

1 Моменты инерции для простых однородных тел

Момент инерции ($I = \int_m r^2 dm$) - мера инертности во вращательном движении вокруг оси.

Момент инерции тела зависит от его массы и распределения массы относительно оси вращения.

Примеры расчёта моментов инерции для тел симметричной формы:

Тонкий стержень массы m и длины L , если ось вращения перпендикулярна стержню и проходит через его центр масс: $I = \frac{mL^2}{12}$

Тонкое кольцо массы m и радиуса R , если ось вращения перпендикулярна плоскости кольца и проходит через центр масс: $I = mR^2$.

Тонкостенная труба (полый цилиндр) массы m , радиуса R и длины L , если ось вращения совпадает с осью симметрии трубы: $I = mR^2$.

Сплошной цилиндр массы m и радиуса R , если ось вращения совпадает с осью симметрии цилиндра: $I = \frac{mR^2}{2}$.

Шар массы m и радиуса R : $I = \frac{2}{5}mR^2$.

2 Теорема Гюйгенса-Штейнера (теорема о переносе оси)

Теорема позволяет рассчитать момент инерции тела относительно оси, параллельной оси, проходящей через центр масс, на расстоянии a от неё.

Формула: $I_B = I_A + ma^2$, где I_B — момент инерции относительно новой оси, I_A — момент инерции относительно оси, проходящей через центр масс, m — масса тела, a — расстояние между осями.

Применение: если точка A совпадает с центром масс тела, то $I_B = I_C + ma^2$, где I_C — момент инерции относительно оси через центр масс. Момент инерции тела относительно оси, проходящей через его центр масс, является наименьшим для всех параллельных осей.