

목차



01

Heap이란?

Heap의 ADT Heap의 특징 min/max heap



02

Heap의 삽입/삭제

Upheap Downheap



03

활용 예

Heap의 구현과 활용 ^{구현 방법}

Heap의 ADT Heap의 특징 min/max heap 01

ADT(Abstract Data Type)의 정의

컴퓨터 과학에서 자료들과 그 자료들에 대한 연산들을 명기한 것.

구현 방법을 명시하지 않음. 이는 프로그래머의 몫.

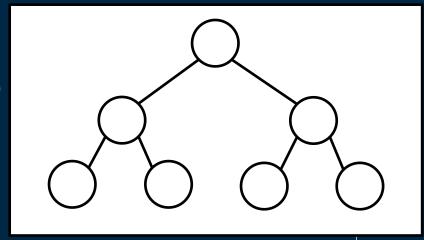


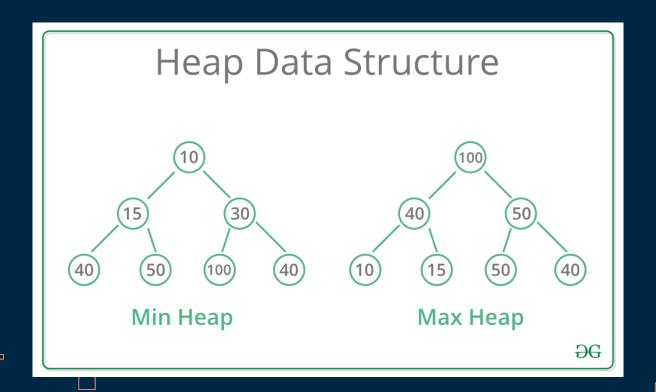
Structural property:

완전 이진 트리(Complete Binary Tree)

Relational property:

Min heap: 자식 노드의 값이 부모 노드의 값보다 크거나 같아야함 Max heap: 자식 노드의 값이 부모 노드의 값보다 작거나 같아야함





Heap의 삽입/삭제

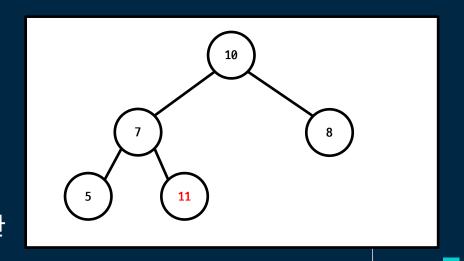
Upheap Downheap 02

Structural property:

삽입시 반드시 Complete binary tree를 유지하며 삽입해야함

Relational property:

Structural property를 유지하기 위한 삽입에 따라 Relational property가 깨짐

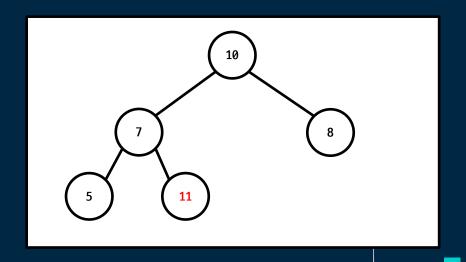


Upheap 연산

삽입 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

삽입된 노드로부터 출발하여 부모 노드의 값과 재귀적으로 비교하여 min heap: 부모가 더 크면 바꾸기 max heap: 부모가 더 작으면 바꾸기

Relational property를

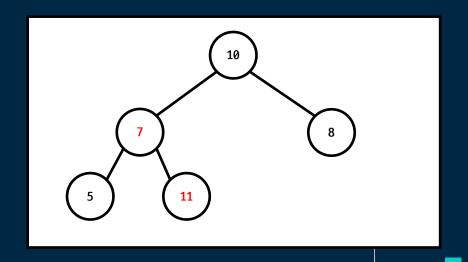


Upheap 연산

삽입 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

삽입된 노드로부터 출발하여 부모 노드의 값과 재귀적으로 비교하여 min heap: 부모가 더 크면 바꾸기 max heap: 부모가 더 작으면 바꾸기

Relational property를

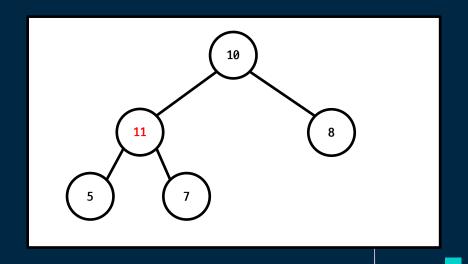


Upheap 연산

삽입 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

삽입된 노드로부터 출발하여 부모 노드의 값과 재귀적으로 비교하여 min heap: 부모가 더 크면 바꾸기 max heap: 부모가 더 작으면 바꾸기

Relational property를

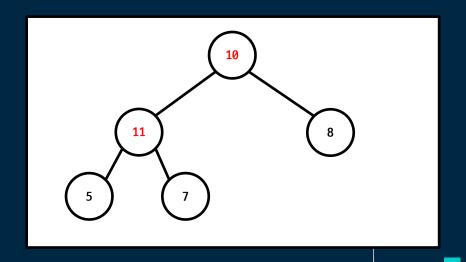


Upheap 연산

삽입 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

삽입된 노드로부터 출발하여 부모 노드의 값과 재귀적으로 비교하여 min heap: 부모가 더 크면 바꾸기 max heap: 부모가 더 작으면 바꾸기

Relational property를



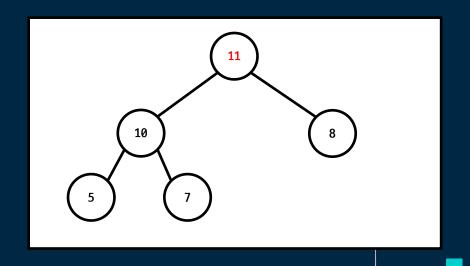
Upheap 연산

삽입 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

삽입된 노드로부터 출발하여 부모 노드의 값과 재귀적으로 비교하여 min heap: 부모가 더 크면 바꾸기 max heap: 부모가 더 작으면 바꾸기

Relational property를

회복시켜주어야함



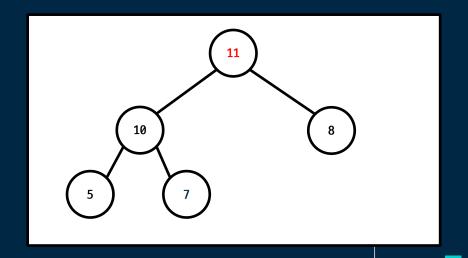
Running time: O(log n)

Structural property:

삭제되는 노드 자체는 반드시 Complete binary tree가 유지될 수 있도록 마지막 노드를 삭제해야 함

Relational property:

삭제되는 값 자체는 반드시 루트의 값으로, 그렇기에 실제 삭제되는 노드와 루트의 값을 바꾸고 삭제하여 Relational property가 깨짐

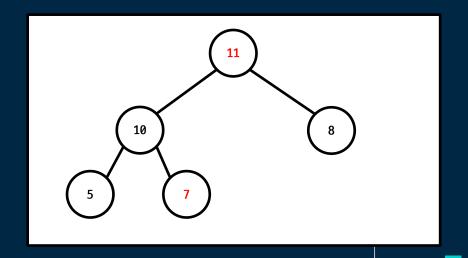


Structural property:

삭제되는 노드 자체는 반드시 Complete binary tree가 유지될 수 있도록 마지막 노드를 삭제해야 함

Relational property:

삭제되는 값 자체는 반드시 루트의 값으로, 그렇기에 실제 삭제되는 노드와 루트의 값을 바꾸고 삭제하여 Relational property가 깨짐

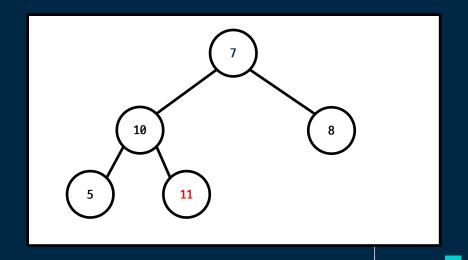


Structural property:

삭제되는 노드 자체는 반드시 Complete binary tree가 유지될 수 있도록 마지막 노드를 삭제해야 함

Relational property:

삭제되는 값 자체는 반드시 루트의 값으로, 그렇기에 실제 삭제되는 노드와 루트의 값을 바꾸고 삭제하여 Relational property가 깨짐

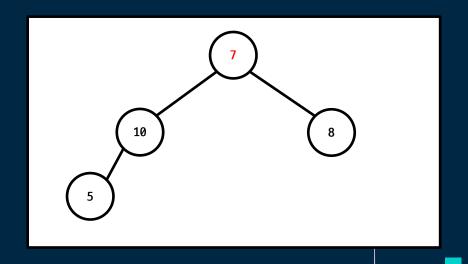


Downheap 연산

삭제 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

루트 노드로부터 출발하여 두 자식 노드의 값들과 재귀적으로 비교하여 min heap: 가장 작은 자식과 바꾸기 max heap: 가장 큰 자식과 바꾸기

Relational property를

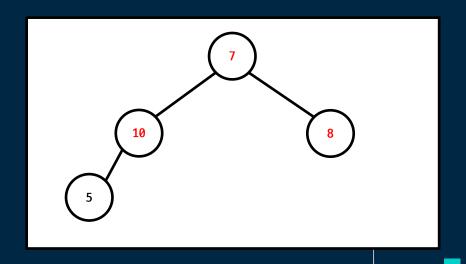


Downheap 연산

삭제 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

루트 노드로부터 출발하여 두 자식 노드의 값들과 재귀적으로 비교하여 min heap: 가장 작은 자식과 바꾸기 max heap: 가장 큰 자식과 바꾸기

Relational property를

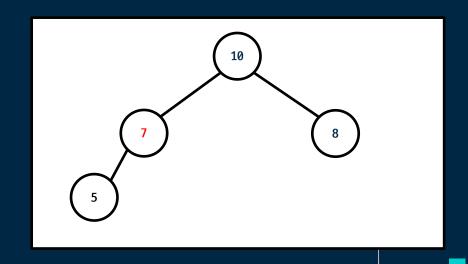


Downheap 연산

삭제 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

루트 노드로부터 출발하여 두 자식 노드의 값들과 재귀적으로 비교하여 min heap: 가장 작은 자식과 바꾸기 max heap: 가장 큰 자식과 <u>바꾸기</u>

Relational property를

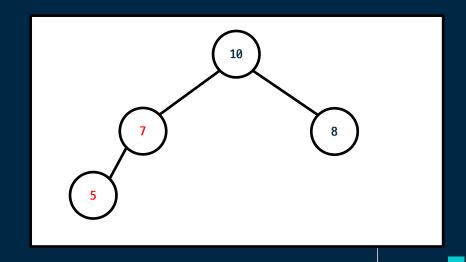


Downheap 연산

삭제 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

루트 노드로부터 출발하여 두 자식 노드의 값들과 재귀적으로 비교하여 min heap: 가장 작은 자식과 바꾸기 max heap: 가장 큰 자식과 <u>바꾸기</u>

Relational property를



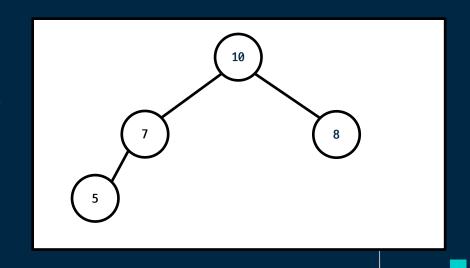
Downheap 연산

삭제 후 깨진 Relational property를 회복하기 위한 연산

루트 노드로부터 출발하여 두 자식 노드의 값들과 재귀적으로 비교하여 min heap: 가장 작은 자식과 바꾸기 max heap: 가장 큰 자식과 바꾸기

Relational property를

회복시켜주어야함



Running time: O(log n)

Heap의 삭제: Heap 정렬

Heap의 삭제는 반드시 루트에서만 일어난다.

즉 min heap은 오름차순으로 정렬 max heap은 내림차순으로 정렬됨

즉 Heap안의 모든 값을 정렬하기 위한 Running time은 삭제 연산(O(log n))을 총 n번 수행하므로

Heap 정렬 Running time: O(n log n)

Heap의 구현과 활용

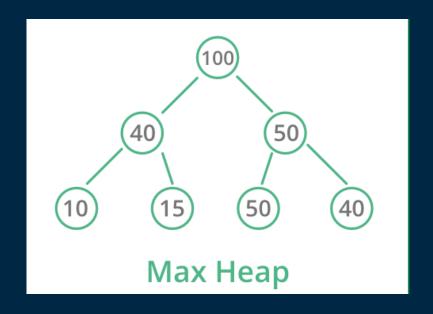
구현 방법 활용 예



Heap의 구현 방법

1. 구조체를 이용한 구현 2. 배열을 이용한 구현

Heap의 구현 방법: 구조체



Complete binary tree를 유지하기위해 어떤 노드의 자식으로 삽입/삭제 되어야하는지 그 노드의 주소를 어떻게 아는가?

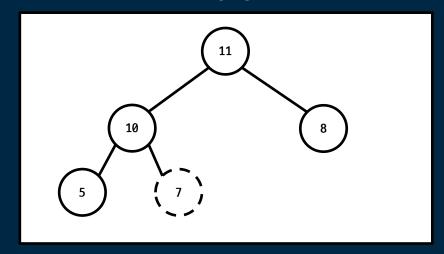
Heap의 구현 방법: 구조체

추가로 알아야할 변수

need_leaf: 포화 이진트리가 되기 위해 필요한 노드 수 current_leaf: 현재 leaf에 존재하는 노드 수

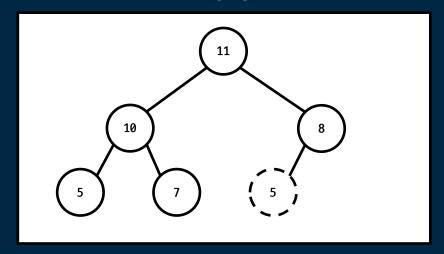
예시

need_leaf: 4 current_leaf: 1



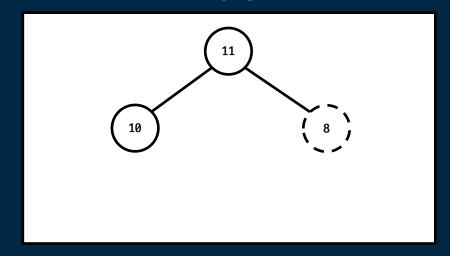
예시

need_leaf: 4 current_leaf: 2



예시

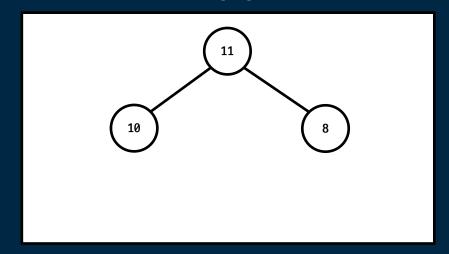
need_leaf: 2
current_leaf: 1



예시

need_leaf: 4

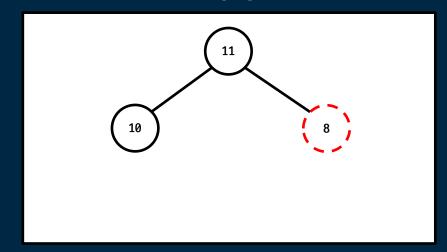
current_leaf: 0



Heap의 구현 방법: 구조체: 삭제

예시

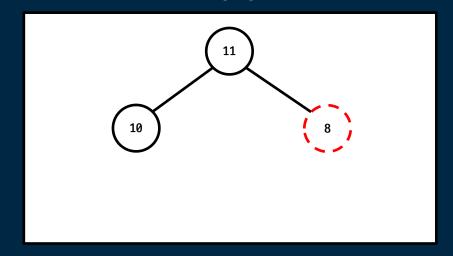
need_leaf: 4
current_leaf: 0



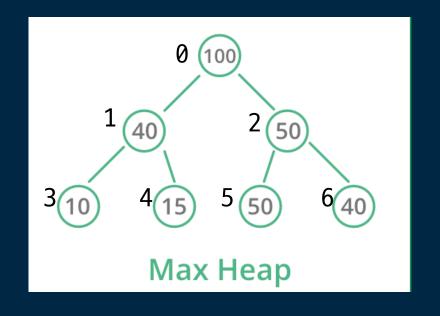
Heap의 구현 방법: 구조체: 삭제

예시

need_leaf: 2
current_leaf: 1



Heap의 구현 방법: 배열



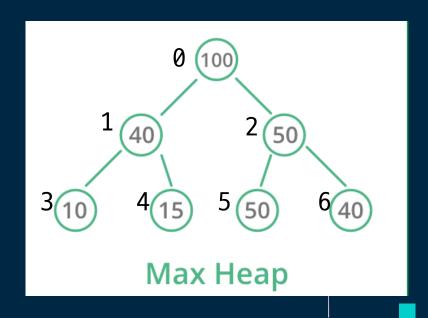
100 | 40 | 50 | 10 | 15 | 50 | 40

Heap의 구현 방법: 배열: upheap

부모로 가기:

현재 index가 홀수일 경우: index / 2

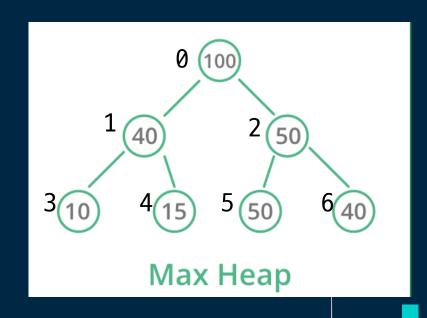
현재 index가 짝수일 경우: index / 2 - 1



100 | 40 | 50 | 10 | 15 | 50 | 40

Heap의 구현 방법: 배열: downheap

왼쪽 자식으로 가기: index * 2 + 1 오른쪽 자식으로 가기: index * 2 + 2



100 | 40 | 50 | 10 | 15 | 50 | 40

Heap의 활용 및 효율

활용 예:

네트워크 트래픽 제어, 운영체제 작업 스케줄링 등 **우선순위**가 있는 작업들에 대한 처리시 유용

