МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

		КАФЕДРА №52	
ОТЧЕТ ЗАЩИЩЕН	I С ОЦЕНКОЙ_		
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ			
ассистент			Н.В.Степанов
должность, уч. ст звание	тепень,	подпись, дата	инициалы, фамилия
ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №4 МОДЕЛИРОВАНИЕ ОПТИМАЛЬНОГО ПРИЕМНИКА ДИСКРЕТНЫХ СИГНАЛОВ В КАНАЛЕ С АДДИТИВНЫМ БЕЛЫМ ГАУССОВСКИМ ШУМОМ			
по курсу: ОБЩАЯ ТЕОРИЯ СВЯЗИ			
СТУДЕНТ ГР. №	5912		Б.А.Карханин
	номер группы	подпись, дата	инициалы, фамилия

<u>Цель работы</u>: для выбранного варианта задания разработать и отладить программу моделирования, выполнить моделирование для нескольких значений отношения сигнал/шум, вычислить значения вероятности ошибки или ее верхней границы по соответствующим теоретическим формулам и построить графики.

1. Исходные данные для варианта 4 КАМ

$$f_0 = 2400 \ \Gamma$$
ц $V_{mod} = 600 \ ext{бод}$ $V_{inf} = 2400 \ ext{бит/c}$

2. Базис для геометрического представления сигналов КАМ

$$arphi_1(t) = egin{cases} \sqrt{rac{2}{T}}\cos(2\pi f_0 t), & 0 < t < T \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$
 $arphi_2(t) = egin{cases} \sqrt{rac{2}{T}}\sin(2\pi f_0 t), & 0 < t < T \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$

Данные функции образуют базис размерности D = 2.

3. Моделирование передачи по каналу и оптимального приема

Цель выполнения этого задания состоит в построении программной модели канала с АБГШ и приемника, реализующего алгоритм оптимального приема. В результате моделирования должны быть получены оценки вероятности ошибки приема сигнала для разных отношений сигнал/шум.

Процесс моделирования состоит в многократном выполнении следующих шагов:

- случайный равновероятный выбор номера сигнала i, подлежащего передаче, i=0,1,...q-1;
- получение сигнала r(t) на выходе канала согласно равенству $r(t) = s_i(t) + n(t)$, где n(t) АБГШ со спектральной плотностью мощности $N_0/2$;
 - вычисление вектора $r=(r_1,r_2,...r_D)$ с компонентами $r_j(t)=\int_0^T r(t)\varphi_j(t)dt;$
- формирование решения $\hat{\imath}$. Для определения минимального расстояния до s_i , будет вычисляться $d(r,s_i)=\sqrt{\sum_{j=1}^D (r_j-s_{ij})^2}.$
- фиксации результата: если $\hat{i} \neq i$, то решение на приемной стороне сформировано неправильно и нужно увеличить счетчик числа ошибок.

Оценка вероятности ошибки получается путем деления числа произошедших ошибок на число испытаний. При большом числе испытаний эта оценка должна быть близка к истинной вероятности ошибки или к ее верхней границе, которые вычисляются по соответствующим формулам.

Указанные шаги выполняются для нескольких значений отношения сигнал шум, в результате получается зависимость оценки вероятности ошибки, полученной экспериментально, от отношения сигнал/шум. Эта зависимость при правильном выполнении задании должна хорошо соотноситься с теоретической зависимостью вероятности ошибки от отношения сигнал/шум. Формулы для вероятности ошибки от отношения сигнал/шум, определяющие теоретическую зависимость, могут быть, например, найдены в соответствующем разделе пособия [1].

Исходными данными для моделирования являются следующие:

- набор значений отношения сигнал шум $\gamma_{dB}^{(1)}$, $\gamma_{dB}^{(2)}$, ..., $\gamma_{dB}^{(n)}$;
- сигнальное множество $\{s_i(t)\}, i = 0, 1, ..., q 1;$
- функциональный базис $\{\varphi_j(t)\}$, j=1,2,...D;
- описание решающих областей R_i , i = 0,1,...,q-1.

В результате моделирования должны быть экспериментально получены оценки вероятности ошибки $P_e^{(1)}$, $P_e^{(2)}$, ..., $P_e^{(n)}$, соответствующие значениям отношения сигнал/шум $\gamma_{dB}^{(1)}$, $\gamma_{dB}^{(2)}$, ..., $\gamma_{dB}^{(n)}$.

Верхняя граница ошибки для КАМ:

$$P_e < \exp\left(-\frac{3\bar{E}}{2(q-1)N_0}\right)$$

4. Графики моделирования

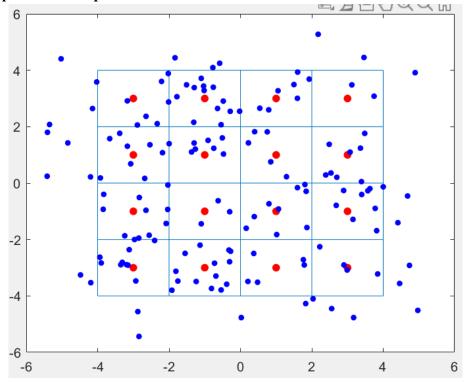


График 1 - Y = 5dB

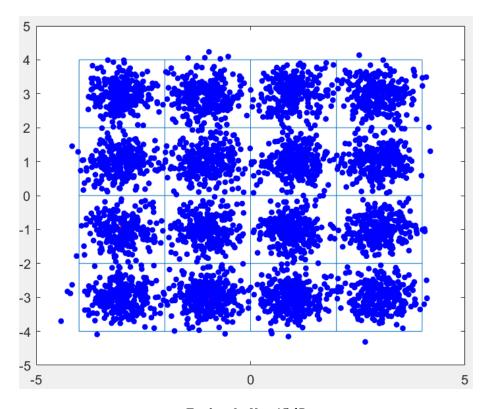
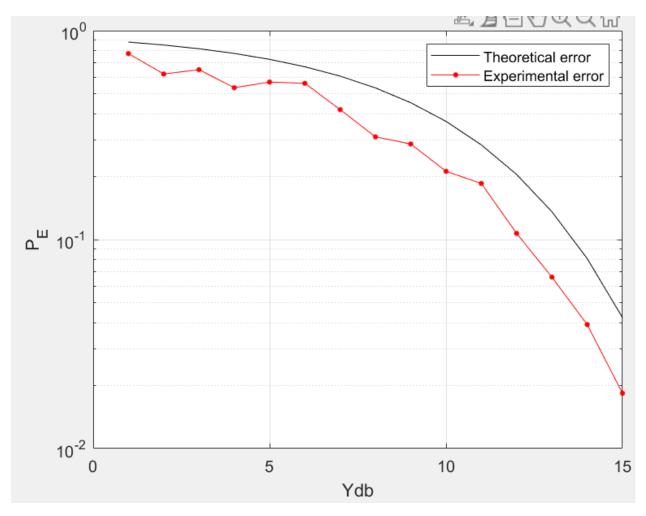


График 2 - Y = 15dB

Теоретическая и экспериментальная зависимость вероятности ошибки от отношения сигнал-шум при максимальном количестве ошибок 80:



Вывод: в ходе лабораторной работы была промоделирована работа оптимального приёмника дискретных сигналов в канале с белым аддитивным белым гауссовским шумом, был получен сигнал r(t) на выходе приёмника и вычислен вектор r, а также было произведено формирование решения $\hat{\iota}$ и фиксация результата. Была произведена оценка вероятности ошибки теоретическим и экспериментальным путём. Было зафиксировано, что при увеличении SNR вероятность ошибки снижается.

Листинг программы:

```
clc
clear all
f0 = 2400;
Vmod = 600;
Vinf = 2400;
T = 1/V mod;
m = Vinf/Vmod;
q = 2^m;
i1 = zeros(1, q); i2 = zeros(1, q);
s1 = zeros(1, q); s2 = zeros(1, q);
val = 0; A = 3;
indx = 0;
step = T/1000;
t = 0:step:T;
%расчет индексов для КАМ
for j=1:1:q
   i1(j) = val;
    indx = indx + 1;
   if(indx == A+1)
       indx = 0;
       val = val +1;
    end
    i2(j) = mod(j-1,A+1);
    s1(j) = A * (1 - (2*i1(j))/(sqrt(q)-1));
    s2(j) = A * (1 - (2*i2(j))/(sqrt(q)-1));
end
Signals = @(n,t) ((s1(n)*sqrt(2/T)*cos(2*pi*f0*t))+
(s2(n)*sqrt(2/T)*sin(2*pi*f0*t)));
% вычисление сигналов
s = zeros(q, length(t));
for c = 1:q
    s(c,:) = Signals(c,t);
end
E sr = sum(s .* s) / (q);
si1(j) = integral(@(t) Signals(j-1,t).*phi1(t), 0, T);
si2(j) = integral(@(t) Signals(j-1,t).*phi2(t), 0, T);
phi 1 = sqrt(2/T)*sin(2*pi*f0*t);
phi 2 = sqrt(2/T)*cos(2*pi*f0*t);
%расчет координат
for n=1:1:q
    sil(n) = integral(@(t) Signals(n,t).*phil(t), 0, T);
    si2(n) = integral(@(t) Signals(n,t).*phi2(t), 0, T);
end
```

```
% разбиение сигнального пространства на решающие области
figure(1);
plot(si1(:), si2(:), '.', 'MarkerSize', 20);
for n = -4:2:4
    line ([n n], [-4 4]);
    line ([-4 \ 4], [n \ n]);
end
hold on;
% моделирование приемника
YdB = 1 : 1 : 5; % рандомное число
Pe = zeros(1,length(YdB)); % вектор ошибок
Pe tub = zeros(1, length(YdB)); % теоретическая ошибка
N = max = 80;
for n = 1 : length(YdB)
     Y = 10 ^ (n / 10); % отношение сигнал/шум
     sigma = sqrt(sum(E sr / (2 * Y)));
     N = 0;
     N \text{ test} = 0;
     while (N err < N err max) % для одного значения гамма
         i = randi(q);
         r = s(i,:) + sigma .* randn(1,length(s(i,:))); %шумим
сигнал \ \ randn - загуглить \\ мат ожидание и дисперсия, чему
равны значения
         r1 = trapz(t,r .* phi 1); %это X \\ итеграл, который
вычислеятся методом трапеции
         r2 = trapz(t,r .* phi 2); %это У
         if (n == length(YdB)) % потому чтоищем отношение сигнал
ШУМ
             plot(r1, r2, 'b.', 'MarkerSize', 15);
             hold on;
         end
         min d = 1000000000;
         min index = -1;
         for k = 1:q %coothocum κ сигналу,
             d = sqrt((r1 - si1(k))^2 + (r2 - si2(k))^2);
             if (d < min d)
                    min d = d;
                     min index = k;
             end
         end
            i~= min index
            N = rr = N = rr + 1;
         end
         N \text{ test} = N \text{ test} + 1;
     end
     Pe(n) = N err/N test;
     Pe tub(n) = \exp(-3 / (2*(q - 1)) *Y);
end
```

```
% вероятность ошибки figure(2); semilogy(YdB, Pe_tub, 'black-', YdB, Pe, 'red.-','MarkerSize',10); legend('Theoretical error','Experimental error'); grid on xlabel('Ydb'); ylabel('P_E');
```