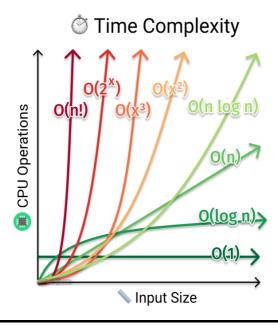
Laufzeitkomplexität

Frop Secret

I) Laufzeitkomplexität

- beschreibt, wie lange ein eine SQL-Abfrage im Verhältnis zur Größe der Eingabedaten läuft
- Je schneller die Laufzeit im Verhältnis zur Eingabedatenmenge wächst, desto komplexer ist der Algorithmus



I a) Warum ist Laufzeitkomplexität wichtig?

• Performance:

Eine Abfrage mit hoher Laufzeitkomplexität kann bei großen Datenmengen sehr lange dauern oder zu einem Absturz führen

• Skalierbarkeit:

Wenn die Datenmenge wächst, sollten Abfrage idealerweise nicht proportional langsamer werden

• Ressourcenverbrauch:

Langsame Abfragen verbrauchen mehr Serverressourcen (CPU, Speicher) und können andere Benutzer beeinträchtigen

II) Beispiele von Laufzeitkomplexitäten

• $\mathcal{O}_{(1)}$:

• Beispiel 1:

Eine Abfrage, die nur die erste Zeile einer Tabelle ausgibt

SELECT * FROM customers WHERE customer_id = 123;

• Beispiel 2:

Zählen aller Zeilen in einer Tabelle mit einem Index auf der gesamten Tabelle

SELECT COUNT(*) FROM customers;

• $O_{(n)}$:

LINEARE KOMPLEXITÄT : DIE LAUFZEIT IST PROPORTIONAL ZUR DATENMENGE

• Beispiel 1:

Eine Abfrage, die jede Zeile einer Tabelle durchläuft

SELECT * FROM orders;

• Beispiel 2:

Berechnung einer Summe über alle Werte einer Spalte

SELECT SUM(amount) FROM orders;

• $\mathcal{O}_{(n^2)}$:

QUADRATISCHE KOMPLEXITÄT : DIE LAUFZEIT WÄCHST QUADRATISCH MIT DER DATENMENGE

• Beispiel 1:

Verschachtelte Schleifen (vereinfacht, in der Praxis oft ineffizient)

```
SELECT * FROM customers c1, customers c2
WHERE c1.city = c2.city;
```

• Beispiel 2:

```
Berechnung aller möglichen Kombinationen ohne Indizes

SELECT * FROM products, colors;
```

• $O_{(\log n)}$:

LOGARITHMISCHE KOMPLEXITÄT : DIE LAUFZEIT WÄCHST LOGARITHMISCH MIT DER DATENMENGE

• Beispiel:

```
Binäre Suche auf einem sortierten Index (vereinfacht)

-- Annahme: Ein Index auf customer_name ist vorhanden und sortiert

SELECT * FROM customers

WHERE customer_name >= 'Mustermann'

ORDER BY customer_name

FETCH FIRST 1 ROW ONLY;
```

• $O_{(n \log n)}$:

SUPERLINEARE KOMPLEXITÄT : LIEGT ZWISCHEN O(N) UND $O(N^2)$

• Beispiel:

```
Optimierte Sortieralgorithmen wie Quicksort

SELECT * FROM customers ORDER BY last_name;
```

• $\mathcal{O}_{(2^n)}$:

EXPONENTIELLE KOMPLEXITÄT : DIE LAUFZEIT VERDOPPELT SICH, WENN DIE DATENMENGE UM EINE EINHEIT GRÖSSER WIRD

- Beispiel:
 - Bilden aller Paare einer Menge, Türme von Hanoi als rekursiver Algorithmus
- $\mathcal{O}_{(n!)}$:

FAKTORIELLE KOMPLEXITÄT : DIE LAUFZEIT WÄCHST MIT DER FAKULTÄT DER DATENMENGE

- Beispiel:
 - Problem des Handlungsreisenden

made by