

Diffie-Hellman

Acordo de Chave Compartilhada

Estabelecendo uma Chave Compartilhada

- Diffie-Hellman, 1976
- Resolve problema de **distribuição de chave simétrica**, criando uma **chave compartilhada**.
- É preciso **encriptar uma chave simétrica de sessão** para criar o envelope digital.

Acordo de chave Diffie-Hellman

- Usa-se para tal, a **criptografia de chave pública**, para criar o **envelope digital**.
- É utilizada a **tecnologia de chave pública** para gerar a chave de sessão simétrica.

Acordo de Chave Diffie-Hellman

- Alice e Bob têm que concordar sobre dois grandes números:
 - **p** (um número primo)
 - **g** (um número pseudo-aleatório)

onde **$(p-1)/2$** é também um primo e certas condições se aplicam a **g**.

Acordo de Diffie-Hellman

- **p** é um número primo gerado a partir de um PRNG (gerador de números pseudoaleatórios), sendo verificado se é primo pelo Teste de Fermat.
- **g** é um número gerado por um PRNG, que se relaciona bem com o valor de **p** .

Acordo de Diffie-Hellman

- Estes números podem ser **públicos**, assim, **qualquer uma** das partes pode escolher **p** e **g** e dizer ao outro abertamente.
- Seja Alice gerar, por um PRNG, um número grande (digamos 512 bits), chamado **x** . Ela guarda **x** como **secreto**.

Acordo de Diffie-Hellman

- Alice calcula $y = g^x \bmod p$. Alice tem, então, um **expoente privado** x .
- Alice inicia o protocolo do acordo de chave enviando a Bob uma mensagem contendo **(p, g, y)** .
- y é um valor transmitido, portanto, público.

Acordo de Diffie-Hellman

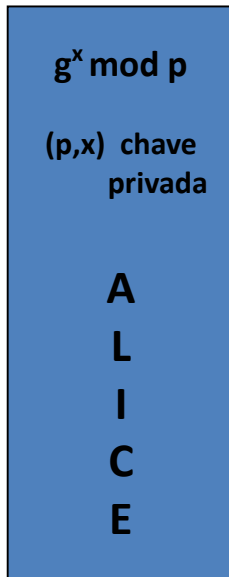
- Bob tem agora um número grande $g^x \bmod p$ (512 bits) definindo a tripla $(p, g, g^x \bmod p)$ a qual é transmitida para Bob, como a **chave pública** DH de Alice.
- Bob escolhe um número y secreto.
- Bob responde enviando a Alice uma mensagem contendo $(g^y \bmod p)$.

Acordo de Diffie-Hellman

- Alice calcula $(g^y \bmod p)^x$
- Bob calcula $(g^x \bmod p)^y$
- Pela lei da aritmética modular, ambos os cálculos resultam em $g^{xy} \bmod p$.
- Alice e Bob, agora **compartilham uma chave secreta: $g^{xy} \bmod p$**

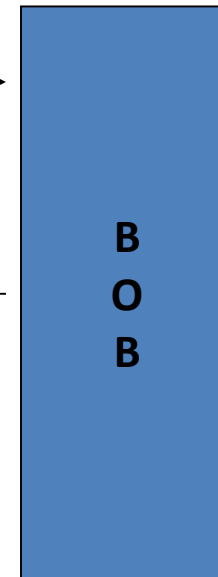
Acordo de Diffie-Hellman

Alice escolhe p ,
 g públicos e x
secreto



chave pública
 $(p, g, g^x \bmod p)$

Bob
escolhe y
secreto



$g^y \bmod p$

Alice calcula
 $(g^y \bmod p)^x$
 $= g^{xy} \bmod p$

Bob calcula
 $(g^x \bmod p)^y$
 $= g^{xy} \bmod p$

Acordo de Chaves Diffie-Hellman

- O algoritmo não criptografa os dados.
- Duas partes geram o mesmo segredo e então utilizam para ser uma chave de sessão para uso em um algoritmo simétrico, ou seja, $g^{xy} \bmod p$).
- Este procedimento é chamado **Acordo de Chave**.

O acordo de Diffie-Hellman

- **Dificuldade de quebra do algoritmo:**

Trudy conhece **g** e **p** . Se ela pudesse descobrir **x** e **y** , ela descobriria a chave secreta.

O problema é que dado **$(g^x \bmod p)$** e **$(g^y \bmod p)$** , ela **não pode descobrir x nem y** .

Nenhum algoritmo é conhecido para computar o **módulo de logaritmo discreto** de um **número primo muito grande**.