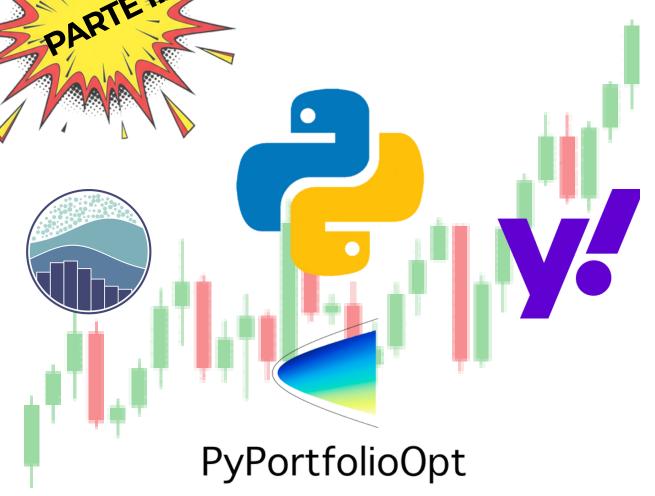
# Python aplicado a finanzas: fundamentos esenciales para optimizar tu portafolio

APRENDITA COLLAB RENDIMIENTOS, RIESGO Y CREAR CARTERAS.



Optimiza. Diversifica. Invierte mejor.

# Python aplicado a finanzas: fundamentos esenciales para optimizar tu portafolio PARTE

Autor:JoseDiego CazaresMinjares

Contacto:LinkedIn SitioWeb:betafinanciera.com

Deldato altrade: descarga, analiza, optimiza y traduce pesos a órdenes reales con pypfopt.

### Objetivos breves:

- Construir y comparar 3 portafolios para NVDA, JNJ, AAPL, JPM (últimos 5 años).
- Optimización por Sortino ratio (máx.).
- Optimización por CVaR (minimizar CVaR) y luego max Sharpe sobre esos retornos.
- Una cartera "libre" (por Sharpe) para comparación.
- Traducir pesos a órdenes para inversión total de \$10,000 (DiscreteAllocation).
- Finalmente añadir restricciones del mundo real (límites por activo y sector) y comparar.

Preparar entorno y descargar datos.

Descargar precios ajustados de los últimos 5 años para NVDA, JNJ, AAPL, JPM. Limpiar y mostrar primera vista.

# Importar las paqueterias necesarias import pandas as pd import numpy as np import matplotlib.pyplot as plt import seaborn as sns import yfinance as yf

```
from pypfopt import expected returns, risk models, EfficientFrontier,
plotting
from pypfopt.discrete allocation import DiscreteAllocation,
get latest prices
# Para optimizaciones personalizadas
from scipy.optimize import minimize
# Definir Activos y Periodos
tickers = ["NVDA", "JNJ", "AAPL", "JPM"]
start date = "2020-10-01"
end date = None # hasta hoy
# Descarga de precios ajustados.
prices = yf.download(tickers, start=start date, end=end date,
auto_adjust=True)["Close"]
prices = prices.dropna(how="all")
print("Precios (últimas filas):")
print(prices.tail())
4 of 4 completed
Precios (últimas filas):
Ticker
                   AAPL
                                 JNJ
                                       297.559998 183.220001
Date
                                       302.359985 182.639999
2025-10-17 252,289993 193,220001
                                       297.089996 181.160004
2025-10-20 262,239990 193,720001
                                       294.109985 180.279999
2025-10-21 262,769989 191,880005
                                       294.894989 181.774994
2025-10-22 258.450012 192.940002
2025-10-23 259.860596 192.220001
```

Optimizar por Sortino ratio.

Sortino ratio mide retorno ajustado por la volatilidad negativa (solo considera las desviaciones por debajo de un objetivo), útil cuando te preocupan pérdidas más que variabilidad total.

Fórmula (Sortino):

$$\frac{E[Rp)-Rf}{\sigma d}$$

- S > 1: excelente | El portafolio genera rendimientos significativamente superiores al riesgo de pérdidas. Ideal para estrategias conservadoras o de preservación de capital.
- $0.5 < S \le 1$ : bueno | El rendimiento ajustado por riesgo negativo es aceptable. El portafolio compensa razonablemente las caídas.
- $0 < S \le 0.5$ : modesto | El rendimiento apenas supera el riesgo de pérdidas. Puede requerir ajustes en la selección de activos o en la estrategia de asignación.  $S \le 0$ : bajo o negativo | El portafolio no

compensa el riesgo de

pérdidas. Indica una estrategia ineficiente o mal calibrada frente a la volatilidad negativa.

```
# Datos para optimización numérica
daily returns = prices.pct change().dropna()
                                                       # diarios
rf annual = 0.03997
rf daily = (1 + rf annual)**(1/252) - 1
# Función auxiliar para calcular métricas de rendimiento de la cartera
def portfolio performance(weights, daily returns, rf daily):
    p returns = portfolio daily returns(weights, daily returns)
    annual return = (1 + p \text{ returns.mean()})**252 - 1
    annual volatility = p returns.std() * np.sqrt(252)
    sortino = -neg sortino(weights, daily returns, rf daily)
    return annual return, annual volatility, sortino
# Funciones auxiliares
def portfolio return(weights, mean returns):
return np.dot(weights, mean returns)
def portfolio daily returns(weights, daily returns):
     # devuelve serie diaria de retornos del portafolio
    weights series = pd.Series(weights, index=daily returns.columns)
    return daily returns.dot(weights series)
def downside deviation(daily ret, target=0):
    diff = np.minimum(daily ret - target, 0)
    return np.sqrt(np.mean(diff**2))
def neg_sortino(weights, daily_returns, rf_daily):
    p returns = portfolio daily returns(weights, daily returns)
    mean_excess = p_returns.mean() - rf_daily
    dd = downside deviation(p returns, target=rf daily)
    # evitar divide by zero
    if dd == 0:
```

```
return 1e6
     sortino = mean excess / dd
     return -sortino # queremos maximizar sortino -> minimizar
negativo
# Condiciones iniciales
n = len(tickers)
x0 = np.repeat(1/n, n)
bounds = tuple((0, 1) for in range(n))

constraints = (\{'type': 'eq', 'fun': lambda w: np.sum(w) - 1\})
# Optimización
res = minimize(neg sortino, x0, args=(daily returns, rf daily),
                  method='SLSQP', bounds=bounds, constraints=constraints)
w = res.x.round(6)
w sortino dict = dict(zip(tickers, w sortino))
# Imprimir los pesos con formato
print(f"Pesos (max Sortino con Rf={rf annual*100:.3f}%):")
for ticker, weight in w sortino dict.items():
                 {ticker}: {weight:.2%}")
# Imprimir las métricas del portafolio óptimo con formato
print("\nMétricas del Portafolio Óptimo:")
ret ms, vol ms, sortino ms = portfolio performance(w sortino dict,
daily returns, rf daily)
print(f"Expected annual return: {ret ms:.1%}")
                                        {vol ms:.1%}")
print(f"Annual volatility:
print(f"Sortino Ratio:
                                        {sortino ms:.2f}")
Pesos (max Sortino con Rf=3.997%):
  NVDA: 0.00%
  JNJ: 24.47%
  AAPL: 39.99%
  JPM: 35.54%
Métricas del Portafolio Óptimo:
Expected annual return: 22.7% Annual volatility: 18.1%
Sortino Ratio:
                             0.09
```

Convertir cartera Sortino en plan de compra para \$10,000

Transformar pesos continuos a órdenes reales con presupuesto \$10,000

```
latest_prices = get_latest_prices(prices)
total_value = 10000
```

```
da_sortino = DiscreteAllocation(w_sortino_dict, latest_prices, total_portfolio_value=total_value)
alloc_sortino, leftover_sortino = da_sortino.lp_portfolio()
print("Plan de compra (Sortino) para $10,000:")
print(alloc_sortino)
print("Dinero sobrante: ${:.2f}".format(leftover_sortino))

Plan de compra (Sortino) para $10,000:
{'JNJ': 13, 'AAPL': 13, 'JPM': 20}
Dinero sobrante: $32.01
```

Mostramos número de acciones por ticker y cuánto dinero queda sin invertir.

Optimización por CVaR.

CVaR (Conditional ValueatRisk)oExpectedShortfallmidelapérdida media en los peores % escenarios. Minimizar CVaR busca proteger contra pérdidas extremas.

Estimar CVaR vía simulaciónhistórica/bootstrapdelvector de retornosdiarios. Luego minimizar CVaR(α) usando scipy.optimize.minimize sujeto a restricciones (long-only, sum=1). Finalmente, con esos retornos optimizados, buscamos la cartera con máx Sharpe basada en los retornos esperados resultantes (o directamente optimizamos Sharpe sobre mu,S if desired). Aquí haremos: 1) minimizar CVaR → pesos\_cvar; 2) con esos pesos reestimamos mu (o usamos mu) y luego encontramos max Sharpe cartera condicionada? Para simplicidad: optimizamos CVaR directo y luego reportamos rendimiento/Sharpe de esa cartera; y además ejecutamos una optimización demax SharpeusandoEfficientFrontier con mu,S paracomparar.

```
# Parámetros CVaR
alpha = 0.05  # 5% tail
n_sims = 5000  # número de simulaciones para evaluar CVaR (histórico bootstrap)
# Simulación "bootstrap" de retornos diarios (mu, cov) asume normal approx:
mu_daily = daily_returns.mean()
cov_daily = daily_returns.cov()
rng = np.random.default_rng(42)
simulated = rng.multivariate_normal(mu_daily.values, cov_daily.values, size=n_sims)

def portfolio_CVaR(weights, sims, alpha=0.05):

# sims: array (n_sims x n_assets) of simulated daily returns
p_rets = sims.dot(weights)
p_losses = -p_rets  # pérdidas positivas cuando retorno negativo
```

```
var = np.quantile(p losses, 1-alpha)
     cvar = p losses[p losses >= var].mean()
     return cvar
def objective cvar(weights, sims, alpha=0.05):
     return portfolio CVaR(weights, sims, alpha)
# Minimizar CVaR (long-only)
res_cvar = minimize(objective_cvar, x0, args=(simulated, alpha), method='SLSQP', bounds=bounds,
constraints=constraints)
w cvar = res cvar.x.round(6)
w_cvar_dict = dict(zip(tickers, w_cvar))
print("Pesos (min CVaR):")
for ticker, weight in w cvar dict.items():
                 {ticker}: {weight:.2%}")
# Evaluar performance teórica del w cvar
p daily cvar = daily returns.dot(w cvar)
ann ret cvar = (1 + p \text{ daily cvar.mean})**252 - 1
ann vol cvar = p daily cvar.std() * np.sqrt(252)
sharpe cvar = (ann ret cvar - rf annual) / ann vol cvar
print("\nMétricas del Portafolio Óptimo:")
print(f"Expected annual return: {ann_ret_cvar:.1%}")
print(f"Annual volatility: {ann_vol_cvar:.1%}")
print(f"Sharpe Ratio:
                                          {sharpe cvar:.4f}")
Pesos (min CVaR):
  NVDA: 8.78%
  JNJ: 67.20%
  AAPL: 18.20%
  JPM: 5.82%
Métricas del Portafolio Óptimo:
Expected annual return: 18.6%
Annual volatility: 14.6%
Sharpe Ratio:
                               0.9981
```

Interpretación: w\_cvar prioriza la reducción de pérdidas en cola; puede sacrificar retorno esperado.

Convertir cartera CVaRenplandecomprapara\$10,000

Transformar pesos continuos a órdenes reales con presupuesto \$10,000

```
da_cvar = DiscreteAllocation(w_cvar_dict, latest_prices,
total_portfolio_value=total_value)
```

```
alloc_cvar, leftover_cvar = da_cvar.lp_portfolio()
print("Plan compra (CVaR) para $10,000:")
print(alloc_cvar)
print("Dinero sobrante: ${:.2f}".format(leftover_cvar))

Plan compra (CVaR) para $10,000:
{'NVDA': 3, 'JNJ': 35, 'AAPL': 6, 'JPM': 3}
Dinero sobrante: $178.02
```

Cartera "por Sharpe" (baseline) y su plan de compra

Para comparar, obtendremos la cartera clásica de máximo Sharpe con Efficient Frontier (media histórica + cov).

```
EfficientFrontier (media histórica + cov).
# Calcular los rendimientos esperados y la matriz de covarianza
mu = expected returns.mean historical return(prices)
S = risk models.sample cov(prices)
ef = EfficientFrontier(mu, S)
ef.max sharpe()
w sharpe = ef.clean weights()
print("Pesos (max Sharpe):")
for ticker, weight in w sharpe.items():
     print(f"
                 {ticker}: {weight:.2%}")
# Discrete allocation
latest_prices = get_latest_prices(prices)
total \overline{\text{value}} = 10000
da sharpe = DiscreteAllocation(w sharpe, latest prices,
total portfolio value=total value)
alloc sharpe, leftover sharpe = da sharpe.lp portfolio()
print("\nPlan compra (Sharpe) para $10,000:")
print(alloc sharpe)
print("Dinero sobrante: ${:.2f}".format(leftover sharpe))
ret_s, vol_s, sharpe_s = ef.portfolio performance(verbose=False)
print("\nMétricas del Portafolio Óptimo:")
print(f"Expected annual return: {ret s:.1%}")
print(f"Annual volatility:
                                        {vol s:.1%}")
print(f"Sharpe Ratio:
                                        {sharpe s:.2f}")
Pesos (max Sharpe):
  AAPL: 0.00%
  INI: 34.96%
  JPM: 36.36%
  NVDA: 28.68%
Plan compra (Sharpe) para $10,000:
```

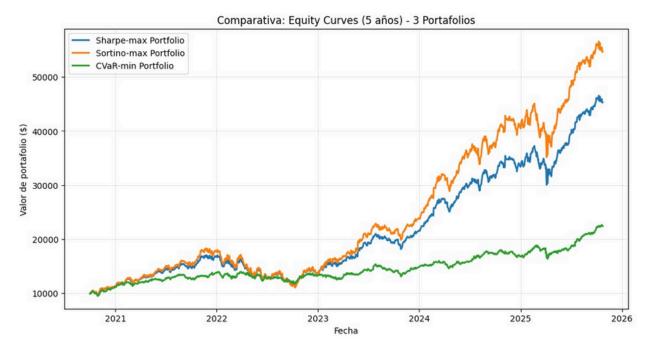
```
{'JNJ': 18, 'JPM': 12, 'NVDA': 16}
Dinero sobrante: $92.90

Métricas del Portafolio Óptimo:
Expected annual return: 32.5%
Annual volatility: 20.7%
Sharpe Ratio: 1.57
```

Graficar el comportamiento histórico de las 3 carteras Simular

la evolución del valor del portafolio si hubiésemos aplicado esos pesos desde el inicio del periodo, y mostrar las 3 equity curves sobre los 5 años.

```
# Función para calcular series de acciones a partir de rendimientosy
ponderaciones históricas
def equity series from weights(weights, prices,
initial capital=10000):
    daily ret = prices.pct change().dropna()
    port daily = daily ret.dot(weights)
    equity = (1 + port daily).cumprod() * initial capital
    return equity
weights sortino arr = w sortino
weights cvar arr = w cvar
weights sharpe arr = list(w sharpe.values())
eq sortino = equity series from weights(weights sortino arr, prices,
initial capital=10000)
eq cvar = equity series from weights (weights cvar arr, prices,
initial capital=10000)
eg sharpe = equity series from weights(weights sharpe arr, prices,
initial capital=10000)
plt.figure(figsize=(12.6))
plt.plot(eg_sharpe.index, eg_sharpe.values, label='Sharpe-max
Portfolio', linewidth=2)
plt.plot(eg_sortino.index, eg_sortino.values, label='Sortino-max
Portfolio', linewidth=2)
plt.plot(eg cvar.index, eg cvar.values, label='CVaR-min Portfolio',
linewidth=2
plt.title("Comparativa: Equity Curves (5 años) - 3 Portafolios")
plt.ylabel("Valor de portafolio ($)")
plt.xlabel("Fecha")
plt.legend()
plt.grid(alpha=0.3)
plt.show()
```



Interpretación visual: observa divergencias, drawdowns y recuperación relativa de cada enfoque.

### Métricas resumidas

Calcular y mostrar las métricas clave para las 3 carteras: Return anual, Volatilidad anual, Sharpe, Sortino (manual), Max Drawdown. def annual\_metrics(equity\_series, rf=rf\_annual):

```
# equity series:pandasSerie
                                      de capital acumulado
    daily ret = equity series.pct change().dropna()
    ann_ret = (1 + daily_ret.mean())**252 - 1
    ann vol = daily ret.std() * np.sqrt(252)
    sharpe = (ann ret - rf) / ann vol if ann vol>0 else np.nan
    # Sortino:desviaciónbajista
                                      vs rf daily
    rf daily = (1+rf)**(1/252)-1
    dd = downside deviation(daily ret, target=rf daily)
    sortino = (daily ret.mean() - rf daily) / dd if dd>0 else np.nan
    # Max drawdown
    running max = equity series.cummax()
    drawdown = (equity series
                                - running max) / running max
    max dd = drawdown.min()
    return {"AnnRet":ann ret,
                                 "AnnVol":ann vol, "Sharpe":sharpe,
"Sortino":sortino, "MaxDrawdown":max dd}
metrics sharpe = annual metrics(eq sharpe)
metrics sortino = annual metrics(eq sortino)
metrics cvar = annual metrics(eq cvar)
pd.DataFrame([metrics sharpe,
                                  metrics sortino, metrics cvar],
```

	AnnRet	AnnVol	Sharpe	Sortino	MaxDrawdown
Sharpe_Portfolio	0.3817	0.2071	1.6501	0.1317	-0.3405
Sortino_Portfolio	0.4453	0.2394	1.6929	0.1330	-0.3974
CVaR_Portfolio	0.1881	0.1463	1.0127	0.0827	-0.1620

# 10 Parte II — Optimización con restricciones del mundo real

###Problema:las carteras "libres" a menudoasignanpesosextremos(ej.0%aJPM, 50% a NVDA). En gestión real hay límites y reglas.

A)Restricciones depeso poractivo

Ejemplo:limitar a30% máximoporactivo.

```
# Tomemos la cartera max Sharpe como base y rehacemos con restricciones ef_restricted = EfficientFrontier(mu, S) # Añadir constraint: ninguno > 0.30
```

```
for i, t in enumerate(tickers):
    ef_restricted.add_constraint(lambda w, i=i: w[i] <= 0.30)

# Long-only y suma a 1 implícitos en ef

ef_restricted.max_sharpe()
    w_restricted = ef_restricted.clean_weights()
    print("Pesos (restringidos 30% max):", w_restricted)

Pesos (restringidos 30% max): OrderedDict({'AAPL': 0.1, 'JNJ': 0.3, 'JPM': 0.3, 'NVDA': 0.3})
```

B) Restricciones sectoriales (ejemplo)

Preparar sectores y aplicar límites: (NVDA,AAPL → Tecnología; JNJ → Salud; JPM →

Finanzas).Limitamostecnologíaa máximo50% y saludmínimo10%.

```
sector lower = {"Technology": 0.0, "Health": 0.1, "Financials": 0.0}
sector_upper = {"Technology": 0.30, "Health": 0.28, "Financials": 1.0}
ef sector = EfficientFrontier(mu, S)
ef sector.add sector constraints(sector mapper, sector lower,
sector upper)
ef sector.max sharpe()
w sector = ef sector.clean weights()
print("Pesos (sector-constrained):", w sector)
# Verificación
tech weight = sum(w sector[t] for t in ["NVDA", "AAPL"])
health weight = sum(\bar{w} sector[t] for t in ["JNJ"])
print(f"\nTecnología: {tech weight:.2%} | Salud: {health weight:.2%}")
Pesos (sector-constrained): OrderedDict({'AAPL': 0.0, 'JNJ': 0.28,
'JPM': 0.42, 'NVDA': 0.3})
Tecnología: 30.00% | Salud: 28.00%
Nota: add_sector_constraints() existe en algunas versiones de pypfopt; la forma mostrada usa
add constraint con sumatorias para mayor compatibilidad.
```

### Comparativa final: libre vs. restringida

```
# Calcular equity curve para carteras restringidas y con restricciones
sectoriales
weights_restricted_arr = list(w_restricted.values())
weights_sector_arr = list(w_sector.values())
```

```
eq_restricted = equity_series_from_weights(weights_restricted_arr, prices, initial_capital=10000)
eq_sector = equity_series_from_weights(weights_sector_arr, prices, initial_capital=10000)

# Calcular métricas para carteras restringidas y con restricciones
sectoriales
metrics_restricted = annual_metrics(eq_restricted)
metrics_sector = annual_metrics(eq_sector)
```

### Resumen de Pesos de Portafolio

Aquísemuestraunatablaconlospesosasignados a cada activo en los diferentes portafolios optimizados:

```
weights_summary = pd.DataFrame({
    "Sharpe (Libre)": w_sharpe,
    "Sharpe (Restringido)": w_restricted,
    "Sharpe (Sector-Constrained)": w_sector
}).T

# Formatear pesos como porcentajes
def format_weights_as_percentage(df):
    return df.map(lambda x: f"{x:.2%}" if isinstance(x, (int, float))
else x)
display(format_weights_as_percentage(weights_summary))
```

	AAPL	JNJ	JPM	NVDA
Sharpe (Libre)	0.00%	34.96%	36.36%	28.68%
Sharpe (Restringido)	10.00%	30.00%	30.00%	30.00%
Sharpe (Sector-Constrained)	0.00%	28.00%	42.00%	30.00%

# Resumen de Métricas de Rendimiento y Riesgo

Aquísepresentaunatablacomparativadelasmétricasclaveparacada portafolio:

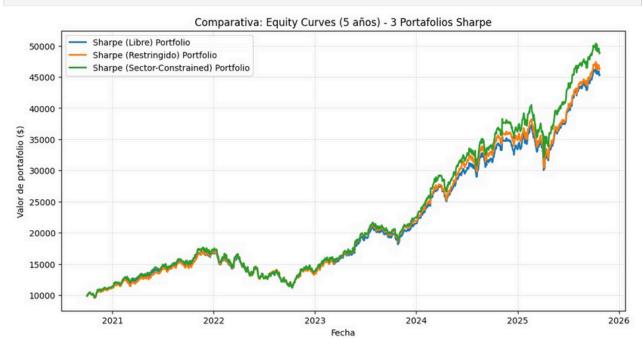
display(metrics summary)

	AnnRet	AnnVol	Sharpe	Sortino	MaxDrawdown
Sharpe (Libre)	0.3817	0.2071	1.6501	0.1317	-0.3405
Sharpe (Restringido)	0.3919	0.2171	1.6206	0.1289	-0.3435
Sharpe (Sector-Constrained)	0.3817	0.2071	1.6501	0.1317	-0.3405

### Comentarios sobre los Portafolios

- Sharpe (Libre):Estacarterabuscamaximizar el retorno ajustado por volatilidad sinninguna restricciónartificialsobre los pesos de los activos. A menudo, puede resultar en carteras muy concentradas en los activos con mejor desempeño histórico o menor correlación.
- Sharpe (Restringido): Al añadir restricciones, como un límite máximo de peso por activo (ej. 30% como en el ejemplo), se fuerza a la cartera a ser más diversificada, reduciendo la concentración. Esto puede llevar a un Sharpe Ratio ligeramente menor que la cartera libre, pero también a una menor volatilidad y Max Drawdown.
- Sharpe (Sector-Constrained): Las restricciones sectoriales buscan limitar la exposición a ciertos sectores o asegurar una asignación mínima a otros. Esto añade otra capa de diversificación y control de riesgo, reflejando consideraciones prácticas en la gestión de portafolios. Al igual que las restricciones por activo, pueden resultar en un Sharpe Ratio un poco menor que la cartera libre, pero con perfiles de riesgo potencialmente más manejables.

```
# Función para calcular series de acciones a partir de rendimientosy
ponderaciones históricas
def equity series from weights(weights, prices,
initial capital=10000):
    daily ret = prices.pct change().dropna()
    port daily = daily ret.dot(weights)
    equity = (1 + port daily).cumprod() * initial capital
    return equity
weights sharpe arr = list(w sharpe.values())
weights restricted arr = list(w restricted.values())
weights sector arr = list(w sector.values())
eg sharpe = equity series from weights(weights sharpe arr, prices,
initial capital=10000)
eq restricted = equity series from weights(weights restricted arr,
prices, initial capital=10000)
eg sector = equity series from weights(weights sector arr, prices,
initial capital=10000)
plt.figure(figsize=(12,6))
plt.plot(eg_sharpe.index, eg_sharpe.values, label='Sharpe (Libre)
Portfolio', linewidth=2)
plt.plot(eg_restricted.index, eg_restricted.values, label='Sharpe
(Restringido) Portfolio', linewidth=2)
plt.plot(eg sector.index, eg sector.values, label='Sharpe (Sector-
Constrained) Portfolio', linewidth=2)
plt.title("Comparativa: Equity Curves (5 años) - 3 Portafolios
Sharpe")
plt.ylabel("Valor de portafolio ($)")
plt.xlabel("Fecha")
plt.legend()
plt.grid(alpha=0.3)
plt.show()
```



# Conclusión y extensiones.

Resumen breve: • pypfopt + yfinance permiten pasar de precios a carteras optimizadas rápidamente. • Optimizar por Sortino o minimizar CVaR cambia el perfil del portafolio: protección contra pérdidas vs maximizar ratio clásico de Sharpe.

- Traducir pesos a órdenes reales (DiscreteAllocation) acorta la brecha entre teoría y ejecución.
- Restricciones del mundo real (límites por activo y sector) producen carteras más prácticas y reguladas, con trade-off entre eficiencia teórica y robustez operativa.

Extensiones prácticas: • Backtesting con rebalanceo periódico de estas carteras. • Incluir comisiones y slippage en DiscreteAllocation y simulaciones. • Evaluar robustez mediante bootstrap y walk-forward. • Añadir factores (momentum, value) y optimizar por métricas alternativas (Sortino con target, Sortino penalizado por turnover).

Descargo de responsabilidad: Este artículo es puramente informativo y no constituye asesoramiento financiero. No se

recomienda tomar decisiones de inversión basadas únicamente en esta información. Se aconseja realizar un análisis propio y consultar a un profesional financiero antes de tomar decisiones de inversión. Las decisiones de inversión son responsabilidad exclusiva del lector.

En todo momento se incita a hacer un análisis propio, y saber que tus decisiones son completamente tuyas y afectan tus inversiones y tu patrimonio.

- No es una asesoría financiera.
- No supone en ningún caso, esto sea recomendación de inversión, de compra o de venta de ningún activo/bien o subyacente.
- El contenido del articulo es meramente informativo.
- En todo momento se incita a hacer un análisis propio, y saber que tus decisiones son completamente tuyas y afectan tus inversiones y tu patrimonio.