*Solución:* Los resultados de las operaciones bit *OR*, *AND* y *XOR* se obtienen aplicando los operadores *OR*, *AND* y *XOR* a los correspondientes bit. Esto nos da

01 1011 0110 11 0001 1101 11 1011 1111 operación *OR* 01 0001 0100 operación *AND* 10 1010 1011 operación *XOR* 

## **Problemas**

- **1.** ¿Cuáles de estas frases son proposiciones? ¿Cuál es el valor de verdad de aquellas que son proposiciones?
  - a) Boston es la capital de Massachusetts.
  - **b)** Buenos Aires es la capital de Argentina.
  - c) 2 + 3 = 5.
  - **d**) 5 + 7 = 10.
  - **e)** x + 2 = 11.
  - f) Responde a esta pregunta.
  - g) x + y = y + x para todo par de números reales x e y.
- **2.** ¿Cuáles de las siguientes son proposiciones? ¿Cuál es el valor de verdad de aquellas que son proposiciones?
  - a) No pasar.
  - b) ¿Qué hora es?
  - c) No hay moscas en Maine.
  - **d**) 4 + x = 5.
  - **e)** x + 1 = 5 si x = 1.
  - **f)** x + y = y + z si x = z.
- 3. ¿Cuál es la negación de cada uno de estos enunciados?
  - a) Hoy es jueves.
  - b) No hay polución en Nueva Jersey.
  - c) 2 + 1 = 3.
  - d) El verano de Veracruz es cálido y soleado.
- **4.** Sean p y q los enunciados
  - p: Compré un billete de lotería esta semana.
  - q: Gané el bote de un millón de euros del viernes.

Expresa cada una de las siguientes fórmulas en lenguaje natural.

- **a**) ¬*p*
- **b**)  $p \vee q$
- c)  $p \rightarrow q$

- **d**)  $p \wedge q$
- e)  $p \leftrightarrow q$
- $\mathbf{f}$ )  $\neg p \rightarrow \neg q$

- **g**)  $\neg p \land \neg q$
- **h**)  $\neg p \lor (p \land q)$
- **5.** Sean *p* y *q* los enunciados «Está permitido nadar en la costa de Nueva Jersey» y «Se han divisado tiburones cerca de la costa», respectivamente. Expresa cada una de las siguientes fórmulas en lenguaje natural.
  - **a**) ¬*q*
- **b**)  $p \wedge q$
- c)  $\neg p \lor q$

- **d**)  $p \rightarrow \neg q$
- e)  $\neg q \rightarrow p$
- $\mathbf{f}) \ \neg p \to \neg q$

- **g**)  $p \leftrightarrow \neg q$
- **h**)  $\neg p \land (p \lor q)$

- **6.** Sean *p* y *q* los enunciados «La elección se decide» y «Se han contado los votos», respectivamente. Expresa cada una de las siguientes fórmulas en lenguaje natural.
  - **a**) ¬*p*
- **b**)  $p \vee q$
- c)  $\neg p \land q$

**f**)  $\neg p \rightarrow \neg q$ 

- **d**)  $q \rightarrow p$ **g**)  $p \leftrightarrow q$
- e)  $\neg q \rightarrow \neg p$ h)  $\neg q \lor (\neg p \land q)$
- 7. Sean p y q los enunciados
  - p: Estamos bajo cero.
  - q: Nieva.

Escribe los enunciados siguientes usando p, q y conectivos lógicos:

- a) Estamos bajo cero y nieva.
- b) Estamos bajo cero, pero no nieva.
- c) No estamos bajo cero y no nieva.
- d) Bien estamos bajo cero o bien nieva (o ambas cosas).
- e) Si estamos bajo cero, entonces también nieva.
- f) Estamos bajo cero o nieva, pero no nieva si estamos bajo cero.
- g) Que estemos bajo cero es necesario y suficiente para que nieve.
- **8.** Sean p, q y r los enunciados
  - p: Tienes fiebre.
  - q: Suspendes el examen final.
  - *r*: Apruebas el curso.

Expresa cada una de las siguientes fórmulas en lenguaje natural.

- **a**)  $p \rightarrow q$
- **b**)  $\neg q \leftrightarrow r$
- c)  $q \rightarrow \neg r$
- **d**)  $p \vee q \vee r$
- e)  $(p \rightarrow \neg r) \lor (q \rightarrow \neg r)$
- **f**)  $(p \wedge q) \vee (\neg q \wedge r)$
- **9.** Sean p y q los enunciados
  - p: Conduces a más de 100 km por hora.
  - q: Te multan por exceso de velocidad.

Escribe los enunciados siguientes usando p, q y conectivos lógicos.

- a) No conduces a más de 100 km por hora.
- **b**) Conduces a más de 100 km por hora, pero no te multan por exceso de velocidad.