

令 $p_i = \max_{j < i \wedge a_j = a_i} j$, 那么 $\text{mex}(\{a_l, \dots, a_r\}) = \min_{p_j < l \leq r < j} a_j$ (其实就是对每个数把序列分段)。

提取出所有 (p_j, j) 之后就是单点增删, 矩形查权值 min。

这个树套树, K-D Tree, 分块都可以做, 能不能过另说。

讲一讲分块做法。

首先对序列 (右端点 i) 和值域 (左端点 p_i) 都分一次块。

因为每次查询的是右端点的后缀, 所以预处理出 $suf_{i,j}$ 表示序列第 $i \sim \lceil n/B \rceil$ 块中值域在第 j 个块的权值 min。

修改第 j 个块中的数的时候就把对所有 i 重构 $suf_{i,j}$ 。

查询时整块直接查 $suf_{i,j}$, 散块暴力判断是否满足条件。因为 i 和 p_i 是一一对应的, 所以散块包含的点对个数是 $O(B)$ 的。

注意到序列开头的 i 不一定存在 p_i , 而结尾的 p_i 不一定有与之对应的 i , 从而难以在散块时查到合适的值。因此在序列首尾分别插入 $0 \sim n - 1$ 保证一定存在对于每个 i 均存在 j, k 满足 $p_i = j, p_k = i$ 。

时间复杂度 $O(n\sqrt{n})$, 空间复杂度 $O(n)$ 。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2
3 using namespace std;
4
5 ifstream fin("mex.in");
6 ofstream fout("mex.out");
7 #define cin fin
8 #define cout fout
9 #define endl '\n'
10
11 const int N=3e5+9;
12 const int S=6e2+9;
13
14 bool bg;
15 set<int> s[N];
16 int a[N], lp[N], rp[N], n, m, q, T;
17 int iblk[N], iL[S], iR[S], B;
18 int suf[S][S];
19 bool st;
20 inline void init(){
21     B=sqrt(m);
22     for(int i=1;i<=m;i++) iblk[i]=(i-1)/B+1;
23     for(int i=1;i<=m;i++) iR[iblk[i]]=i;
24     for(int i=m;i>=1;i--) iL[iblk[i]]=i;
25     for(int i=1;i<=iblk[m];i++){
26         for(int j=1;j<=iblk[m];j++) suf[j][i]=n;
27     }
28 }
29 inline void Rebuild(int x){
30     for(int i=1;i<=iblk[m];i++) suf[x][i]=n;
31     for(int i=iL[x];i<=iR[x];i++){
```

```

32         if(rp[i]) suf[x][iblk[rp[i]]]=min(suf[x][iblk[rp[i]]],a[rp[i]]);
33     }
34     for(int i=iblk[m]-1;i>=1;i--) suf[x][i]=min(suf[x][i],suf[x][i+1]);
35 }
36 inline int Query(int l,int r){
37     int ans=n;
38     if(iblk[r]<iblk[m]){
39         for(int i=1;i<iblk[l];i++) ans=min(ans,suf[i][iblk[r]+1]);
40     }
41     for(int i=iL[iblk[l]];i<=l;i++){
42         if(rp[i]&&rp[i]>=r) ans=min(ans,a[rp[i]]);
43     }
44     for(int i=r;i<=iR[iblk[r]];i++){
45         if(lp[i]&&lp[i]<=l) ans=min(ans,a[i]);
46     }
47     return ans;
48 }
49 inline void Insert(int x){
50     int l=0,r=0;
51     auto ir=s[a[x]].upper_bound(x);
52     if(ir!=s[a[x]].end()) r=*ir;
53     if(ir!=s[a[x]].begin()) l=*prev(ir);
54     s[a[x]].insert(x);
55     if(l) rp[l+1]=x,lp[x]=l+1,Rebuild(iblk[l+1]);
56     else lp[x]=0;
57     if(r) rp[x+1]=r,lp[r]=x+1,Rebuild(iblk[x+1]);
58     else rp[x+1]=0;
59 }
60 inline void Erase(int x){
61     int l=0,r=0;
62     s[a[x]].erase(x);
63     auto ir=s[a[x]].upper_bound(x);
64     if(ir!=s[a[x]].end()) r=*ir;
65     if(ir!=s[a[x]].begin()) l=*prev(ir);
66     if(l) rp[l+1]=r,lp[x]=0,Rebuild(iblk[l+1]);
67     if(r) rp[x+1]=0,lp[r]=l+1,Rebuild(iblk[x+1]);
68 }
69
70 signed main(){
71     cin>>T>>n>>q;
72     for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i+n],a[i+n]=min(a[i+n],n-1);
73     for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=a[i+n+n]=i-1;
74     m=3*n;
75
76     Init();
77     for(int i=1;i<=n;i++) Insert(i);
78     for(int i=1;i<=n;i++) Insert(i+n);
79     for(int i=1;i<=n;i++) Insert(i+n+n);
80
81     int ans=0;
82     while(q--){
83         int op,x,y;
84         cin>>op>>x>>y;
85         x=(x+T*ans)%n+1,y=(y+T*ans)%n+op;
86         if(op==0){

```

```
87         Erase(x+n);
88         a[x+n]=y;
89         Insert(x+n);
90     }else{
91         if(x>y) swap(x,y);
92         ans=Query(x+n,y+n+1);
93         cout<<ans<<endl;
94     }
95 }
96
97 return 0;
98 }
```