### Обзор алайнеров

Дмитрий Яковлев

**EPAM Systems** 

19 октября 2016 г.

#### План

- Введение
- 2 Модель ошибки на данных BioNano
- 3 Алайнеры
  - OPTIMA
  - MAligner
  - OMBlast
  - TWIN
- 4 Ссылки

## Введение



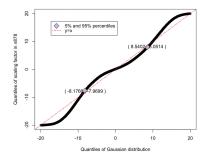
## Модель ошибок: общие сведения

- Группой ученых было рассмотрено 3 датасета карт от BioNano
- С помощью RefAligner был построен референс
- Далее был проведён анализ модели ошибок

### Модель ошибок: ошибка в длине фрагмента

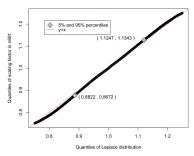
#### Валуев:

$$e_k = \frac{o_k - r_k}{\sqrt{r_k}} \sim N(0, \sigma)$$
 $o_k \sim N(r_k, \sigma^2 r_k)$ 



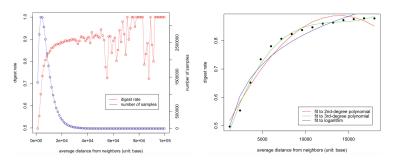
#### Новый подход:

$$s_k = rac{o_k}{r_k}$$
  $s_k \sim Laplace(\mu, eta)$ 



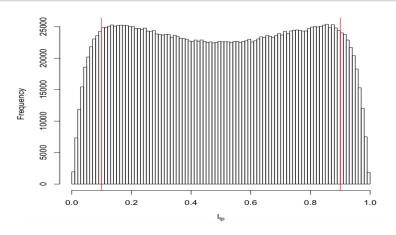
### Модель ошибок: пропущенные разрезы

Было замечено, что вероятность пропущенного разреза зависит от длины до соседних разрезов.



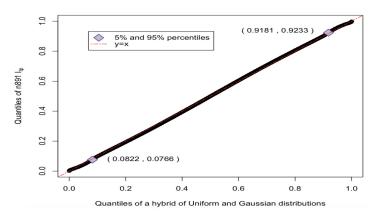
$$p_c(d_{avg}) = lpha_3 \, d_{avg}^3 + lpha_2 \, d_{avg}^2 + lpha_1 \, d_{avg} + lpha_0 \ d_{avg} = rac{ ext{cpedhee pacctoshue до соседей}}{1200}$$

## Модель ошибок: лишние разрезы (1)



$$I_{fp} = rac{
m pасстояние \ ot \ лишнего \ pазреза \ до \ конца \ карты}{
m длина \ onтической \ карты} \ n_{fp} \sim 0.18 \ Poisson(0) + 0.6 \ Poisson(1) + 0.22 \ Poisson(3)$$

## Модель ошибок: лишние разрезы (2)



$$l_{\rm fp} \sim \begin{cases} U[0.1, 0.9], & 0.1 \le l_{\rm fp} \le 0.9, \text{ w.p. } 0.8852 \\ N(0.1, 0.044186), & l_{\rm fp} < 0.1, \text{ w.p. } 0.0574 \\ N(0.9, 0.044186), & l_{\rm fp} > 0.9, \text{ w.p. } 0.0574 \end{cases}$$

## Алайнеры

## **OPTIMA**

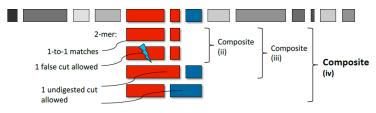
#### OPTIMA: Алгоритм

#### Этапы выравнивания:

- Поиск стартовых мест (сидов) для начала выравнивания
- Парное выравнивание карты с референсом
- Определение значимых выравниваний
- Объединение пересекающихся выравниваний

#### **OPTIMA**: Композитные сиды

#### Композитные сиды:



#### Определение.

Множество фрагментов  $o_k$ ,  $o_{k+1}$ , ...,  $o_s$  возможно совпадает с множеством фрагментов  $r_l$ ,  $r_{l+1}$ , ...,  $r_t$ :

ментов 
$$c_k$$
,  $c_{k+1}$ , ...,  $c_s$  возможно совпадает ментов  $r_l$ ,  $r_{l+1}$ , ...,  $r_t$ : 
$$\frac{\left|\sum\limits_{i=k}^s o_i - \sum\limits_{j=l}^t r_j\right|}{\sqrt{\sum\limits_{j=l}^t \sigma_j^2}} \leq C_\sigma \tag{1}$$

где  $\mathcal{C}_{\sigma}$  - порог совпадения,  $\sigma_i$  - стандартное отклонение  $r_j$ 

### **OPTIMA**: Поиск стартовых сидов

#### Алгоритм поиска сидов для выравнивания:

- По референсу строятся композитные сиды и сортируются по первому элементу
- У карты берётся сид, по которому будем искать множество подходящих локаций (1) в референсе
- Бинарным поиском (по первому элементу) ищем множество подходящих сидов в референсе
- Далее линейно проверяем и оставляем только те, которые удовлетворяют (1)
- Таким образом получаем множество сидов на референсе,
   где карта может быть выравнена
- Сложность алгоритма  $O(m(\log n + k \# seeds_{k=1}))$  n и m количество фрагментов в референсе и карте k длина k-tuple  $\# seeds_{k=1}$  количество сидов найденных по первому элементу

### ОРТІМА: Парное выравнивание карты с референсом

После обнаружения схожих сидов на референсе происходит парное выравнивание алгоритмом динамического программирования:

$$Score_{s,t} = \min_{k \le s, l \le t} C_{ce} (s - k + t - l) + \chi^{2}_{k...s,l...t} + Score_{k-1,l-1}$$

$$\chi^{2}_{k...s,l...t} = \frac{\left(\sum_{i=k}^{s} o_{i} - \sum_{j=l}^{t} r_{j}\right)^{2}}{\sum_{i=l}^{t} \sigma^{2}_{j}}$$

 $C_{se}$  - штраф за пропущенные разрезы

#### OPTIMA: Определение значимости выравнивания

Пусть a - выравнивание из множества выравниваний  ${\mathcal A}$ 

$$Z - score(a \in \mathcal{A}, f) = \frac{f_a - Mean(f_{\mathcal{A}})}{SD(f_{\mathcal{A}})}$$

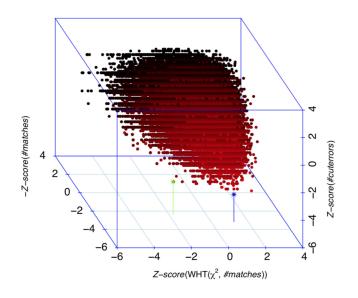
где f - характеристика выравнивания.

Тогда статистическая значимость выравнивания:

$$\vartheta(a \in \mathcal{A}) = Z - score(-Z - score(a, \#matches) 
+ Z - score(a, \#cuterrors) 
+ Z - score(a, WHT(\chi^2, \#matches)))$$

где 
$$\mathit{WHT}(\chi^2,\#\mathit{matches}) = \frac{\sqrt[3]{\frac{\chi^2}{\#\mathit{matches}}} - \left(1 - \frac{1}{9}\frac{2}{\#\mathit{matches}}\right)}{\sqrt{\frac{1}{9}\frac{2}{\#\mathit{matches}}}}$$

## ОРТІМА: Пример множества выравниваний



#### OPTIMA: Результаты

#### Результаты для 2100 карт:

Algorithm	Drosophila (A)		Drosophila (B)		Human (A)		Human (B)	
	S	Р	S	P	S	Р	S	Р
OPTIMA	90	100	49	99	83	100	43	98
Gentig v.2 (d)	59	100	24	99	53	96	20	80
Gentig v.2 (tp)	59	100	24	98	54	95	20	88
SOMA v.2 (v)	72	73	31	39	50	50	17	20
Likelihood (d+a)	49	49	29	30	24	24	14	14
Likelihood (d+a+t)	64	65	38	39	33	34	18	19
Likelihood (p+a+t)	75	75	39	39	62	62	19	20

- S чувствительность
- Р точность
- tp настройка параметров в соответствии с генерацией данных
- р параметры, указанные в статьях авторов
- d стандартные настройки
- t обрезание концов карт
- а скорректированные на основе анализа организма

## OPTIMA: Время работы

#### Ожидаемое время работы:

Algorithm	Co	mplexity	Running time	g time
	Time	Space	Drosophila	Human
ОРТІМА	$O((m-c)\delta^3$ #seeds)	$O((m-c)^2+cn)$	54 m	36 days
Gentig v.2 (d)	O(#it m 8 <sup>3</sup> #hashes)	$O(m^2 + n +  HashTable )$	1.32 h	75 days
Gentig v.2 (tp)	O(#II III 6" #IIdsiles)	O(III + II + [ridsiridble])	1.85 h	174 days
SOMA v.2 (v)	$O(m^2 n^2)$	O(m n)	1.28 years	1,067 years
Likelihood (d+a)			22.22 h	2.72 years
Likelihood (d+a+t)	$O(m n \delta^2)$	O(m n)	19.62 h	2.38 years
Likelihood (p+a+t)			41.73 h	5.53 years

Drosophila - 82000 карт Human - 2100000 карт

## MAligner

## MAligner: Общие сведения

#### Два подхода:

- На основе алгоритма Смита-Ватермана
  - Построение множества выравниваний на референсе
  - Определение значимых выравниваний M-Score
- На основе индексации

#### MAligner: Алгоритм динамического программирования

Пусть имеются два выравненных участка с n и m пропущенными фрагментами длины r и m на референсе и карте соотвественно. Тогда выравнивание имеет следующее значение:

$$Score(q, r, m, n) = S(q, r) + C_q m + C_r n$$

$$S(q, r) = \left(\frac{q - r}{\sigma(r)}\right)^2$$

$$\sigma(r) = \max(\alpha r, \sigma_{min})$$

 $C_q$  - штраф за пропущенные фрагменты на карте  $C_r$  - штраф за пропущенные фрагменты на референсе  $\sigma_{min}$  - для фрагментов малой длины, ошибка больше  $\alpha$  - доля референса, которая будет использовать как стандартное отклонение

#### MAligner: M-Score - значимость выравнивания

Предложена оценка M-Score для определения значимости выравнивания:

$$egin{aligned} m_{\mathcal{A}} &= \mathop{\textit{median}}_{A \in \mathcal{A}} \{ \mathit{Score}(A) \} \ MAD_{\mathcal{A}} &= \mathop{\textit{median}}_{A \in \mathcal{A}} \{ | \mathit{Score}(A) - m_{\mathcal{A}} | \} \ M - \mathit{Score}_{\mathcal{A}}(A) &= rac{\mathit{Score}(A) - m_{\mathcal{A}}}{\mathit{MAD}_{\mathcal{A}}} \end{aligned}$$

Score(A) - значение выравнивания A  $\mathcal{A}$  - 100 лучших выравниваний по Score(A)

#### MAligner: Алгоритм на основе индексов

Работает в предположении, что в карте не могут быть пропущенные разрезы:

- ① Выбирается k и строятся всевозможные k-tuple на референсе длины меньше k  $\mathcal K$  и сортируем его по длине.
- ② Далее строится по множеству  $\mathcal K$  граф, где вершины k-tuple, а рёбрами соединяем те k-tuple, у которых граничные разрезы совпадают.
- ullet У входной карты берём k-tuple и бинарным поиском по длине в  $\mathcal K$  ищем схожие k-tuple.
- ① Для каждого найденного k-tuple запускаем поиск в ширину по графу, при чём идём только по тем вершинам, длины которых C удовлетворяют очередному фрагменту карты длины  $c_q$ :

$$c_q - \max(\alpha c_q, \beta) \le C \le c_q + \max(\alpha c_q, \beta)$$

Получаем набор выравниваний.

## MAligner: Результаты

#### Данные без ошибок:

Software	Total Alignments	Contigs with Alignment	Contigs with Correct Alignment	Contigs with Unique Alignment	Contigs with Unique & Correct Alignment	Runtime	
TWIN	37	31	31	28	28	0.47s	
IWIN	(2.99 Mb)	(2.81 Mb)	(2.81 Mb)	(2.71 Mb)	(2.71 Mb)	0.478	
SOMA	28	28	11	28	11	14.00-	
	(2.66 Mb)	(2.66 Mb)	(1.48 Mb)	(2.66 Mb)	(1.48 Mb)	14.22s	
malignerIX	36	31	31	29	29	0.03s	
	(2.93 Mb)	(2.81 Mb)	(2.81 Mb)	(2.75Mb)	(2.75 Mb)		
malignerDP	39	31	31	27	27	0.40s	
	(3.01 Mb)	(2.81 Mb)	(2.81 Mb)	(2.68 Mb)	(2.68 Mb)		

#### Данные с ошибками:

Software	Total Alignments	Contigs with Alignment	Contigs with Correct Alignment	Contigs with Unique Alignment	Contigs with Unique & Correct Alignment	Runtime
TWIN	101 (3.44 Mb)	11 (0.49 Mb)	7 (0.26 Mb)	4 (0.23 Mb)	0 (0.00 Mb)	0.76s
SOMA	6 (0.25 Mb)	6 (0.25 Mb)	(0.20 Mb) (0.00 Mb)	(0.25 Mb) 6 (0.25 Mb)	(0.00 Mb) (0.00 Mb)	14.45s
malignerIX	81 (3.23 Mb)	15 (0.99 Mb)	13 (0.87 Mb)	7 (0.65 Mb)	5 (0.53 Mb)	0.15s
malignerDP	208 (8.35 Mb)	28 (2.37 Mb)	26 (2.24 Mb)	13 (1.60 Mb)	13 (1.60 Mb)	0.31s

## **OMBlast**

#### OMBlast: Алгоритм

#### Этапы выравнивания:

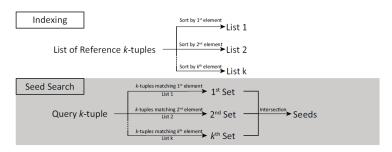
- Поиск стартовых мест (сидов) для начала выравнивания
- Расширение сидов
- Объединение пересекающих выравниваний
- Построение итогового выравнивания

#### OMBlast: Поиск стартовых сидов - индексация

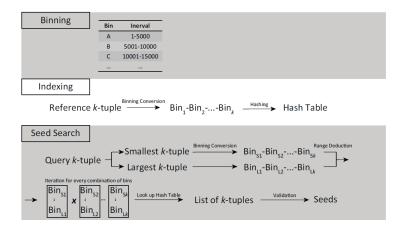
Фрагмент q на карте совпадает с фрагментом r на референсе:

$$r(1-T_s)-T_m \leq q \leq r(1+T_s)+T_m$$

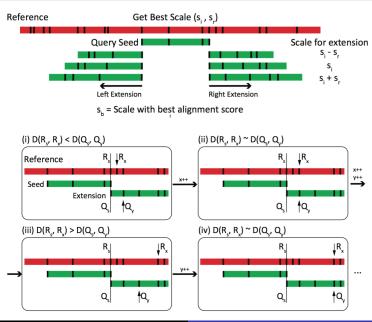
 $T_s$  - ошибка масштабирования  $T_m$  - ошибка измерений



### OMBlast: Поиск стартовых сидов - бины



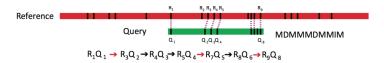
#### OMBlast: Расширение сидов



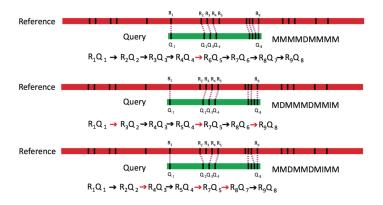
### OMBlast: Объединение выравниваний (1)

#### Строится взвешенный ациклический граф:

- Вершины выравненные разрезы
- Рёбра между двумя парами последовательно (на одной карте) выравненных разрезов
- Веса  $t_m u_m t_{es} u_{es} t_{ms} u_{ms}$   $u_m$  количество совпадений  $u_{es}$  количество лишних разрезов  $u_{ms}$  количество пропущенных разрезов



## OMBlast: Объединение выравниваний (2)

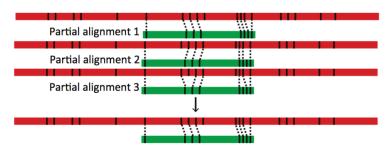


$$R_{1}Q_{1} \xrightarrow{R_{2}Q_{2} \rightarrow R_{3}Q_{3} \rightarrow R_{4}Q_{4} \rightarrow R_{6}Q_{5} \rightarrow R_{7}Q_{6} \rightarrow R_{8}Q_{7}} R_{9}Q_{8}$$

$$R_{3}Q_{2} \rightarrow R_{4}Q_{3} \rightarrow R_{5}Q_{4} \xrightarrow{R_{7}Q_{5} \rightarrow R_{8}Q_{6}} R_{8}Q_{6}$$

## OMBlast: Объединение выравниваний (3)

С помощью динамического программирования определяется путь в графе с наибольшим весом



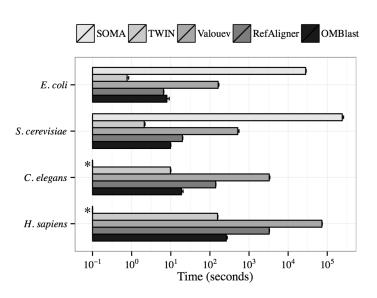


## OMBlast: Результаты - входные данные

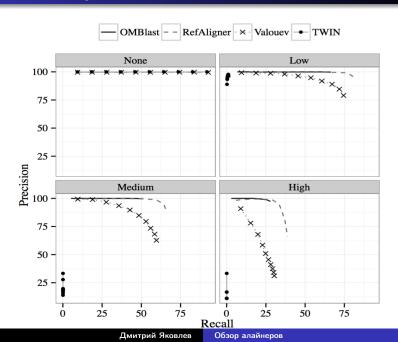
Organism	Genome	Total	Average Bases
Organism	Size (Mbp)	Signals	Between Signals (kbp)
E. coli	4.6	683	$6.8 \pm 7.3$
S. cerevisiae	12.1	1953	$6.2 \pm 6.7$
C. elegans	100.3	14837	$6.8 \pm 8.0$
H. sapiens	3088.3	377143	$8.2\pm83.2$

Error Rate	None	Low	Medium	High
Extra Signal Rate	0	0.000005	0.00001	0.00002
Missing Signal Rate	0	0.05	0.1	0.2
Scaling	0	0.02	0.04	0.08
Measurement (bp)	0	500	500	500
Resolution (bp)	0	1200	1200	1200

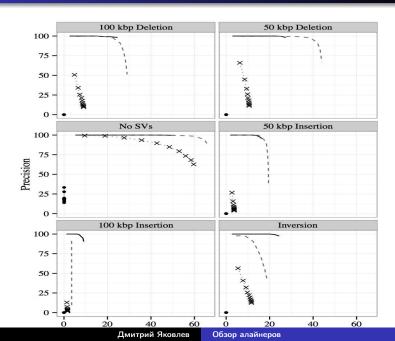
## OMBlast: Результаты - время работы



### OMBlast: Результаты - точность и полнота



## OMBlast: Результаты - наличие SV



## TWIN

#### TWIN: Алгоритм

Алгоритм разработан в предположении отсутствия пропущенных и лишних разрезов. Идея:

- Построение FM-индекса на референсе
- Выравнивание карты на референсе будем искать как подстроку в строке
- В статье предлагается алгоритм неточного поиска подстроки в строке

## Ссылки

### Ссылки: исходники

#### В открытом доступе:

- TWIN
- OPTIMA
- MAligner
- OMBlast

#### Ссылки: статьи І

Menglu Li и др. "Towards a More Accurate Error Model for BioNano Optical Maps". B: Springer International Publishing, 2016. DOI: 10.1007/978-3-319-38782-6\_6.

Lee M. Mendelowitz, David C. Schwartz u Mihai Pop. "Maligner: a fast ordered restriction map aligner". B: Bioinformatics (). DOI: 10.1093/bioinformatics/btv711.

Martin D. Muggli, Simon J. Puglisi μ Christina Boucher. "Efficient Indexed Alignment of Contigs to Optical Maps". Β: Springer Berlin Heidelberg, 2014. DOI: 10.1007/978-3-662-44753-6\_6.

#### Ссылки: статьи II

Davide Verzotto и др. "OPTIMA: sensitive and accurate whole-genome alignment of error-prone genomic maps by combinatorial indexing and technology-agnostic statistical analysis". в: *GigaScience* (). DOI: 10.1186/s13742-016-0110-0.

# Спасибо за внимание!