

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

КАФЕДРА № 51

ОТЧЕТ  
ЗАЩИЩЕН С ОЦЕНКОЙ  
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ

ассистент

должность, уч. степень, звание

подпись, дата

М.Н. Исаева

инициалы, фамилия

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ ПРОТОКОЛЫ  
по курсу: КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ЗАЩИТЫ ИНФОРМАЦИИ

РАБОТУ ВЫПОЛНИЛ

СТУДЕНТ ГР.

5912

подпись, дата

В.И.Исаева

инициалы, фамилия

Санкт-Петербург  
2022

## Задача

### Вариант 2.

Реализовать протокол идентификации Guillou-Quisquater.

Требования к работе:

- Разработка двух независимых модулей-участников протокола.
- Реализация должна позволять попытки ложной аутентификации.
- Количество раундов протокола должно быть параметром схемы.

### Тестируемый алгоритм

Guillou-Quisquater представляет собой интерактивный протокол, который позволяет доказать, что доказываемое утверждение верно, и доказывающий знает это доказательство, в то же время не предоставляя никакой информации о самом доказательстве данного утверждения. Данный криптографический протокол обладает тремя свойствами:

1. *Полнота*: если утверждение действительно верно, то доказывающий убедит в этом проверяющего с любой наперед заданной точностью.
2. *Корректность*: если утверждение неверно, то любой, даже «нечестный», доказывающий не сможет убедить проверяющего.
3. *Нулевое разглашение*: если утверждение верно, то любой, даже «нечестный», проверяющий не узнает ничего кроме самого факта, что утверждение верно.

### Описание алгоритма

Протокол Guillou-Quisquater требует только один раунд обмена сообщениями и состоит из трёх этапов. Схематично их можно изобразить следующим образом:

$A \Rightarrow B$ : доказательство

$A \Leftarrow B$ : вызов

$A \Rightarrow B$ : ответ

Сначала  $A$  выбирает из заранее определённого непустого множества некоторый элемент, который становится её секретом — закрытым ключом. По этому элементу вычисляется, а затем публикуется открытый ключ. Знание секрета определяет множество вопросов, на которые  $A$  всегда сможет дать правильные ответы. Затем  $A$  выбирает случайный элемент из множества, по определённым правилам вычисляет доказательство и затем отправляет его  $B$ . После этого  $B$  выбирает из всего множества вопросов один и просит  $A$  ответить на него (вызов). В зависимости от вопроса,  $A$  посылает  $B$  ответ. Полученной информации  $B$  достаточно, чтобы проверить

действительно ли А владеет секретом.

Схема идентификации:

Сторона А отправляет стороне В свои атрибуты J. Стороне А необходимо убедить сторону В, что это именно ее атрибуты. Для этого сторона А доказывает свое знание секрета x стороне В, не раскрывая при этом ни одного бита самого секрета x. Для этого сторонам потребуется всего 1 раунд.

Алгоритм создания открытого и закрытого ключей:

1. Центр доверия Т выбирает два различных случайных простых числа p и q, после чего вычисляет их произведение  $n = p * q$
2. Т выбирает целое число e ( $1 < e < \varphi(n)$ ), взаимно простое со значением функции  $\varphi(n)$ .
3. Т вычисляет  $s = e^{-1} \bmod \varphi(n)$  и секрет  $x = J^{-s} \bmod n$
4. Т вычисляет  $y = x^e \bmod n$
5. Тройка {n, e, y} публикуется в качестве открытого ключа.
6. x играет роль закрытого ключа и передается стороне А

Обмен сообщениями:

1. А выбирает случайное целое r, находящееся в диапазоне от 1 до n-1. А вычисляет  $a = r^e \bmod n$  и отправляет его В.
2. В выбирает случайное целое c, находящееся в диапазоне от 0 до e-1. В посылает c стороне А.
3. А вычисляет  $z = rx^c \bmod n$  и отправляет его В.
4. В проверяет: если  $z^e = ay^c \bmod n$ , то подлинность доказана.

Обмен сообщениями можно повторять заданное количество раундов, чтобы избежать случайного попадания в секретный ключ.

## Пример использования алгоритма

Атрибуты J: «sign»

Количество раундов: 3

```
n = 72937285652457759353394074128781524406917004981809048652236461249651826263529
e = 9966880339632639732929882668407260529485772302494114847343276357645876584160780044913572041064998899940454373235699449475851371515163716776307853306576703
x = 65294678052833334900965774626072231492416574928736207838781967483470469384380
y = 38856733131838352453684321016089655040695972800910604003550427550236688208597
B -> True
A <- good true
B -> True
A <- good true
B -> True
A <- good true
A <- very good true
```

Изменим секретный ключ  $x$  и проверим:

```
n = 72937285652457759353394074128781524406917004981809048652236461249651826263529
e = 9966880339632639732929882668407260529485772302494114847343276357645876584160780044913572041064998899940454373235699449475851371515163716776307853306576703
x = 65294678052833334900965774626072231492416574928736207838781967483470469384380
y = 38856733131838352453684321016089655040695972800910604003550427550236688208597
B -> False
A <- bad false
```

## Вывод

В данной лабораторной работе был реализован протокол идентификации Guillou-Quisquater, который позволяет доказать подлинность сообщения без передачи секретного ключа. Ключ зависит от атрибутов, задаваемых пользователем (данные банковской карты, паспорт), которые потом обрабатываются хеш-функцией. Поэтому при попытке взлома протокол достаточно быстро и просто вычислит попытку атаки, а дополнительные раунды помогут избежать случайных прохождений теста.