Задача 7

Построить машину Тьюринга, которая вычисляла бы i-ю проекцию n-ки натуральных чисел:

$$U_i^{(n)}(x_1, x_2, \dots, x_n) = x_i, 1 \le i \le n$$

Решение

Алфавит для слов $\mathscr{U}=\{|\}.$ На ленте первое число i, дальше n-ка натуральных чисел.

Имена	Команды
INIT	$q_0 \mid n \mid q_1$
0M3	$q_0 m L q_3$
1	$q_1 \mid L \mid q_1$
1B2	$q_1 B m q_2$
1 <i>M</i>	$q_1 m L q_1$
1N	$q_1 \ n \ L \ q_1$
2	$q_2 \mid R \mid q_2$
2B0	$q_2 B L q_0$
2M	$q_2 m R q_2$
2N	$q_2 n B q_2$

Имена	Команды
3	$q_3 \mid L \mid q_3$
3B4	$q_3 B R q_4$
3 M	$q_3 m L q_3$
4	$q_4 \mid R \mid q_4$
4B	$q_4 B L q_4$
4M5	$q_4 m n q_5$
4N9	$q_4 n B q_9$
5	$q_5 \mid R \mid q_5$
5M6	$q_5 m n q_6$
5N	$q_5 n R q_5$

Имена	Команды
6	$q_6 \mid B \mid q_6$
6B	$q_6 B R q_6$
6M7	$q_6 m R q_7$
6N	$q_6 n R q_6$
7	$q_7 \mid L \mid q_7$
7B8	$q_7 B L q_8$
7M8	$q_7 m B q_8$
8B6	$q_8 B L q_6$
8M4	$q_8 m B q_4$

Имена	Команды
9	$q_9 \mid L \mid q_9$
9B	$q_9 B L q_9$
9N10	$q_9 n B q_{10}$
10	$q_{10} \mid B \mid q_{10}$
10B11	$q_{10} B L q_{11}$
11 10	$q_{11} \mid \mid q_{10}$
11B12	$q_{11} B L q_{12}$
12 10	$q_{12} \mid \mid q_{10}$
STOP	$q_{12} B L q_{stop}$

Проверка

Вычисление $U_2^{(3)}(0,2,1)=2.$

Имена	Конфигурации		
INIT	$B(q_0) B B B B $		
1N	$ B(q_1 n) B B B B$		
1	$\mid B \stackrel{\frown}{n} (q_1 \mid) \mid B \mid B \mid \mid \mid B \mid \mid B$		
1B2 2M 2	$\begin{array}{c c} & \dots & \\ B \ n \ \ \ (q_1 \ B) \ \ B \ \ \ \ B \ \ \ B \\ B \ n \ \ (q_2 \ m) \ \ B \ \ \ B \ \ \ B \\ B \ n \ \ (q_2 \) \ m \ \ B \ \ \ B \ \ \ B \end{array}$		
2N 2B0 INIT	$ \begin{array}{c c} & \dots & \\ B\ (q_2\ n)\ \ \ m\ \ B\ \ \ B\ \ B\$		
1B2	$\begin{array}{c c} & \cdots \\ B n \mid m \mid (q_1 B) \mid \mid \mid B \mid \mid B \end{array}$		
INIT	$B (q_0 \mid) m \mid m \mid \mid \mid B \mid \mid B$		
1B2	$\begin{array}{c c} & \dots \\ & B \ n \ m \mid m \mid \mid (q_1 \ B) \mid \ B \end{array}$		
0M3 3	$B (q_0 m) m m B$ $B m (q_3) m m B$		
3B4 4	$\begin{array}{c c} & \cdots & \\ B \ m \ \ m \ \ \ \ m \ \ (q_3 \ B) \ B \\ B \ m \ \ m \ \ \ \ m \ \ (q_4 \) \ B \end{array}$		
4M5 5N	$egin{array}{c} & \dots & \\ B \ m \ \ m \ \ \ \ (q_4 \ m) \ \ \ B \\ B \ m \ \ m \ \ \ \ (q_5 \ n) \ \ \ B \end{array}$		

Имена	Конфигурации
5N	$B m \mid m \mid \mid \mid \mid (q_5 n) \mid \mid B$
5M6	$B m \mid (q_5 m) \mid \mid n \mid B$
6N	$B m \mid (q_6 n) \mid \mid \mid n \mid \mid B$
6	$B m (q_6 \mid) n \mid \mid \mid n \mid \mid B$
6B	$B m (q_6 B) n n B$
6M7	$B (q_6 m) B n n B$
7B8	$B (q_7 B) m B n \mid \mid \mid n \mid \mid B \mid$
8M4	$B (q_8 m) B n n B$
4B	$B (q_4 B) B n n B$
4N9	$B(q_4 n) \mid \mid n \mid B$
9B	$B\ (q_9\ B)\ \ \ \ n\ \ \ B$
9	$B (q_9 \mid) \mid \mid n \mid \mid B$
9N10	$D \mid $
10B11	$B \mid \mid (q_9 \ n) \mid B$
_	$B \mid (q_{10} B) B$
11 10	$B \mid \mid B (q_{11} \mid) \mid B$
10 10B11	$B \mid \mid B (q_{10} \mid) \mid B$
11 10	$B \mid \mid B (q_{10} B) \mid B$
10	$B \mid \mid B B (q_{11} \mid) B$
10B11	$B \mid \mid B B (q_{10} \mid) B$
11B12	$B \mid \mid B B (q_{10} B) B$
STOP	$B \mid \mid B B B (q_{11} B)$
3101	$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$
	$ D D D D D D (q_{stop} D)$

Конфигурации в общем случае

Мена Конфигурации	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	}
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	В
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\mid B$
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\mid B$
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
\mid 31N I \cup \mid	
$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
$\begin{array}{c c} 11B12 & B \mid \ldots \mid B \mid B \mid \ldots \mid B \mid B \mid \ldots \mid B \mid \ldots \mid B \mid \ldots \mid B \\ 12B12 & B \mid \ldots \mid B$	
$ \hspace{.06cm} 12 10 \hspace{.05cm} \hspace{.08cm} B\hspace{.08cm} \hspace{.08cm}\hspace{.08cm} \hspace{.08cm} B\hspace{.08cm} B\hspace{.08cm}\hspace{.08cm} \hspace{.08cm} B\hspace{.08cm} B\hspace{.08cm}\hspace{.08cm} \hspace{.08cm} B\hspace{.08cm}\hspace{.08cm} \hspace{.08cm} B\hspace{.08cm} \hspace{.08cm}\hspace{.08cm} \hspace{.08cm} B.$	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{bmatrix} \dots \\ 11B12 \end{bmatrix}$ $B \dots B B \dots B B (q_{11} B) B$	
STOP $B \mid \ldots \mid B \mid B \mid \ldots \mid B \mid B \mid B \mid B \mid B \mid $	
$B \mid \ldots \mid B \mid B \ldots B \mid B \mid (q_{stop} \mid B) \mid B$	

Таблица состояний и граф переходов

		В	m	n
q_0	$q_1 n$	-	$L q_3$	-
q_1	$L q_1$	$q_2 m$	$L q_1$	$L q_1$
q_2	$R q_2$	$L q_0$	$R q_2$	$q_2 B$
q_3	$L q_3$	$R q_4$	$L q_3$	-
q_4	$R q_4$	$L q_4$	$q_5 n$	$q_9 B$
q_5	$R q_5$	-	$q_6 n$	$R q_5$
q_6	$q_6 B$	$R q_6$	$R q_7$	$R q_6$
q_7	$L q_7$	$L q_8$	$q_8 B$	-
q_8	-	$L q_6$	$q_4 B$	-
q_9	$L q_9$	$L q_9$	-	$q_{10} B$
q_{10}	$q_{10} B$	$L q_{11}$	-	-
q_{11}	q_{10}	$L q_{12}$	-	-
q_{12}	q_{10}	$L q_{stop}$	-	-
q_{stop}	-	-	-	-

