МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

КАФЕДРА № 52

		71	
ОТЧЕТ ЗАЩИЩЕ	Н С ОЦЕНКО)Й	_
ПРЕПОДАВАТЕЛ	Ъ		
Доцент, канд. тедолжность, уч. степен		подпись, дата	Марковская Н.В. инициалы, фамилия
•	ОТЧЕТ ПО ЛА	АБОРАТОРНОЙ РАБО	OTE №1
Вероят	гностный ра	счёт на основе случ	айного графа
по куј	осу: Надежнос	ть инфокоммуникацио	онных систем
СТУДЕНТ ГР. №_	5912	25.02.2022 подпись, дата	Нам Д. О. инициалы, фамилия

1. Цель работы

В случайном графе вычислить вероятность существования пути между заданной парой вершин. Построить зависимость вероятности существования пути в случайном графе от вероятности существования ребра.

2. Задание

На рисунке 1 изображён случайный граф. Ищем вероятность существования пути из вершины 1 в вершину 6. P1=P2=...=P9

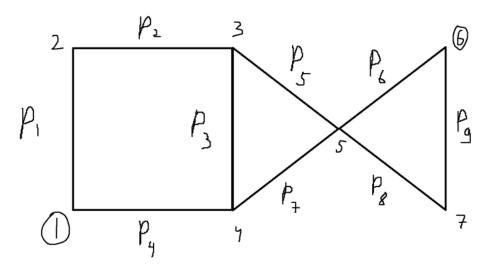
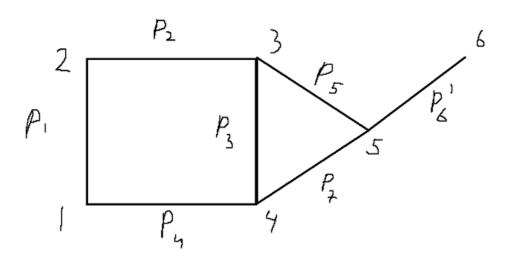


Рисунок 1. Случайный граф

3. Выполнение задания

Для нахождения вероятности существования пути 1-6 нужно провести упрощение структуры и декомпозицию случайного графа.



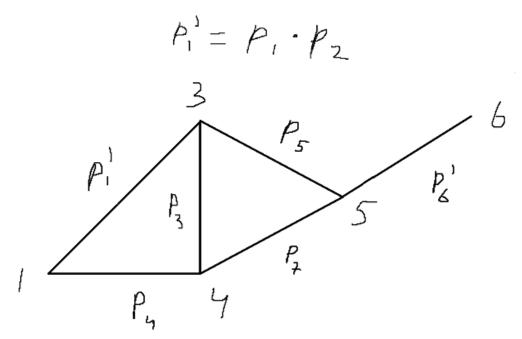
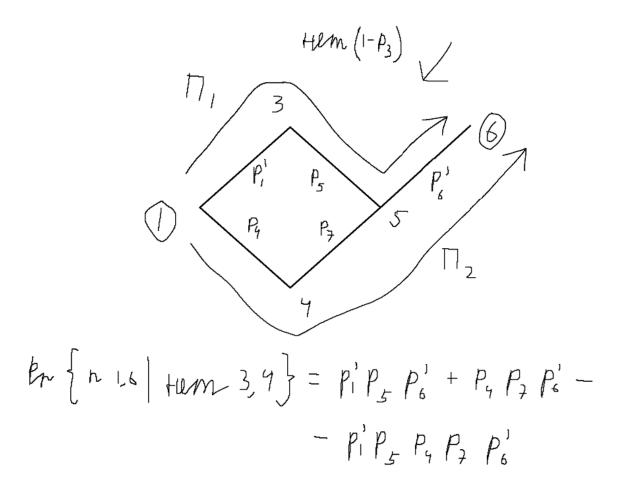


Рисунок 2. Упрощение структуры графа



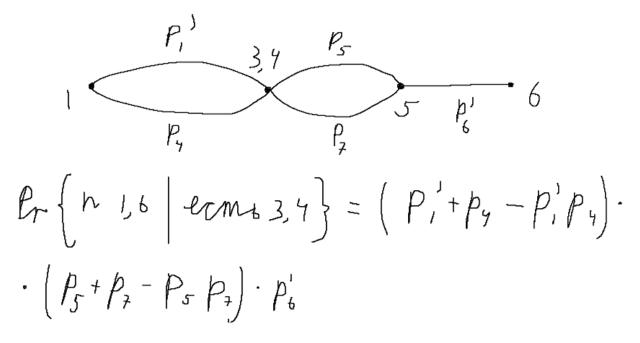


Рисунок 3. Декомпозиция графа

Итоговая формула вероятности пути из вершины 1 в вершину 6:

$$P_{r} \{ n | 1,6 \} = P_{r} \{ n | 1,6 | + 10m | 3,4 \} \cdot (1-p_{3}) + P_{r} \{ n | 1,6 | + 10m | 3,4 \} \cdot P_{r} \}$$

Используя приведенную выше формулу вычисляем зависимость вероятности существования пути от вероятности существования ребра.

Р ребра	Р пути по формуле	Р пути через полный
		перебор
0	0	0
0.1	0.001303858	0.001303858
0.2	0.012724736	0.012724736
0.3	0.049272894	0.049272894
0.4	0.1265950719	0.1265950719
0.5	0.25390625	0.25390625
0.6	0.4272583679	0.4272583679
0.7	0.625948246	0.625948246
0.8	0.814383104	0.814383104
0.9	0.9505124819	0.9505124819
1	1	1

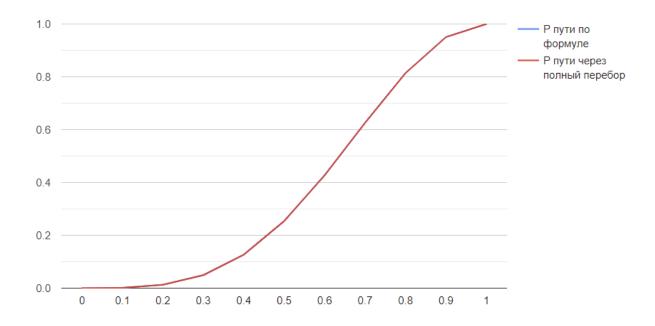


График 1. Зависимость Р пути от Р ребра в заданном случайном графе

Как видно из графика 1 итоговая формула оказалась верной, т.к. результат вычисления по ней полностью совпал с результатом полного перебора.

Полный перебор был реализован на языке Java с помощью кода Грея. Поскольку в подграфе у каждого ребра есть всего два состояния (1 – есть в подграфе, 0 – нет в подграфе), то код Грея идеально подходит для полного перебора.

Например, если код Грея равен «000101100», то формула вероятности пути из вершины 1 в вершину 6 будет выглядеть как $P = p^3 * (1-p)^6$. Перед тем как считать эту вероятность для данного подграфа нужно проверить собственно существование пути из 1 в 6. Для этого используется обычный алгоритм DFS. В приложении A можно ознакомиться с main-ом программы.

4. Вывод

В ходе работы был упрощён случайный граф, выведена формула вероятности существования пути между заданной парой вершин, правильность которой была подтверждена результатами программного полного перебора всех возможных подграфов случайного графа.

```
public static void main(String args[]) {
    int n = 7; //кол-во вершин
    int l = 9; //кол-во рёбер
    int from = 0; //начальная вершина
    int find = 5; //конечная вершина
    double p = 0.7; //вероятность сущ ребра
    LinkedList<Pair> lp = new LinkedList<>();
    lp.add(new Pair(0, 1)); //p1
    lp.add(new Pair(0, 3)); //p2
    lp.add(new Pair(1, 2)); //p3
    lp.add(new Pair(2, 3)); //p4
    lp.add(new Pair(2, 4)); //p5
    lp.add(new Pair(3, 4)); //p6
    lp.add(new Pair(4, 5)); //p7
    lp.add(new Pair(4, 6)); //p8
    lp.add(new Pair(5, 6)); //p9
    Graph subGraph = new Graph(n);
    subGraph.addVertex('A'); //1
    subGraph.addVertex('B'); //2
    subGraph.addVertex('C'); //3
    subGraph.addVertex('D'); //4
    subGraph.addVertex('E'); //5
    subGraph.addVertex('F'); //6
    subGraph.addVertex('G'); //7
    Gray grayCode = new Gray(1); //от кол-ва рёбер зависит длина кода Грея
    int count = 0;
    int trueCount = 0;
    double sum = 0;
    for (int i = 0; i < grayCode.code.size(); ++i) {</pre>
        LinkedList<String> tmp = grayCode.code.get(i); //0 0 0 0 0 0 0 0
        for (int j = 0; j < 1; ++j) {
            if (tmp.get(j).equals("1")) {
                subGraph.addEdge(lp.get(j).f, lp.get(j).s);
                trueCount++;
            }
        }
        if (subGraph.dfs(from, find)) {
            count++;
            sum += Math.pow(p, trueCount) * Math.pow((1-p), (1-trueCount));
        }
        //del
        subGraph.clear();
        trueCount = 0;
    }
    System.out.println();
    System.out.println("Всего " + grayCode.code.size() + " подграфов");
    System.out.println("Из них в " + count + " есть путь от " + ++from + " до " +
++find);
    System.out.println("Вероятность равна: " + sum + " при р равном " + р);
}
```