МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

КАФЕДРА № 25

ОТЧЕТ ЗАЩИЩЕН С ОЦЕНКО	й		
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ			
ассистент			Н.В. Степанов
должность, уч. степен	ь, звание	подпись, дата	инициалы, фамилия
ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №2			
ИССЛЕДОВАНИЕ ДИСКРЕТНЫХ СИГНАЛОВ ЧАСТОТНОЙ ОБЛАСТИ			
по курсу: Общая теория связи			
РАБОТУ ВЫПОЛНИЛ			
СТУДЕНТ ГР. №	3032		П.Е.Морозова
		подпись, дата	инициалы, фамилия

1. Цель работы:

Исследование дискретных сигналов частотной области. Вычисление амплитудных спектры всех сигналов, построение графиков, определение ширины полосы частот, которую занимает каждый сигналом и множеством всех сигналов. Вычисление спектра последовательности сигналов (для нескольких различных последовательностей различной длины), построение графиков; сравнить полученные спектры со спектрами одиночных сигналов, объяснить различие. Определить ширину полосы частот, занимаемой различными последовательностями сигналов, сравнить эти значения между собой.

2. Исходные данные:

Вариант 3.6, Квадратурно амплитудная модуляция.

 $f_0 = 1800 \, \Gamma$ ц;

 $V_{\text{мод}} = 1200$ Бод;

 $V_{\text{инф}} = 4800 \,\text{бит/c};$

 f_0 — несущая частота, $V_{
m mod}$ — скорость модуляции, $V_{
m uh\varphi}$ — скорость информации.

3. Выражения спектра отрезка гармоники:

3.1 Формула:

$$S(f) = \frac{AT}{2} \left(sinc\left((f - f_0)T \right) + sinc\left((f + f_0)T \right) \right) e^{-j2\pi ft}$$

Пусть задан сигнал:

$$s(t) = \begin{cases} A\cos(2\pi f_0 t), 0 < t < T \\ 0, \text{в противном случае.} \end{cases}$$

Допустим s(t) = g(t)c(t), где g(t) = A - некоторая произвольная функция (огибающая,) $c(t) = \cos(2\pi f_0 t)$ – гармонический сигнал.

Расчёт спектральной функции:

$$S(f) = G(f)C(f)e^{-j2\pi ft}$$
, где

$$C(f) = \frac{1}{2} (\delta(f - f_0) + \delta(f + f_0))$$

тогда

$$S(f) = G(f)C(f)e^{-j2\pi ft} = G(f)\frac{1}{2}\Big(\Big(\delta(f - f_0) + \delta(f + f_0)\Big)\Big)e^{-j2\pi ft}$$
$$= \frac{1}{2}\Big(G(f - f_0) + G(f + f_0)\Big)e^{-j2\pi ft}$$

Теперь рассмотрим g(t) = A:

$$G(f) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t)e^{-j2\pi fT}dt = A \int_{-T/2}^{T/2} e^{-j2\pi fT}dt = -\frac{A}{j2\pi f}e^{-j2\pi fT} \begin{bmatrix} \frac{T}{2} \\ -\frac{T}{2} \end{bmatrix}$$
$$= \frac{A}{j2\pi f} \left(e^{j\pi fT} - e^{-j\pi fT}\right) = \frac{A}{\pi f} \sin \pi ft = AT \frac{\sin \pi fT}{\pi fT}$$
$$= AT \operatorname{sinc}(fT)$$

Подставим G(f) в S(f):

$$S(f) = \frac{AT}{2} \left(sinc\left((f - f_0)T \right) + sinc\left((f + f_0)T \right) \right) e^{-j2\pi ft}$$

3.2 Выведем формулу:

$$S(f) = \frac{AT}{2j} \left(sinc \left((f - f_0)T \right) + sinc \left((f + f_0)T \right) \right) e^{-j2\pi ft}$$

Пусть задан сигнал:

$$s(t) = \begin{cases} Asin(2\pi f_0 t), 0 < t < T \\ 0, \text{в противном случае.} \end{cases}$$

Допустим s(t) = g(t)c(t), где g(t) = A — некоторая произвольная функция (огибающая,) $c(t) = \sin(2\pi f_0 t)$ — гармонический сигнал.

Расчёт спектральной функции:

$$S(f) = G(f)C(f)e^{-j2\pi ft},$$

где

$$C(f) = \frac{1}{2j} (\delta(f - f_0) + \delta(f + f_0))$$

тогда

$$S(f) = G(f)C(f)e^{-j2\pi ft} = G(f)\frac{1}{2j}\Big(\Big(\delta(f - f_0) + \delta(f + f_0)\Big)\Big)e^{-j2\pi ft}$$
$$= \frac{1}{2j}\Big(G(f - f_0) + G(f + f_0)\Big)e^{-j2\pi ft}$$

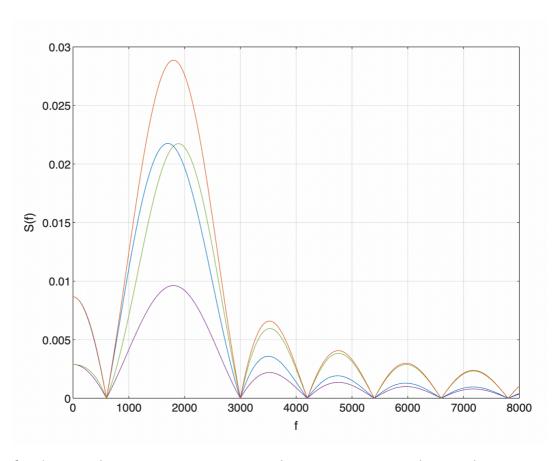
Теперь рассмотрим g(t) = A:

$$G(f) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t)e^{-j2\pi fT}dt = A \int_{-T/2}^{T/2} e^{-j2\pi fT}dt = -\frac{A}{j2\pi f}e^{-j2\pi fT} \begin{vmatrix} \frac{T}{2} \\ -\frac{T}{2} \end{vmatrix}$$
$$= \frac{A}{j2\pi f} \left(e^{j\pi fT} - e^{-j\pi fT}\right) = \frac{A}{\pi f} sin\pi ft = AT \frac{sin\pi fT}{\pi fT}$$
$$= AT sinc(fT)$$

Подставим G(f) в S(f):

$$S(f) = \frac{AT}{2j} \left(sinc\left((f - f_0)T \right) + sinc\left((f + f_0)T \right) \right) e^{-j2\pi ft}$$

4. Графики амплитудных спектров сигнала



Puc.1-Aмплитудные спектры сигнала квадратурной амплитудной модуляции.

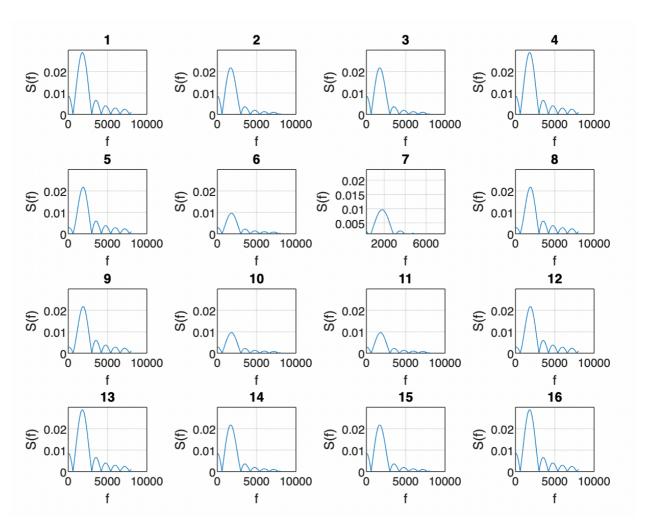


Рис. 2 – Амплитудные спектры сигнала квадратурной амплитудной модуляции.

Для одиночного сигнала ширина полосы частот вычисляется по формуле: $W=\frac{2}{T}=2\cdot 1200=2400.$

Спектры сигналов одинаковы.

5. Спектр последовательности сигналов

Пусть $\{s_i(t)\}$ — сигнальное множество, i=0,1,...,q-1. Определим последовательность индексов (мультииндекс) $i=(i_0,i_1,...,i_{N-1})$ длины N, где $i_l \in \{0,1,...,q-1\}, 0 \le l \le N-1$. Выразим также последовательность сигналов длины N, которая определяется последовательностью индексов $i, s_i(t) = \sum_{l=0}^{N-1} s_{i_l}(t-lT)$, где T — период следования сигналов.

Найдем спектр $S_i(f)$ последовательности $s_i(t)$. Пусть $S_i(f)$ — спектр і-го сигнала из сигнального множества, тогда используя свойство линейности и сдвига во временной области, имеем

$$S_i(f) = \sum_{l=0}^{N-1} S_{i_l}(f) e^{-j2\pi f l T}.$$

Из последней формулы следует, что спектр последовательности сигналов представляет собой линейную комбинацию спектров сигналов, образующих последовательность.

6. Графики спектров последовательности сигналов

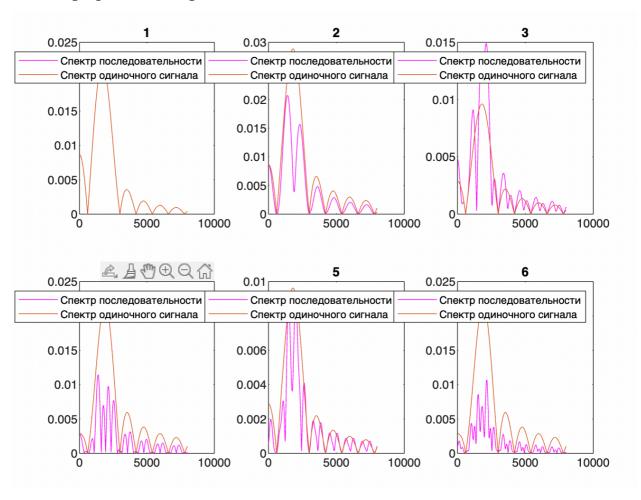


Рис.3 – Амплитудный спектр последовательности разной длины.

Для последовательности сигналов ширина полосы частот вычисляется по формуле: $W=\frac{2}{nT}$.

$$W_2 = \frac{2 \cdot 1200}{2} = 1200$$

$$W_3 = \frac{2 \cdot 1200}{3} = 800$$

$$W_4 = \frac{2 \cdot 1200}{4} = 600$$

$$W_5 = \frac{2 \cdot 1200}{5} = 480$$

$$W_6 = \frac{2 \cdot 1200}{6} = 400$$

7. Вывод

В ходе выполнения задания лабораторной работы исследованы дискретные сигналы квадратурной амплитудной модуляции в частотной области.

- Выведены формулы для спектров отрезка гармоник сигналов синуса и косинуса. Далее вычислены спектры сигналов по полученным формулам, построены графики.
- Вычислена ширина полосы частот для одиночного сигнала. А также ширина полосы частот, занимаемой различными последовательностями сигналов.
- Вычислены спектры последовательностей сигналов для нескольких различных последовательностей различной длины, построены графики спектров последовательностей сигналов.