МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

	КАФЕДРА №52	
Отчет защищен с оценкой		
Преподаватель		
ассистент		А.В. Борисовская
должность, уч. степень, звание	подпись, дата	инициалы, фамилия
ОТЧЕ	ЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТІ	Ε №1
СТАТИСТИЧЕС	СКИЙ АНАЛИЗ ЦИФРОВЫХ И	ЗОБРАЖЕНИЙ
по кур	осу: МУЛЬТИМЕДИА ТЕХНОЛО	ОГИИ
Студент гр. № 5912	2	И.К. Лобач
— номер групп	о подпись, ы дата	инициалы, фамилия

Цель работы: изучение способов представления изображений, ознакомление со структурой формата ВМР, анализ статистических свойств изображений, а также получение практических навыков обработки изображений.

1 Описание структуры формата ВМР Структура RGB24:

- 1) Заголовок.
- 2) Данные по пикселям:

Заголовок BITMAPFILEHEADER имеет следующую структуру:

- WORD bfType описывает тип файла;
- DWORD bfSize размер файла в байтах;
- WORD bfReserved1 зарезервировано, должно быть 0;
- WORD bfReserved2 зарезервировано, должно быть 0;
- DWORD bfOffBits смещение в байтах от начала заголовка до массива пикселей.

Заголовок BITMAPINFOHEADER имеет следующий вид:

- DWORD biSize размер структуры в байтах;
- LONG biWidth ширина изображения в пикселях;
- LONG biHeight высота изображения в пикселях;
- WORD biPlanes количество плоскостей изображения;
- WORD biBitCount количество бит на один пиксель;
- DWORD biCompression тип сжатия;
- DWORD biSizeImage размер изображения в байтах;
- LONG biXPelsPerMeter горизонтальное разрешение в пикселях на метр;
- LONG biYPelsPerMeter вертикальное разрешение в пикселях на метр;
- DWORD biClrUsed размер палитры;
- DWORD biClrImportant число значимых элементов палитры.

После заголовка следует информация о пикселях. Данная информация представлена в виде одномерного массива, в котором значения, относящиеся к отдельным пикселям, записаны

строка за строкой. Строки могут идти как снизу-вверх, так и сверху-вниз. Ширина строки в байтах должна быть выравнена по границе двойного слова (32 бита), т.е. должна быть кратна числу 4. При необходимости для выполнения этого условия в конце каждой строки добавляются дополнительные байты (от 1 до 3-х), значения которых несущественны. Каждый пиксель в формате RGB24 представляется тремя байтами. Первый содержит значение компоненты В, второй — G, третий — R. Структура имеет название RGB.

При исследовании использовались поля:

• biWidth, biHeight – для определения количества пикселей в картинке и последующей их;

2 Исходное изображение в формате ВМР

Для выполнения работы было выбрано следующее изображение:



Рисунок 1 - Исходное изображение

3 Загрузка в память ВМР-файла

Для загрузки в память исходного изображения были программно были реализованы структуры BITMAPFILEHEADER, BITMAPINFOHEADER и структура RGB для хранения одного пикселя. В результате чтения, информация о файле была записана в две структуры, описывающих заголовок, и массив пикселей RGB.

4 Выделение содержимого R, G и В

Чтобы получить каждую компоненту необходимо сформировать три изображения по следующему правилу: все байты, не относящиеся к данной компоненте обнулены. Таким образом были получены файлы:

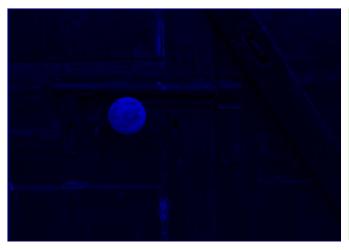


Рисунок 2 - Компонента В

Рисунок 3 - Компонента G



Рисунок 4 - Компонента R

5 Анализ корреляционных свойств компонент R, G, B

Анализ будет выполняться с использованием формулы оценки коэффициента корреляции:

$$\hat{r}_{A,B} = \frac{\hat{M}[(A - \hat{M}[A])(B - \hat{M}[B])]}{\hat{\sigma}_A \hat{\sigma}_B} ,$$

где A и B — компоненты изображения, M[] - математическое ожидание в соответствии с формулой:

$$\hat{M}[I^{(A)}] = \frac{1}{WH} \sum_{i=1}^{H} \sum_{j=1}^{W} I_{i,j}^{(A)},$$

 σ_A , σ_B — оценки среднеквадратичного отклонения компонент A и B, вычисляемые по формуле:

$$\hat{\sigma_A} = \sqrt{\frac{1}{WH - 1} \sum_{i=1}^{H} \sum_{j=1}^{W} \left(I_{i,j}^{(A)} - \hat{M}[I^{(A)}] \right)^2}.$$

Коэффициент корреляции указывает на наличие связи и принимает значения от -1 до +1.

5.1 Оценка коэффициентов корреляции между парой компонент изображения Полученные коэффициенты корреляции:

Рисунок 5 - Коэффициент корреляции

Как видно по полученным данным, компоненты В и G более зависимы друг с другом, чем другие пары компонент.

5.2 Построение сечения трехмерного графика оценки нормированной автокорреляционной функции

В результате были получены графики:

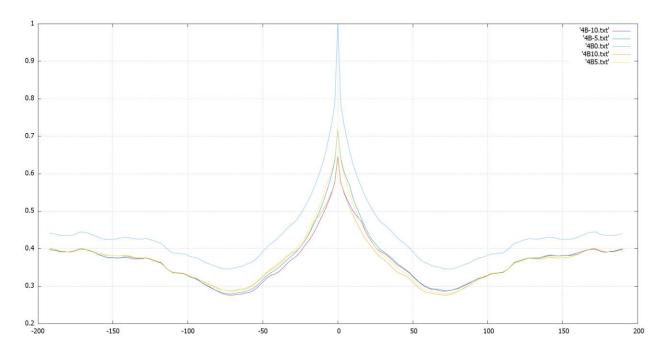


Рисунок 6 - Сечение графика автокорреляционной функции компоненты В

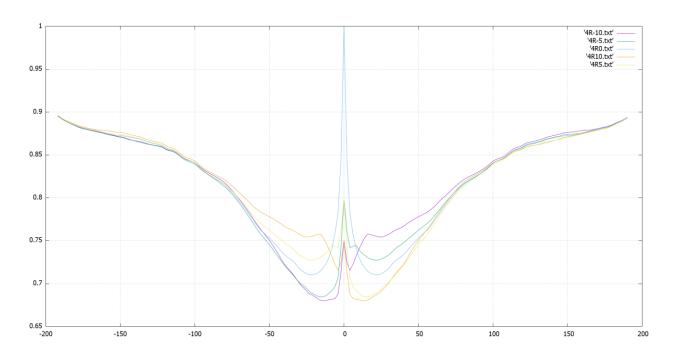


Рисунок 7 - Сечение графика автокорреляционной функции компоненты R

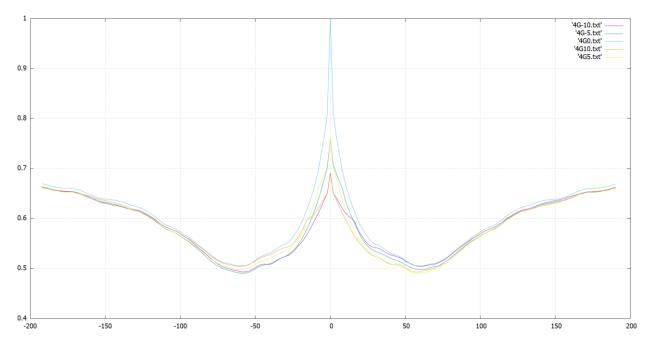


Рисунок 8 - Сечение графика автокорреляционной функции компоненты G

При y = 0 и x = 0, значения автокорреляционной функции равно 1 для всех компонент, так как исходная картинка не сдвигается.

Также, при изменении x на одинаковые значения в отрицательную и положительную сторону, максимальное значение корреляции будет меньше 1 и одинакова для положительного и отрицательного x, так как картинка смещается на одно и то же количество пикселей.

6 Преобразование данных из формата RGB в формат YCbCr Преобразование данных из RGB в YCbCr производится по формуле:

$$Y = 0.299R + 0.587G + 0.114B;$$

 $C_b = 0.5643(B - Y) + 128;$
 $C_r = 0.7132(R - Y) + 128.$

Значения коэффициента корреляции между компонентами YCbCr:

Рисунок 9 - Коэффициент корреляции

7 Выделение содержимого компонент Y, Cb, Cr

В результате были получены изображения:





Рисунок 10 - Компонента Ү

Рисунок 11 - Компонента Cb



Рисунок 12 - Компонента Ст

8 Обратное преобразование из YCbCr в RGB

Обратное преобразование выполнятся по формулам:

$$G = Y - 0.714(C_r - 128) - 0.334(C_b - 128);$$

 $R = Y + 1.402(C_r - 128);$
 $B = Y + 1.772(C_b - 128).$

В результате обратного преобразования были получены следующие изображения:



Рисунок 13 - Исходное изображение



Рисунок 14 - Восстановленное изображение

Стоит отметить, что все преобразование выполняются с помощью округления, поэтому преобразование форматов в общем случае является необратимым. Из-за этого в результате обратного преобразования возможен выход восстановленных значений за границы исходного диапазона. В этом случае необходимо выполнить операцию клиппирования:

$$\mathrm{Sat}(x,x_{min},x_{max}) = \begin{cases} x_{min} &, \text{ если } x < x_{min}; \\ x_{max} &, \text{ если } x > x_{max}; \\ x &, \text{ во всех иных случаях.} \end{cases}$$

Значение отношения Сигнал/Шум (PSNR) вычисляется по формуле:

$$PSNR = 10 \lg \frac{WH(2^{L} - 1)^{2}}{\sum_{i=1}^{H} \sum_{j=1}^{W} (I_{i,j}^{(A)} - \hat{I}_{i,j}^{(A)})^{2}}.$$

Полученные значения PSNR:

PSNR_B = 76.4804 PSNR_G = 48.1783 PSNR_R = 48.1839

Рисунок 15 - Значения PSNR

Можно сделать вывод, что чем ниже PSNR, тем хуже восстановились компоненты. И хотя визуальных изменений не видно, однако по значениям PSNR можно сделать вывод о том, что лучше всех восстановилась компонента B, а хуже G. Стоит отметить, что изображение визуально не имеет искажений при PSNR, значение которого больше или равно 35.

9 Децимация компонент Сb и Сr

Децимация производится только на отдельно записанных компонентах Cb и Cr, так как в изображениях формата YCbCr они не несут основную информационную нагрузку (за это отвечает в основном яркостная компонента Y), можно в несколько раз уменьшить информацию, передаваемую данными компонентами без серьёзных потерь в качестве изображения. Для этого существует понятие "децимация". В работе тестируется децимация двух видов:

- а) Исключение строк и столбцов с нечётными номерами.
- b) Среднее арифметическое смежных элементов (соседи по диагонали не рассматриваются, только верхние, нижние, левые и правые).
- 9.1 Децимация в 2 раза по ширине и высоте

В результате выполнения децимации в 2 раза по ширине и высоте по правилу а), восстановления исходного размера путем копирования недостающих компонент и выполнения обратного преобразования из YCbCr в RGB были получены следующие значения PSNR:

```
Decimation 8a
PSNR_Cb = 45.0741
PSNR_Cr = 39.929

PSNR_B = 40.2696
PSNR_G = 43.3428
PSNR_R = 36.9227
```

Рисунок 16 - Децимация в 2 раза по ширине и высоте правилу а

Можно сделать вывод о том, что значения каждой из RGB компонент уменьшились. Визуально изменения не видны, т.к. значение PSNR все еще остается высоким.

В результате выполнения децимации в 2 раза по ширине и высоте по правилу b), восстановления исходного размера путем копирования недостающих компонент и выполнения обратного преобразования из YCbCr в RGB были получены следующие значения PSNR:

```
Decimation 8b
PSNR_Cb = 48.1227
PSNR_Cr = 43.0059

PSNR_B = 42.8632
PSNR_G = 45.8175
PSNR_R = 39.8505
```

Рисунок 17 - Децимация в 2 раза по ширине и высоте правилу b

Можно сделать вывод о том, что значения каждой из RGB компонент относительно исходного уменьшились. Стоит обратить внимание и на то, что полученные значения выше предыдущих. Это объясняется тем, что при исключении удаляемые значения учитывались.

9.2 Децимация в 4 раза по ширине и высоте

Аналогичные шаги были проделаны для децимации в 4 раза по ширине и высоте. В итоге получены значения PSNR:

```
Decimation 11a

PSNR_Cb = 38.8482

PSNR_Cr = 33.4

PSNR_B = 34.0565

PSNR_G = 38.2165

PSNR_R = 30.4768
```

Рисунок 18 - Децимация в 4 раза по ширине и высоте правилу а

Видно, что значения PSNR сильно относительно исходных уменьшились и достигли тех значений, когда искажения будут видны на изображении:



Рисунок 19 - Часть исходного изображения

Рисунок 20 - Часть восстановленного изображения

В результате выполнения децимации в 4 раза по ширине и высоте по правилу b), восстановления исходного размера путем копирования недостающих компонент и выполнения обратного преобразования из YCbCr в RGB были получены следующие значения PSNR:

```
Decimation 11b

PSNR_Cb = 42.7327

PSNR_Cr = 37.3763

PSNR_B = 38.1421

PSNR_G = 42.0922

PSNR_R = 34.3993
```

Pисунок 21 - Децимация в 4 раза по ширине и высоте правилу b

Опять же значения PSNR сильно уменьшились и достигли тех значений, когда искажения можно визуально оценить:



Рисунок 22 - Часть исходного изображения



Рисунок 23 - Часть восстановленного изображения

Однако стоит отметить, что по значениям PSNR больше всего искажений было после децимации в 4 раза по правилу а.

10 Гистограммы частот

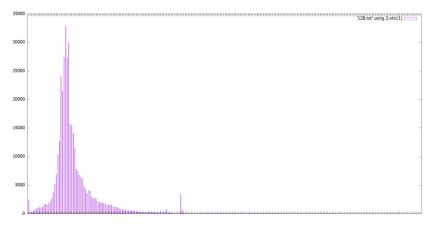


Рисунок 24 - В

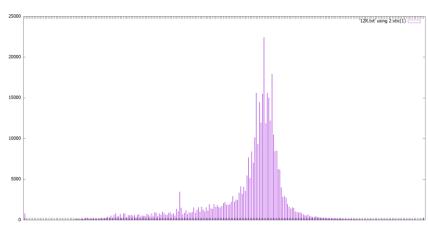
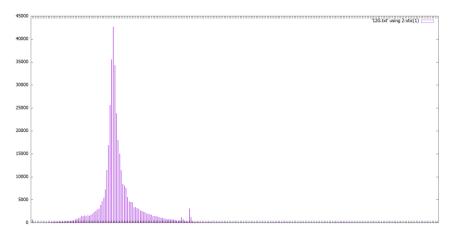


Рисунок 25 – R



Pисунок 26-G

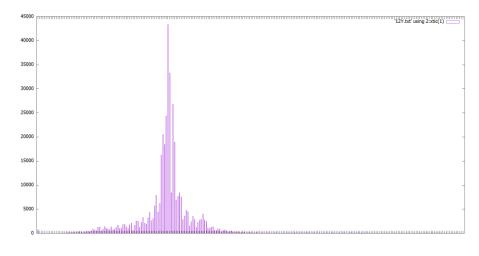


Рисунок 27 – Ү

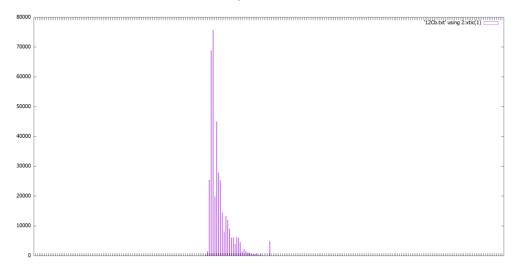


Рисунок 28 – Cb

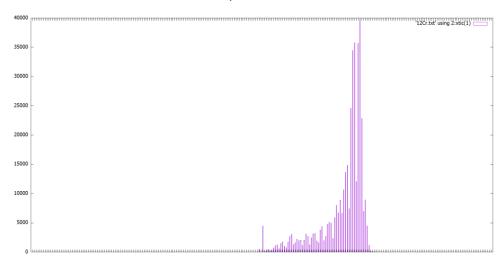


Рисунок 29 - Cr

Можно сделать вывод, что компоненты R, G, B, Y распределены почти по всей области значений, а Cb и Cr определены в одной области, что говорит нам, что эти компоненты будут сжиматься намного лучше.

11 Энтропия

Энтропия для каждой компоненты вычисляется по формуле:

$$\hat{H}(X) = -\sum \hat{p}(x) \cdot \log_2 \hat{p}(x)$$

Рисунок 30 - Значения энтропии

Энтропия позволяется определить эффективность сжатия для компонент. Как видно, эффективность сжатия выше у компонент Сb и Сr.

12 Количественный анализ эффективности разностного кодирования

Требуется сформировать массивы $D_A^{(r)}$, где A — указывает компоненту исходного изображения, для которого вычисляется разность, а r — номер правила вычисления разности. Значение на позиции (i;j) следует вычислять по следующей формуле:

$$d_A^{(r)}(i;j) = a(i;j) - f^{(r)}(i;j)$$

где a(i;j) — значение пикселя в компоненте A на позиции (i;j), а $f^{(r)}(i;j)$ — правило с номером r. Используются следующие правила:

- 1) сосед слева (i; j-1)
- 2) сосед сверху (i 1; j)
- 3) сосед сверху слева (i-1; j-1)
- 4) среднее арифметическое трех соседей

Пиксели в первой строке и столбце исключаются из рассмотрения, т.к. не имею некоторых соседей.

12.1 Maccub DPCM, построенный по правилу левого соседа

Энтропии для каждой из компонент имеют следующие значения:

```
DPCM_left
H(R) = 4.79927
H(G) = 4.54747
H(B) = 4.59456

H(Y) = 4.35669
H(Cb) = 1.6465
H(Cr) = 2.35636
```

Рисунок 31 - Значения энтропии

12.2 Массив DPCM, построенный по правилу верхнего соседа Энтропии для каждой из компонент имеют следующие значения:

```
DPCM_right
H(R) = 4.88776
H(G) = 4.64906
H(B) = 4.69381

H(Y) = 4.46294
H(Cb) = 1.54704
H(Cr) = 2.23839
```

Рисунок 32 - Значения энтропии

12.3 Массив DPCM, построенный по правилу верхнего левого соседа Энтропии для каждой из компонент имеют следующие значения:

```
DPCM_up_left
H(R) = 5.38652
H(G) = 5.06785
H(B) = 5.12497

H(Y) = 4.92893
H(Cb) = 2.19139
H(Cr) = 3.05555
```

Рисунок 33 - Значения энтропии

12.4 Массив DPCM, построенный по правилу среднего арифметического трех соседей: сверху, слева, сверху – слева

Энтропии для каждой из компонент имеют следующие значения:

```
DPCM_average

H(R) = 4.76289

H(G) = 4.43221

H(B) = 4.49813

H(Y) = 4.3599

H(Cb) = 1.49511

H(Cr) = 2.36902
```

Рисунок 34 - Значения энтропии

По полученным результатам видно, что алгоритм DPCM, эффективнее работает для компонент Y, Cb, Cr, так как значения энтропии снизились.

- 13 Дополнительное задание 4d
- 13.1 Разложение изображения на подкадры



Рисунок 35 - Y00



Рисунок 36 - Y01



Рисунок 37 - Ү10



Рисунок 38 - Ү11

Изображения одинаковые, а значит, можно сделать вывод, что на тех позициях, которые остаются и исключаются находятся схожие значения компонент.

13.2 Гистограммы подкадров

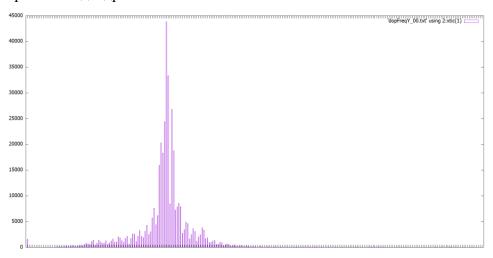


Рисунок 39 - Y00

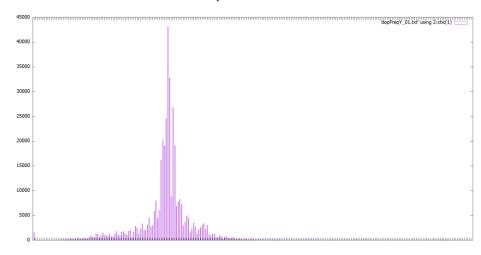


Рисунок 40 - Y01

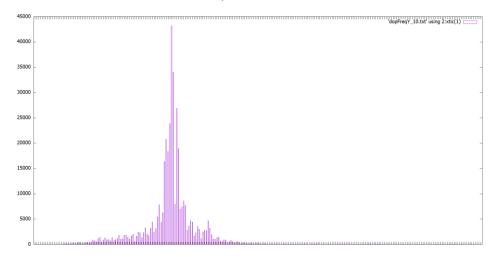


Рисунок 41 - Y10

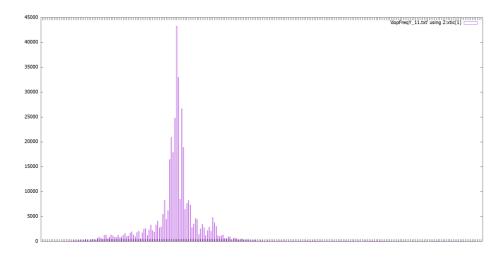


Рисунок 42 - Y11

Гистограммы одинаковые, а значит, можно опять же сделать вывод, что на тех позициях, которые остаются и исключаются находятся схожие значения компонент.

13.3 Энтропия

Были получены значения энтропии:

```
Subframes:

H(Y_00) = 5.53259

H(Y_01) = 5.544

H(Y_10) = 5.53308

H(Y_11) = 5.53857
```

Рисунок 43 - Значения энтропии

Энтропия так же доказывает справедливость вывода, сделанного ранее.

14 Выволы:

Была изучена структура ВМР-изображения формата RGB24: были изучены заголовки, что помогло в дальнейшем извлечь такую важную информацию, как ширина и высота изображения.

Были исследованы корреляционные свойства компонент R, G, B, выявлено, что зависимость между ними достаточно высокая, особенно между компонентами B и G.

Для того, чтобы избежать высокой корреляции используется формат YCbCr, так как в данном формате меньшая корреляционная связь между компонентами, что так же позволяет обеспечить лучшее сжатие. Но формат YCbCr обладает и минусами: при восстановлении исходного изображения теряется часть информации. Для оценки потери информации и

качества восстановления используется PSNR (пиковое отношение сигнала к шуму), так значения PSNR возрастают при восстановлении исходного изображения из формата YCbCr.

Децимация (частичное исключение информации) позволяет увеличить степень сжатия (для оценки используется оценка энтропии), но теряется качество изображения. Так, в данной программной реализации наилучшим вариантом децимации оказалась децимация в 2 раза путем использования среднего арифметического, а наихудшим вариантом — децимация в 4 раза путем исключения строк и столбцов.

Анализ эффективности разностного кодирования показал, что он улучшает показатели кодирования и сжатия.

15 Листинг:

Main.cpp

#include <iostream>

```
#include "bmp.h"
#include "3.h"
#include "4.h"
#include "5-6.h"
#include "7.h"
#include "8-11.h"
#include "12-13.h"
#include "14-16.h"
#include "dop.h"
using namespace std;
int main() {
     BITMAPFILEHEADER bfh;
     BITMAPINFOHEADER bih;
     FILE* f1;
     f1 = fopen("Original.bmp", "rb");
     if (f1 == NULL)
     {
          cout << "ERROR";</pre>
```

```
return 0;
     }
     RGB** rgb = read bmp(f1, &bfh, &bih);
     fclose(f1);
     int height = bih.biHeight;
     int width = bih.biWidth;
     /*
     set style data histograms
    plot 'dopFreqY 00.txt' using 2:xtic(1)
     */
     /*
 width=5
bin(x, s) = s*int(x/s) + width/2
set boxwidth width
plot 'histogramRed.txt' u (bin(\$1,width)):(1.0) s f w boxes fs
solid 0.5
     */
    Get color get color (&bfh, &bih, rgb, height, width);
    Corelation correlaion (height, width, rgb);
    Direct conversion direct conversion (&bfh, &bih, rgb, height,
width);
     Reverse conversion reverse conversion(&bfh,
                                                           &bih,
direct conversion.get YCbCr(), height, width, rgb);
     Decimation decimation(direct conversion.get YCbCr(), height,
width, &bfh, &bih, rgb);
                                                            width,
     Frequency
                      frequency (rgb,
                                           height,
direct conversion.get YCbCr());
    DPCM dpcm(height, width, rgb, direct conversion.get YCbCr());
     Subframes (height, width, direct conversion.get YCbCr(),
&bfh, &bih);
    return 0;
}
```

```
3.h
#include <iostream>
#include "bmp.h"
using namespace std;
class Get color {
private:
     RGB** rgb;
     RGB** new rgb;
     BITMAPFILEHEADER* bfh;
     BITMAPINFOHEADER* bih;
     int height;
     int width;
public:
     Get color(BITMAPFILEHEADER* bfh, BITMAPINFOHEADER* bih, RGB**
color, int h, int w) {
          height = h;
          width = w;
          this->bfh = bfh;
          this->bih = bih;
          rgb = color;
          new rgb = new RGB*[height];
          for (int i = 0; i < height; i++)
               new_rgb[i] = new RGB[width];
          cout << endl << "3";</pre>
          get_R();
          get_G();
          get B();
     }
     ~Get color() {
          for (int i = 0; i < height; i++)
```

```
delete(new rgb[i]);
     delete(new rgb);
}
void get R() {
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               new rgb[i][j].B = 0;
               new rgb[i][j].G = 0;
               new rgb[i][j].R = rgb[i][j].R;
          }
     }
     FILE* file;
     file = fopen("3Red.bmp", "wb");
     write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
     fclose(file);
}
void get G() {
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               new rgb[i][j].B = 0;
               new rgb[i][j].R = 0;
               new rgb[i][j].G = rgb[i][j].G;
          }
     }
     FILE* file;
     file = fopen("3Green.bmp", "wb");
     write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
     fclose(file);
}
void get B() {
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
```

```
new rgb[i][j].R = 0;
                    new rgb[i][j].G = 0;
                    new rgb[i][j].B = rgb[i][j].B;
               }
          }
          FILE* file;
          file = fopen("3Blue.bmp", "wb");
          write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
          fclose(file);
     }
};
4.h
#include <iostream>
#include <vector>
#include <fstream>
#include "bmp.h"
using namespace std;
class Corelation {
private:
     int height;
     int width;
     RGB** rgb;
     double M R = 0;
     double M G = 0;
     double M B = 0;
     double sigma R = 0;
     double sigma_G = 0;
     double sigma B = 0;
public:
     Corelation(int h, int w, RGB** colors) {
```

```
height = h;
          width = w;
          rqb = colors;
          cout << endl << "4" << endl;</pre>
          average();
          sigma();
          r GB();
          r RB();
          r RG();
     /* vector<double>
                                    autocorrGreen1
Autocorrelation func('G', -10);
          write txt("4G-10.txt", autocorrGreen1, width);
          cout << "G-10" << endl;
          vector<double>
                                    autocorrGreen2
Autocorrelation func('G', -5);
          write txt("4G-5.txt", autocorrGreen2, width);
          cout << "G-5" << endl;</pre>
                                    autocorrGreen3
          vector<double>
Autocorrelation func('G', 0);
          write txt("4G0.txt", autocorrGreen3, width);
          cout << "G0" << endl;</pre>
                                  autocorrGreen4
          vector<double>
Autocorrelation func('G', 5);
          write txt("4G5.txt", autocorrGreen4, width);
          cout << "G5" << endl;
                                    autocorrGreen5
          vector<double>
Autocorrelation func('G', 10);
          write_txt("4G10.txt", autocorrGreen5, width);
```

```
cout << "G10" << endl; */
```

```
/* vector<double>
                                   autocorrBlue1
Autocorrelation func('B', -10);
         write txt("4B-10.txt", autocorrBlue1, width);
          cout << "B-10" << endl;
         vector<double>
                                    autocorrBlue2
Autocorrelation func('B', -5);
         write txt("4B-5.txt", autocorrBlue2, width);
         cout << "B-5" << endl;</pre>
                                  autocorrBlue3
         vector<double>
Autocorrelation func('B', 0);
         write txt("4B0.txt", autocorrBlue3, width);
         cout << "B0" << endl;</pre>
         vector<double>
                                    autocorrBlue4
Autocorrelation func('B', 5);
         write txt("4B5.txt", autocorrBlue4, width);
          cout << "B5" << endl;</pre>
         vector<double>
                                    autocorrBlue5
Autocorrelation func('B', 10);
         write txt("4B10.txt", autocorrBlue5, width);
          cout << "B10" << endl; */
          //vector<double>
                                      autocorrRed1
Autocorrelation func('R', -10);
         //write txt("4R-10.txt", autocorrRed1, width);
          //cout << "R-10" << endl;
          //vector<double>
                                      autocorrRed2
Autocorrelation func('R', -5);
          //write txt("4R-5.txt", autocorrRed2, width);
          //cout << "R-5" << endl;
```

```
//vector<double>
                                        autocorrRed3
Autocorrelation func('R', 0);
          //write txt("4R0.txt", autocorrRed3, width);
          //cout << "R0" << endl;
          //vector<double>
                                       autocorrRed4
Autocorrelation func('R', 5);
          //write txt("4R5.txt", autocorrRed4, width);
          //cout << "R5" << endl;
          //vector<double>
                                       autocorrRed5
Autocorrelation func('R', 10);
          //write txt("4R10.txt", autocorrRed5, width);
          //cout << "R10" << endl;
     }
     void average() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    M B += rgb[i][j].B;
                    M R += rgb[i][j].R;
                    M G += rgb[i][j].G;
               }
          }
          M B /= (height * width);
          M R /= (height * width);
          M G /= (height * width);
     }
     void sigma() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    sigma B += pow(rgb[i][j].B - M B, 2);
                    sigma R += pow(rgb[i][j].R - M R, 2);
                    sigma G += pow(rgb[i][j].G - M G, 2);
               }
          }
          sigma B = sqrt(sigma B / (height * width - 1));
```

```
sigma R = sqrt(sigma R / (height * width - 1));
     sigma G = sqrt(sigma G / (height * width - 1));
}
void r GB() {
     double r = 0;
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               r += (rgb[i][j].G - M G) * (rgb[i][j].B - M B);
          }
     }
     r /= (height * width * sigma G * sigma B);
     cout << "r G,B = " << r << endl;
}
void r RB() {
     double r = 0;
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               r += (rgb[i][j].R - M R) * (rgb[i][j].B - M B);
          }
     }
     r /= (height * width * sigma_R * sigma_B);
     cout << "r R,B = " << r << endl;
}
void r RG() {
     double r = 0;
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               r += (rgb[i][j].R - M R) * (rgb[i][j].G - M G);
          }
     }
     r /= (height * width * sigma_G * sigma_R);
     cout << "r G,R = " << r << endl;
```

```
vector<double> Autocorrelation func(char letter, int y) {
         vector<double> array(width / 4);
         vector<vector<double>> color(height);
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (letter == 'R') {
                         color[i].push back(rgb[i][j].R);
                         continue;
                    }
                    if (letter == 'G') {
                         color[i].push back(rgb[i][j].G);
                         continue;
                    }
                    if (letter == 'B') {
                         color[i].push back(rgb[i][j].B);
                        continue;
                    }
               }
          }
          for (int x = -width / 4, counter = 0; x < width / 4; x
+= 2, counter++) {
              vector<vector<double>>
                                            firstSelection
calculateFirstSelection(color, x, y);
               vector<vector<double>>
                                        secondSelection
calculateSecondSelection(color, x, y);
               array[counter] = Correlation func(firstSelection,
secondSelection);
          }
         return array;
```

}

}

```
vector<vector<double>>
calculateFirstSelection(vector<vector<double>>& array, int x, int
у) {
          int width = array.size();
          int height = array[0].size();
          vector<vector<double>> result(width);
          for (int i = 0; i < width; ++i) {
               result[i].resize(height);
          }
          if (y >= 0) {
               if (x >= 0) {
                    for (int j = 0; j < width - x; ++j) {
                         for (int i = 0; i < height - y; ++i) {
                              result[j][i] = array[j][i];
                         }
                    }
               }
               else {
                    for (int j = -x; j < width; ++j) {
                         for (int i = 0; i < height - y; ++i) {
                              result[j + x][i] = array[j][i];
                         }
                    }
               }
          }
          else {
               if (x >= 0) {
                    for (int j = 0; j < width - x; ++j) {
                         for (int i = -y; i < height; ++i) {
                              result[j][i + y] = array[j][i];
                         }
                    }
```

```
}
               else {
                    for (int j = -x; j < width; j++) {
                         for (int i = -y; i < height; i++) {
                              result[j + x][i + y] = array[j][i];
                         }
                    }
               }
          return result;
     }
    vector<vector<double>>
calculateSecondSelection(vector<vector<double>>& array, int x,
int y) {
          int height = array[0].size();
          int width = array.size();
         vector<vector<double>> result(width);
          for (int i = 0; i < width; ++i) {
              result[i].resize(height);
          }
          if (y >= 0) {
               if (x >= 0) {
                    for (int j = x; j < width; ++j) {
                         for (int i = y; i < height; ++i) {
                              result[j - x][i - y] = array[j][i];
                         }
                    }
               }
               else {
                    for (int j = 0; j < width + x; ++j) {
                         for (int i = y; i < height; ++i) {
                              result[j][i - y] = array[j][i];
```

```
}
                    }
               }
          }
          else {
               if (x >= 0) {
                    for (int j = x; j < width; ++j) {
                         for (int i = 0; i < height + y; ++i) {
                              result[j - x][i] = array[j][i];
                         }
                    }
               }
               else {
                    for (int j = 0; j < width + x; ++j) {
                         for (int i = 0; i < height + y; ++i) {
                              result[j][i] = array[j][i];
                         }
                    }
               }
          return result;
     }
                  Correlation func(vector<vector<double>>
     double
                                                                 Α,
vector<vector<double>> B) {
          double m1 = Get expected value(A);
          double m2 = Get_expected_value(B);
          double d1 = Get dispersion(A);
          double d2 = Get dispersion(B);
          for (int i = 0; i < A.size(); i++) {
               for (int j = 0; j < A[0].size(); j++) {
```

```
if (A[i].size() != 0 && B[i].size() != 0) {
                    A[i][j] = A[i][j] - m1;
                    B[i][j] = B[i][j] - m2;
                    A[i][j] = A[i][j] * B[i][j];
               }
          }
     }
     double res = Get expected value(A) / (d1 * d2);
     return res;
}
double Get expected value(vector<vector<double>> rgb) {
     double res = 0;
     double WH = (double) width * (double) height;
     for (int i = 0; i < rgb.size(); i++) {</pre>
          for (int j = 0; j < rgb[0].size(); <math>j++) {
               if (rgb[i].size() != 0)
                    res += rgb[i][j];
          }
     }
     res = res / WH;
     return res;
double Get dispersion(vector<vector<double>> rgb) {
     double res = 0;
     double WH = (double) width * (double) height;
     double m = Get expected value(rgb);
     for (int i = 0; i < rgb.size(); i++) {</pre>
          for (int j = 0; j < rgb[0].size(); j++) {
               if (rgb[i].size() != 0)
                     res += pow((rgb[i][j] - m), 2);
          }
```

```
}
          res = res / (WH - 1);
          return sqrt(res);
     }
     void write_txt(string filename, vector<double> result, int
width) {
          ofstream fout;
          fout.open(filename);
          int count = 0;
          if (fout.is open()) {
               int j = 0;
               for (int i = -width / 4; i < width / 4; i += 2) {
                    fout << i << " " << result[j] << "\n";</pre>
                    j++;
               }
          }
          fout.close();
     }
};
5-6.h
#include <iostream>
#include "bmp.h"
using namespace std;
class Direct conversion {
private:
     RGB** rgb;
     RGB** new_rgb;
     BITMAPFILEHEADER* bfh;
```

```
BITMAPINFOHEADER* bih;
     int height;
     int width;
     YCbCr** ycbcr;
     double M Y = 0;
     double M Cb = 0;
     double M Cr = 0;
     double sigma Y = 0;
     double sigma Cb = 0;
     double sigma Cr = 0;
public:
     Direct conversion(BITMAPFILEHEADER* bfh, BITMAPINFOHEADER*
bih, RGB** color, int h, int w) {
          height = h;
          width = w;
          this->bfh = bfh;
          this->bih = bih;
          rgb = color;
          new rgb = new RGB * [height];
          for (int i = 0; i < height; i++)
               new rgb[i] = new RGB[width];
          cout << endl << "5-6" << endl;</pre>
          get direct conversion();
          get Y();
          get Cb();
          get_Cr();
          average();
          sigma();
          r YCb();
          r YCr();
          r_CbCr();
```

}

```
~Direct conversion() {
          for (int i = 0; i < height; i++)
               delete(new rgb[i]);
          delete(new rgb);
     }
     void get direct conversion() {
          ycbcr = new YCbCr*[height];
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               ycbcr[i] = new YCbCr[width];
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    ycbcr[i][j].Y = 0.299 * (double)rgb[i][j].R +
0.587 * (double)rgb[i][j].G + 0.114 * (double)rgb[i][j].B;
                    ycbcr[i][j].Cb = 0.5643*((double)rgb[i][j].B -
ycbcr[i][j].Y) + 128;
                    ycbcr[i][j].Cr = 0.7132*((double)rgb[i][j].R -
ycbcr[i][j].Y) + 128;
               }
          }
     }
     void get Y() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    new rgb[i][j].B = ycbcr[i][j].Y;
                    new rgb[i][j].G = ycbcr[i][j].Y;
                    new rgb[i][j].R = ycbcr[i][j].Y;
               }
          }
          FILE* file;
          file = fopen("6Y.bmp", "wb");
          write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
          fclose(file);
     }
     void get Cb() {
```

```
for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               new rgb[i][j].B = ycbcr[i][j].Cb;
               new rgb[i][j].G = ycbcr[i][j].Cb;
               new rgb[i][j].R = ycbcr[i][j].Cb;
          }
     }
     FILE* file;
     file = fopen("6Cb.bmp", "wb");
     write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
     fclose(file);
}
void get Cr() {
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               new rgb[i][j].B = ycbcr[i][j].Cr;
               new_rgb[i][j].G = ycbcr[i][j].Cr;
              new rgb[i][j].R = ycbcr[i][j].Cr;
          }
     }
     FILE* file;
     file = fopen("6Cr.bmp", "wb");
     write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
     fclose(file);
}
YCbCr** get YCbCr() {
     return ycbcr;
}
void average() {
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               M Y += ycbcr[i][j].Y;
```

```
M Cb += ycbcr[i][j].Cb;
                    M Cr += ycbcr[i][j].Cr;
               }
          }
          M Y /= (height * width);
          M Cb /= (height * width);
          M Cr \neq (height * width);
     }
     void sigma() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    sigma Y += pow(ycbcr[i][j].Y - M Y, 2);
                    sigma Cb += pow(ycbcr[i][j].Cb - M Cb, 2);
                    sigma Cr += pow(ycbcr[i][j].Cr - M Cr, 2);
               }
          }
          sigma Y = sqrt(sigma_Y / (height * width - 1));
          sigma Cb = sqrt(sigma Cb / (height * width - 1));
          sigma Cr = sqrt(sigma Cr / (height * width - 1));
     }
     void r YCb() {
          double r = 0;
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    r += (ycbcr[i][j].Y - M_Y) * (ycbcr[i][j].Cb -
M Cb);
               }
          }
          r /= (height * width * sigma_Cb * sigma_Y);
          cout << "r Y,Cb = " << r << endl;
     }
     void r_YCr() {
          double r = 0;
```

```
for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    r += (ycbcr[i][j].Y - M Y) * (ycbcr[i][j].Cr -
M Cr);
               }
          }
          r /= (height * width * sigma_Cr * sigma Y);
          cout << "r Y,Cr = " << r << endl;
     }
     void r CbCr() {
          double r = 0;
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    r += (ycbcr[i][j].Cr - M Cr) * (ycbcr[i][j].Cb
- M Cb);
               }
          }
          r /= (height * width * sigma_Cb * sigma Cr);
          cout << "r Cr,Cb = " << r << endl;</pre>
     }
};
7.h
#include <iostream>
#include <cmath>
#include "bmp.h"
class Reverse_conversion {
```

```
private:
     RGB** new rgb;
     RGB** rgb;
     BITMAPFILEHEADER* bfh;
     BITMAPINFOHEADER* bih;
     int height;
     int width;
     YCbCr** ycbcr;
     unsigned char max R = 0;
     unsigned char max G = 0;
     unsigned char max B = 0;
     unsigned char min R = 255;
     unsigned char min G = 255;
     unsigned char min B = 255;
public:
     Reverse_conversion(BITMAPFILEHEADER* bfh, BITMAPINFOHEADER*
bih, YCbCr** y, int h, int w, RGB** colors) {
          height = h;
          width = w;
          this->bfh = bfh;
          this->bih = bih;
          ycbcr = y;
          rgb = colors;
          new rgb = new RGB * [height];
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               new rgb[i] = new RGB[width];
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    new rgb[i][j].B = 0;
                    new rgb[i][j].R = 0;
                    new rgb[i][j].G = 0;
               }
          }
          cout << endl << "7" << endl;</pre>
```

```
find min max();
     reverse conversion();
     PSNR();
}
~Reverse conversion() {
     for (int i = 0; i < height; i++)
          delete(new rgb[i]);
     delete(new rgb);
}
void find min max() {
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
                if (rgb[i][j].R > max R)
                     \max R = \text{rgb[i][j].R};
                if (rgb[i][j].G > max G)
                     max_G = rgb[i][j].G;
                if (rgb[i][j].B > max B)
                     \max B = rgb[i][j].B;
                if (rgb[i][j].R < min R)</pre>
                     min R = rgb[i][j].R;
                if (rgb[i][j].B < min_G)</pre>
                     min G = rgb[i][j].B;
                if (rgb[i][j].B < min B)</pre>
                     min B = rgb[i][j].B;
          }
     }
}
unsigned char clipping R(double color) {
     if (color > (double)max R)
          return max R;
     if (color < (double) min R)
          return min R;
     return (unsigned char) (color);
}
```

```
unsigned char clipping G(double color) {
          if (color > (double)max G)
               return max G;
          if (color < (double)min G)</pre>
               return min G;
          return (unsigned char) (color);
     }
     unsigned char clipping B(double color) {
          if (color > max B)
               return max B;
          if (color < (double)min G)</pre>
               return min B;
          return (unsigned char) (color);
     }
     void reverse conversion() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               double tmp = 0;
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    tmp = (ycbcr[i][j].Y - 0.714 * (ycbcr[i][j].Cr
- 128) - 0.334 * (ycbcr[i][j].Cb - 128));
                    new rgb[i][j].G = clipping G(tmp);
                    tmp = ycbcr[i][j].Y + 1.402 * (ycbcr[i][j].Cr
-128);
                    new rgb[i][j].R = clipping R(tmp);
                    tmp = ycbcr[i][j].Y + 1.772 * (ycbcr[i][j].Cb
-128);
                    new rgb[i][j].B = clipping B(tmp);
               }
          }
          FILE* file;
          file = fopen("7Recovered.bmp", "wb");
          write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
          fclose(file);
     void PSNR() {
```

```
double tmp = width * height * pow(256 - 1, 2);
          double PSNR R = 0;
          double PSNR G = 0;
          double PSNR B = 0;
          for (int i = 0; i < height; i++) {
                for (int j = 0; j < width; <math>j++) {
                     PSNR B += pow((rgb[i][j].B - new rgb[i][j].B),
2);
                     PSNR G += pow((rgb[i][j].G - new rgb[i][j].G),
2);
                     PSNR R += pow((rgb[i][j].R - new rgb[i][j].R),
2);
                }
          }
          PSNR_B = 10 * log10(tmp / PSNR B);
          PSNR G = 10 * log10 (tmp / PSNR G);
          PSNR R = 10 * log10 (tmp / PSNR R);
          cout << "PSNR B = " << PSNR B << endl;</pre>
          cout << "PSNR G = " << PSNR G << endl;</pre>
          cout << "PSNR R = " << PSNR R << endl;</pre>
     }
};
8-11.h
#include <iostream>
#include <vector>
#include "bmp.h"
using namespace std;
class Decimation {
private:
     int height;
```

```
int new height 2;
     int new width 2;
     int new height 4;
     int new width 4;
     YCbCr** ycbcr;
     double** decimation 8a Cb;
     double** decimation 8b Cb;
     double** decimation 8a Cr;
     double** decimation 8b Cr;
     YCbCr** ycbcr new a;
     YCbCr** ycbcr new b;
     RGB** new rgb a;
     RGB** new rgb b;
     double** decimation 11a Cb;
     double** decimation_11b_Cb;
     double** decimation_11a_Cr;
     double** decimation 11b Cr;
     RGB** rgb;
     BITMAPFILEHEADER* bfh;
     BITMAPINFOHEADER* bih;
     unsigned char min R = 255;
     unsigned char min G = 255;
     unsigned char min B = 255;
     unsigned char max R = 0;
     unsigned char max G = 0;
     unsigned char max B = 0;
public:
     Decimation (YCbCr** y, int h, int w, BITMAPFILEHEADER* Bfh,
BITMAPINFOHEADER* Bih, RGB** Rgb) {
          height = h;
          width = w;
          ycbcr = y;
          new height 2 = \text{height} / 2;
```

int width;

```
new width 2 = width / 2;
decimation 8a Cb = new double* [new height 2];
decimation 8a Cr = new double* [new height 2];
decimation 8b Cb = new double* [new height 2];
decimation 8b Cr = new double* [new_height_2];
for (int i = 0; i < new height 2; i++) {
     decimation 8a Cb[i] = new double[new width 2];
     decimation 8a Cr[i] = new double[new width 2];
     decimation 8b Cb[i] = new double[new width 2];
     decimation 8b_Cr[i] = new double[new_width_2];
}
new height 4 = \text{height} / 4;
new width 4 = width / 4;
decimation 11a Cb = new double* [new height 4];
decimation 11a Cr = new double* [new height 4];
decimation_11b_Cb = new double* [new_height_4];
decimation 11b Cr = new double* [new height 4];
for (int i = 0; i < new height 4; i++) {
     decimation 11a Cb[i] = new double[new width 4];
     decimation 11a Cr[i] = new double[new width 4];
     decimation 11b Cb[i] = new double[new width 4];
     decimation 11b Cr[i] = new double[new width 4];
}
new rgb a = new RGB * [height];
new rgb b = new RGB * [height];
for (int i = 0; i < height; i++) {
     new rgb a[i] = new RGB[width];
     new rgb b[i] = new RGB[width];
ycbcr new a = new YCbCr * [height];
ycbcr new b = new YCbCr * [height];
for (int i = 0; i < height; i++) {
     ycbcr new a[i] = new YCbCr[width];
     ycbcr new b[i] = new YCbCr[width];
```

```
for (int j = 0; j < width; j++)
               {
                     ycbcr new a[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y;
                     ycbcr new b[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y;
               }
          }
          bfh = Bfh;
          bih = Bih;
          rgb = Rgb;
          cout << endl << "8-11";</pre>
          decimation 8a();
          decimation 8b();
          recover size 8();
          find min max();
                                                          new rgb_a,
          reverse conversion (ycbcr new a,
"9Recovered decimation1.bmp");
          reverse conversion (ycbcr new b,
                                                          new rgb b,
"9Recovered decimation2.bmp");
          cout << endl << "Decimation 8a";</pre>
          PSNR YCbCr(ycbcr new a);
          PSNR RGB (new rgb a);
          cout << endl << "Decimation 8b";</pre>
          PSNR YCbCr(ycbcr new b);
          PSNR RGB (new rgb b);
          decimation 11a();
          decimation 11b();
          recover size 11();
          reverse conversion(ycbcr_new_a,
                                                          new rgb a,
"11Recovered decimation1.bmp");
          reverse conversion (ycbcr new b,
                                                           new rgb b,
"11Recovered decimation2.bmp");
          cout << endl << "Decimation 11a";</pre>
          PSNR YCbCr (ycbcr new a);
```

```
PSNR RGB (new rgb a);
          cout << endl << "Decimation 11b";</pre>
          PSNR YCbCr(ycbcr new b);
          PSNR RGB (new rgb b);
     }
    void decimation 8a() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i % 2 == 0 && j % 2 == 0) {
                         decimation 8a Cb[i /
                                                 2][j
                                                       / 2] =
ycbcr[i][j].Cb;
                        decimation 8a Cr[i /
                                                 2][j
                                                            2]
ycbcr[i][j].Cr;
                    }
               }
          }
     }
    void decimation 11a() {
          for (int i = 0; i < height; i ++) {
               for (int j = 0; j < width; j ++) {
                    if (i % 4 == 0 && j % 4 == 0) {
                         decimation 11a Cb[i / 4][j /
                                                            4] =
ycbcr[i][j].Cb;
                        decimation 11a Cr[i /
                                                  4][j /
ycbcr[i][j].Cr;
               }
          }
     }
    void decimation 8b() {
          double sum Cb = 0;
         double sum Cr = 0;
          for (int i = 0; i < height; i += 2) {
               for (int j = 0; j < width; <math>j += 2) {
```

```
sum Cb += ycbcr[i][j].Cb + ycbcr[i + 1][j].Cb
+ ycbcr[i][j + 1].Cb + ycbcr[i + 1][j + 1].Cb;
                    sum Cr += ycbcr[i][j].Cr + ycbcr[i + 1][j].Cr
+ ycbcr[i][j + 1].Cr + ycbcr[i + 1][j + 1].Cr;
                    decimation 8b_Cb[i / 2][j / 2] = sum_Cb / 4;
                    decimation 8b Cr[i / 2][j / 2] = sum Cr / 4;
                    sum Cb = 0;
                    sum Cr = 0;
               }
          }
     }
     void decimation 11b() {
          double sum Cb = 0;
          double sum Cr = 0;
          for (int i = 0; i < height; i += 4) {
               for (int j = 0; j < width; <math>j += 4) {
                    for (int a = 0; a < 4; a++) {
                         for (int b = 0; b < 4; b++) {
                              sum Cb += ycbcr[i + a][j+b].Cb;
                              sum Cr += ycbcr[i + a][j+b].Cr;
                         }
                    }
                    decimation 11b Cb[i / 4][j / 4] = sum_Cb / 16;
                    decimation 11b Cr[i / 4][j / 4] = sum Cr / 16;
                    sum Cb = 0;
                    sum Cr = 0;
               }
          }
     }
     void recover size 8() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
```

```
ycbcr new a[i][j].Cb = decimation 8a Cb[i
/2][j / 2];
                   ycbcr_new_a[i][j].Cr = decimation_8a_Cr[i
2][j / 2];
                   ycbcr_new_b[i][j].Cb = decimation_8b_Cb[i
2][j / 2];
                   ycbcr new b[i][j].Cr = decimation 8b Cr[i
2][j / 2];
               }
          }
     }
    void recover size 11() {
         for (int i = 0; i < height; i++) {
              for (int j = 0; j < width; j++) {
                   ycbcr new a[i][j].Cb = decimation 11a Cb[i /
4][j / 4];
                   ycbcr new a[i][j].Cr = decimation 11a Cr[i /
4][j / 4];
                   ycbcr_new_b[i][j].Cb = decimation_11b_Cb[i /
4][j / 4];
                   ycbcr_new_b[i][j].Cr = decimation_11b_Cr[i /
4][j / 4];
               }
          }
     }
    void reverse_conversion(YCbCr** ycbcr, RGB** new_rgb, const
char* filename) {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
              double tmp = 0;
              for (int j = 0; j < width; j++) {
                   tmp = (ycbcr[i][j].Y - 0.714 * (ycbcr[i][j].Cr
- 128) - 0.334 * (ycbcr[i][j].Cb - 128));
                   new rgb[i][j].G = clipping G(tmp);
                   tmp = ycbcr[i][j].Y + 1.402 * (ycbcr[i][j].Cr
- 128);
```

```
new rgb[i][j].R = clipping R(tmp);
                     tmp = ycbcr[i][j].Y + 1.772 * (ycbcr[i][j].Cb
- 128);
                     new rgb[i][j].B = clipping B(tmp);
                }
          }
          FILE* file;
          file = fopen(filename, "wb");
          write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height, width);
          fclose(file);
     }
     void find min max() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
                for (int j = 0; j < width; j++) {
                     if (rgb[i][j].R > max R)
                          \max R = \text{rgb[i][j].R};
                     if (rgb[i][j].G > max G)
                          max G = rgb[i][j].G;
                     if (rgb[i][j].B > max B)
                          max B = rgb[i][j].B;
                     if (rgb[i][j].R < min R)</pre>
                          min R = rgb[i][j].R;
                     if (rgb[i][j].B < min G)</pre>
                          min G = rgb[i][j].B;
                     if (rgb[i][j].B < min B)</pre>
                          min B = rgb[i][j].B;
                }
          }
     }
     unsigned char clipping R(double color) {
          if (color > (double) max R)
                return max R;
          if (color < (double)min R)</pre>
                return min R;
```

```
}
     unsigned char clipping G(double color) {
          if (color > (double)max G)
               return max G;
          if (color < (double)min G)</pre>
               return min G;
          return (unsigned char) (color);
     }
     unsigned char clipping B(double color) {
          if (color > (double)max B)
               return max B;
          if (color < (double)min B)</pre>
               return min B;
          return (unsigned char) (color);
     }
     void PSNR RGB(RGB** new rgb) {
          double tmp = width * height * pow(256 - 1, 2);
          double PSNR R = 0;
          double PSNR G = 0;
          double PSNR B = 0;
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    PSNR B += pow((rgb[i][j].B - new rgb[i][j].B),
2);
                    PSNR_G += pow((rgb[i][j].G - new_rgb[i][j].G),
2);
                    PSNR R += pow((rgb[i][j].R - new rgb[i][j].R),
2);
               }
          }
          PSNR B = 10 * log10 (tmp / PSNR B);
          PSNR G = 10 * log10 (tmp / PSNR G);
          PSNR_R = 10 * log10(tmp / PSNR_R);
```

return (unsigned char) (color);

```
cout << endl << "PSNR B = " << PSNR B << endl;</pre>
          cout << "PSNR G = " << PSNR G << endl;</pre>
          cout << "PSNR R = " << PSNR R << endl;</pre>
     }
     void PSNR YCbCr(YCbCr** ycbcr new) {
          double tmp = width * height * pow(256 - 1, 2);
          double PSNR Cb = 0;
          double PSNR Cr = 0;
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    PSNR Cb
                               += pow((ycbcr[i][j].Cb
ycbcr new[i][j].Cb), 2);
                    PSNR Cr += pow((ycbcr[i][j].Cr
ycbcr new[i][j].Cr), 2);
          PSNR Cb = 10 * log10 (tmp / PSNR Cb);
          PSNR Cr = 10 * log10 (tmp / PSNR Cr);
          cout << endl << "PSNR Cb = " << PSNR Cb << endl;</pre>
          cout << "PSNR Cr = " << PSNR Cr << endl;</pre>
     }
};
12-13.h
#include <iostream>
#include <fstream>
#include "bmp.h"
using namespace std;
class Frequency {
```

```
private:
     int height;
     int width;
     RGB** rqb;
     YCbCr** ycbcr;
     double* freq;
     double H = 0;
public:
     Frequency(RGB** RGB, int h, int w, YCbCr** YCbCr) {
          rgb = RGB;
          ycbcr = YCbCr;
          height = h;
          width = w;
          freq = new double[256];
          cout << endl << "12-13" << endl;</pre>
          clear();
          get_RGB('R', "12R.txt");
          entropy(string("R"));
          clear();
          get RGB('G', "12G.txt");
          entropy(string("G"));
          clear();
          get_RGB('B', "12B.txt");
          entropy(string("B"));
          clear();
          get_YCbCr('Y', "12Y.txt");
          entropy(string("Y"));
          clear();
          get YCbCr('B', "12Cb.txt");
          entropy(string("Cb"));
          clear();
          get_YCbCr('R', "12Cr.txt");
          entropy(string("Cr"));
     }
```

```
void clear() {
     for (int i = 0; i < 256; i++)
          freq[i] = 0;
     H = 0;
}
void get RGB(char letter, const char* filename) {
     ofstream out;
     out.open(filename);
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               if (letter == 'R')
                    freq[rgb[i][j].R]++;
               if (letter == 'G')
                    freq[rgb[i][j].G]++;
               if (letter == 'B')
                    freq[rgb[i][j].B]++;
          }
     }
     for (int i = 0; i < 256; i++) {
          out << i << " " << freq[i] << endl;
     }
     out.close();
}
void get YCbCr(char letter, const char* filename) {
     ofstream out;
     out.open(filename);
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               if (letter == 'Y')
                    freq[(int)ycbcr[i][j].Y]++;
```

```
if (letter == 'B')
                         freq[(int)ycbcr[i][j].Cb]++;
                         if (letter == 'R')
                               freq[(int)ycbcr[i][j].Cr]++;
                    }
               }
               for (int i = 0; i < 256; i++) {
                    out << i << " " << freq[i] << endl;
               }
               out.close();
          }
          void entropy(string letter) {
               for (int i = 0; i < 256; i++) {
                    double p = (double)freq[i] / (height * width);
                    if (p != 0) {
                        H += p * log2(p);
                    }
               }
               H *= (-1);
               cout << "H(" << letter << ") = " << H << endl;</pre>
          }
};
14-16.h
#include <iostream>
#include <fstream>
#include "bmp.h"
using namespace std;
```

```
class DPCM {
private:
     RGB** rgb;
     int height;
     int width;
     YCbCr** ycbcr;
     RGB** d rgb;
     YCbCr** d ycbcr;
     double* freq;
     double H = 0;
public:
     DPCM(int h, int w, RGB** r, YCbCr** y) {
          height = h;
          width = w;
          rgb = r;
          ycbcr = y;
          d_rgb = new RGB * [height];
          d ycbcr = new YCbCr * [height];
          for (int i = 0; i < height; i++) {
                d_rgb[i] = new RGB[width];
                d_ycbcr[i] = new YCbCr[width];
          }
          freq = new double [256];
          cout << endl << "14-16";
          cout << endl << "DPCM left" << endl;</pre>
          modulation left RGB();
          cout << endl;</pre>
          modulation left YCbCr();
          cout << endl << "DPCM right" << endl;</pre>
          modulation up RGB();
          cout << endl;</pre>
          modulation up YCbCr();
          cout << endl << "DPCM up left" << endl;</pre>
```

```
modulation up left RGB();
     cout << endl;</pre>
     modulation_up_left_YCbCr();
     cout << endl << "DPCM average" << endl;</pre>
     modulation average RGB();
     cout << endl;</pre>
     modulation average YCbCr();
}
~DPCM() {
     delete freq;
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          delete(ycbcr[i]);
          delete(rgb[i]);
     }
     delete(rgb);
     delete(ycbcr);
}
void clear() {
     for (int i = 0; i < 256; i++)
          freq[i] = 0;
     H = 0;
}
void modulation left RGB() {
     for (int i = 0; i < height; i++) {</pre>
          for (int j = 0; j < width; <math>j++) {
                if (i == 0 || j == 0) {
                     d rgb[i][j].R = rgb[i][j].R;
                     d rgb[i][j].G = rgb[i][j].G;
                     d rgb[i][j].B = rgb[i][j].B;
                }
                else {
```

```
d rgb[i][j].R = rgb[i][j].R - rgb[i][j -
1].R;
                         d rgb[i][j].G = rgb[i][j].G - rgb[i][j -
1].G;
                         d_{rgb[i][j].B} = rgb[i][j].B - rgb[i][j -
1].B;
                    }
               }
          }
          clear();
          get_RGB('R', "14R1.txt");
          entropy(string("R"));
               clear();
               get_RGB('G', "14G1.txt");
               entropy(string("G"));
               clear();
               get_RGB('B', "14B1.txt");
               entropy(string("B"));
     }
    void modulation left YCbCr() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i == 0 || j == 0) {
                         d_ycbcr[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y;
                         d_ycbcr[i][j].Cb = ycbcr[i][j].Cb;
                         d ycbcr[i][j].Cr = ycbcr[i][j].Cr;
                    }
                    else {
                         d ycbcr[i][j].Y
                                                ycbcr[i][j].Y
ycbcr[i][j - 1].Y;
                         d ycbcr[i][j].Cb
                                                ycbcr[i][j].Cb
ycbcr[i][j - 1].Cb;
                         d ycbcr[i][j].Cr
                                            = ycbcr[i][j].Cr
ycbcr[i][j - 1].Cr;
               }
```

```
}
          clear();
          get YCbCr('Y', "14Y1.txt");
          entropy(string("Y"));
          clear();
          get_YCbCr('B', "14Cb1.txt");
          entropy(string("Cb"));
          clear();
          get YCbCr('R', "14Cr1.txt");
          entropy(string("Cr"));
     }
    void modulation up RGB() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {</pre>
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i == 0 || j == 0) {
                         d_{rgb[i][j].R = rgb[i][j].R;
                         d_rgb[i][j].G = rgb[i][j].G;
                         d rgb[i][j].B = rgb[i][j].B;
                    }
                    else {
                         d_{rgb[i][j].R} = rgb[i][j].R - rgb[i -
1][j].R;
                         d rgb[i][j].G = rgb[i][j].G - rgb[i]
1][j].G;
                         d rgb[i][j].B = rgb[i][j].B - rgb[i -
1][j].B;
                    }
               }
          }
          clear();
          get_RGB('R', "14R2.txt");
          entropy(string("R"));
          clear();
          get_RGB('G', "14G2.txt");
```

```
entropy(string("G"));
         clear();
         get RGB('B', "14B2.txt");
          entropy(string("B"));
     }
    void modulation_up_YCbCr() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i == 0 || j == 0) {
                        d_ycbcr[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y;
                        d_ycbcr[i][j].Cb = ycbcr[i][j].Cb;
                        d ycbcr[i][j].Cr = ycbcr[i][j].Cr;
                    }
                    else {
                         d ycbcr[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y - ycbcr[i
- 1][j].Y;
                         d \ ycbcr[i][j].Cb = ycbcr[i][j].Cb
ycbcr[i - 1][j].Cb;
                        d ycbcr[i][j].Cr = ycbcr[i][j].Cr -
ycbcr[i - 1][j].Cr;
               }
          }
          clear();
          get_YCbCr('Y', "14Y2.txt");
          entropy(string("Y"));
         clear();
         get_YCbCr('B', "14Cb2.txt");
          entropy(string("Cb"));
         clear();
          get_YCbCr('R', "14Cr2.txt");
          entropy(string("Cr"));
     }
    void modulation up left RGB() {
```

```
for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i == 0 || j == 0) {
                         d rgb[i][j].R = rgb[i][j].R;
                         d_{rgb[i][j].G = rgb[i][j].G;
                         d rgb[i][j].B = rgb[i][j].B;
                    }
                    else {
                         d rgb[i][j].R = rgb[i][j].R - rgb[i -
1][j - 1].R;
                         d rgb[i][j].G = rgb[i][j].G -
1][j - 1].G;
                         d rgb[i][j].B = rgb[i][j].B - rgb[i -
1][j - 1].B;
                    }
               }
          }
          clear();
          get_RGB('R', "14R3.txt");
         entropy(string("R"));
         clear();
         get_RGB('G', "14G3.txt");
          entropy(string("G"));
          clear();
          get_RGB('B', "14B3.txt");
          entropy(string("B"));
     }
     void modulation_up_left_YCbCr() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i == 0 || j == 0) {
                         d_ycbcr[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y;
                         d_ycbcr[i][j].Cb = ycbcr[i][j].Cb;
                         d ycbcr[i][j].Cr = ycbcr[i][j].Cr;
                    }
```

```
else {
                        d ycbcr[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y - ycbcr[i
-1][j -1].Y;
                        d ycbcr[i][j].Cb = ycbcr[i][j].Cb
ycbcr[i - 1][j - 1].Cb;
                        d \ ycbcr[i][j].Cr = ycbcr[i][j].Cr
ycbcr[i - 1][j - 1].Cr;
               }
          }
          clear();
          get YCbCr('Y', "14Y3.txt");
          entropy(string("Y"));
          clear();
          get_YCbCr('B', "14Cb3.txt");
          entropy(string("Cb"));
          clear();
          get_YCbCr('R', "14Cr3.txt");
          entropy(string("Cr"));
     }
    void modulation average RGB() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i == 0 || j == 0) {
                        d rgb[i][j].R = rgb[i][j].R;
                        d rgb[i][j].G = rgb[i][j].G;
                        d rgb[i][j].B = rgb[i][j].B;
                    }
                    else {
                        d rgb[i][j].R
                                                rab[i][j].R
                                         =
(double) (rgb[i - 1][j - 1].R + rgb[i - 1][j].R + rgb[i][j - 1].R)
/ 3;
                                                rgb[i][j].G
                        d rgb[i][j].G
                                       =
(double) (rgb[i - 1][j - 1].G + rgb[i - 1][j].G + rgb[i][j - 1].G)
/ 3;
```

```
d rgb[i][j].B
                                                                                                                               =
                                                                                                                                                            rgb[i][j].B
(double) (rgb[i - 1][j - 1].B + rgb[i - 1][j].B + rgb[i][j - 1].B)
/ 3;
                                                                }
                                                }
                                }
                                clear();
                                get RGB('R', "14R4.txt");
                                entropy(string("R"));
                                clear();
                                get RGB('G', "14G4.txt");
                                entropy(string("G"));
                                clear();
                                get RGB('B', "14B4.txt");
                                entropy(string("B"));
                }
               void modulation average YCbCr() {
                                for (int i = 0; i < height; i++) {
                                                for (int j = 0; j < width; j++) {
                                                                if (i == 0 | | j == 0) {
                                                                                 d ycbcr[i][j].Y = ycbcr[i][j].Y;
                                                                                d ycbcr[i][j].Cb = ycbcr[i][j].Cb;
                                                                                d ycbcr[i][j].Cr = ycbcr[i][j].Cr;
                                                                 }
                                                                else {
                                                                                 d ycbcr[i][j].Y =
                                                                                                                                                            ycbcr[i][j].Y
(double) (ycbcr[i - 1][j - 1].Y + ycbcr[i][j - 1].Y + ycbcr[i - 1].Y + y
1][j].Y) / 3;
                                                                                d \ ycbcr[i][j].Cb = ycbcr[i][j].Cb -
(double) (ycbcr[i - 1][j - 1].Cb + ycbcr[i][j - 1].Cb + ycbcr[i - 1]
1][j].Cb) / 3;
                                                                               d \ ycbcr[i][j].Cr = ycbcr[i][j].Cr
(double) (ycbcr[i - 1][j - 1].Cr + ycbcr[i][j - 1].Cr + ycbcr[i - 1]
1][j].Cr) / 3;
                                                                }
                                                }
                                }
```

```
clear();
     get YCbCr('Y', "14Y4.txt");
     entropy(string("Y"));
     clear();
     get YCbCr('B', "14Cb4.txt");
     entropy(string("Cb"));
     clear();
     get YCbCr('R', "14Cr4.txt");
     entropy(string("Cr"));
}
void get RGB(char letter, const char* filename) {
     ofstream out;
     out.open(filename);
     for (int i = 0; i < height; i++) {
          for (int j = 0; j < width; j++) {
               if (letter == 'R') {
                     freq[(d rgb[i][j].R + 256) % 256]++;
                    out << (int)d rgb[i][j].R << endl;</pre>
                    continue;
               }
               if (letter == 'G') {
                     freq[(d rgb[i][j].G + 256) % 256]++;
                    out << (int)d rgb[i][j].G << endl;</pre>
                    continue;
               }
               if (letter == 'B') {
                     freq[(d rgb[i][j].B + 256) % 256]++;
                     out << (int) d rgb[i][j].B << endl;</pre>
                    continue;
               }
```

}

```
}
          out.close();
     }
     void get YCbCr(char letter, const char* filename) {
          ofstream out;
          out.open(filename);
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (letter == 'Y') {
                         freq[((int)d ycbcr[i][j].Y + 256)
256]++;
                         out << d ycbcr[i][j].Y << endl;</pre>
                         continue;
                    }
                    if (letter == 'B') {
                         freq[((int)d ycbcr[i][j].Cb + 256) %
256]++;
                         out << d ycbcr[i][j].Cb << endl;</pre>
                         continue;
                    }
                    if (letter == 'R') {
                         freq[((int)d ycbcr[i][j].Cr + 256) %
256]++;
                         out << d ycbcr[i][j].Cr << endl;</pre>
                         continue;
                    }
               }
          }
          out.close();
     }
     void entropy(string letter) {
          for (int i = 0; i < 256; i++) {
               double p = (double)freq[i] / (height * width);
               if (p != 0) {
                    H += p * log2(p);
```

```
}
          }
          H *= (-1);
          cout << "H(" << letter << ") = " << H << endl;</pre>
     }
};
Dop.h
#include <iostream>
#include <vector>
#include <fstream>
#include "bmp.h"
using namespace std;
class Subframes {
private:
     int height;
     int width;
     YCbCr** ycbcr;
     RGB** new_rgb;
     double H = 0;
     double* freq = new double[256];
     BITMAPFILEHEADER* bfh;
     BITMAPINFOHEADER* bih;
public:
     Subframes(int h, int w, YCbCr** y, BITMAPFILEHEADER* bf,
BITMAPINFOHEADER* bi) {
          height = h;
          width = w;
```

```
ycbcr = y;
          bfh = bf;
          bih = bi;
          new rgb = new RGB * [height / 2];
          for (int i = 0; i < height / 2; i++) {
               new rgb[i] = new RGB[width / 2];
          cout << endl << "Subframes:" << endl;</pre>
          Y 00();
          Y 01();
          Y 10();
          Y 11();
          cout << endl;</pre>
     }
     void Y 00() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i % 2 == 0 && j % 2 == 0) {
                         new rgb[i / 2][j / 2].R = ycbcr[i][j].Y;
                         new_rgb[i / 2][j / 2].G = ycbcr[i][j].Y;
                         new rgb[i / 2][j / 2].B = ycbcr[i][j].Y;
                    }
               }
          }
          FILE* file;
          file = fopen("dopY 00.bmp", "wb");
          write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height / 2, width /
2);
          fclose(file);
          clear();
          get YCbCr("dopFreqY 00.txt");
          entropy("Y 00");
     }
```

```
void Y 01() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i % 2 == 0 && j % 2 == 1) {
                         new rgb[i / 2][j / 2].R = ycbcr[i][j].Y;
                         new rgb[i / 2][j / 2].G = ycbcr[i][j].Y;
                         new rgb[i / 2][j / 2].B = ycbcr[i][j].Y;
                    }
               }
          }
          FILE* file;
          file = fopen("dopY 01.bmp", "wb");
          write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height / 2, width /
2);
          fclose(file);
          clear();
          get YCbCr("dopFreqY 01.txt");
          entropy("Y 01");
     }
    void Y 10() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i % 2 == 1 && j % 2 == 0) {
                         new rgb[i / 2][j / 2].R = ycbcr[i][j].Y;
                         new rgb[i / 2][j / 2].G = ycbcr[i][j].Y;
                         new rgb[i / 2][j / 2].B = ycbcr[i][j].Y;
                    }
               }
          }
          FILE* file;
          file = fopen("dopY 10.bmp", "wb");
```

```
write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height / 2, width /
2);
          fclose(file);
          clear();
          get YCbCr("dopFreqY 10.txt");
          entropy("Y 10");
     }
    void Y 11() {
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                    if (i % 2 == 1 && j % 2 == 1) {
                         new_rgb[i / 2][j / 2].R = ycbcr[i][j].Y;
                         new rgb[i / 2][j / 2].G = ycbcr[i][j].Y;
                         new rgb[i / 2][j / 2].B = ycbcr[i][j].Y;
                    }
               }
          }
          FILE* file;
          file = fopen("dopY 11.bmp", "wb");
          write bmp(file, new rgb, bfh, bih, height / 2, width /
2);
          fclose(file);
          clear();
          get YCbCr("dopFreqY_11.txt");
          entropy("Y 11");
     }
    void clear() {
          for (int i = 0; i < 256; i++)
               freq[i] = 0;
          H = 0;
     }
```

```
ofstream out;
          out.open(filename);
          for (int i = 0; i < height; i++) {
               for (int j = 0; j < width; j++) {
                         freq[(int)new rgb[i/2][j/2].R]++;
               }
          }
          for (int i = 0; i < 256; i++) {
               out << i << " " << freq[i] << endl;
          }
          out.close();
     }
     void entropy(string letter) {
          for (int i = 0; i < 256; i++) {
               double p = (double)freq[i] / (height * width);
               if (p != 0) {
                   H += p * log2(p);
               }
          }
          H *= (-1);
          cout << "H(" << letter << ") = " << H << endl;</pre>
     }
};
Bmp.h
#ifndef bmp
#define bmp
#include <iostream>
using namespace std;
struct BITMAPFILEHEADER {
```

void get YCbCr(const char* filename) {

```
short bfType;
     int bfSize;
     short bfReserved1;
     short bfOffBits;;
     int bfReserved2;
};
struct BITMAPINFOHEADER {
     int biSize;
     int biWidth;
    int biHeight;
     short int biPlanes;
     short int biBitCount;
    int biCompression;
     int biSizeImage;
     int biXPelsPerMeter;
     int biYPelsPerMeter;
     int biClrUsed;
     int biClrImportant;
};
struct RGB {
     unsigned char B;
    unsigned char G;
    unsigned char R;
};
struct YCbCr {
     double Cr;
     double Cb;
    double Y;
};
```

```
RGB** read bmp(FILE* f, BITMAPFILEHEADER* bfh, BITMAPINFOHEADER*
bih)
{
     int k = 0;
     k = fread(bfh, sizeof(*bfh) - 2, 1, f);
     if (k == 0)
     {
         cout << "Error";</pre>
         return 0;
     }
     k = fread(bih, sizeof(*bih), 1, f);
     if (k == NULL)
          cout << "Error";</pre>
         return 0;
     }
     int a = abs(bih->biHeight);
     int b = abs(bih->biWidth);
     RGB** rgb = new RGB*[a];
     for (int i = 0; i < a; i++)
     {
          rgb[i] = new RGB[b];
     }
     int pad = 4 - (b * 3) % 4;
     for (int i = 0; i < a; i++)
          fread(rgb[i], sizeof(RGB), b, f);
          if (pad != 4)
          {
               fseek(f, pad, SEEK CUR);
          }
     }
```

return rgb;

```
void write_bmp(FILE* f, RGB** rgb, BITMAPFILEHEADER* bfh,
BITMAPINFOHEADER* bih, int height, int width)
{
    bih->biHeight = height;
    bih->biWidth = width;
     fwrite(bfh, sizeof(*bfh) - 2, 1, f);
     fwrite(bih, sizeof(*bih), 1, f);
    int pad = 4 - ((width) * 3) % 4;
    char buf = 0;
     for (int i = 0; i < height; i++)
     {
          fwrite((rgb[i]), sizeof(RGB), width, f);
         if (pad != 4)
          {
               fwrite(&buf, 1, pad, f);
          }
     }
}
#endif bmp
```

}