

Klausur 2 Mathematik

BGW18 ANR

Datum :

Name :

 $\textbf{Zeit} \hspace{1.5cm} : \hspace{.5cm} 80/90 \hspace{.1cm} \text{Minuten}$

Hilfsmittel : Taschenrechner

Aufgabe 1 (1+3+5+4 BE)

Eine Wirkstoffkonzentration (in $\frac{mg}{L}$) im Blut eines Patienten werde beschrieben durch $W(t)=2t^2-\frac{2}{3}t^3$ (mit t in Stunden). Der Beobachtungsbeginn liege bei t=0.

(a) Geben Sie die Wirkstoffkonzentration nach einer Stunde an.

(b) Bestimmen Sie wann der Wirkstoff vollständig abgebaut ist.

(c) Berechnen Sie den Zeitpunkt der größten Wirkstoffkonzentration. Geben Sie diese auch an.

(d) Ermitteln Sie den Zeitpunkt, an dem die Wirkstoffkonzentration am stärksten ansteigt.

Aufgabe 2 (1+4+2 BE)

Sei $f_a(x) = (x+1)(x-a)(x+2)$ mit $a \in \mathbb{R}$.

(a) Geben Sie alle Nullstellen von $f_a(x)$ an.

(b) Skizzieren Sie die Graphen von $f_1(x)$ und $f_{-2}(x)$.

(c) Begründen Sie, ob a so gewählt werden kann, dass $f_a(x)$ genau eine Nullstelle besitzt.

Aufgabe 3 (4 BE)

Sei
$$f_{a;b}(x) = \begin{cases} 3x^2 - x^3 & : x \le 2\\ a \cdot x + b & : 2 < x \end{cases}$$

(a) Bestimmen Sie a und b so, dass die Funktionsteile sprung- und knickfrei ineinander übergehen.