

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего  
образования  
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО  
ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

КАФЕДРА № 25

ОТЧЕТ  
ЗАЩИЩЕН С ОЦЕНКОЙ  
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ

ассистент

Н.В. Степанов

---

должность, уч. степень, звание

---

подпись, дата

---

инициалы, фамилия

ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №3

ИССЛЕДОВАНИЕ ГЕОМЕТРИЧЕСКОГО  
ПРЕДСТАВЛЕНИЯ СИГНАЛОВ

по курсу: Общая теория связи

РАБОТУ ВЫПОЛНИЛ

СТУДЕНТ ГР. №

3032

П.Е.Морозова

---

подпись, дата

---

инициалы, фамилия

### 1. Цель работы:

Исследовать геометрическое представление сигналов. Построить множество сигнальных точек и разбить сигнальное пространство на решающие области.

### 2. Исходные данные:

Вариант 3.6, КАМ

$f_0 = 1800$  Гц;

$V_{\text{мод}} = 1200$  Бод;

$V_{\text{инф}} = 4800$  бит/с;

$f_0$  – несущая частота,  $V_{\text{мод}}$  – скорость модуляции,  $V_{\text{инф}}$  – скорость информации

### 3. Теоретическое описание

Пусть  $\{s_i(t)\}$  – множество сигналов, определенных на конечном интервале  $[0, T]$ , где  $T$  – период следования сигналов,  $i = 0, 1, \dots, q-1$ . Для множества сигналов  $\{s_i(t)\}$  можно указать множество ортонормированных функций  $\{\varphi_j\}$ , определенных на интервале  $[0, T]$ ,  $j = 1, 2, \dots, D$ . то есть таких, которые попарно ортогональны. Условие ортогональности функций:

$$(\varphi_j, \varphi_k) = \int_0^T \varphi_j(t) \varphi_k(t) dt = \delta_{jk} = \begin{cases} 1, & k = j \\ 0, & k \neq j \end{cases}$$

Также функции должны быть нормированы, норма функций равна единице.

Норма функции вычисляется по следующей формуле:

$$||\varphi_j|| = \sqrt{(\varphi_j, \varphi_j)}$$

Коэффициенты разложения сигнала  $s_{ij}$  представляют собой вещественные числа, которые вычисляются как скалярное произведение сигнала  $s_i(t)$  и базисной функции  $\varphi_j$

$$s_{ij} = (s_i, \varphi_j) = \int_0^T s_i(t) \varphi_j(t) dt$$

При фиксированном базисе  $\{\varphi_j\}$ ,  $j = 1, 2, \dots, D$ , каждому сигналу  $s_i(t)$ ,  $i = 0, 1, \dots, q-1$ , соответствует вектор коэффициентов  $s_i = (s_{i1}, s_{i2}, \dots, s_{iD})$ .

Вектор  $s_i$  можно представить в виде точки в  $D$ -мерном евклидовом пространстве. Можно сказать, что набор векторов  $\{s_i\}$  задает множество сигнальных точек  $q$  в сигнальном пространстве, или сигнальное созвездие.

Взаимно-однозначное соответствие между множеством сигналов и множеством векторов коэффициентов изометрическое.

#### 4. Задание множества базисных функций

Были выбраны следующие базисные функции:

$$\varphi_1(t) = \begin{cases} \sqrt{\frac{2}{T}} \cos 2\pi f_0 t, & 0 < t < T \\ 0, & \text{в противном случае} \end{cases}$$

$$\varphi_2(t) = \begin{cases} \sqrt{\frac{2}{T}} \sin 2\pi f_0 t, & 0 < t < T \\ 0, & \text{в противном случае} \end{cases}$$

$f_0$  задается по формуле  $\frac{l}{T}$ , где  $l$  целое число.

Эти функции образуют базис размерности  $D = 2$ .

#### 5. Проверка базисных функций на ортонормированность:

```
disp('Проверка ортогональности: ')\ndisp(trapz(t, F_1.*F_2));\ndisp('Проверка ортонормированности: ');\ndisp(trapz(t, F_1.*F_1));\ndisp(trapz(t, F_2.*F_2));
```

Результаты вычислений представлены на рисунке 1.

Так как значение скалярного произведения  $F_1$  и  $F_2$  экспонента в  $-18$  степени, полученный результат максимально приближен к нулю.

Для проверки ортонормированности вычисляется квадрат нормы. Так как  $F_1 * F_1 = 1$  и  $F_2 * F_2 = 1.0000$ , можно сделать вывод о том, что функции ортонормированные.

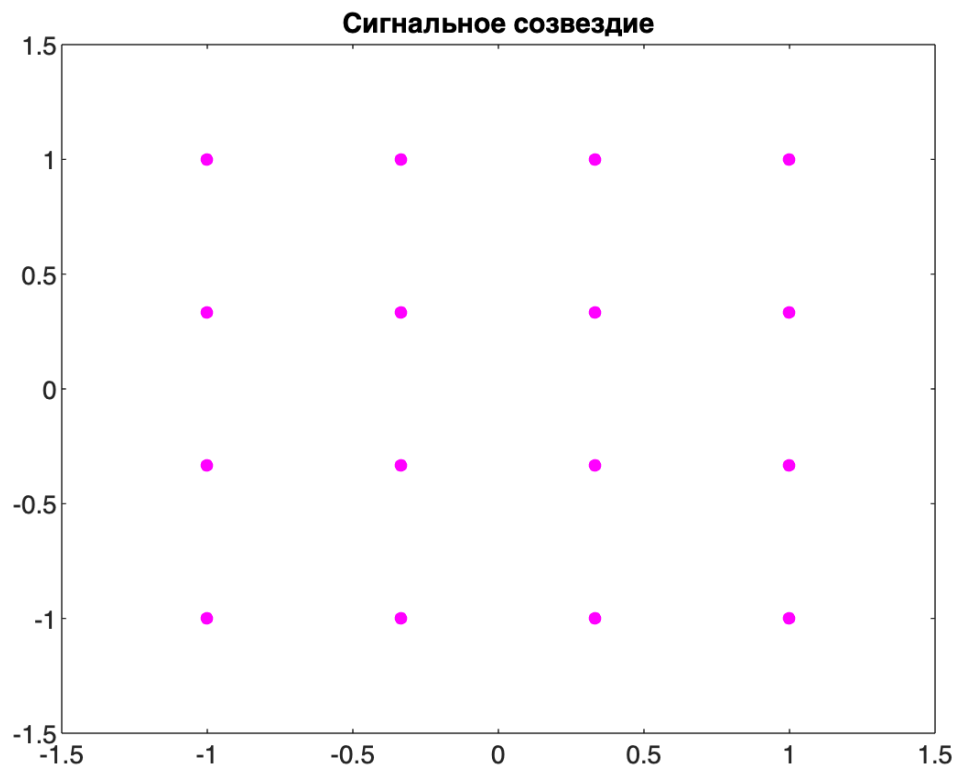
Проверка ортогональности:  
5.8547e-18

Проверка ортонормированности:  
1  
1.0000

*Рисунок 1. Результат выполнения проверки.*

## 6. Построение множества сигнальных точек

По формуле  $s_{ij} = (s_i, \varphi_j) = \int_0^T s_i(t) \varphi_j(t) dt$  были вычислены координаты векторов коэффициентов для каждого сигнала.



*Рисунок 2. Сигнальное созвездие.*

## 7. Построение разбиения сигнального пространства на решающие области

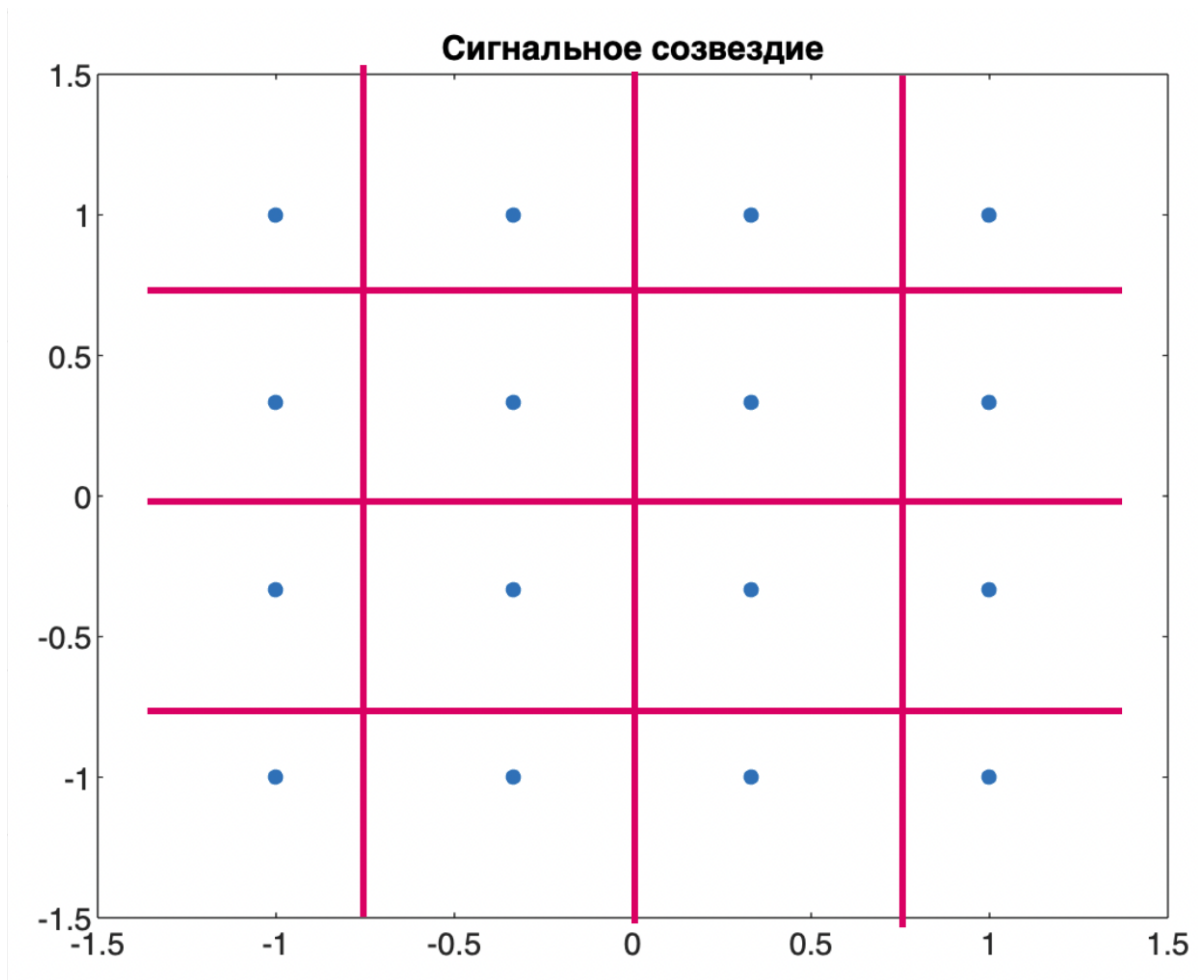


Рисунок 3. Разбиение на решающие области.

Разбиение выглядит таким образом, так как сигналы передаются равновероятно, то есть  $P_i = \frac{1}{q}$ , где  $i = 0, 1, \dots, q-1$ .

## 8. Вывод

В ходе лабораторной работы проведено исследования геометрического представления сигналов.

- Выбраны базисные функции
- Базисные функции были проверены на ортонормированность
- Построено сигнальное созвездие, из расчетов векторов коэффициентов для каждого сигнала

## 9. Листинг программы

```
clc;
clear;
close all;
f0 = 1800;
Vmod = 1200;
Vinf = 4800;
T = 1 / Vmod;
m = Vinf * T;
q = 2^m;
W = 2 / T;
```

```

dt = 1/f0/100;
t = 0:dt:T;
i1 = zeros(q,1);
i2 = zeros(q,1);
A = 1;
s1s2 = zeros(q,2);
for c = 1:q
    i1(c) = floor((c - 1) / sqrt(q));
    i2(c) = mod(c - 1, sqrt(q));
    s1s2(c,1) = A*(1-((2*i1(c))/(sqrt(q)-1)));
    s1s2(c, 2) = A*(1-((2*i2(c))/(sqrt(q)-1)));
end
s = zeros(q,length(t));
for c = 1:q
    s(c,:) = (s1s2(c,1)*sqrt(W).*cos(2*pi*f0*t)) + (s1s2(c,2)*sqrt(W).*sin(2*pi*f0*t));
end
F_1 = sqrt(W)*cos(2*pi*f0*t);
F_2 = sqrt(W)*sin(2*pi*f0*t);
disp('Проверка ортогональности: ');
disp(trapz(t, F_1.*F_2));
disp('Проверка ортонормированности: ');
disp(trapz(t, F_1.*F_1));
disp(trapz(t, F_2.*F_2));
sij = zeros(q,2);
for c = 1:q
    sij(c,1) = trapz(t,s(c,: ).*F_1);
    sij(c,2) = trapz(t,s(c,: ).*F_2);
end
figure(1)
plot(sij(:,1),sij(:,2), '.', 'MarkerSize',15);
axis([1.5 * min(sij(:,1)), 1.5 * max(sij(:,1)), 1.5 * min(sij(:,2)),1.5 * max(sij(:,2))]);
title('Сигнальное созвездие');

```