Eletricidade e Circuitos para Computação I

11^a. Lista de Exercícios

Resposta Natural de Circuitos RLC

A figura 1 abaixo refere-se aos problemas de 1 a 9.

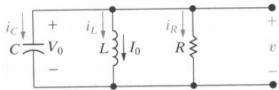


Figura 1. Circuito RLC paralelo.

1. Suponha que o capacitor do circuito na figura 1 tenha um valor de $50 \, nF$ e uma tensão inicial de $15 \, V$. A corrente inicial no indutor é nula. A tensão v(t) para $t \ge 0^+$ é dada pela equação:

$$v(t) = -5e^{-5000t} + 20 e^{-20000t} (V) \quad t \ge 0$$

- a. Determine os valores numéricos de R, L, σ e ω_0 ;
- b. As expressões de $i_R(t)$, $i_L(t)$ e $i_C(t)$ para $t \ge 0^+$.
- 2. A resposta natural do circuito da figura 1, quando o capacitor é *50 nF*, é dada pela expressão abaixo:

$$v(t) = 125e^{-4000t} [\cos(3000t) - 2\sin(3000t)] (V) \quad t \ge 0$$

- a. Determine R;
- b. Determine L:
- c. Determine v(t) para t = 0;
- d. Determine $i_L(t)$ para t = 0;
- e. Determine $i_L(t)$ para $t \ge 0^+$.
- 3. Sabe-se que a resposta do circuito da figura 1 é dada pela expressão abaixo:

$$v(t) = D_1 t e^{-4000t} + D_2 e^{-4000t} (V) \quad t \ge 0$$

A corrente inicial no indutor é de *5 mA* e a tensão inicial no capacitor é *25 V*. O indutor tem uma indutância de 5 H.

- a. Determine R;
- b. Determine *C*:
- c. Determine D_1 ;
- d. Determine D_2 ;
- e. Determine $i_C(t)$ para $t \ge 0$.
- 4. A tensão inicial no circuito da figura 1 é zero e a corrente inicial no capacitor ($i_C(0^+)$) é 15 mA. Quando $R = 200\Omega$, sabe-se que a corrente no capacitor é dada pela expressão abaixo:

$$v(t) = A_1 e^{-160t} + A_2 e^{-40t} (V) \quad t \ge 0$$

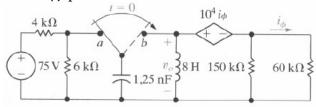
- a. Determine σ , ω_0 , L, C, $A_1 e A_2$;
- b. Determine v(t) para $t \ge 0^+$;
- c. Determine $i_L(t)$ para $t \ge 0$;
- d. Determine $i_R(t)$ para $t \ge 0$.

- 5. Os elementos do circuito da figura 1 são: $R = 2k\Omega$, C = 10nF e L = 250mH. A corrente inicial no indutor é -30 mA e a tensão inicial no capacitor é de 90 V. Determine $i_0(t)$ para $t \ge 0$.
 - a. Determine a corrente que circula em cada ramo do circuito;
 - b. Determine v(t) para $t \ge 0$;
 - c. Determine $i_L(t)$ para $t \ge 0$.
- 6. O resistor do problema 5 é aumentado para $R = 2.5k\Omega$. Determine a expressão de v(t) para $t \ge 0$.
- 7. O resistor do problema 5 é aumentado para $R = 12500/3 \text{ k}\Omega$. Determine a expressão de v(t) para $t \ge 0$.
- 8. Sabe-se que a resposta do circuito da figura 1 é dada pela expressão abaixo:

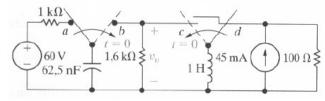
$$v(t) = -12 (e^{-200t} + e^{-1800t}) (V) \quad t \ge 0$$

Se $C=18\mu F$, determine $i_L(0^+)$ em mA.

- 9. No circuito mostrado na figura 1 o indutor tem valor igual a *5 H* e o capacitor *8 nF*. O resistor é ajustado para amortecimento crítico. A corrente inicial no indutor é *-1mA* e a tensão inicial no capacitor é de *-25 V*.
 - a. Determine o valor de **R**;
 - b. Determine a expressão de v(t) para $t \ge 0$;
 - c. Determine v(t) quando $i_C(t) = 0$.
- 10. Para o circuito abaixo, a chave foi colocada na posição b em t=0 depois de permanecer por um longo tempo na posição a. Determine $v_0(t)$ para $t \ge 0$.



- 11. O capacitor do problema 10 é reduzido para 1nF e o indutor é aumentado para 10H. Determine a expressão de $v_0(t)$ para $t \ge 0$.
- 12. O capacitor do problema 10 é reduzido para 800pF e o indutor é aumentado para 12,5H. Determine a expressão de $v_0(t)$ para $t \ge 0$.
- 13. Para o circuito abaixo, as duas chaves alteram suas posições simultaneamente em t=0 depois de permanecerem fechadas por um longo tempo. Determine $v_0(t)$ para $t \ge 0^+$;



14. O resistor do problema 13 é aumentado para $R = 2k\Omega$ e o indutor é reduzido para 640mH. Determine a expressão de $v_0(t)$ para $t \ge 0$.

15. O resistor do problema 13 é reduzido para $R = 800\Omega$ e o indutor é reduzido para 160mH. Determine a expressão de $v_0(t)$ para $t \ge 0$.

A figura 2 abaixo refere-se aos problemas de 16 a 18.

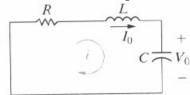


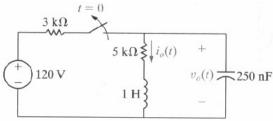
Figura 2. Circuito RLC série.

16. Sabe-se que a corrente do circuito da figura 2 é dada pela expressão abaixo:

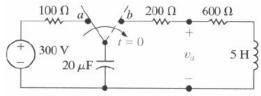
$$i(t) = e^{-800t} [B_1 cos(600t) + B_2 sen(600t)] (A) \quad t \ge 0$$

O capacitor tem valor de $500\mu F$ e sua tensão inicial é de 12V. O valor da corrente inicial é zero. Determine R;

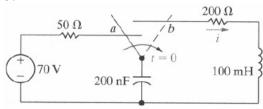
- a. Determine R;
- b. Determine *L*:
- c. Determine B_1 ;
- d. Determine B_2 .
- 17. Para os mesmos dados do problema 16, determine a expressão de $v_c(t)$ para $t \ge 0$.
- 18. No circuito mostrado na figura 2 o indutor tem valor igual a *250 mH* e o capacitor *160 nF*. O resistor é ajustado para amortecimento crítico. A corrente inicial no indutor é *24mA* e a tensão inicial no capacitor é de *90 V*.
 - a. Determine o valor de **R**;
 - b. Determine a expressão de $v_c(t)$ para $t \ge 0$.
- 19. Para o circuito abaixo, a chave foi aberta em t = 0 depois de permanecer fechada por um longo tempo.
 - a. Determine $i_0(t)$ para $t \ge 0^+$;
 - b. Determine $v_0(t)$ para $t \ge 0^+$.



- 20. A chave foi colocada na posição b em t=0 depois de permanecer por um longo tempo na posição a.
 - a. Determine $v_a(0^-)$;
 - b. Determine $v_a(t)$ para $t \ge 0^+$.



- 21. A chave foi colocada na posição b em t=0 depois de permanecer por um longo tempo na posição a.
 - a. Determine i(t) para $t \ge 0$.



22. Para o circuito abaixo, a chave foi aberta em t = 0 depois de permanecer fechada por um longo tempo. Determine $v_0(t)$ para $t \ge 0^+$.

