1. Цель работы:

Исследовать геометрическое представление сигналов. Построить множество сигнальных точек и разбить сигнальное пространство на решающие области.

2. Исходные данные:

Вариант 3.6, КАМ

 $f_0 = 1800 \, \Gamma$ ц;

 $V_{\text{мод}} = 1200 \,\text{Бод};$

 $V_{\text{инф}} = 4800 \,\text{бит/c};$

 f_0 — несущая частота, $V_{
m mod}$ — скорость модуляции, $V_{
m uh\varphi}$ — скорость информации

3. Теоретическое описание

Пусть $\{s_i(t)\}$ — множество сигналов, определенных на конечном интервале [0,T], где T — период следования сигналов, i=0,1,...,q-1. Для множества сигналов $\{s_i(t)\}$ можно указать множество ортонормированных функций $\{\varphi_i\}$, определенных на интервале [0,T], j=1,2,...,D . то есть таких, которые попарно ортогональны. Условие ортогональности функций:

$$(\varphi_j, \varphi_k) = \int_0^T \varphi_j(t) \varphi_k(t) dt = \delta_{jk} = \begin{cases} 1, & k = j \\ 0, & k \neq j \end{cases}$$

Также функции должны быть нормированы, норма функций равна единице. Норма функции вычисляется по следующей формуле:

$$||\varphi_j|| = \sqrt{(\varphi_j, \varphi_j)}$$

Коэффициенты разложения сигнала s_{ij} представляют собой вещественные числа, которые вычисляются как скалярное произведение сигнала $s_i(t)$ и базисной функции φ_i

$$s_{ij} = (s_i, \varphi_j) = \int_0^T s_i(t)\varphi_j(t)dt$$

При фиксированном базисе $\{\varphi_j\}$, j=1,2,..., D, каждому сигналу $s_i(t)$, i=0, 1,..., q-1, соответствует вектор коэффициентов $s_i=(s_i1,s_{i2},...,s_{iD})$.

Вектор s_i можно представить в виде точки в D-мерном евклидовом пространстве. Можно сказать, что набор векторов $\{s_i\}$ задает множество сигнальных точек q в сигнальном пространстве, или сигнальное созвездие.

Взаимно-однозначное соответствие между множеством сигналов и множеством векторов коэффициентов изометрическое.

4. Задание множества базисных функций

Были выбраны следующие базисные функции:

$$arphi_1(t) = egin{cases} \sqrt{rac{2}{T}}cos2\pi f_0t, & 0 < t < T \ 0, & в противном случае \end{cases}$$

$$arphi_2(t) = egin{cases} \sqrt{rac{2}{T}} sin2\pi f_0 t, & 0 < t < T \ 0, & в противном случае \end{cases}$$

 f_0 задается по формуле $\frac{l}{T}$, где 1 целое число.

Эти функции образуют базис размерности D = 2.

5. Проверка базисных функций на ортонормированность:

```
disp('Проверка ортогональности:')
disp(trapz(t, F_1.*F_2));
disp('Проверка ортонормированности:');
disp(trapz(t, F_1.*F_1));
disp(trapz(t, F_2.*F_2));
```

Результаты вычислений представлены на рисунке 1.

Так как значение скалярного произведения F_1 и F_2 экспонента в -18 степени, полученный результат максимально приближен к нулю.

Для проверки ортонормированности вычисляется квадрат нормы. Так как $F_1 * F_1 = 1$ и $F_2 * F_2 = 1.0000$, можно сделать вывод о том, что функции ортонормированные.

Проверка ортонормированности:

1.0000

Рисунок 1. Результат выполнения проверки.

6. Построение множества сигнальных точек

По формуле $s_{ij} = \left(s_i, \varphi_j\right) = \int_0^T s_i(t) \varphi_j(t) dt$ были вычислены координаты векторов коэффициентов для каждого сигнала.

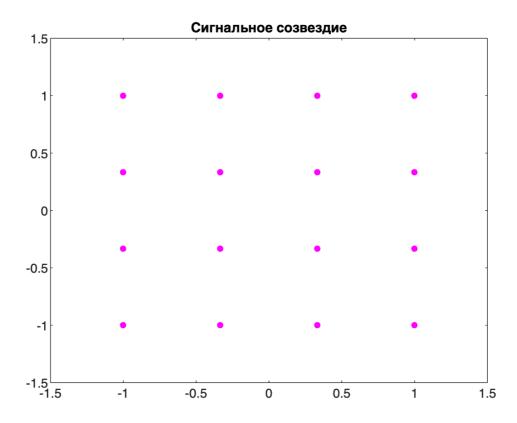


Рисунок 2. Сигнальное созвездие.

7. Построение разбиения сигнального пространства на решающие области

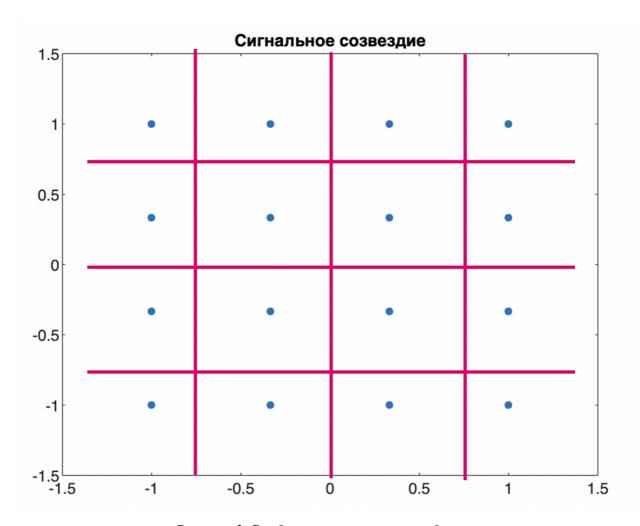


Рисунок 3. Разбиение на решающие области.

Разбиение выглядит таким образом, так как сигналы передаются равновероятно, то есть $P_i = \frac{1}{a}$, где i = 0, 1, ..., q-1.

8. Вывод

В ходе лабораторной работы проведено исследования геометрического представления сигналов.

- Выбраны базисные функции
- Базисные функции были проверены на ортонормированность
- Построено сигнальное созвездие, из расчетов векторов коэффициентов для каждого сигнала

9. Листинг программы

```
clc;
clear;
close all;
f0 = 1800;
Vmod = 1200;
Vinf = 4800;
T = 1 / Vmod;
m = Vinf * T;
q = 2^m;
W = 2 / T;
```

```
dt = 1/f0/100;
t = 0:dt:T;
i1 = zeros(q,1);
i2 = zeros(q,1);
A = 1;
s1s2 = zeros(q,2);
for c = 1:q
i1(c) = floor((c - 1) / sqrt(q));
i2(c) = mod(c - 1, sqrt(q));
s1s2(c,1) = A*(1-((2*i1(c))/(sqrt(q)-1)));
s1s2(c, 2) = A*(1-((2*i2(c))/(sqrt(q)-1)));
end
s = zeros(q,length(t));
for c = 1:q
s(c,:) = (s1s2(c,1)*sqrt(W).*cos(2*pi*f0*t)) + (s1s2(c,2)*sqrt(W).*sin(2*pi*f0*t));
end
F_1 = sqrt(W)*cos(2*pi*f0*t);
F_2 = sqrt(W)*sin(2*pi*f0*t);
disp('Проверка ортогональности:')
disp(trapz(t, F_1.*F_2));
disp('Проверка ортонормированности:');
disp(*Inposepka optoHopMuposaHHoCTI
disp(trapz(t, F_1.*F_1));
disp(trapz(t, F_2.*F_2));
sij = zeros(q,2);
for c = 1:q
sij(c,1) = trapz(t,s(c,: ).*F_1);
sij(c,2) = trapz(t,s(c,: ).*F_2);
end
end
figure(1)
plot(sij(:,1),sij(:,2), '.', 'MarkerSize',15);
axis([1.5 * min(sij(:,1)), 1.5 * max(sij(:,1)), 1.5 * min(sij(:,2)),1.5 * max(sij(:,2))]);
title('Сигнальное созвездие');
```