

FÍSICA DE LA MATERIA CONDENSADA

Octavo Semestre 2021

Jorge Alejandro Rodriguez Aldana

3 de agosto de 2021

Capítulo 1

Introducción

1.1. ¿Qué es la materia condensada?

- Fases condensadas: aparecen cuando los sistemas físicos están formados por un número grande de elementos que interactúan fuertemente.
- Fases condensadas bastante conocidas: sólidos, líquidos.
- Otras fases condensadas: superconductores, superfluidos, ferromagnetos, antiferromagnetos, condensados Bose-Einstein.
- Otras mesofases: cristales líquidos, membranas autoensambladas, geles, coloides, cristales, vidrios, etc.

Categorías de la física:

- Teórico
- Experimental
- Fenomenológica
- Computacional

1.1.1. De la física del estado sólido a la física de la materia condensada

- La física del estado sólido en los 30 (siglo XX):
 - Cristalografía por Rayos X
 - Difracción de electrones
 - M cuántica + M estadística

1.1.2. Tipos de fuerzas

- Van der Waals
- Interacción electromagnética

- Interacción de intercambio
- Potencial de London
- Potencial de Lenard-Jones

1.2. ¿Qué estudia la materia condensada?

Se vale de muchos métodos para estudiar la materia.

- Mecánica estadística
 - Modelo de campo medio
 - Movimiento Browniano
 - Dinámica molecular
- Mecánica cuántica
 - Modelo de Hubbard (1963-1966)

$$\hat{H} = -t \sum_{\langle i,j \rangle \sigma} (C_{i\sigma}^\dagger C_{j\sigma} + C_{j\sigma}^\dagger C_{i\sigma}) + U \sum_i n_{i\uparrow} n_{i\downarrow}$$

Donde:

- $C_{i\sigma}^\dagger$: Operador bosónico de creación de partículas de espín σ en la posición i .
- $C_{j\sigma}$: Operador bosónico de aniquilación de partículas de espín σ en la posición j .
- n_i : Operador número en la posición i .

Un mol es $6.022E23$.

1.2.1. Objetivo de la materia condensada

- El objetivo de la Física de la materia condensada es el entendimiento de las propiedades de grandes conjuntos de átomos y moléculas en términos de las interacciones entre ellas.
- Propiedades macroscópicas
 - Temperatura
 - Presión
 - Volumen
 - Energía de enlace
 - Opacidad
- De lo más notable de la física de la materia condensada, es el poder explicar la fenomenología de un sistema que surge de un Hamiltoniano relativamente simple.

1.2.2. Hitos de la física de la materia condensada

- Efecto fotoeléctrico (Einstein, 1905)
- Capacidad Calorífica (Einstein, 1907)
- Ferromagnetismo (Weiss, 1907)
- Licuefacción de He @ 4.1K (Kemerling Onnes, 1908)
- Superconductividad (Kamerling Onnes, 1911)
- Difracción de Rayos X (Von Laue, 1912)
- Cuantización de las vibraciones de una red cristalina (Max Born, 1912)
- Corrección de la aproximación de la capacidad calorífica (Debye, 1912)
- Ecuación de Schrodinger (Schrodinger, 1926)
- Principio de exclusión de Pauli (Pauli, 1926)
- Aproximación Born-Oppenheimer (1927) Desacoplan dinámicas de núcleos y electrones.
- Descripción cuántica del modelo de electrones libres (Sommerfeld, 1928)

1.2.3. Materia Blanda y Materia Sólida

Orden (desorden) estadístico:

$$\text{Entropía}$$

$$S = -k \log \omega$$

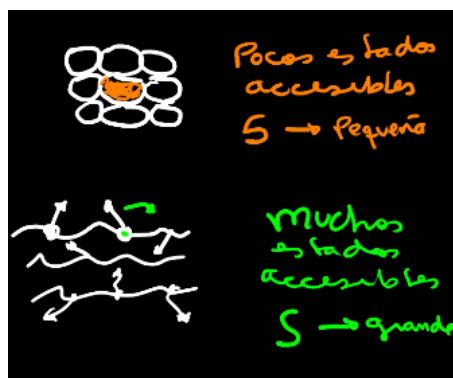


Figura 1.1: Sólidos ordenados, líquidos desordenados

Tres categorías:

1. Orden de largo alcance

2. Orden de corto alcance

3. Desorden

Materia blanda:

- Escalas de longitud: Desde escalas atómicas a escalas macroscópicas.
- Fluctuaciones
- Autoreorganización
- **Macroscópicas**
 - Polímeros
 - Interfaces
- **Microscópicas**
 - Coloides
 - Geles
 - Cristales líquidos

Fluctuaciones y Movimiento Browniano

- Partes pequeñas que tienen movimiento aleatorio
- Fluctuaciones térmicas

1.2.4. Materia sólida

Cristalografía clásica: Sistemas que se representan como puntos con patrons específicos.

- Grupos de traslación (redes Bravais)
- Traslación y simetría (grupos de Schontlis)

1.2.5. Fases de la materia

| | Ordenadas | No ordenadas |
|----------|--------------------|--------------|
| Clásica | Hielo de agua | Agua líquida |
| Cuántica | Ferromagnética | |
| | Antiferromagnética | |

1.2.6. Conjuntos de puntos:

- Conjunto unitario: tiene un solo elementos.
- La union contable de conjuntos unitarios suma un conjunto de puntos.
- Un conjunto de puntos, $\Lambda \subset \mathbb{R}^d$, es un conjunto discreto si $x \in \Lambda$ tiene una vecindad abierta $U = U(x) \subset \mathbb{R}^d$ que no tiene ningún elemento de Λ .
- Para cada $x \in \Lambda$, existe un radio de empaquetamiento $r > 0$ tal que $B(r)$ es una hiperesfera de radio r tal que $B_r(x) \cap \Lambda = \{x\}$.
- Por otro lado, Λ es uniformemente discreto si hay una vecindad abierta, U , de $0 \in \mathbb{R}^d$ tal que $(x + U) \cap (y + U) = \emptyset$. Se cumple para todo $x, y \in \Lambda$ la suma y diferencia de Minkowski para dos conjuntos $U \pm V := \{u \pm v | u \in U, v \in V\}$
- Para un conjunto discreto se tiene una distancia mínima entre puntos. Los subconjuntos de \mathbb{Z} son uniformemente discretos. Pero podemos construir conjuntos discretos no uniformes, por ejemplo: $A = \{\frac{1}{n} | n \in \mathbb{N}\}$
- Un conjunto Λ es localmente finito, si para todos los conjuntos $K \subset \mathbb{R}^d$, $K \cap \Lambda$ es un conjunto finito o \emptyset . “Cuando Λ es un conjunto de puntos, también es localmente finito si y solo si es discreto y cerrado.” Además, Λ es relativamente denso si existe un conjunto compacto $K \subset \mathbb{R}^d$ tal que $\Lambda + K = \mathbb{R}^d$.
- Un conjunto de puntos $\Lambda \subset \mathbb{R}^d$ es un conjunto de Delone (Delany), “un Delone” si es uniformemente discreto y relativamente denso.
- Para cualquier conjunto de Delone, $\Lambda \subset \mathbb{R}^d$ se puede elegir un radio de empaquetamiento r y otro de “recubrimiento”, R tal que $U = B_r(0)$ (hiperesfera) y $K = \overline{B_R(0)}$ son vecindades apropiadas para confinar Λ .
- Un conjunto de puntos $\Lambda \subset \mathbb{R}^d$ es un conjunto de Meyer, “un Meyer”, si Λ es relativamente denso y $\Lambda - \Lambda$ es uniformemente discreto.
- Todos los conjuntos de Meyer son de Delone, pero no todos los conjuntos de Delone son de Meyer.

Por ejemplo:

$$\begin{aligned}\Lambda &= \left\{ n + \frac{1}{n} | n \in \mathbb{Z} \setminus 0 \right\} \\ &= \left\{ 2, 2\frac{1}{2}, 3\frac{1}{3}, \dots \right\}\end{aligned}$$

- Es uniformemente discreto.
- Tiene un radio de empaquetamiento $r = 1/4$
- Es relativamente denso

- Radio de recubrimiento $R = 2$

Es un conjunto de Delone. No es un conjunto de Meyer.

- Un conjunto de puntos $\Gamma \subset \mathbb{R}^d$ son puntos de red (grid). O simplemente una red en \mathbb{R}^d si existen d vectores $\vec{b}_1, \dots, \vec{b}_d$ tal que

$$\Gamma = \mathbb{Z}b_1 \oplus \dots \oplus \mathbb{Z}b_d := \left\{ \sum_{i=1}^d m_i b_i \mid \forall m_i \in \mathbb{Z} \right\}$$

y que además, si \mathbb{R}^d es generado por $\{b_1, \dots, b_d\}$ es una base de la red Γ .