- c) Todos los estudiantes de tu facultad hablan ruso o conocen C++.
- d) Ningún estudiante de tu facultad habla ruso o conoce
- **10.** Sea C(x) la sentencia «x tiene un gato» D(x), «x tiene un perro», y F(x), «x tiene un hámster». Expresa cada una de las siguientes sentencias en términos de C(x), D(x), F(x), cuantificadores y conectivos lógicos. El dominio para los cuantificadores consiste en todos los estudiantes de tu clase.
  - a) Un estudiante de tu clase tiene un gato, un perro y un hámster.
  - b) Todos los estudiantes de tu clase tienen un gato, un perro o un hámster.
  - c) Algún estudiante de tu clase tiene un gato y un hámster, pero no un perro.
  - d) Ningún estudiante de tu clase tiene un gato, un perro y un hámster.
  - e) Para cada uno de los tres animales, gatos, perros y hámsteres, hay un estudiante de tu clase que tiene uno de esos animales como mascota.
- 11. Sea P(x) la sentencia  $\ll x = x^2$ ». Si el dominio consiste en todos los enteros, ¿cuáles son los valores de verdad?
  - **a**) P(0)
- **b**) *P*(1)
- c) P(2)

- **d**) P(-1)
- e)  $\exists x P(x)$
- f)  $\forall x P(x)$
- 12. Sea Q(x) la sentencia (x + 1 > 2x). Si el dominio consiste en todos los enteros, ¿cuáles son estos valores de verdad?
  - **a**) Q(0)
- **b**) Q(-1)
- **c)** Q(1)

- **d**)  $\exists x Q(x)$
- e)  $\forall x Q(x)$
- **f**)  $\exists x \neg Q(x)$

- **f**)  $\forall x \neg Q(x)$
- 13. Determina el valor de verdad de cada una de las siguientes sentencias si el dominio consiste en todos los enteros.
  - a)  $\forall n (n+1>n)$
- **b**)  $\exists n \ (2n = 3n)$
- c)  $\exists n (n = -n)$
- **d**)  $\forall n (n^2 \ge n)$
- **14.** Determina el valor de verdad de cada una de las siguientes sentencias si el dominio consiste en todos los números reales.
  - **a)**  $\exists x (x^3 = -1)$
- **b)**  $\exists x (x^4 < x^2)$
- **c**)  $\forall x ((-x)^2 = x^2)$
- **d**)  $\forall x (2x > x)$
- **15.** Determina el valor de verdad de cada una de las siguientes sentencias si el dominio consiste en todos los enteros.
  - a)  $\forall n (n^2 \ge 0)$
- **b**)  $\exists n \ (n^2 = 2)$
- c)  $\forall n (n^2 \ge n)$
- **d**)  $\exists n \ (n^2 < 0)$
- **16.** Determina el valor de verdad de cada una de las siguientes sentencias si el dominio consiste en todos los números reales.
  - **a**)  $\exists x (x^2 = 2)$
- **b**)  $\exists x (x^2 = -1)$
- c)  $\forall x (x^2 + 2 \ge 1)$
- **d**)  $\forall x (x^2 \neq x)$
- 17. Supón que el dominio de la función proposicional P(x)consiste en los enteros 0, 1, 2, 3 y 4. Escribe cada una de esas proposiciones usando disyunciones, conjunciones y negaciones.

- a)  $\exists x P(x)$
- **b**)  $\forall x P(x)$
- c)  $\exists x \neg P(x)$

- **d**)  $\forall x \neg P(x)$
- e)  $\neg \exists x P(x)$
- **f)**  $\neg \forall x P(x)$
- **18.** Supón que el dominio de la función proposicional Q(x)consiste en los enteros -2, -1, 0, 1 y 2. Escribe cada una de esas proposiciones usando disyunciones, conjunciones y negaciones.
  - a)  $\exists x P(x)$
- **b**)  $\forall x P(x)$
- c)  $\exists x \neg P(x)$

- **d**)  $\forall x \neg P(x)$
- e)  $\neg \exists x P(x)$
- **f**)  $\neg \forall x P(x)$
- **19.** Supón que el dominio de la función proposicional P(x)consiste en los enteros 1, 2, 3, 4 y 5. Expresa las siguientes sentencias sin usar cuantificadores, sólo disyunciones, conjunciones y negaciones.
  - a)  $\exists x P(x)$
- **b**)  $\forall x P(x)$
- c)  $\neg \exists x P(x)$
- **d**)  $\neg \forall x P(x)$
- e)  $\forall x ((x \neq 3) \rightarrow P(x)) \lor \exists x \neg P(x)$
- **20.** Supón que el dominio de la función proposicional P(x)consiste en los enteros -5, -3, -1, 1, 3 y 5. Expresa las siguientes sentencias sin usar cuantificadores, sólo disyunciones, conjunciones y negaciones.
  - a)  $\exists x P(x)$
- **b**)  $\forall x P(x)$
- c)  $\forall x ((x \neq 1) \rightarrow P(x))$
- **d**)  $\exists x ((x \ge 0) \land P(x))$
- e)  $\exists x (\neg P(x)) \land \forall x ((x < 0) \rightarrow P(x))$
- 21. Traduce de dos formas cada una de estas frases a expresiones lógicas utilizando predicados, cuantificadores y conectivos lógicos. En primer lugar, el dominio consistirá en los estudiantes de tu clase, y en segundo lugar, será el conjunto de todas las personas.
  - a) Alguien de tu clase habla hindú.
  - **b)** Todos en tu clase son amigables.
  - c) Hay una persona en tu clase que no nació en Santiago.
  - d) Un estudiante de tu clase ha visto una película.
  - e) Ningún estudiante de tu clase ha cursado una asignatura de programación lógica.
- 22. Traduce de dos formas cada una de estas frases a expresiones lógicas usando predicados, cuantificadores y conectivos lógicos. En primer lugar, el dominio consistirá en los estudiantes de tu clase, y en segundo lugar, consistirá en toda la gente.
  - a) Todos en tu clase tienen un teléfono móvil.
  - b) Alguien en tu clase ha visto una película extranjera.
  - c) Hay una persona en tu clase que no sabe nadar.
  - d) Todos los estudiantes de tu clase saben resolver ecuaciones de segundo grado.
  - e) Algún estudiante de clase no quiere ser rico.
- 23. Traduce cada una de estas frases a expresiones lógicas usando predicados, cuantificadores y conectivos lógicos.
  - a) Nadie es perfecto.
  - **b**) No todo el mundo es perfecto.
  - c) Todos tus amigos son perfectos.
  - d) Cada uno de tus amigos es perfecto.
  - e) Todo el mundo es tu amigo y es perfecto.
  - f) No todo el mundo es tu amigo o alguien no es perfecto.