

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего
образования
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

КАФЕДРА №25

ОТЧЕТ ЗАЩИЩЕН С ОЦЕНКОЙ _____

ПРЕПОДАВАТЕЛЬ

кандидат технических
наук, доцент

должность, уч. степень, звание

подпись, дата

Н.В. Марковская

инициалы, фамилия

ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ № 1

ИСПОЛЬЗОВАНИЕ МЕТОДА ПОЛНОГО ПЕРЕБОРА ДЛЯ ОЦЕНКИ
НАДЕЖНОСТИ СЕТЕЙ

СТУДЕНТ ГР. № 3032

номер группы

подпись, дата

Д. Д. Шепелев

инициалы, фамилия

Санкт-Петербург
2023

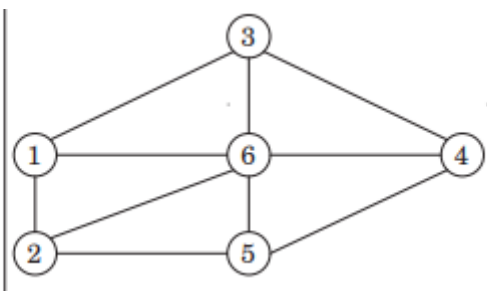
Цель работы:

- Получение практических навыков оценки надежности вычислительных сетей.

Вариант задания:

Вывод формулы вероятности существования пути в случайном графе, как функции от p .

Вариант
23



$x_i=2$
 $x_j=3$

Рис. 1 - Топология случайного графа. Необходимо вычислить вероятность пути

2,3

Упрощение графа:

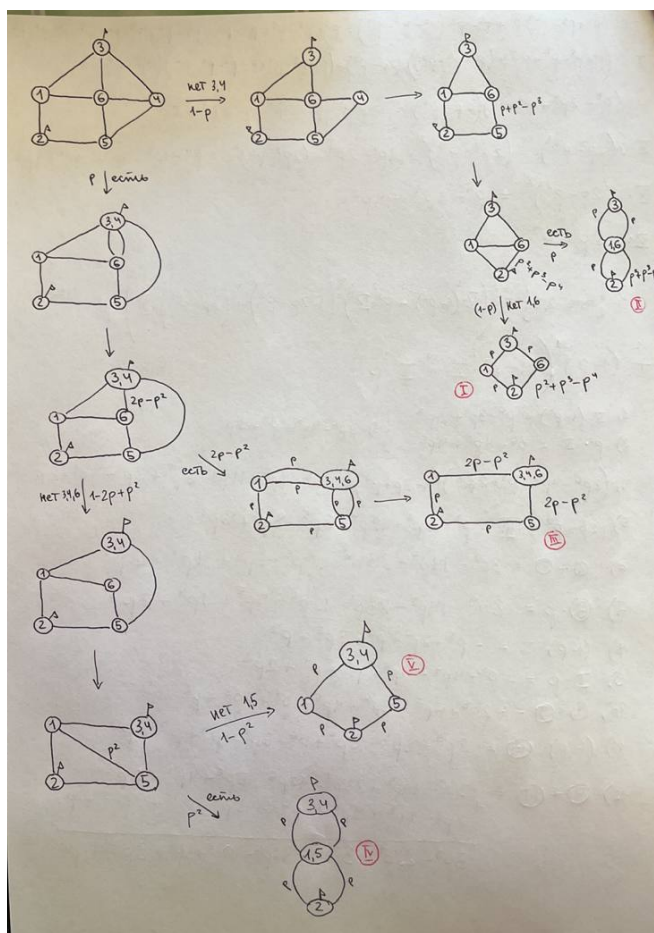


Рис. 2 - Упрощение графа

Результирующая формула для вероятности пути в общем виде выглядит следующим образом:

$$\begin{aligned}
 \text{I: } & (p^2 + p^3 - p^4) \cdot p + p^2 - p^3 \cdot (p^2 + p^3 - p^4) = p^3 + p^4 - p^5 + p^2 - p^5 - p^6 + p^7 = p^3 - p^6 - 2p^5 + p^4 + p^2 + p^7 \\
 \text{II: } & (p^2 + p^3 - p^4 + p - p \cdot (p^2 + p^3 - p^4)) \cdot (2p - p^2) = (p^2 + p^3 - p^4 + p - p^3 - p^4 + p^5) \cdot (2p - p^2) = \\
 & = (p^5 - 2p^4 + p^2 + p) \cdot (2p - p^2) = -p^7 + 4p^6 - 4p^5 - p^4 + p^3 + 2p^2 \\
 \text{III: } & 2(2p^2 - p^3) - (2p^2 - p^3)^2 = 4p^2 - 2p^3 - (2p^2 - p^3)^2 = -p^6 + 4p^5 - 4p^4 - 2p^3 + 4p^2 \\
 \text{IV: } & (2p - p^2)^2 = p^4 - 4p^3 + 4p^2 \\
 \text{V: } & 2p^2 - p^4 \\
 P_{\text{путь } 2,3} = & \left(\left(\overset{4}{\text{V}} \cdot (1-p^2) + p^2 \cdot \overset{2}{\text{IV}} \right) \cdot (1-2p+p^2) + (2p-p^2) \cdot \overset{5}{\text{III}} \right) \cdot p + \\
 & + (1-p) \cdot \left((1-p) \cdot \overset{8}{\text{I}} + \overset{10}{\text{II}} \cdot p \right) \\
 & 1) \text{ V} \cdot (1-p^2) = p^6 - 3p^4 + 2p^2 \quad \left. \begin{array}{l} 2) p^2 \cdot \text{IV} = p^6 - 4p^5 + 4p^5 \end{array} \right\} 3) 2p^6 - 4p^5 + p^4 + 2p^2 \\
 & 4) (2p^6 - 4p^5 + p^4 + 2p^2) \cdot (1-2p+p^2) = 2p^8 - 8p^7 + 11p^6 - 6p^5 + 3p^4 - 4p^3 + 2p^2 \\
 & 5) (2p-p^2) \cdot \text{III} = p^5 - 6p^7 + 12p^6 - 6p^5 - 8p^4 + 8p^3 \\
 & 6) 4) + 5) = 3p^8 - 14p^7 + 23p^6 - 12p^5 - 5p^4 + 4p^3 + 2p^2 \\
 & 7) 6) \cdot p = 3p^9 - 14p^8 + 23p^7 - 12p^6 - 5p^5 + 4p^4 + 2p^3 \\
 & 8) (1-p) \cdot \text{I} = -p^8 + 2p^7 + p^6 - 3p^5 + p^2 \\
 & 9) \text{II} \cdot p = -p^8 + 4p^7 - 4p^6 - p^5 + p^4 + 2p^3 \\
 & 10) 8) + 9) = -2p^8 + 6p^7 - 3p^6 - 4p^5 + p^4 + 2p^3 + p^2 \\
 & 11) (1-p) \cdot 10) = 2p^9 - 8p^8 + 9p^7 + p^6 - 5p^5 - p^4 + p^3 + p^2 \\
 & 12) 7) + 11) = \frac{3p^9 - 14p^8 + 23p^7 - 12p^6 - 5p^5 + 4p^4 + 2p^3 + 2p^9 - 8p^8 + 9p^7 + p^6 - 5p^5 - p^4 + p^3 + p^2}{5p^9 - 22p^8 + 32p^7 - 11p^6 - 10p^5 + 3p^4 + 3p^3 + p^2}
 \end{aligned}$$

Рис. 3 - Результирующая формула для вероятности пути в общем виде

Описание программы вычисления вероятности существования пути в случайном графе с использованием алгоритма полного перебора.

Задача программы состоит в том, чтобы обойти все подграфы и если в этом подграфе существует путь, то учесть вероятность его появления в общую вероятность.

В программе граф задаётся в виде списка смежности. Перебор осуществляется по всем вероятностям существования рёбер от 0 до 1 с шагом 0.1 и всем подграфам, количество которых 2^L , где L – количество ребер. Для нахождения пути в подграфе используется алгоритм подобный DFS.

Результаты работы программы:

```
p = 0
probability: 0
probability PRACT: 0

p = 0.1
probability: 0.013192
probability PRACT: 0.013192

p = 0.2
probability: 0.0652518
probability PRACT: 0.0652518

p = 0.3
probability: 0.168634
probability PRACT: 0.168634

p = 0.4
probability: 0.320666
probability PRACT: 0.320666
```

```
p = 0.5
probability: 0.501953
probability PRACT: 0.501953

p = 0.6
probability: 0.682652
probability PRACT: 0.682652

p = 0.7
probability: 0.83331
probability PRACT: 0.83331

p = 0.8
probability: 0.935404
probability PRACT: 0.935404

p = 0.9
probability: 0.986874
probability PRACT: 0.986874

p = 1
probability: 1
probability PRACT: 1
```

Рис. 4 - Результат работы программы.

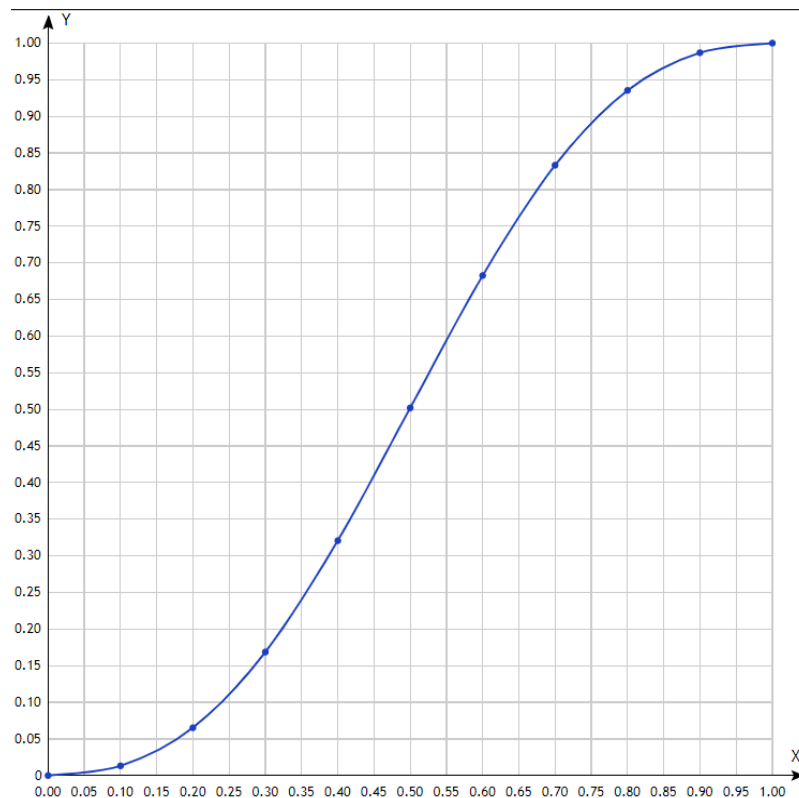


Рис. 5 - Зависимость вероятности существования пути от вероятности существования рёбер при полном переборе всех подграфов

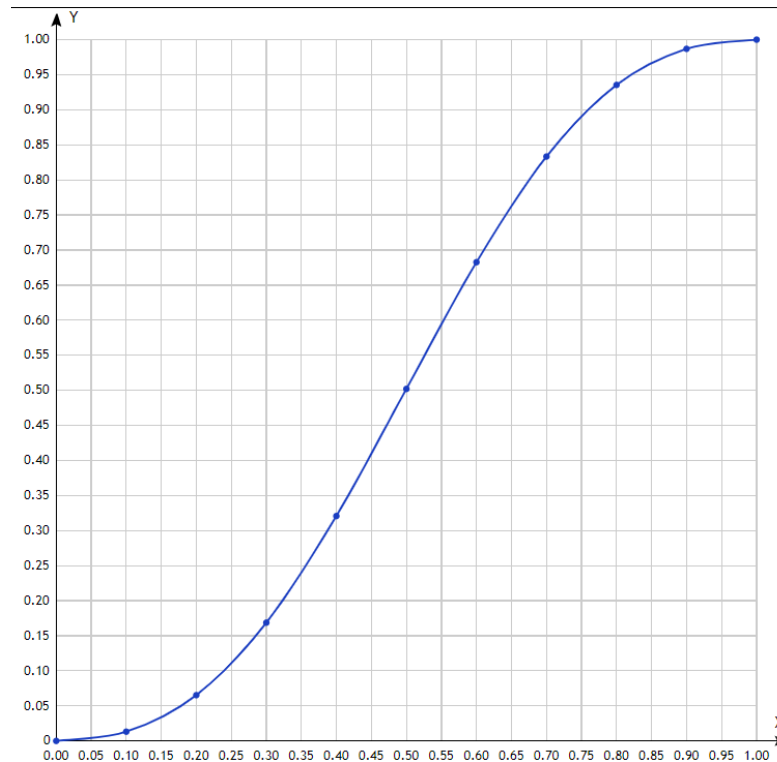


Рис. 6 Зависимость вероятности существования пути от вероятности существования рёбер при подстановке значений в результирующую формулу

Вывод:

- При возрастании вероятности существования рёбер возрастает вероятность существования пути в обоих случаях (При полном переборе и путём упрощения графа)
- Показатели вероятностей при полном переборе и упрощении графа совпадают.

Листинг:

```
using namespace std;
#include <iostream>
#include <math.h>

int bin_code[1000] = { 0 };
int matrix[11][11] = { 0,0 };
int x;
int y;
double sum[11] = {};
double p[11] = { 0.0, 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.0 };
float sumPR[11] = {};
```

```

int N = 0;
int ogranic = 0;

int visit[10] = { 0 };

void test(int i) {
    for (int j = 0; j < ogranic; j++) {
        if (matrix[i][j] == 1 && visit[j] == 0) {
            visit[j] = 1;
            test(j);
        }
    }
}

int main() {

    cout << "Enter:" << endl << "N: ";
    cin >> N;

    cout << "x: "; cin >> x;
    x--;
    cout << "y: "; cin >> y;
    y--;

    int flag = 0; //ограничитель
    int Perenos = 1;

    int matrix_dano[10][10] = {
        {0,1,1,0,0,1},
        {0,0,0,0,1,0},
        {0,0,0,1,0,1},
        {0,0,0,0,1,1},
        {0,0,0,0,0,1},
        {0,0,0,0,0,0},
    };

    long bin_code_dano[1000] = { 0 };

    int t = 1;
    int k = 0;

    for (int i = 0; i < N; i++) {
        for (int j = 0 + t; j < N; j++) {
            bin_code_dano[k] = matrix_dano[i][j];
            if (bin_code_dano[k] == 1) {
                ogranic++;
            }
            k++;
        }
        t++;
    }
}

```

```

//перебор
while (flag != pow(2, ogranic) - 1){

    for (int i = 0; i < N; i++) {
        visit[i] = 0;
    }

    Perenos = 1;
    int col_1 = 0;

    for (long i = ogranic-1; i >= 0; i--) {
        if (Perenos == 1) {
            if (bin_code[i] == 1) {
                bin_code[i] = 0;
            }
            else {
                bin_code[i] = 1;
                Perenos = 0;
            }
        }
    }

    int st = 0;
    for (int i = 0; i < N; i++) {
        for (int j = 0; j < N; j++) {
            if (matrix_dano[i][j] == 1) {
                matrix[i][j] = bin_code[st];
                matrix[j][i] = bin_code[st];
                st++;
            }
        }
    }

    visit[x] = 1;
    test(x); //обычный DFS

    double pr[11] = {1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1};

    if (visit[y] == 1) {

        for (int i = 0; i < ogranic; i++) {
            if (bin_code[i] == 0) {
                for (int i = 0; i < 11; i++) {
                    pr[i] = pr[i] * (1.0 - p[i]);
                }
            }
            else {
                for (int i = 0; i < 11; i++) {
                    pr[i] = pr[i] * p[i];
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        }
    }
    for (int i = 0; i < 11; i++) {
        sum[i] = sum[i] + pr[i];
    }
}
else {}
flag++;
}
for (int i = 0; i < 11; i++) {
    sumPR[i] = 5 * pow(p[i],9) - 22 * pow(p[i],8) + 32 * pow(p[i],7) - 11
* pow(p[i],6) - 10 * pow(p[i],5) + 3 * pow(p[i],4) + 3 * pow(p[i],3) + pow(p[i],2);
}
for (int i = 0; i < 11; i++) {
    cout << "p = " <<p[i] << endl << "probability: " << sum[i] << endl;
    cout << "probability PRACT: " << sumPR[i] << endl << endl;
}
}
}

```