k$  et  $n_0$  tels que  $T(n) \leq k * f(n)$  quand  $n = n_0$ .

La fonction  $f(n)$  est appelée l'**ordre de complexité** de l'algorithme

Les cas les plus fréquemment rencontrés sont les suivants :

$O(1)$  : durée indépendante de  $n$

$O(\log n)$  : complexité logarithmique

$O(n)$  : complexité linéaire

$O(n * \log n)$  : complexité quasi-linéaire

$O(n^2)$  : complexité quadratique

$O(n^3)$  : complexité cubique

$O(n^d)$  : complexité polynomiale

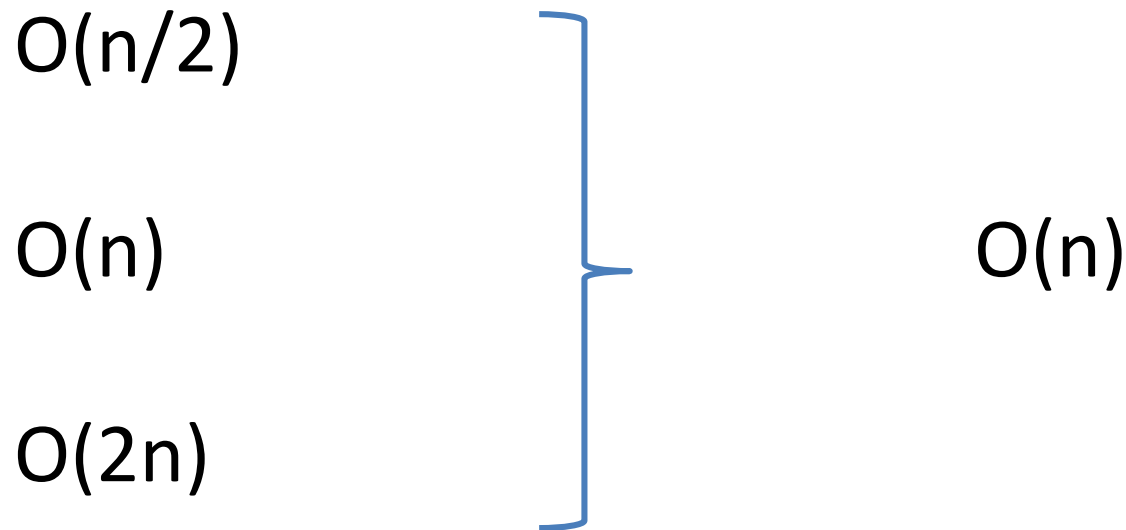
$O(2^n)$  : complexité exponentielle

$O(n!)$  : complexité factorielle



n ↓	1	log n	n	n*log n	n <sup>2</sup>	n <sup>3</sup>	2 <sup>n</sup>	n!
10	1	3	10	30	100	1000	1000	3628800
20	1	4	20	80	400	8000	1000000	2*10 <sup>18</sup>
100	1	7	100	700	10000	1000000	10 <sup>30</sup>	...
1000	1	10	1000	10000	10 <sup>6</sup>	10 <sup>9</sup>	10 <sup>300</sup>	
10000	1	13	10000	130000	10 <sup>8</sup>	10 <sup>12</sup>	...	
10 <sup>6</sup>	1	20	1000000	20000000	10 <sup>12</sup>	10 <sup>18</sup>		
10 <sup>9</sup>	1	30	10 <sup>9</sup>	30*10 <sup>9</sup>	10 <sup>18</sup>	10 <sup>27</sup>		

Le facteur de proportionnalité est négligé.  
Il ne sera utilisé que pour départager deux algorithmes qui ont le même ordre de complexité.



```
public boolean contient(int unEntier){  
    for (int i = 0; i < this.nombreDEntiers; i++) {  
        if(this.tableDEntiers[i]==unEntier)  
            return true;  
    }  
    return false;  
}
```

Dans le meilleur des cas :  
 $O(1)$

3	9	8	5	1
---	---	---	---	---

```
public boolean contient(int unEntier){  
    for (int i = 0; i < this.nombreDEntiers; i++) {  
        if(this.tableDEntiers[i]==unEntier)  
            return true;  
    }  
    return false;  
}
```

Dans le pire des cas :  
 $O(n)$

3	9	8	5	1
---	---	---	---	---

```
public boolean contient(int unEntier){  
    for (int i = 0; i < this.nombreDEntiers; i++) {  
        if(this.tableDEntiers[i]==unEntier)  
            return true;  
    }  
    return false;  
}
```

Coût moyen:

$O(n/2)$

3	9	8	5	1
---	---	---	---	---



```
public boolean contient(int unEntier){  
    for (int i = 0; i < this.nombreDEntiers; i++) {  
        if(this.tableDEntiers[i]==unEntier)  
            return true;  
    }  
    return false;  
}
```

En ignorant le facteur de proportionnalité:

$O(n)$

3	9	8	5	1
---	---	---	---	---

```
public boolean contient(int unEntier){  
    return trouverIndice(unEntier) != -1;  
}
```

$O(n)$

$O(n)$

```
public boolean contientExAequo() {  
    for (int i = 0; i < nombreDEntiers - 1; i++) {  
        for (int j = i+1; j < nombreDEntiers; j++) {  
            if(tableDEntiers[i]==tableDEntiers[j])  
                return true;  
        }  
    }  
    return false;  
}
```

$O(n^2)$

```
public boolean supprimer(int unEntier){  
    for (int i = 0; i < nombreDEntiers; i++) {  
        if(tableDEntiers[i]==unEntier){  
            for (int j = i; j < nombreDEntiers-1; j++)  
                tableDEntiers[j]=tableDEntiers[j+1];  
            nombreDEntiers--;  
            return true;  
        }  
    }  
    return false;  
}
```

$O(n)$

```
public boolean supprimer(int unEntier){
```

```
    int indice = trouverIndice(unEntier);
```

```
    if(indice == -1)            $O(n)$   
        return false;
```

```
    supprimerALIndice(indice);
```

```
    return true;               $O(n)$ 
```

```
}
```

$O(n)$

```
public void ajouter(int unEntier){
```

```
    agrandirTableSiPleine();  $O(n)$ 
```

```
    tableDEntiers[nombreDEntiers]=unEntier;  
    nombreDEntiers++;
```

```
}
```

Coût amorti = 1!!!

Moyenne de n ajout

L'agrandissement de la table se fait tous les n ajouts  
si taille x 2