МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

	I	КАФЕДРА №52	
ОТЧЕТ ЗАЩИЩЕН	I С ОЦЕНКОЙ_		
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ	•		
ассистент			Н. В. Степанов
должность, уч. ст звание	гепень,	подпись, дата	инициалы, фамилия
O	ЭТЧЕТ О ЛАБО	ОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №3	3
Исследо	вание геометри	ического представления си	Г Налов
	по курсу: ОБ	БЩАЯ ТЕОРИЯ СВЯЗИ	
СТУДЕНТ ГР. №	5912		Б.А.Карханин
	номер группы	подпись, дата	инициалы, фамилия

<u>Цель работы</u>: для выбранного варианта задания выбрать множество базисных функций, проверить ортонормированность для выбранного множества базисных функций, построить множество сигнальных точек, построить разбиение сигнального пространства на решающие области.

Исходные данные для 4 варианта КАМ

$$f_0 = 2400 \; \Gamma$$
ц

 $V_{mod} = 600$ Бод

 $V_{inf} = 2400 \, 6/c$

1. Базис для геометрического представления сигналов КАМ

$$arphi_1(t) = egin{cases} \sqrt{rac{2}{T}}\cos{(2\pi f_0 t)}, & 0 < t < T \\ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

$$arphi_2(t) = egin{cases} \sqrt{rac{2}{T}}\sin{(2\pi f_0 t)}, & 0 < t < T \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

Данные функции образуют базис размерности D = 2.

2. Проверка ортонормированности выбранных функций.

Пусть $\{s_i(t)\}$ – множество сигналов, определенных на конечном интервале [0;T], где T – период следования сигналов, i=0,1,...q-1. Для множества сигналов $\{s_i(t)\}$ можно указать множество ортонормированных функций $\{\varphi_j(t)\}$, определенных на интервале [0;T], j=1,2,...D, то есть таких, для которых выполняется условие

$$(\varphi_j, \varphi_k) = \int_0^T \varphi_j(t) \varphi_k(t) dt = \begin{cases} 1, & j = k \\ 0, & j \neq k \end{cases}$$

Проверим ортогональность:

$$(\varphi_1, \varphi_2) = \int_0^T \varphi_1(t) \varphi_2(t) dt = \int_0^T \sqrt{\frac{2}{T}} \cos(2\pi f_0 t) \sqrt{\frac{2}{T}} \sin(2\pi f_0 t) dt =$$

$$= \frac{2}{T} \int_0^T \cos(2\pi f_0 t) \sin(2\pi f_0 t) dt = \frac{\sin^2(2\pi f_0 t)}{T2\pi f_0} \bigg|_0^T = \frac{\sin^2(2\pi f_0 T)}{T2\pi f_0} - \frac{\sin^2(2\pi f_0 T)}{T2\pi f_0} = \frac{\sin^2(2\pi f_0 T)}{T(2\pi f_0 T)}$$

При условии, что $f_0T=l$, где l — целое число, получаем $(\varphi_1,\varphi_2)=0$. Таким образом, условие ортогональности соблюдается.

Проверим условие нормировки:

$$\begin{split} (\varphi_1, \varphi_1) &= \int_0^T \varphi_1^2(t) dt = \frac{2}{T} \int_0^T \cos^2 \left(2\pi f_0 t \right) dt = \frac{\sin \left(4\pi f_0 t \right)}{4\pi f_0 T} + \frac{t}{T} \Big|_0^T = \\ &= \frac{\sin \left(4\pi f_0 T \right)}{4\pi f_0 T} + 1 - \frac{\sin \left(4\pi f_0 0 \right)}{4\pi f_0 T} = \frac{\sin \left(4\pi f_0 T \right)}{4\pi f_0 T} + 1 \end{split}$$

При условии, что $f_0T=l$, где l — целое число, получаем $(\varphi_1,\varphi_1)=1$.

Аналогично проверим вторую функцию:

$$\begin{split} (\varphi_2, \varphi_2) &= \int_0^T \varphi_2^2(t) dt = \frac{2}{T} \int_0^T \sin^2 \left(2\pi f_0 t \right) dt = -\frac{\sin \left(4\pi f_0 t \right)}{4\pi f_0 T} + \frac{t}{T} \Big|_0^T = \\ &= -\frac{\sin \left(4\pi f_0 T \right)}{4\pi f_0 T} + 1 + \frac{\sin \left(4\pi f_0 0 \right)}{4\pi f_0 T} = 1 \end{split}$$

Отсюда следует, что выбранные функции действительно ортогональны и нормированы, а значит являются ортонормированным базисом.

Проверка ортонормированности в программе:

3. Построение множества сигнальных точек.

Коэффициенты разложения s_{ij} представляют собой вещественные числа, которые вычисляются как скалярные произведения сигнала $s_i(t)$ и базисной функции $\varphi_i(t)$, то есть

$$s_{ij} = (s_i, \varphi_j) = \int_0^T s_i(t)\varphi_j(t)dt$$

График сигнального созвездия представлен ниже.

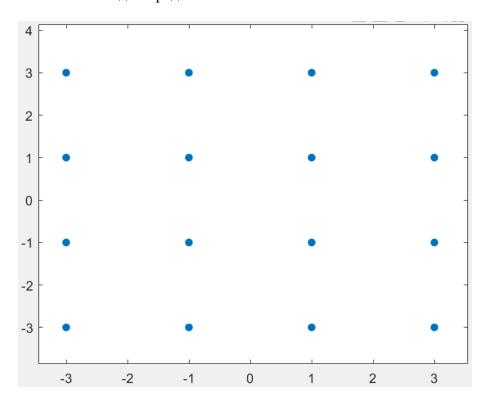


График 1 - Сигнальное созвездие

4. Построение разбиения сигнального пространства на решающие области.

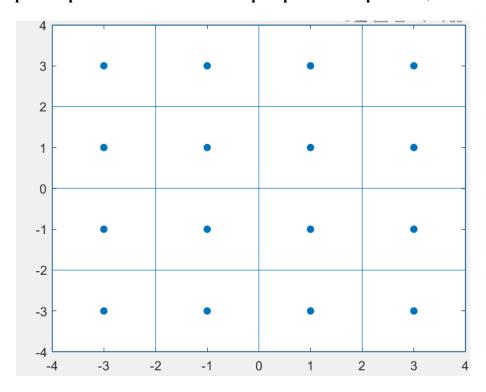


График 2 - Разделение на решающие области

Имеем в виду, что все сигналы сигнального множества передаются равновероятно, то есть $P_i = \frac{1}{a}$.

В таком случае каждая решающая область R_i состоит из точек сигнального пространства, расстояние от которых до сигнальной точки s_i меньше, чем расстояние до любой другой сигнальной точки s_k .

Вывод: в ходе выполнения лабораторной работы были выбраны функции $\varphi_1(t)$ и $\varphi_2(t)$, образующие ортонормированный базис размерности D=2. Построено множество сигнальных точек и разбиение сигнального пространства на решающие области.

```
Листинг программы:
clc
clear all
f0 = 2400;
Vmod = 600;
Vinf = 2400;
T = 1/V \mod;
m = Vinf/Vmod;
q = 2^m;
i1 = zeros(1, q); i2 = zeros(1, q);
s1 = zeros(1, q); s2 = zeros(1, q);
val = 0; A = 3;
indx = 0;
step = T/1000;
t = 0:step:T;
%расчет индексов для КАМ
for j=1:1:q
    i1(j) = val;
    indx = indx + 1;
    if(indx == A+1)
        indx = 0;
        val = val +1;
    end
    i2(j) = mod(j-1,A+1);
    s1(j) = A * (1 - (2*i1(j))/(sqrt(q)-1));
    s2(j) = A * (1 - (2*i2(j))/(sqrt(q)-1));
```

end

```
Signals = @(n,t) ((s1(n)*sqrt(2/T)*cos(2*pi*f0*t))+
(s2(n) * sqrt(2/T) * sin(2*pi*f0*t)));
phi1 = @(t)   sqrt(2/T) *sin(2*pi*f0*t);
phi2 = @(t) sqrt(2/T)*cos(2*pi*f0*t);
sil(j) = integral(@(t) Signals(j-1,t).*phil(t), 0,
T);
si2(j) = integral(@(t) Signals(j-1,t).*phi2(t), 0,
T);
%расчет координат
for n=1:1:q
    sil(n) = integral(@(t) Signals(n,t).*phil(t),
0, T);
    si2(n) = integral(@(t) Signals(n,t).*phi2(t),
0, T);
end
%вывод сигнального созвездия
figure(1);
plot(si1(:), si2(:), '.', 'MarkerSize', 20);
% вывод разбиения сигнального пространства на
решающие области
figure(2);
plot(si1(:), si2(:), '.', 'MarkerSize', 20);
hold on;
for n = -4:2:4
    line ([n n], [-4 4]);
    line ([-4 \ 4], [n \ n]);
end
hold off;
%Проверка ортонормированнсти
res12 = trapz(t, phi1(t).*phi2(t));
res11 = trapz(t, phil(t).*phil(t));
res22 = trapz(t, phi2(t).*phi2(t));
disp('Проверка ортонормированнсти:');
disp('ортогональность:S')
disp(['(phi1,phi2) = ', num2str(res12)]);
disp(['округленно(phi1,phi2) = ',
num2str(fix(res12))]);
disp('HOPMa:')
```

```
disp(['(phi1,phi1) = ', num2str(res11)]);
disp(['(phi2,phi2) = ', num2str(res22)]);
```