

IIC3533 — Computación de Alto Rendimiento — 2025-1 **Tarea 1**

Martes 6 de Mayo de 2025

En grupos de hasta tres personas, desarrollar los siguientes problemas y entregar el informe respectivo.

Plazo de Entrega : 03 de Junio 2025

1. [30pts] Multiplicación de Matrices.

En este ejercicio comprobaremos cómo simples cambios pueden alterar la performance de un código debido al uso de memoria caché.

En la carpeta matrix_multiplication podrá encontrar varios archivos para la compilación y ejecución de un programa que permite calcular productos de matrices con diferentes métodos.

Las funciones definidas son:

• mm0 : Multiplicación de matrices usual.

• mm1 : Invertir orden de los loops.

• mm2 : Implementación de Blocking.

• mm3 : Uso de AVX.

- (a) [10pts] Compile y ejecute el programa para comparar los tiempos que requiere cada función para realizar el producto de matrices. Reporte los resultados en un gráfico y comente las diferencias. Explique en base al uso de memoria caché.
- (b) [10pts] Investigue el concepto de *Blocking* para multiplicación de matrices y explique su funcionamiento. ¿Observa alguna ventaja al comparar con los otros métodos?
- (c) [10pts] Consulte la documentación de AVX-256 para entender el funcionamiento de mm3. Explique de manera detallada lo que ocurre en cada paso.

2. [30pts] Imágenes y OpenMP

El conjunto de Mandelbrot corresponde a un fractal generado a partir de la convergencia de una sucesión de números complejos.

Decimos que un número c pertenece al conjunto de Mandelbrot si la sucesión

$$z_0 = 0 \in \mathbb{C},$$

$$z_{n+1} = z_n^2 + c$$

converge a un valor límite. Así se obtiene el siguiente gráfico de la Figura 1, en el cual pixeles negros corresponden a puntos que pertenecen al conjunto.

En la práctica, no podemos esperar a que la sucesión converja, por lo cual debemos aproximar la figura imponiendo un número máximo de iteraciones en la sucesión. Además, se sabe que si $|z_n| > 2$, entonces la sucesión no va a converger.

(a) En la carpeta mandelbrot puede encontrar un código serial que genera la imagen del conjunto de Mandelbrot. Compile y ejecute el programa. Use los resultados como referencia.

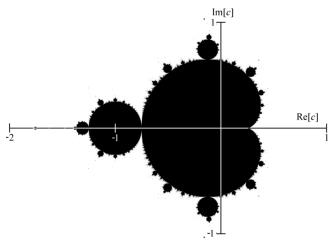


Figura 1: Conjunto de Mandelbrot graficado en el plano complejo.

- (b) [15pts] Paralelice el código y mida los tiempos de ejecución (use std::chrono) para distintos tipos de estrategias:
 - (i) Utilice $\mbox{\tt\#pragma}$ omp for con distintos schedule y $\it{chunksize}.$
 - (ii) Repita el punto anterior, pero además use collapse.
 - (iii) Utilice task.

Presente los resultados en un gráfico de tiempo vs número de procesadores.

- (c) [5pts] Grafique Speedup y Eficiencia vs número de procesadores. Comente los resultados.
- (d) [10pts] Identifique y argumente cuál es la mejor estrategia para paralelizar este problema. Estudie la escalabilidad débil y fuerte. Presente los resultados mediante gráficos.

Puede alterar valores de resolución y número de iteraciones si así lo desea. Es importante que el problema tenga un tamaño significativo.

Puede modificar el mapeo de colores por preferencias personales si así lo desean.