



Aufgabe 1 (Erlösfunktion)

Sei $p(x) = -\frac{1}{2}x + 10$ eine Preis-Absatz-Funktion.

- (a) Geben Sie $E(x) = x \cdot p(x)$ inklusive eines passenden Definitionsbereiches D_E an.
- (b) Bestimmen Sie die Nullstellen von $E(x)$.
- (c) Ermitteln Sie die erlösmaximale Produktionsmenge und den maximalen Erlös.

Aufgabe 2 (Kosten- und Gewinnfunktion)

Sei $E(x) = -4x^2 + 60x$ eine Erlösfunktion (Erlös in GE) und $K(x) = x^3 - 10x^2 + 35x + 18$ eine Kostenfunktion (Kosten in GE). Die Produktionsmenge x sei in ME angegeben.

- (a) Geben Sie die Kosten bei Produktion von 2 ME an.
- (b) Ermitteln Sie die Gewinnfunktion $G(x)$.



Lösungen

Aufgabe 1

- (a) $E(x) = x \cdot \left(-\frac{1}{2}x + 10\right) = -\frac{1}{2}x^2 + 10x$ mit $D_E = \mathbb{R}_{\geq 0}$.
- (b) $E(x) = 0 \Leftrightarrow -\frac{1}{2}x(x - 20) = 0 \Leftrightarrow x = 0$ oder $x = 20$.
- (c) Erlösmaximum liegt am Scheitelpunkt vor. Lösen entweder mit pq-Formel oder Scheitelpunkt als Mitte der beiden Nullstellen identifizieren. Es gilt $x_{EM} = 10$ und $E(10) = 50$ GE.

Aufgabe 2

- (a) $K(2) = 2^3 - 10 \cdot x^2 + 35 \cdot x + 18 = 56$
- (b) $G(x) = E(x) - K(x) = -4x^2 + 60x - (x^3 - 10x^2 + 35x + 18) = -x^3 + 6x^2 + 25x - 18$