МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МОЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №6

по дисциплине «Качество и метрология программного обеспечения»

Тема: Оценка характеристик надежности программ
по структурным схемам надежности

Студент гр. 8304	 Мешков М.А.
Преподаватель	Ефремов М.А.

Санкт-Петербург 2022

Цель работы.

Выполнить расчет характеристик надежности вычислительной системы по структурной схеме надежности (см. рис. 1 и табл. 1), выбранной в соответствии с номером студента в списке группы.

В качестве оцениваемых характеристик следует рассматривать:

- Вероятность безотказной работы системы в заданный момент времени,
- Среднее время до отказа системы.

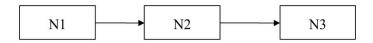


Рисунок 1 — Компоненты системы

Таблица 1 - Вариант

Вариант	N1			N2		N3			
	комб.	λ_1	λ_2	λ_3	λ_4	комб.	λ_5	комб.	λ_6
	соедин.					соедин.		соедин.	
10	C(3)	4.0	3.8	2.28	_	(1,2)	1.8	(3,1)	4.0

С(n) — последовательное соединение из n элементов (все элементы независимы, а их интенсивности отказов различны). (i , j) — параллельное соединение: і последовательных элементов в 1-ой паралеллельной ветви и j — во второй ветви (все элементы независимы и их интенсивности отказов одинаковы).

Все заданные значения интенсивностей отказов должны умножаться на 10^{-5} . Расчет надежности следует производить для значения t=2 .

Ход выполнения.

1. Был составлен граф надежности — см. рис. 2.

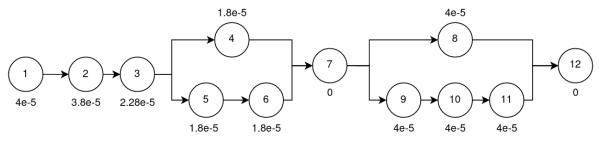


Рисунок 2 — Граф надежности

2. Были выполнены расчеты:

$$P_{N1}(t) = \rho_1(t) \cdot \rho_2(t) \cdot \rho_3(t) = e^{-\lambda_1 t} \cdot e^{-\lambda_2 t} \cdot e^{-\lambda_3 t} = e^{-(\lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3) t}$$

$$P_{N2}(t) = 1 - (1 - e^{\lambda 5t})(1 - e^{-2\lambda_5 t}) =$$

$$= e^{-\lambda_5 t} + e^{-t\lambda_5 t} - e^{-3\lambda_5 t}$$

$$P_{N3}(t) = 1 - (1 - e^{-\lambda_6 t})(1 - e^{-3\lambda_6 t}) = e^{-\lambda_6 t} + e^{-3\lambda_6 t} - e^{-4\lambda_6 t}$$

$$\begin{split} & P_{S}(t) = P_{N1}(t) \cdot P_{N2}(t) \cdot P_{N3}(t) = e^{-(\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3})t} \\ & \cdot (e^{-\lambda_{5}t} + e^{-2 \cdot \lambda_{5}t} - e^{-3\lambda_{5}t})(e^{-\lambda_{6}t} + e^{-3\lambda_{6}t} - e^{-4\lambda_{6}t}) = \\ & = (e^{-(\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + \lambda_{5})t} + e^{-(\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5})t} - e^{-(\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 3\lambda_{5})t}) \\ & \cdot (e^{-\lambda_{6}t} + e^{-3\lambda_{6}t} - e^{-4\lambda_{6}t}) = \end{split}$$

$$= e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+\lambda_{5}+\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+\lambda_{5}+3\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+\lambda_{5}+\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+2\lambda_{5}+3\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+2\lambda_{5}+3\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+2\lambda_{5}+3\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+2\lambda_{5}+3\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+3\lambda_{5}+4\lambda_{6})} + e^{-(\lambda_{1}+\lambda_{2}+\lambda_{3}+3\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5}+4\lambda_{5$$

$$MTTF = \int_{0}^{\infty} \rho_{S}(t) dt = \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + \lambda_{5} + \lambda_{6}} + \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + \lambda_{5} + 2\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + \lambda_{5} + 4\lambda_{6}} + \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + \lambda_{6}} + \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 4\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 2\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 2\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + \lambda_{3} + 2\lambda_{5} + 2\lambda_{6}} - \frac{1}{\lambda_{1} + \lambda_{2} + 2\lambda_{3} + 2\lambda_{5}} - \frac{1}{\lambda_{1}$$

Для времени t=2 были произведены расчеты с помощью Python — см. рис. 3, 4.

```
>>> (1/15.88+1/23.88-1/27.88+1/17.68+1/25.68-1/29.68-1/19.48-1/27.48+1/31.48)*(10**5)
7483.090353483438
```

Рисунок 3 - Расчет MTTF для t=2

```
>>> e**(-15.88*(10**-5)*2)+e**(-23.88*(10**-5)*2)-e**(-27.88*(10**-5)*2)+e**(-17.68*(10**
-5)*2)+e**(-25.68*(10**-5)*2)-e**(-29.68*(10**-5)*2)-e**(-19.48*(10**-5)*2)-e**(-27.48*(1
0**-5)*2)+e**(-31.48*(10**-5)*2)
0.9997983985355186
```

Рисунок 4 - Расчет P_S для t=2

3. Были выполнены расчеты с помощью программы (см. результаты на рис. 5, 6) (см. xml файл с графом в приложении A).

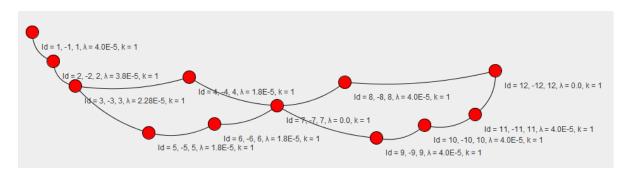


Рисунок 5 — Граф надежности в программе

	T
2.0 0.9997983985355183 7476.881039809	39809685

Рисунок 6 — Результаты расчета в программе

4. Было проведено сравнение ручного и программного расчета — см. табл. 2.

Таблица 2 - Сравнение ручного и программного расчета

	P_{S}	MTTF
Ручной	0.9997983985355186	7483.090353483438
Программный	0.9997983985355183	7476.881039809685

Выводы.

В ходе выполнения лабораторной работы был исследован расчет характеристик надежности вычислительной системы по структурной схеме надежности. При ручном и программном показатели оказались почти равны, небольшую разницу в результатах можно объяснить накоплением погрешности в процессе вычислений чисел с плавающей точкой.

ПРИЛОЖЕНИЕ А. ГРАФ НАДЕЖНОСТИ В ВИДЕ XML

```
<Schema>
<graf>
 <Block>
  <Id>1</Id>
  <Id2>1</Id2>
  <failureRate>4.0E-5</failureRate>
  <name>1</name>
  <quantity>1</quantity>
  t>
   <int>2</int>
  </list>
  <type></type>
 </Block>
 <Block>
  <Id>2</Id>
  <Id2>2</Id2>
  <failureRate>3.8E-5</failureRate>
  <name>2</name>
  <quantity>1</quantity>
  t>
   <int>3</int>
  </list>
  <type></type>
 </Block>
 <Block>
  <Id>3</Id>
  <Id2>3</Id2>
  <failureRate>2.28E-5</failureRate>
  <name>3</name>
```

```
<quantity>1</quantity>
 st>
  <int>4</int>
  <int>5</int>
 </list>
<type></type>
</Block>
<Block>
 <Id>4</Id>
 <Id2>4</Id2>
<failureRate>1.8E-5</failureRate>
 <name>4</name>
<quantity>1</quantity>
 st>
  <int>7</int>
 </list>
 <type></type>
</Block>
<Block>
 <Id>5</Id>
 <Id2>5</Id2>
 <failureRate>1.8E-5</failureRate>
 <name>5</name>
<quantity>1</quantity>
 st>
  <int>6</int>
 </list>
 <type></type>
</Block>
<Block>
```

```
<Id>6</Id>
 <Id2>6</Id2>
 <failureRate>1.8E-5</failureRate>
 <name>6</name>
<quantity>1</quantity>
t>
  <int>7</int>
</list>
<type></type>
</Block>
<Block>
<Id>7</Id>
<Id2>7</Id2>
<failureRate>0.0E-5</failureRate>
<name>7</name>
<quantity>1</quantity>
 st>
  <int>8</int>
  <int>9</int>
</list>
<type></type>
</Block>
<Block>
 <Id>8</Id>
<Id2>8</Id2>
<failureRate>4.0E-5</failureRate>
 <name>8</name>
<quantity>1</quantity>
 st>
```

<int>12</int>

```
</list>
<type></type>
</Block>
<Block>
<Id>9</Id>
<Id2>9</Id2>
<failureRate>4.0E-5</failureRate>
<name>9</name>
<quantity>1</quantity>
 st>
  <int>10</int>
</list>
<type></type>
</Block>
<Block>
<Id>10</Id>
<Id2>10</Id2>
<failureRate>4.0E-5</failureRate>
<name>10</name>
<quantity>1</quantity>
t>
  <int>11</int>
 </list>
<type></type>
</Block>
<Block>
<Id>11</Id>
<Id2>11</Id2>
<failureRate>4.0E-5</failureRate>
 <name>11</name>
```

```
<quantity>1</quantity>
   t>
    <int>12</int>
   </list>
   <type></type>
  </Block>
  <Block>
   <Id>12</Id>
   <Id2>12</Id2>
   <failureRate>0.0E-5</failureRate>
   <name>12</name>
   <quantity>1</quantity>
   t>
   </list>
   <type></type>
  </Block>
 </graf>
 <ListOfFlag/>
 listOfNode/>
 t/>
</Schema>
```