Práctica 1.2: Complejidad teórica: algoritmos iterativos

Algoritmia y optimización

Curso 2025–26

${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Introducción	2
2.	Objetivos	2
3.	Ejercicio 1	2
4.	Ejercicio 2	3
5.	Ejercicio 3	3
6.	Ejercicio 4	4

1. Introducción

En esta Práctica 1.2 continuamos analizando la complejidad de los algoritmos. En esta ocasión, además de seguir practicando con el análisis empírico, incluiremos el **análisis teórico** de algoritmos iterativos.

2. Objetivos

- Comprender la complejidad teórica en algoritmos iterativos.
- Comparar la complejidad teórica con la complejidad empírica.

3. Ejercicio 1

Dado que en esta práctica compararemos las complejidades teóricas con respecto a las complejidades empíricas, es importante tener claro cómo visualizar una complejidad teórica. Representa las siguientes funciones con Matplotlib:

- $-\sqrt{n}$
- 10^n
- $n^{1,5}$
- $2\sqrt{\log_2 n}$
- $n^2 \log_2 n$
- 2ⁿ
- $n^{\log_2 n}$
- n²
- $-2^{\log_2 n}$
- 2^{2log₂ n}
- $-n^{\frac{5}{2}}$

4. Ejercicio 2

En la Práctica 1.1 se presentaron dos algoritmos de ordenación. Ahora, calcula la complejidad teórica del algoritmo ordenacion_uno() y compara el resultado obtenido con la complejidad empírica de la práctica anterior. 1

```
función ordenacion_uno(arr):
    n := |arr|

para i desde 0 hasta n - 1:
    para j desde 0 hasta n - i - 1:
        si arr[j] > arr[j + 1]:
        arr[j], arr[j + 1] = arr[j + 1], arr[j]

devuelve arr
```

5. Ejercicio 3

Calcula la complejidad teórica y empírica del algoritmo producto_matrices_cuadradas(). Muestra ambas complejidades en una misma gráfica.

```
función producto_matrices_cuadradas(A, B):
    n := dimensión(A)
    C := ceros(n, n)

para i desde 0 hasta n - 1:
    para j desde 0 hasta n - 1:
        suma := 0

    para k desde 0 hasta n - 1:
        suma := suma + A[i][k] * B[k][j]

    C[i][j] := suma

devuelve C
```

¹Recuerda que en la asignatura estamos utilizando la notación "Big O", que indica el orden de magnitud de la complejidad pero no su función exacta. Es por ello que, al dibujar en un mismo gráfico la complejidad empírica y la teórica, tendrás que aplicar algún factor para mantener la proporción de ambas curvas.

6. Ejercicio 4

El siguiente pseudocódigo representa una versión iterativa del algoritmo denominado $búsqueda_binaria()$. Fíjate en que este algoritmo presenta mejor y peor caso, además de tener una restricción: solo funciona si la **lista** está **ordenada**. Por tanto, averigua sus complejidades teóricas y después calcula su complejidad empírica.

```
función busqueda_binaria(arr, n, target):
    L := 0
R := n - 1

mientras L <= R:
    m := redondeo((L + R) / 2)

si arr[m] < target entonces:
    L := m + 1
si_no si arr[m] > target entonces:
    R := m - 1
si_no:
    devuelve m
devuelve NO_ENCONTRADO
```

6.1. Cómo medir el algoritmo búsqueda_binaria

Como has podido comprobar calculando la complejidad teórica de la búsqueda_binaria(), encontramos mejor y peor caso. Para una correcta visualización del comportamiento empírico realiza las siguientes pruebas:

- Ejecuta con listas aleatorias ordenadas y busca valores al azar.
- Ejecuta con listas aleatorias ordenadas y busca un número que no se encuentre.
- Ejecuta con listas aleatorias ordenadas y busca el número que está en la posición central.

Una vez implementados los experimentos, muestra una gráfica comparando los resultados obtenidos para las complejidades empíricas calculadas y las teóricas (mejor y peor caso) en función del tamaño de la lista. Deberías poder ver cierta similitud entre ellas. Recuerda que, para cada caso, debes medir cada prueba varias veces y almacenar el promedio para obtener una medida más precisa de la complejidad.