Meta-análisis de correlaciones en R: Guía práctica

Juan David Leongómez 💿

26 febrero, 2022

Laboratorio de Análisis del Comportamiento Humano (LACH), Facultad de Psicología, Universidad El Bosque, Bogotá, Colombia. Email: jleongomez@unbosque.edu.co. Web: jdleongomez.info.

Descripción

Este documento contiene todo el código explicaciones básicas, paso a paso, para hacer un meta-análisis de coeficientes de correlación en R, usando los paquetes metafor (Viechtbauer, 2010) y metaviz (Kossmeier et al., 2020). Está principalmente basado en este video, creado por Daniel S. Quintana (2021), pero contiene citas a fuentes primarias, además de información que he agregado.

Esta guía asume un manejo básico de R, así como una comprensión básica del meta-análisis. Sin embargo, de ser necesario y como introducción, recomiendo ver este video introductorio al meta-análisis en *jamovi* (Leongómez, 2021) que publiqué anteriormente en mi canal de YouTube *Investigación Abierta*.



Cita esta guía como

Leongómez, J. D. (2022). Meta-análisis de correlaciones en R: Guía práctica. Zenodo. https://doi.org/10.5281/zenodo. 5640182

Índice

1.	Base de datos de ejemplo	3										
2. Transformación de r de Pearson a z de Fisher												
3.	Hacer el meta-análisis 3.1. Más información sobre heterogeneidad	6 8 11 11										
4.	Meta-análisis de correlación con moderador 4.1. Ejemplo 1: Moderación de la edad promedio de los participantes	16 17										
5. Sesgo de publicación $(publication\ bias)$												
	Poder estadístico del meta-análisis 6.1. Instalación de metameta	20 21										
	PÉNDICE 1: Alternativas a metafor	23										
$R\epsilon$	eferencias	23										

1. Base de datos de ejemplo

Para los ejemplos usados en ésta guía, usaré la base de datos dat.molloy2014, tomada de Molloy et al. (2013).

Esta base de datos viene incluida con el paquete {metafor} de R. Básicamente, Molloy et al. (2013) estudiaron si existe una asociación entre la diligencia (conscientiousness) y la adherencia a la medicación. En otras palabras, ¿las personas más diligentes son más propensas a cumplir con la medicación prescrita?

Primero, primero, debemos cargar los paquetes que usaremos, incluyendo {metafor} y {metaviz} para hacer metaanálisis, así como {dplyr} para manipular y organizar la base de datos.

```
library(metafor)
library(metaviz)
library(dplyr)
```

Una vez cargado el paquete {metafor}, ya puedo cargar la base de datos dat.molloy2014. En éste caso, para poder llamarla cuando sea necesario, la asignaré a un objeto llamado dat.

```
dat <- get(data(dat.molloy2014))</pre>
```

Tras asignar la base de datos a este objeto (dat), podemos verla en la consola de R sencillamente usando el comando dat.

dat

```
Consola de R: Output 1
                authors year ni
                                      ri controls
                                                            design
       Axelsson et al. 2009 109 0.187
1
                                            none cross-sectional self-report
2
       Axelsson et al. 2011 749
                                  0.162
                                            none cross-sectional self-report
          Bruce et al. 2010 55
3
                                  0.340
                                            none
                                                      prospective
                                                                        other
    Christensen et al. 1999 107
                                  0.320
                                            none cross-sectional self-report
5
   Christensen & Smith 1995
                             72
                                  0.270
                                            none
                                                      prospective
                                                                        other
6
          Cohen et al. 2004
                              65
                                  0.000
                                            none
                                                      prospective
                                                                        other
7
        Dobbels et al. 2005 174
                                  0.175
                                            none cross-sectional self-report
8
         Ediger et al. 2007 326 \,
                                  0.050 multiple
                                                      prospective self-report
9
          Insel et al. 2006
                              58
                                  0.260
                                            none
                                                      prospective
10
         Jerant et al. 2011 771
                                  0.010 multiple
                                                      prospective
                                                                        other
11
          Moran et al. 1997 56 -0.090 multiple
                                                      prospective
12
     O'Cleirigh et al. 2007 91
                                  0.370
                                                      prospective self-report
13
         Penedo et al. 2003 116
                                  0.000
                                            none cross-sectional self-report
          Quine et al. 2012 537
14
                                  0.150
                                            none
                                                      prospective self-report
        Stilley et al. 2004 158
                                  0.240
15
                                            none
                                                      prospective
                                                                        other
16 Wiebe & Christensen 1997
                                  0.040
                                                      prospective
                                                                        other
                                            none
   c_measure meanage quality
               22.00
1
       other
2
         NEO
               53.59
                            1
               43.36
                            2
3
         NF.O
       other
               41.70
                            2
5
         NF.O
               46.39
6
         NEO
               41.20
                            2
7
         NEO
               52.30
                            1
8
         NEO
               41.00
                            3
9
       other
               77.00
10
         NF.O
               78.60
                            3
11
         NEO
               57.20
                            2
12
         NEO
               37.90
                            2
13
               39.20
         NEO
                            1
14
       other
               69.00
                            2
                            3
15
         NEO
               46.20
16
         NEO
```

Por supuesto, la salida de la consola no es la más clara, así que de aquí en adelante mostraré la mayoría de las tablas en un formato de impresión, más fácil de leer. Voy a volver a cargar la base de datos (sobreescribiendo el objeto dat), para organizarla un poco mejor. Primero, agregaré una nueva columna llamada study_id, en la que numeraré los estudios del 1 al 16. A continuación, reorganizaré las columnas para que study_id sea la primera, en vez de la última columna.

```
dat <- get(data(dat.molloy2014)) %>%
  mutate(study_id = 1:16) %>% #agregar columna study_id
  select(study_id, authors:quality) #mover study_id como primera columna
```

Con esto, la base de datos tiene ahora la siguiente estructura (Tabla 1):

Tabla 1

Estructura de la base de datos con estudios numerados

$study_id$	authors	year	ni	ri	controls	design	$a_measure$	$c_measure$	meanage	quality
1	Axelsson et al.	2009	109	0.187	none	cross-sectional	self-report	other	22.00	1
2	Axelsson et al.	2011	749	0.162	none	cross-sectional	self-report	NEO	53.59	1
3	Bruce et al.	2010	55	0.340	none	prospective	other	NEO	43.36	2
4	Christensen et al.	1999	107	0.320	none	cross-sectional	self-report	other	41.70	1
5	Christensen & Smith	1995	72	0.270	none	prospective	other	NEO	46.39	2
6	Cohen et al.	2004	65	0.000	none	prospective	other	NEO	41.20	2
7	Dobbels et al.	2005	174	0.175	none	cross-sectional	self-report	NEO	52.30	1
8	Ediger et al.	2007	326	0.050	$\operatorname{multiple}$	prospective	self-report	NEO	41.00	3
9	Insel et al.	2006	58	0.260	none	prospective	other	other	77.00	2
10	Jerant et al.	2011	771	0.010	multiple	prospective	other	NEO	78.60	3
11	Moran et al.	1997	56	-0.090	$\operatorname{multiple}$	prospective	other	NEO	57.20	2
12	O'Cleirigh et al.	2007	91	0.370	none	prospective	self-report	NEO	37.90	2
13	Penedo et al.	2003	116	0.000	none	cross-sectional	self-report	NEO	39.20	1
14	Quine et al.	2012	537	0.150	none	prospective	self-report	other	69.00	2
15	Stilley et al.	2004	158	0.240	none	prospective	other	NEO	46.20	3
16	Wiebe & Christensen	1997	65	0.040	none	prospective	other	NEO	56.00	1

Nota: Datos tomados de Molloy et al. (2013).

Por supuesto, la columna authors tiene los autores de cada estudio a meta-analizar, y la columna year el año de publicación.

La columna ri contiene los coeficientes de correlación de Pearson (la columna ni contiene los tamaños de muestra de cada estudio).

Adicionalmente, en este ejemplo tenemos una serie de moderadores:

- controls: cantidad de variables controladas (ninguna o múltiples)
- design: si se utilizó un diseño transversal o prospectivo
- a_measure: tipo de medida de adherencia (autoinforme u otro)
- c_measure: tipo de medida de diligencia (NEO u otra)
- meanage: edad promedio de la muestra
- quality: calidad metodológica

2. Transformación de r de Pearson a z de Fisher

Dado que los coeficientes de Pearson (columna ri) no tienen una distribución normal, esto podría llevar a calcular varianzas incorrectas, especialmente cuando se trata de correlaciones con tamaños de muestra pequeños. Por esto, vamos a transformar los coeficientes r de Pearson a z de Fisher, que no tienen este problema. Usaré la función escalc del paquete metafor.

Esto ha creado dos nuevas variables en nuestra tabla: yi, que es el tamaño de efecto, y vi que es la varianza.

Tabla 2

Estructura de la base de datos, con transformación de los r de Pearon a z de Fisher

$study_id$	authors	year	ni	ri	controls	design	a_measure	$c_measure$	meanage	quality	yi	vi
1	Axelsson et al.	2009	109	0.187	none	cross-sectional	self-report	other	22.00	1	0.1892266	0.0094340
2	Axelsson et al.	2011	749	0.162	none	cross-sectional	self-report	NEO	53.59	1	0.1634399	0.0013405
3	Bruce et al.	2010	55	0.340	none	prospective	other	NEO	43.36	2	0.3540925	0.0192308
4	Christensen et al.	1999	107	0.320	none	cross-sectional	self-report	other	41.70	1	0.3316471	0.0096154
5	Christensen & Smith	1995	72	0.270	none	prospective	other	NEO	46.39	2	0.2768638	0.0144928
6	Cohen et al.	2004	65	0.000	none	prospective	other	NEO	41.20	2	0.0000000	0.0161290
7	Dobbels et al.	2005	174	0.175	none	cross-sectional	self-report	NEO	52.30	1	0.1768200	0.0058480
8	Ediger et al.	2007	326	0.050	multiple	prospective	self-report	NEO	41.00	3	0.0500417	0.0030960
9	Insel et al.	2006	58	0.260	none	prospective	other	other	77.00	2	0.2661084	0.0181818
10	Jerant et al.	2011	771	0.010	multiple	prospective	other	NEO	78.60	3	0.0100003	0.0013021
11	Moran et al.	1997	56	-0.090	multiple	prospective	other	NEO	57.20	2	-0.0902442	0.0188679
12	O'Cleirigh et al.	2007	91	0.370	none	prospective	self-report	NEO	37.90	2	0.3884231	0.0113636
13	Penedo et al.	2003	116	0.000	none	cross-sectional	self-report	NEO	39.20	1	0.0000000	0.0088496
14	Quine et al.	2012	537	0.150	none	prospective	self-report	other	69.00	2	0.1511404	0.0018727
15	Stilley et al.	2004	158	0.240	none	prospective	other	NEO	46.20	3	0.2447741	0.0064516
16	Wiebe & Christensen	1997	65	0.040	none	prospective	other	NEO	56.00	1	0.0400214	0.0161290

Nota: Las nuevas columnas creadas usando la función escalc (yi como tamaño de efecto y vi como varianza) están resaltadas en naranja

3. Hacer el meta-análisis

Para hacer el meta-análisis, usaremos la función rma del paquete metafor, para el que tenemos que especificar los tamaños de efecto (yi) y varianzas (vi) de los estudios a meta-analizar. En este caso, las columnas donde tenemos estos valores, tienen los mismos nombres (yi, vi). Asignaré los resultados del meta-análisis a un objeto llamado res.

```
res <- rma(yi = yi, vi = vi, data = dat)
```

Los resultados, son los siguientes:

res

Consola de R: Output 2 Random-Effects Model (k = 16; tau^2 estimator: REML)

Primero, nos confirma que ajustamos un modelo con efectos aleatorios (Random-Effects Model), a partir de 16 estudios (k = 16), y que para estimar τ^2 (tau cuadrado) usamos el método de **máxima verosimilitud restringida**¹ (tau^2 estimator: REML), que se designa como REML por sus siglas en inglés .

Posteriormente, nos provee los valores de una serie de estimadores de heterogeneidad o varianza:

- τ^2 : tau^2 (estimated amount of total heterogeneity): 0.0081 (SE = 0.0055)
- ullet τ : tau (square root of estimated tau^2 value): 0.0901

¹Hay varios métodos disponibles como estimador, además de **máxima verosimilitud restringida** (REML). Sin embargo, si tienes dudas, REML es una buena opción. Cada método tiene ventajas y desventajas que, si tienes interés en mirar, están descritas en la documentación de la función rma.

- I^2 : I^2 (total heterogeneity / total variability): 61.73%, y
- H^2 : H^2 (total variability / sampling variability): 2.61

La tercera parte, reporta una prueba de heterogeneidad, usando el estadístico Q:

■ Test for Heterogeneity:

```
Q(df = 15) = 38.1595, p-val = 0.0009
```

De todos estos, los más comúnmente reportados son τ^2 , τ , I^2 y Q. Cada una de estas medidas tiene ventajas y desventajas, por lo cual tiene sentido reportarlas todas.

- I^2 : tiene la ventaja de ser sencillo de interpretar, pues hay criterios generales para heterogeneidad baja, moderada y alta (típicamente 25 %, 50 %, and 75 %, respectivamente). Sin embargo, es muy sensible a los tamaños de muestra de los estudios meta-analizados (por ejemplo, si en tu meta-análisis hay estudios con tamaños de muestra muy grandes, esto va a sesgar tu I^2).
- Q: aunque no es sensible al tamaño de muestra, es sensible al número de estudios meta-analizados. Tiene la ventaja de ser un test de hipótesis, y como tal, puede ser interpretado a partir de su valor p.
- τ^2 : no tiene problemas de sensibilidad a los tamaños de muestra o número de estudios meta-analizados, pero es más difícil de interpretar. τ^2 es una estimación de la varianza de los tamaños de los efectos reales entre los estudios meta-analizados. Se usa, principalmente, para asignar pesos a cada estudio. Para más información, ver Borenstein et al. (2009).

En nuestro caso, el estadístico Q sugiere que hay una heterogeneidad significativa en los estudios meta-analizados (p=0.0009). I^2 , sugiere una heterogeneidad moderada, lo que quiere decir que más de la mitad (61.73%) de la varianza se estima que se deriva de diferencias en los tamaños de efecto.

Por último, tenemos los resultados del modelo de meta-análisis (Model results). Nos provee un estimado de la asociación positiva entre diligencia y adherencia a la medicación (0.1499 \pm 0.0316), lo que equivale a un valor z de 4.7501, y sugiere que esa asociación es significativa (p < .0001). Así mismo, nos provee los límites inferior (0.0881) y superior (0.2118) de los intervalos de confianza.

3.1. Más información sobre heterogeneidad

Además de reportar los estadísticos τ^2 , τ , I^2 y Q, podemos fácilmente calcular los intervalos de confianza para τ^2 , τ , e I^2 con la función **confint**, que también pueden ser reportado junto a estos estadísticos.

confint(res)

```
Consola de R: Output 3

estimate ci.lb ci.ub
tau^2 0.0081 0.0017 0.0378
tau 0.0901 0.0412 0.1944
I^2(%) 61.7324 25.2799 88.2545
H^2 2.6132 1.3383 8.5139
```

Para el τ^2 , el hecho de que los intervalos de confianza no crucen el 0 (en nuestro caso 0.0017 — 0.0378), sugiere que de hecho también que hay heterogeneidad entre los estudios que meta-analizamos.

3.2. Diagnóstico de influencia

Otro aspecto importante de un meta-análisis, es determinar si alguno(s) de los estudios meta-analizados es(son) particularmente influyente(s) en nuestro resultado². Para esto, podemos usar la función influence, cuyo resultado en este caso asignaré a un objeto llamado inf.res.

```
inf.res <- influence(res)</pre>
```

Ya que lo asigné a un objeto (inf.res), para ver el resultado, tengo que correr este objeto para ver su resultado.

 $^{^2}$ Por ejemplo, si estuviésemos meta-analizando 20 estudios, de los cuales 19 tienen un n de 100, pero el otro tiene un n de 10.000, éste último tendrá una influencia enorme en nuestro resultado. Sería preocupante que tu meta-análisis sea dependiente de un único estudio.

inf.res Consola de R: Output 4 rstudent dffits cook.d cov.r tau2.del QE.del hat weight dfbs inf 0.0481 0.2918 0.0485 0.0025 1.1331 0.0091 37.7109 0.0568 5.6776 2 0.1196 -0.0031 0.0000 1.2595 0.0100 36.7672 0.1054 10.5396 -0.0032 3 1.2740 0.2595 0.0660 0.9942 0.0075 35.3930 0.0364 3.6432 0.2623 4 0.3946 0.1439 0.9544 5.6195 1.4711 0.0068 33.5886 0.0562 0.3994 0.1838 0.0339 0.0082 36.5396 0.0441 0.1837 5 0.8622 1.0505 4.4069 -0.9795 -0.2121 0.0455 1.0639 4.1094 6 0.0084 37.1703 0.0411 -0.21120.2177 0.0296 0.0010 1.1740 0.0094 37.6797 0.0714 7.1362 8 -0.9774 -0.3120 0.1001 1.1215 0.0084 36.1484 0.0889 8.8886 -0.3128 9 0.7264 0.1392 0.0195 1.0561 0.0083 37.0495 0.0379 3.7886 0.1387 10 -1.8667 -0.5861 0.2198 0.8502 0.0047 25.0661 0.1058 10.5826 -0.5430 11 -1.4985 -0.2771 0.0756 1.0073 0.0077 35.6617 0.0369 3.6922 -0.2791 12 1.8776 0.4918 0.2148 0.8819 0.0059 31.9021 0.0511 5.1150 0.5059 13 -1.1892 -0.2939 0.0859 1.0550 0.0080 36.3291 0.0587 5.8732 -0.2941 -0.0020 -0.0423 0.0021 1.2524 0.0100 37.7339 0.0998 9.9778 -0.0434 14 15 0.8066 0.2126 0.0459 1.0907 0.0083 35.8385 0.0684 6.8403 0.2125 -0.7160 -0.1656 0.0280 1.0853 0.0087 37.7017 0.0411 4.1094 -0.1642

Esto me muestra gran cantidad de información de cada estudio (en este caso, una tabla sin formato). Sin embargo, lo más importante ahora es mirar la última columna, llamada inf. Si ahí aparecieran asteriscos (que no es nuestro caso), sugeriría que ese estudio es particularmente influyente.

Por último, podemos también ver ésta información que tenemos guardada en el objeto inf.res, de manera gráfica, usando la función plot.

plot(inf.res)

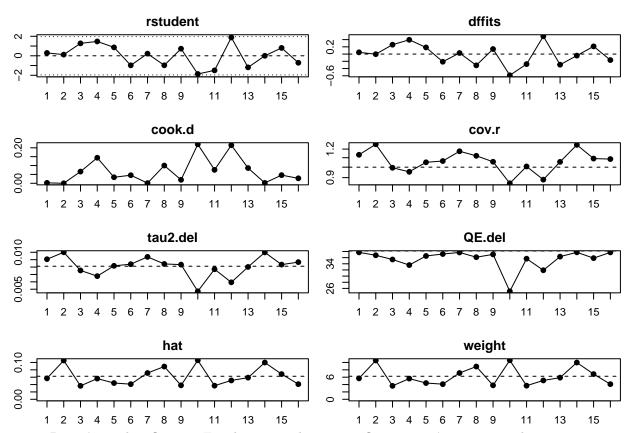
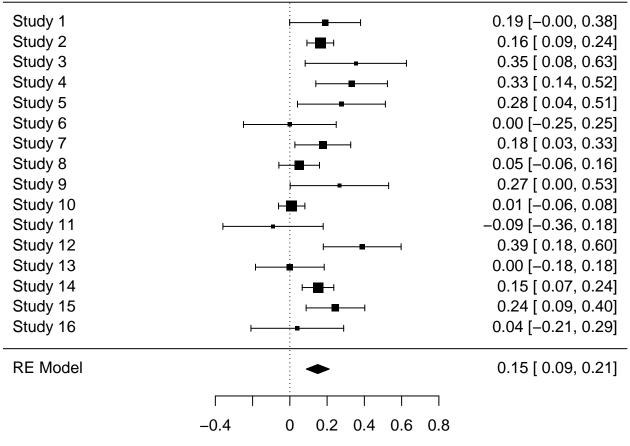


Figura 1. Diagnóstico de influencia. Estudios particularmente influyentes serían representados con un punto rojo. En este caso, no hay ningún estudio que se considere demasiado influyente, por lo éste análisis sugiere que podemos estar tranquilos con nuestro meta-análisis.

3.3. Forest plot (diagrama de bosque)

Para hacer un diagrama de bosque (forest plot) con metafor resumiendo nuestro meta-análisis, solo tenemos que usar la función forest, usando como argumento el objeto al que asignamos los resultados de nuestro meta-análisis (res).





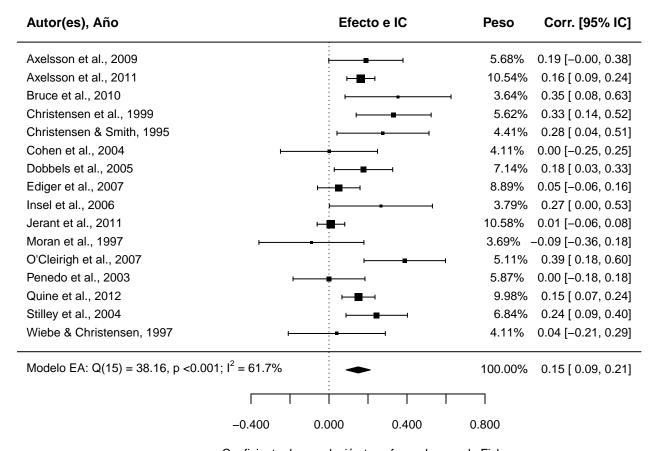
Fisher's z Transformed Correlation Coefficient

Figura 2. Forest plot básico de metafor. Para cada estudio meta-analizado, tenemos el efecto (correlación, en este caso en valores z de Fisher), así como sus intervalos de confianza entre paréntesis cuadrados. Esta misma información está representada gráficamente, con los cuadrados representando el efecto de cada estudio así como sus intervalos de confianza, y el tamaño de muestra (representado por el tamaño del cuadrado). Bajo estos resultados, tenemos nuestro meta-análisis, con el mismo formato en texto, pero representando el efecto y sus intervalos de confianza con un diamante.

Como se puede ver en las Figuras 2, 3 y 4 (que son versiones del mismo $forest\ plot$), no es una sorpresa que el análisis nos sugiera bastante heterogeneidad; las correlaciones encontradas entre los diferentes estudios varían mucho (están entre -0.09 y 0.37), y aunque son positivas en la mayoría de los casos (en algunos claramente positivas), en algunos son prácticamente 0 o incluso negativas.

Para una versión más completa y anotada, también usando el *plot* básico de metafor, pero agregando encabezados de cada columna en español, nombres de los estudios meta-analizados (en este caso, y dado que tenemos la lista de autores y años de publicación en columnas separadas, pegando las columnas authors y year separadas por una coma y un espacio: paste(dat\$authors, dat\$year, sep = ", ") como argumento slab) así como una columna con los pesos dados a cada estudio, y detalles del modelo final³:

³Estas opciones están explicadas acá.



Coeficiente de correlación transformado en z de Fisher

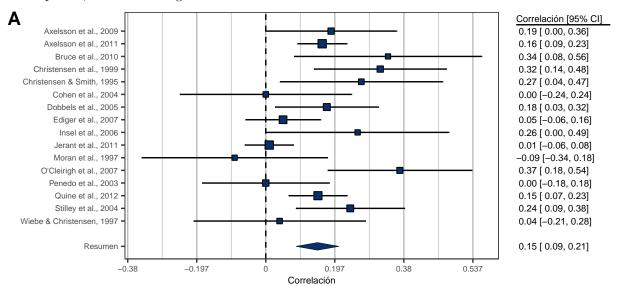
Figura 3. Forest plot anotado, creado con metafor. En esta versión agregué algunos encabezados en español, así como estadísticos generales del modelo de meta-análisis. Modelo EA se refiere al modelo meta-analizado, de efectos aleatorios.

O, para una incluso más sofisticada, se puede usar la función viz_forest del paquete metaviz.

```
annotate CI = TRUE,
           summary_label = "Resumen",
           text_size = 2.6,
           x_trans_function = tanh)
viz_forest(res,
           study_labels = paste(dat$authors, dat$year, sep = ", "),
           xlab = "Correlación",
           variant = "thick",
           col = "Greens",
           annotate CI = TRUE,
           summary_label = "Resumen",
           text_size = 2.6,
           x_trans_function = tanh)
viz_forest(res,
           study_labels = paste(dat$authors, dat$year, sep = ", "),
           xlab = "Correlación",
           variant = "rain",
           col = "Oranges",
           annotate_CI = TRUE,
           summary_label = "Resumen",
           text_size = 2.6,
           x_trans_function = tanh)
```

Con el código anterior genero las siguientes tres versiones del mismo forest plot usando diferentes variantes y escalas de colores, y transformando de vuelta los coeficientes de z de Fisher a r de Pearson.

Por supuesto, es cuestión de gusto cuál usar.



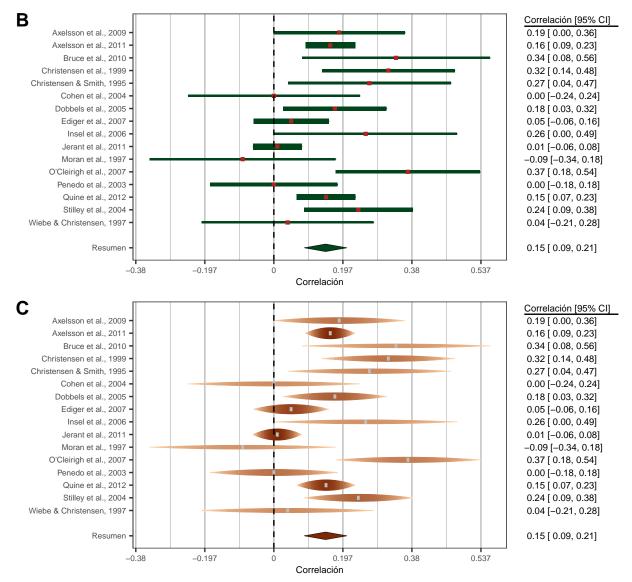


Figura 4. Variantes de forest plots creados con metaviz. A. Variante clásica (opción por defecto). B. Variante "thick" y escala de colores "Greens". C. Variante "rain" y escala de colores "Oranges".

3.4. Funnel plot (diagrama de embudo) y sesgo de estudios pequeños

En este punto, es en donde más errores se cometen. Las pruebas más comunes para evaluar sesgos de publicación, son la evaluación de la asimatría en el *funnel plot* (diagrama de embudo), y la regresión (o test) de Egger (Egger et al., 1997).

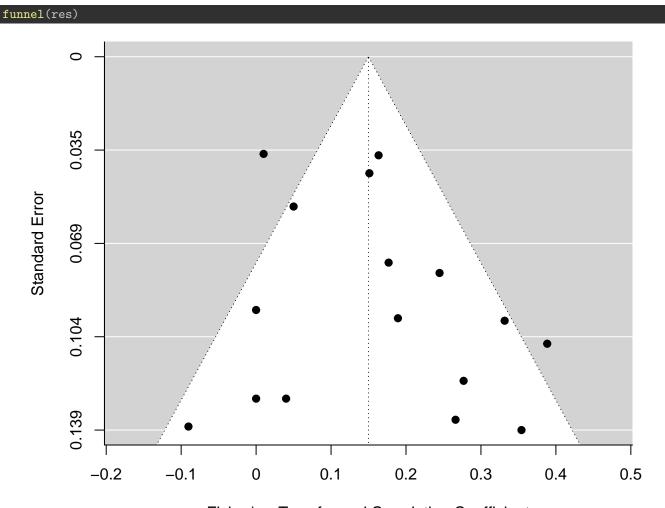
El principal error que la mayoría de los investigadores (meta-analistas) cometen, es que simplemente basándose en éstos métodos, concluyen que un meta-análisis tiene (o no) riesgo de sufrir de un sesgo de publicación. Sin embargo, estos métodos, no son pruebas exclusivas de sesgo de publicación, sino de sesgo de estudios de tamaño muestral pequeño (ver e.g. Schwarzer et al., 2015b), que pueden incluir sesgo de publicación, pero no se centran exclusivamente en éste.

A pesar de esto, tanto la regresión de Egger como el *funnel plot*, son intersantes dado que el sesgo de estudios pequeños es importante.

3.4.1. Funnel plot

Para crear un funnel plot con metafor, de nuestro meta-análisis, solo tenemos que usar la función funnel, usando como argumento el objeto al que asignamos los resultados de nuestro meta-análisis (res).

doi: 10.5281/zenodo.5640182



Fisher's z Transformed Correlation Coefficient

Figura 5. Funnel plot básico de metafor. Para cada estudio meta-analizado, tenemos el efecto (correlación, en este caso en valores z de Fisher) en el eje X, así como su error estándar en el eje Y. La línea punteada vertical representa el efecto meta-analizado que hemos encontrado, así que podemos ver los estudios que encontraron un efecto mayor (derecha de la línea punteada) o menor (izquierda) de éste. A primera vista no parece haber mucha asimetría, pero es importante tener en cuenta que es un análisis muy subjetivo.

De nuevo, se puede usar el paquete $\mathtt{metaviz}$, usando la función $\mathtt{viz_funnel}$. Hay muchas opciones, pero como ejemplo, usaré la versión por defecto, agregando solo la línea de la regressión de Egger (egger = TRUE; ver sección 3.4.2, a continuación), transformando los tamaños de efecto de regreso a r de Pearson ($\mathtt{x_trans_function} = \mathtt{tanh}$), y con los títulos de los ejes en español.

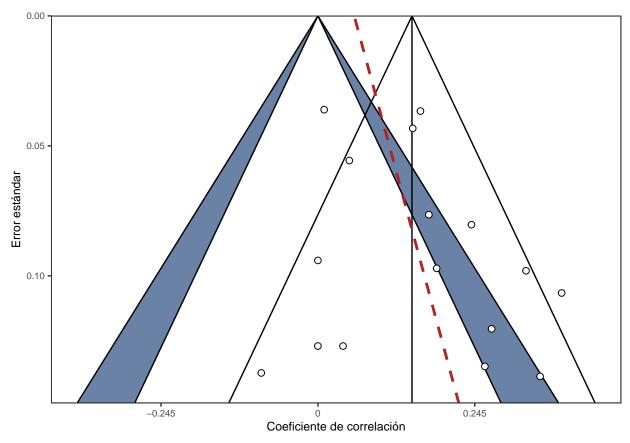


Figura 6. Funnel plot creado con metaviz. En azul, se representa el área donde estudios, según su error (y su tamaño de muestra), tendrían un efecto significativo al 5% (i.e. p > 0.05), y fuera de ésta, donde tendrían un efecto significativo al 1% (i.e. p > 0.01). La línea negra vertical representa el efecto meta-analizado, y el triángulo a partir de su inicio, el área donde se ubican los estudios que no se diferencian significativamente del resultado del meta-análisis. La línea roja punteada, representa la regresión de Egger.

Alternativamente, el paquete metaviz tiene la función viz_sunset, que permite además mostrar el poder estadístico (o potencia) de los estudios meta-analizados para detectar un efecto de interés mediante una prueba de Wald de dos colas. A continuación, muestro dos versiones de esta función. En ambos casos, agregué el efecto real encontrado con el meta-análisis (contours = TRUE), y transformé los tamaños de efecto de regreso a r de Pearson (x_trans_function = tanh).

13

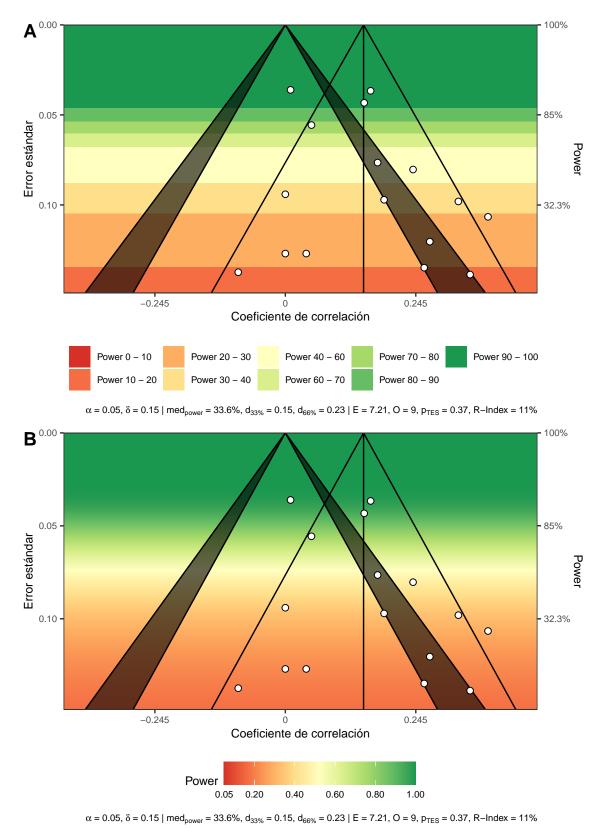


Figura 7. Dos versiones de funnel plot creados con metaviz, usando la función viz-sunset, que estima el poder de cada estudio para detectar un efecto de interés. **A.** Poder representado por bandas dicretas de color. **B.** Poder representado de manera contínua en una escala de color. En ambos casos, y tal como en la Fig. 6, el efecto real está representado como una línea vertical, y el triángulo a partir de su inicio representa el área donde se ubican los estudios que no se diferencian significativamente del resultado del meta-análisis.

Versión 2 14 doi: 10.5281/zenodo.5640182

Regresión de Egger 3.4.2.

Para hacer una prueba formal de sesgo de estudios pequeños, podemos hacer una prueba o regresión de Egger (Egger et al., 1997). En metafor, esto se hace con la función regtest, de nuevo usando como argumento el objeto al que asignamos el resultado de nuestro meta-análisis (res).

regtest(res)

Como se puede ver, la prueba de Egger no muestra un resultado significativo (z = 1.0216, p = 0.3070).

```
Consola de R: Output 5
Regression Test for Funnel Plot Asymmetry
Model:
           mixed-effects meta-regression model
Predictor: standard error
Test for Funnel Plot Asymmetry: z = 1.0216, p = 0.3070
Limit Estimate (as sei \rightarrow 0): b = 0.0790 (CI: -0.0686, 0.2266)
```

Con base en esto, y la inspección visual subjetiva del funnel plot, muchos investigadores concluyen que no hay sesgo de publicación. Sin embargo, como mencioné antes, estas pruebas no se centran en el sesgo de publicación sino en el sesgo de estudios pequeños. En otras palabras, con base en esto, lo único que podemos concluir correctamente, es que no hay sesgo de estudios pequeños (más adelante, en la sección 5, explicaré cómo evaluar si hay sesgo de publicación).

Meta-análisis de correlación con moderador 4.

Ejemplo 1: Moderación de la edad promedio de los participantes

Primero, y como ejemplo, vamos a ver si la edad (en nuestros datos, meanage) modera el resultado. Esto es importante, pues hay una enorme variación entre las edades medias de los participantes de los diferentes estudios⁴, lo que podría moderar (afectar) la asociación entre diligencia (conscientiousness) y adherencia a la medicación prescrita.

Para esto, de nuevo podemos usar la función rma de paquete metafor y de la misma manera que en la sección 3, pero agregando nuestra variable moderadora (meanage) al argumento mods. En este caso voy a asignar a un objeto llamado res. modage, para diferenciarlo del objeto res al que asigné el meta-análisis básico, sin moderadores.

```
res.modage <- rma(yi = yi, vi = vi, mods = ~meanage, data = dat)
```

Los resultados, son los siguientes:

res.modage

```
Consola de R: Output 6
```

```
Mixed-Effects Model (k = 16; tau^2 estimator: REML)
tau^2 (estimated amount of residual heterogeneity):
                                                         0.0072 \text{ (SE = } 0.0054)
tau (square root of estimated tau^2 value):
                                                         0.0846
I^2 (residual heterogeneity / unaccounted variability): 56.50%
H^2 (unaccounted variability / sampling variability):
R^2 (amount of heterogeneity accounted for):
                                                          11.76%
Test for Residual Heterogeneity:
QE(df = 14) = 30.9050, p-val = 0.0057
Test of Moderators (coefficient 2):
QM(df = 1) = 1.4286, p-val = 0.2320
Model Results:
```

⁴De hecho, mientras que en el estudio de Axelsson et al. (2009) la edad promedio fue de 22, en el estudio de Jerant et al. (2011) la edad promedio fue de 78.6.

```
ci.ub
                              zval
                                              ci.lb
         estimate
                       se
                                      pval
           0.2741
                  0.1090
                           2.5147
                                   0.0119
                                             0.0605
                                                     0.4877
intrcpt
                  0.0020
                           -1.1952
                                   0.2320
                                            -0.0063
                                                    0.0015
          -0.0024
meanage
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
```

Los resultados, que tienen la misma organización que los del análisis sin moderadores (sección 3) resultado nos muestra que, a pesar de la gran diferencia de edad entre estudios, la edad no tiene un efecto significativo, como se puede ver en la columna pval para el efecto de meanage (0.232).

4.1.1. Forest plot y funnel plot

Por supuesto, de estos resultados también puedo crear *forest plots* y *funnel plots*, siguiendo los ejemplos y código de la sección 3. Para el *forest plot*, hago a continuación un ejemplo anotado y mejorado (tal como el ejemplo de la figura 3), pero es importante tener en cuenta que esta opción no creará un resumen del meta-análisis.

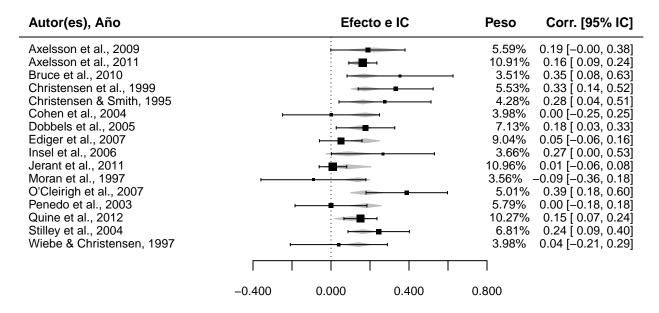


Figura 8. Forest plot básico de metafor, para un meta-análisis incluyendo la edad promedio de los participantes como moderador. En la ilustración gráfica, además de los efectos originales, se puede ver el efecto de cada estudio estimado cuando se incluye el moderador como polígonos (diamantes) de color gris. Sin embargo, ya no obtenemos una fila al final representando el efecto promediado del meta-análisis, ya que no tenemos un solo efecto.

Coeficiente de correlación transformado en z de Fisher

Es importante tener en cuenta que la función viz_forest del paquete metaviz tendrá problemas para crear un forest plot de un meta-análisis con moderadores).

De manera similar, podemos obtener un funnel plot de nuestro meta-análisis con moderador, pero éste nos mostrará, en vez de los coeficientes de correlación (transformados a z de Fisher), los valores residuales de cada estudio (es decir, qué tanto se alejan del resultado de nuestro meta-análisis):



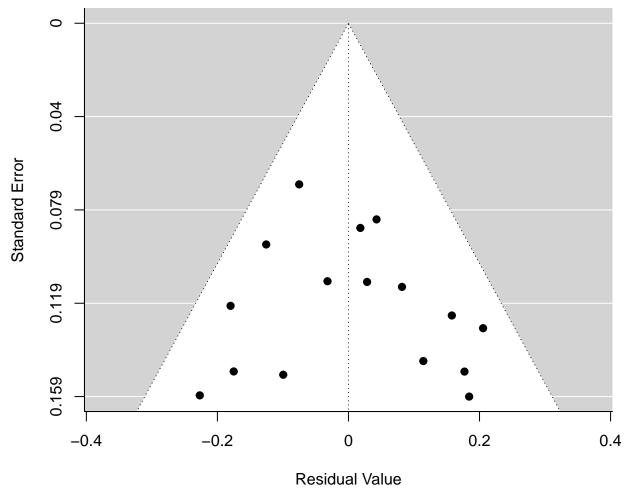


Figura 9. Funnel plot básico de metafor, para un meta-análisis incluyendo la edad promedio de los participantes como moderador. La línea punteada vertical representa el efecto meta-analizado que hemos encontrado, así que podemos ver los estudios que encontraron un efecto mayor (derecha de la línea punteada) o menor (izquierda) de éste.

4.2. Ejemplo 2: Moderación de la calidad de los estudios meta-analizados

La base de datos con tiene una medida de calidad metodológica de los estudios (variable quality). Dicha calidad, también podría moderar la asociación entre diligencia (conscientiousness) y adherencia a la medicación prescrita. Siguiendo los mismos pasos, puedo hacer éste análisis, pero voy a asignar este meta-análisis a un objeto llamado res.modq para diferenciarlo de los demás.

```
res.modq <- rma(yi = yi, vi = vi, mods = ~quality, data = dat)
res.modq
```

intrcpt

quality

Consola de R: Output 7

0.2082 0.0796 2.6149 0.0089

-0.0312 0.0391 -0.7995 0.4240 -0.1078 0.0453

Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1

Mixed-Effects Model (k = 16; tau^2 estimator: REML) tau^2 (estimated amount of residual heterogeneity): 0.0078 (SE = 0.0057)tau (square root of estimated tau^2 value): 0.0884 I^2 (residual heterogeneity / unaccounted variability): 57.79% H^2 (unaccounted variability / sampling variability): 2.37 R^2 (amount of heterogeneity accounted for): 3.73% Test for Residual Heterogeneity: QE(df = 14) = 30.4205, p-val = 0.0067Test of Moderators (coefficient 2): QM(df = 1) = 0.6393, p-val = 0.4240Model Results: estimate pval ci.lb ci.ub

De nuevo, encontramos que éste moderador (quality), al igual que la edad promedio (meanage), no tiene un efecto significativo, como se puede ver en la columna pval para el efecto de quality (0.424).

0.0521 0.3643 **

Por supuesto, forest plots y funnel plots pueden ser creados, tal y como describí en la sección 4.1.1.

4.3. Ejemplo 3: Moderación de las controles usados en cada estudio meta-analizado

Como último ejemplo, voy a mirar si el hecho de que los estudios tengan variables que fueron controladas, modera la asociación entre diligencia (conscientiousness) y adherencia a la medicación prescrita. Siguiendo los mismos pasos, voy hacer éste análisis, pero voy a asignar este meta-análisis a un objeto llamado res.mes. Son embargo, dado que la variable que contiene esta información (controls) es un factor, pero no está definido como tal, debo hacerlo en la usando la función factor al ingresar el argumento mods (i.e. mods = ~factor(controls)).

```
res.mes <- rma(yi = yi, vi = vi, mods = ~factor(controls), data = dat)
res.mes
```

```
Consola de R: Output 8
Mixed-Effects Model (k = 16; tau^2 estimator: REML)
                                                      0.0000 (SE = 0.0015)
tau^2 (estimated amount of residual heterogeneity):
tau (square root of estimated tau^2 value):
                                                      0.0002
I^2 (residual heterogeneity / unaccounted variability): 0.00%
H^2 (unaccounted variability / sampling variability):
                                                      1.00
R^2 (amount of heterogeneity accounted for):
                                                      100.00%
Test for Residual Heterogeneity:
QE(df = 14) = 18.0370, p-val = 0.2051
Test of Moderators (coefficient 2):
QM(df = 1) = 20.1221, p-val < .0001
Model Results:
                     estimate
                                   se
                                        zval
                                                pval
                                                        ci.lb
                                                              ci.ub
                       0.0167 0.0296 0.5635 0.5731
                                                      -0.0413 0.0746
intrcpt
factor(controls)none
                     0.1621 0.0361 4.4858 <.0001
                                                      0.0913 0.2329 ***
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

En éste caso, a diferencia de los ejemplos de moderación anteriores, la variable moderadora (controls) sí tiene un efecto significativo, como se puede ver en la columna pval para el efecto de factor(controls)none (<0.001), y en los asteriscos que aparecen al final de esa fila (***).

Por supuesto, forest plots y funnel plots pueden ser creados, tal y como describí en la sección 4.1.1.

5. Sesgo de publicación (publication bias)

Para determinar el sesgo de publicación, se puede usar la función weightfunct del paquete {weightr}, que nos permite "estimar tanto el modelo de función de peso para el sesgo de publicación que se publicó originalmente en Vevea y Hedges (1995) como la versión modificada presentada en Vevea y Woods (2005)", como se describe en la documentación de la función weightfunct.

library(weightr)

En este caso, usaré esta función, asignando el resultado a un objeto que llamaré wf.

```
wf <- weightfunct(effect = dat$yi, v = dat$vi, table = TRUE)
wf</pre>
```

```
Consola de R: Output 9
Unadjusted Model (k = 16):
tau^2 (estimated amount of total heterogeneity): 0.0070 (SE = 0.0051)
tau (square root of estimated tau^2 value): 0.0834
Test for Heterogeneity:
Q(df = 15) = 38.1595, p-val = 0.001436053
Model Results:
        estimate std.error z-stat
                                    p-val
                                          ci.lb ci.ub
         Adjusted Model (k = 16):
tau^2 (estimated amount of total heterogeneity): 0.0056 (SE = 0.0045)
tau (square root of estimated tau^2 value): 0.0750
Test for Heterogeneity:
Q(df = 15) = 38.1595, p-val = 0.001436053
Model Results:
            estimate std.error z-stat
                                     p-val
                                             ci.lb ci.ub
            0.025 < p < 1 0.24121 0.20122 1.199 0.230626 -0.15317 0.6356
Likelihood Ratio Test:
X^2(df = 1) = 2.98493, p-val = 0.084043
Number of Effect Sizes per Interval:
                  Frequency
p-values <0.025
                         7
0.025 < p-values < 1
```

El modelo tradicional nos da un estimado muy similar al des estudio original (0.1486), dado que usa un método ligeramente diferente.

Nos da valores de heterogeneidad τ^2 , τ y Q.

Pero lo más importante, es que nos da los resultado del meta-análisis, ajustando los pesos dados a cada efecto, de cada estudio meta-analizado.

Lo que esta función hace es lo que se conoce como selection models (modelos de selección). Básicamente, da más peso a ciertos tamaños de efecto. La realidad de la literatura científica es que es más probable que algunos estudios sean publicados, dependiendo de sus valores p (ver SESGO DE PUBLICACIÓN); estudios con valores p mayores a 0.05 (o 0.10), tienen menos probabilidad de ser publicados que estudios con p < 0.05.

La función weightfunct incrementa el peso de estudios que tienen menos probabilidad de ser publicados, y reduce el peso de estudios con mayor probabilidad de ser publicados. Por esto, al usar ésta técnica, estás asumiendo que de hecho, en el efecto que tratas de encontrar en tu meta-análisis, de hecho hay un sesgo de publicación, lo que a menudo es una suposición bastante justa.

Al usar ésta técnica, tenemos un resultado bastante distinto. Mientras que el meta-análisis original nos daba como resultado un efecto de ~ 0.15 , esta técnica nos estima un efecto de ~ 0.09 . Básicamente, a *encogido* nuestro tamaño de efecto.

Al final el *Likelihood ratio test* (algo así como "Prueba de cociente de probabilidades"), que evalúa la bondad del ajuste de dos modelos estadísticos que compiten entre sí basándose en la relación de su verosimilitud. En este caso, comparando el modelo original, con este modelo con pesos ajustados.

Este resultado nos da una tendencia no descartable (p-val = 0.084043, lo que es < 0.10; significativa si asumimos un análisis de una cola), que nos da evidencia de que en efecto hay un sesgo de publicación, a pesar de que el *funnel plot* (Figs. 5, 6 y 7) y la regresión de Egger (sección 3.4.2), sugerían lo contrario.

6. Poder estadístico del meta-análisis

En esta sección explicaré cómo hacer un análisis de poder de un meta-análisis; la idea de ésto es saber si nuestro meta-análisis tiene un poder suficiente para detectar el efecto meta-analizado (en nuestro caso 0.15 para el meta-análisis original "res", o 0.09 el meta-análisis con pesos ajustados "wf"). Para este ejemplo, asumiré que el efecto real es el encontrado en nuestro análisis original (0.15), pues este efecto es más mayor. Si no tuviésemos el poder suficiente para detectar confiablemente ese efecto, menos lo tendríamos para un efecto menor, como el detectado en nuestro meta-análisis con pesos ajustados.

Para hacer esto, usaré el paquete metameta (Quintana, 2022), que permite calcular y visualizar el poder estadístico de un meta-análisis para detectar un rango de posibles efectos reales.

6.1. Instalación de metameta

El paquete metameta se debe instalar desde GitHub⁵ ya que, al día de hoy, no está aún disponible en CRAN.

Para esto, debemos tener instalado el paquete devtools, y usar la función install_github que nos permite instalar paquetes directamente desde GitHub.

```
#se debe tener instalado el paquete devtools
library(devtools)
install_github("dsquintana/metameta")
```

6.2. Análisis de poder

Una vez instalado, podemos cargar el paquete.

library(metameta)

Como datos, necesitamos no solamente los tamaños de datos a meta-analizar (r de Pearson transformado a z de Fisher), sino además los intervalos de confianza, tal como fueron reportados en varios de nuestros Forest plots.

Debemos asumir el efecto real, pero esto nunca podemos saberlo. En este caso, asumimos un efecto de r=0.15, tal como en nuestro meta-análisis original. Sin embargo, el efecto real no es algo que podamos saber (es, de hecho, lo que queremos acercarnos a conocer a través del meta-análisis), así que la función mapower_ul del paquete metameta calcula el poder de cada meta-análisis para un rango de posibles efectos reales.

⁵GitHub es un repositorio abierto para para proyectos de código abierto en el que, entre otras cosas, suelen estar alojados todos los paquetes de R incluso en versiones de desarrollador. Por supuesto, a diferencia de CRAN, GitHub no es ni mucho menos específico para paquetes de R.

```
dat.power <- summary(dat) %>%
  select(yi, ci.lb, ci.ub) %>%
  rename(lower = ci.lb, upper = ci.ub)
power <- mapower_ul(dat = dat.power, observed_es = 0.15, name = "Molloy et al. 2014")

power_dat <- power$dat
power_dat</pre>
```

```
Consola de R: Output 10
            уi
                     lower
                                            sei power_es_observed power_es01
                               upper
   0.18922664 -0.001141888 0.37959517 0.09712680
                                                      0.3390835 0.1774836
   0.16343992  0.091680539  0.23519930  0.03661193
2
                                                      0.9837035 0.7797623
   0.35409253  0.082294427  0.62589063  0.13867250
                                                     0.1910727 0.1113715
4
   0.33164711 0.139456828 0.52383739 0.09805627
                                                     0.3337559 0.1750148
   0.27686382 0.040911886 0.51281576 0.12038364
                                                     0.2383028 0.1320187
5
   0.00000000 - 0.248915675 \ 0.24891567 \ 0.12699779
                                                      0.2188783
                                                                0.1234921
   0.17682002 0.026937828 0.32670221 0.07647051
                                                     0.5006730 0.2576556
                                                     0.7691106 0.4354589
   0.05004173 -0.059013584 0.15909704 0.05564047
9
   0.26610841 0.001826917 0.53038990 0.13483749
                                                     0.1994161 0.1149996
10 0.01000033 -0.060723775 0.08072444 0.03608373
                                                     0.9859910 0.7914240
11 -0.09024419 -0.359465946 0.17897757 0.13735804
                                                     0.1938536 0.1125800
12 0.38842310 0.179490237 0.59735596 0.10659840
                                                     0.2905754 0.1553001
13 0.00000000 -0.184377902 0.18437790 0.09407036
                                                     0.3575910 0.1861296
14 0.15114044 0.066324499 0.23595637 0.04327344
                                                     0.9340134 0.6371865
   0.4632371 0.2379950
16 0.04002135 -0.208894321 0.28893703 0.12699779
                                                      0.2188783 0.1234921
  power_es02 power_es03 power_es04 power_es05 power_es06 power_es07 power_es08
   2
   0.9997697 1.0000000 1.0000000 1.0000000 1.0000000 1.0000000
3
   0.3026621 \quad 0.5806100 \quad 0.8223954 \quad 0.9500825 \quad 0.9910281 \quad 0.9989921 \quad 0.9999302
   0.5317864 0.8642261 0.9829686 0.9991528 0.9999840 0.9999999 1.0000000
4
   0.3827659 0.7026651 0.9135189 0.9858616 0.9987531 0.9999421 0.9999986
5
6
   0.3502733 0.6562694 0.8829174 0.9759855 0.9971497 0.9998088 0.9999929
   0.7439048 \quad 0.9751837 \quad 0.9994638 \quad 0.9999977 \quad 1.0000000 \quad 1.0000000 \quad 1.0000000
8
   0.9489275 0.9997002 0.9999999 1.0000000
                                            1.0000000 1.0000000
                                                                 1.0000000
9
   0.3170763 0.6044851 0.8429297 0.9597856 0.9936099 0.9993842 0.9999645
  0.9998300 1.0000000 1.0000000 1.0000000 1.0000000 1.0000000
10
   0.3074782 0.5886809 0.8294859 0.9535367 0.9919839 0.9991443 0.9999443
12 0.4666848 0.8035418 0.9634686 0.9968384 0.9998781 0.9999980 1.0000000
   0.5659845 0.8904902 0.9890522 0.9996035
13
                                            0.9999950 1.0000000
                                                                 1.0000000
14 0.9961139 0.9999997 1.0000000 1.0000000 1.0000000 1.0000000
  0.7019697 0.9620572 0.9987365 0.9999900 1.0000000 1.0000000 1.0000000
15
16 0.3502733 0.6562694 0.8829174 0.9759855 0.9971497 0.9998088 0.9999929
  power_es09 power_es1
   1.0000000 1.0000000
   1.0000000 1.0000000
2
   0.9999971 0.9999999
4
   1.0000000 1.0000000
5
   1.0000000 1.0000000
6
   0.9999999 1.0000000
7
   1.0000000 1.0000000
   1.0000000 1.0000000
   0.9999988 1.0000000
9
10
   1.0000000 1.0000000
11
   0.9999978 0.9999999
12
   1.0000000 1.0000000
  1.0000000 1.0000000
  1.0000000 1.0000000
14
   1.0000000 1.0000000
16
   0.9999999 1.0000000
```

6.3. Visualización del análisis de poder (Firepower plot)

Según esto, nuestro meta-análisis solo tiene un poder estadístico suficiente para detectar de manera confiable efectos mayores a 0.4, lo que está muy por encima de nuestras estimaciones de un efecto real (0.15 en nuestro meta-análisis

original, 0.09 en nuestro meta-análisis con pesos ajustados)

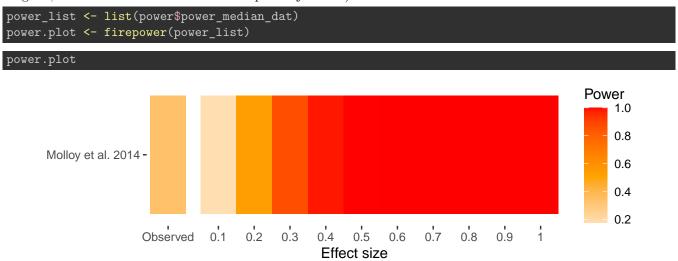


Figura 10. Fireplot básico de metameta, para un análisis de poder de nuestro meta-análisis. *Observed* hace referencia al tamaño de efecto observado en nuestro meta-análisis original; en este caso, 0.15.

Si queremos cambiar los títulos a español, y ya que el objeto power.plot contiene dos elementos (dat y fp_plot , que es propiamente la gráfica). Éste último elemento es de clase ggplot, por lo que podemos usar funciones de ggplot2 para cambiar, por ejemplo, el título del eje X a "Tamaño de efecto", el título de la leyenda a "Poder", y el efecto observado de "Observed" a "Observado". Por ejemplo:

⁶Para cambiar el título del eje X usé la función xlab; para el título de la leyenda la función guides (opción fill = guide_legend); y para los valores del eje X, la función scale_x_discrete}.

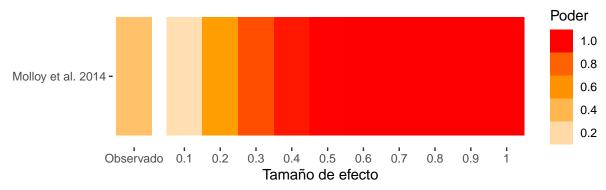


Figura 11. Fireplot básico de metameta, para un análisis de poder de nuestro meta-análisis, con el texto traducido a español y con la leyenda en una escala discreta para facilitar su lectura. *Observado* hace referencia al tamaño de efecto observado en nuestro meta-análisis original (en este caso, 0.15).

APÉNDICE 1: Alternativas a metafor

Acá he usado principalmente una ruta para hacer meta-análisis basada en el paquete metafor, acompañado de metaviz para visualizaciones, weightr para ajustar pesos y detectar sesgos de publicación, y metameta para estimar el poder estadístico de un meta-análisis.

Sin embargo, existen rutas alternativas para realizar meta-análisis en R. El libro *Doing meta-analysis with R: a hands-on guide* (Harrer et al., 2021) se acompaña del paquete dmetar (Harrer et al., 2019), que contiene opciones para hacer meta-análisis tanto a partir de metafor, como a partir de meta (Balduzzi et al., 2019; Schwarzer et al., 2015a).

De manera importante, los objetos generados por meta al realizar un meta-análisis permiten hacer otros análisis como risk of bias (riesgo de sesgo), inferencia multi-modelo, detección de outliers (valores atípicos), o p-curve (curva de valores p), así como opciones para hacer gráficos distintos. Para una guía resumida y concreta (en inglés) de estas opciones, recomiendo ver el sitio web del paquete dmetar, y en especial la página Get Started.

Referencias

Balduzzi, S., Rücker, G., & Schwarzer, G. (2019). How to perform a meta-analysis with R: A practical tutorial. Evidence-Based Mental Health, 22, 153–160. https://doi.org/10.1136/ebmental-2019-300117

Borenstein, M., Hedges, L. V., Higgns, J. P. T., & Rothstein, H. R. (2009). Identifying and Quantifying Heterogeneity. In *Introduction to Meta-Analysis* (pp. 107–125). Wiley. https://doi.org/10.1002/9780470743386.ch16

Egger, M., Smith, G. D., Schneider, M., & Minder, C. (1997). Bias in meta-analysis detected by a simple, graphical test. *BMJ*, 315(7109), 629–634. https://doi.org/10.1136/bmj.315.7109.629

Harrer, M., Cuijpers, P., A, F. T., & Ebert, D. D. (2021). *Doing meta-analysis with R: A hands-on guide* (1st ed.). Chapman & Hall/CRC Press. https://bookdown.org/MathiasHarrer/Doing_Meta_Analysis_in_R/

Harrer, M., Cuijpers, P., Furukawa, T., & Ebert, D. D. (2019). Dmetar: Companion r package for the guide 'doing meta-analysis in r'. http://dmetar.protectlab.org/

Kossmeier, M., Tran, U. S., & Voracek, M. (2020). Metaviz: Forest plots, funnel plots, and visual funnel plot inference for meta-analysis. https://CRAN.R-project.org/package=metaviz

Leongómez, J. D. (2021). *Hacer meta-análisis en jamovi es muy fácil*. [Archivo de Vídeo]. YouTube. https://youtu.be/ntBbkOn9D o.

Molloy, G. J., O'Carroll, R. E., & Ferguson, E. (2013). Conscientiousness and Medication Adherence: A Meta-analysis. *Annals of Behavioral Medicine*, 47(1), 92–101. https://doi.org/10.1007/s12160-013-9524-4

Quintana, D. S. (2021). How to perform a meta-analysis in R. [Archivo de Vídeo]. YouTube. https://youtu.be/lH4 VZMTEZSc.

Quintana, D. S. (2022). Metameta: A suite of tools to re-evaluate published meta-analyses. https://github.com/dsquintana/metameta

Schwarzer, G., Carpenter, J. R., & Rücker, G. (2015a). *Meta-Analysis with R.* Springer International Publishing. https://doi.org/10.1007/978-3-319-21416-0

Schwarzer, G., Carpenter, J. R., & Rücker, G. (2015b). Small-Study Effects in Meta-Analysis. In G. Schwarzer,

- J. R. Carpenter, & G. Rücker (Eds.), Meta-Analysis with R (pp. 107–141). Springer International Publishing. https://doi.org/10.1007/978-3-319-21416-0_5
- Vevea, J. L., & Hedges, L. V. (1995). A general linear model for estimating effect size in the presence of publication bias. *Psychometrika*, 60(3), 419–435. https://doi.org/10.1007/BF02294384
- Vevea, J. L., & Woods, C. M. (2005). Publication bias in research synthesis: Sensitivity analysis using a priori weight functions. *Psychological Methods*, 10(4), 428–443. https://doi.org/10.1037/1082-989X.10.4.428
- Viechtbauer, W. (2010). Conducting Meta-Analyses in R with the metafor Package. *Journal of Statistical Software*, 36(3). https://doi.org/10.18637/jss.v036.i03