Capítulo 6

Programação em Lógica

6.1 Resolução SLD

6.1.1. Considere o seguinte programa:

$$P(x,z) \leftarrow P(x,y), P(y,z)$$

$$P(a,b) \leftarrow$$

$$P(b,c) \leftarrow$$

$$P(c,d) \leftarrow$$

Apresente uma prova por refutação SLD para o objetivo $\leftarrow P(a,d)$. Use a função de seleção S_1 que escolhe o primeiro literal no objetivo, isto é, $S_1(\leftarrow \alpha_1, \ldots, \alpha_n) = \alpha_1$. Indique a resposta calculada.

6.1.2. Demonstre que

$$\{\forall x[P(x) \to Q(x)], \forall x[Q(x) \to R(x)]\} \vdash \forall x[P(x) \to R(x)].$$

usando resolução SLD. Indique a resposta calculada.

6.1.3. Demonstre que

$$\begin{cases} \forall x, y, z [(Maior(x, y) \land Maior(y, z)) \rightarrow Maior(x, z)], \\ \forall x [Maior(suc(x), x)] \end{cases} \\ \vdash \forall x [Maior(suc(suc(x)), x)]$$

usando resolução SLD. Indique a resposta calculada.

6.2 Árvores SLD

6.2.1. Considere o seguinte programa:

$$Q(x) \leftarrow P(x, y), R(y)$$

$$R(x) \leftarrow S(f(x), a)$$

$$S(f(b), a) \leftarrow$$

$$P(c, b) \leftarrow$$

$$P(c, d) \leftarrow$$

$$R(d) \leftarrow$$

Desenhe árvores SLD para calcular a(s) resposta(s) deste programa ao objetivo $\leftarrow Q(x)$, usando as seguintes funções de seleção:

(a)
$$S(\leftarrow \alpha_1, \ldots, \alpha_n) = \alpha_1$$
.

(b)
$$S(\leftarrow \alpha_1, \dots, \alpha_n) = \alpha_n$$
.

Indique a(s) resposta(s) calculada(s).