**Exercício 8.15**: Uma onda electromagnética plana incide numa interface ar-água que separa estes dois meios dieléctricos de permitividades eléctricas relativas  $\varepsilon_r^{ar}=1$  e  $\varepsilon_r^{agua}=81$ . Determine:

- a) os índices de refracção dos meios dieléctricos.
- a velocidade de propagação nos meios dieléctricos.
- c) o ângulo de Brewster  $(\theta_B)$  e o ângulo de refracção correspondente.
- d) os coeficientes de reflexão e transmissão, para  $\theta_i = \theta_B$ , para o caso em que a onda possui polarização paralela ao plano de incidência.
- e) os coeficientes de reflexão e transmissão, para  $\theta_i = \theta_B$ , para o caso em que a onda possui polarização perpendicular ao plano de incidência.
- f) a transmitância (T) para ambos os casos (paralela e perpendicular) de polarização da onda.

## Eqs de Fresnel:

(paralelo ao plano de incidência)

$$\left(\frac{E_R}{E_I}\right)_{\parallel} = \frac{n_2 cos\theta_i - n_1 cos\theta_t}{n_2 cos\theta_i + n_1 cos\theta_t}$$

$$\left(rac{E_T}{E_I}
ight)_{\parallel} = rac{2n_1cos heta_i}{n_2cos heta_i+n_1cos heta_t}$$

(perpendicular ao plano de incidência)

$$\left(\frac{E_R}{E_I}\right)_{\perp} = \frac{n_1 cos\theta_i - n_2 cos\theta_t}{n_1 cos\theta_i + n_2 cos\theta_t}$$

$$\left(rac{E_T}{E_I}
ight)_{\perp} = rac{2n_1cos heta_i}{n_1cos heta_i+n_2cos heta_t}$$

## **Exercícios Propostos**

**Exercício 9.1 :** Uma onda electromagnética monocromática de frequência  $f=10^{14}$  Hz propaga-se no ar e entra num material com um índice de refracção n=2.

- a) Qual a velocidade de propagação da onda no material?
- b) Qual a frequência da onda no material?
- c) Qual o comprimento de onda no material?

**Exercício 9.2 :** Um raio de luz monocromático incide com um ângulo de  $30^\circ$  numa das faces de uma placa de vidro com índice de refracção n=1,5 (para esse comprimento de onda).

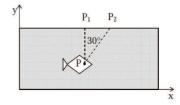
- a) Qual o ângulo da onda transmitida através do vidro? (faça um esquema)
- b) O que se alterava se em vez de vidro a luz atravessasse uma placa diamante de índice de refracção 2, 4?

**Exercício 9.3 :** Um raio de sol (luz branca) incide sobre uma janela de vidro de 4 mm com um ângulo de  $45^{\circ}$ . Sabendo que o índice de refracção do vidro para a cor vermelha é de 1,5885 e para a cor azul é de 1,5982, determine a separação espacial das duas cores após o raio atravessar o vidro.

**Exercício 9.4 :** Uma onda electromagnética plana monocromática propaga-se dentro de um material caracterizado por  $\varepsilon_r=1,5$  e  $\mu_r=1$ .

- a) Verifique em que condições de incidência da onda na superfície de separação do material com o ar não existe onda propagada no ar.
- b) O fenómeno descrito em a) (reflexão total) poderse ia verificar se a onda incidisse na superfície de separação dos meios mas propagando-se no ar?

**Exercício 9.5:** Um pescador procura observar na água  $(n_{gua} >> 1, 5)$  um peixe, sendo este visível caso a luz nele reflectida atinja os olhos do pescador. Considere que a luz proveniente do ponto P de um peixe (imóvel) está linearmente polarizada, com o seu campo eléctrico no plano xy (ver figura).



- a) Determine a velocidade da luz na água e escreva uma expressão para o campo eléctrico associado à componente da luz com  $\lambda=500$ nm da onda que se propaga na direcção do ponto  $P_2$ . Considere que a amplitude do campo eléctrico é  $E_0$ .
- b) Determine as direcções de propagação da luz transmitida para o ar dos raios luz que incidem na superfície da água nas posições  $P_1$  e  $P_2$ .
- c) Qual o ângulo de incidência máximo que a luz proveniente do peixe pode ter para que possa ser observada pelo pescador?

**Exercício 9.6 :** Uma onda electromagnética plana monocromática e polarizada circularmente desloca-se no ar e incide segundo um dado ângulo de incidência  $\theta_i$  sobre a superfície plana de um dieléctrico ( $\varepsilon_r=2,7$  e  $\mu_r=1$ ). Determine o ângulo de incidência para o qual a onda reflectida está polarizada linear mente.

## Soluções

- 8.1 a)  $1,5 \times 10^8 \; \text{m.s}^{-1}$ 
  - b)  $10^{14} \text{ Hz}$
  - c)  $\lambda=1,5~\mu$ m
- 8.2 a) **30**°
  - b) Saía com o mesmo ângulo mas mais perto do ponto de incidência.
- 8.3  $d=14,8~\mu\mathrm{m}$
- 8.4 a)  $\theta_i=54,7^\circ$ 
  - b) não
- $\begin{array}{ll} \text{8.5} & \quad \text{a)} \quad \vec{E} = E_x \vec{u}_x + E_y \vec{u}_y \\ & \quad E_x = \frac{\sqrt{3}}{2} E_0 \cos \left( 8\pi \times 10^{14} t \right. \\ & \quad 4\pi \times 10^6 (\frac{1}{2} x + \frac{\sqrt{3}}{2} y) \Big) \\ & \quad E_y = -\frac{1}{2} E_0 \cos \left( 8\pi \times 10^{14} t \right. \\ & \quad 4\pi \times 10^6 (\frac{1}{2} x + \frac{\sqrt{3}}{2} y) \Big) \end{array}$ 
  - b)  $ec{n}_{ar_1} = ec{u}_y \ ec{n}_{ar_2} = 0,75 ec{u}_x + 0,66 ec{u}_y$
  - c)  $\theta_{max}=41,8^{\circ}$
- 8.6 **58**, **7**°