Vyhledávání K nejbližších sousedů na základě filtru Search K nearest neighbors based on a filter

Bc. Jan Jedlička

Vedoucí: Doc. Ing. Radim Bača, Ph.D.

FEI, VŠB-TUO

2022

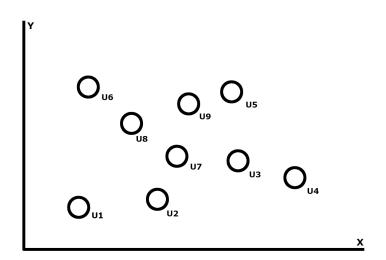


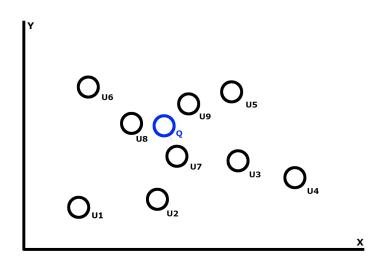
Úvod

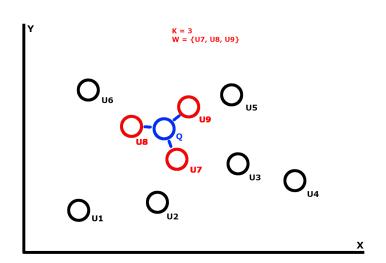
- Porozumění HNSW
- Vlastní HNSW implementace nebo zprovoznění jiné HNSW implementace
- Návrh a implementace rozšíření HNSW o filtr (podmínka, která stanoví, které vektory se při prohledávání vynechají)

KNN

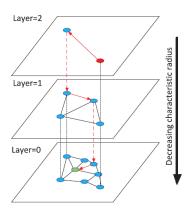
- Vyhledávání K nejbližších sousedů od dotazu Q v n dimenzionálním prostoru
- Vzdálenost mezi body v prostoru definována metrikou (Euklidova, Hammingova, Minkowského atd.)
- U velkých dimenzí je pro většinu technik rychlejší sekvenční průchod
- Přibližné vyhledávání (ANN)
- Porovnávání vektorizovaných dat, hledání shluků, podobných vlastností (například vyhledávání sémanticky podobných dokumentů)







- Hierarchical Navigable Small Worlds
- Řešení KNN problému, přibližné vyhledávání s využitím vícevrstvých grafů
- Výsledek poskytován s určitou přesností zvanou Recall
- Přesnost se dá zvýšit navýšením hodnoty parametru Ef, stejně tak poroste ale i čas vykonání dotazu

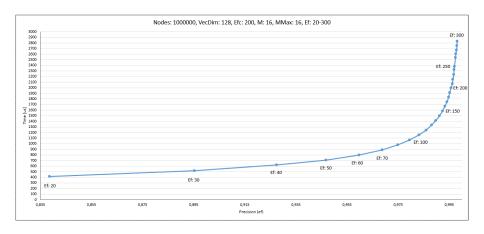


Obrázek: Vrstvy grafů v HNSW

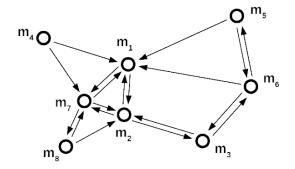
Algorithm 2. SEARCH-LAYER (q, ep, ef, l_c)

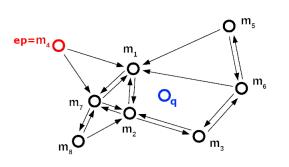
```
Input: query element q, enter-points ep, number of nearest to q
elements to return ef, layer number l_c
Output: ef closest neighbors to q
 1 v \leftarrow ep // set of visited elements
 2 C \leftarrow ev // \text{ set of candidates}
 3 W \leftarrow ep // dynamic list of found nearest neighbors
 4 while |C| > 0
      c \leftarrow extract nearest element from C to a
      f \leftarrow \text{get furthest element from } W \text{ to } q
      if distance(c, q) > distance(f, q)
         break // all elements in W are evaluated
      for each e \in neighbourhood(c) at layer l_c // update C and W
10
         if e \not\in v
11
            v \leftarrow v \cup e
            f \leftarrow \text{get furthest element from } W \text{ to } q
13
            if distance(e, q) < distance(f, q) or W < ef
14
              C \leftarrow C \cup e
15
              W \leftarrow W \cup e
              if |W| > ef
16
                 remove furthest element from W to q
18 return W
```

Obrázek: Pseudokód HNSW Search algoritmu



Obrázek: Graf závislosti průměrného času jednoho dotazu na přesnosti



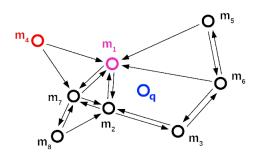


•
$$ep = \{m4\}$$

•
$$V = \{m4\}$$

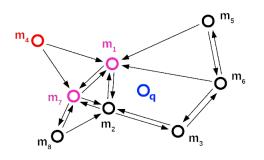
•
$$W = \{m4\}$$

$$\bullet \ C = \{m4\}$$



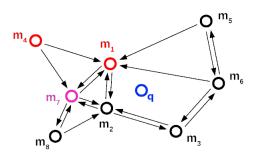
•
$$V = \{m4, m1\}$$

- $\bullet~W=\{m1,m4\}$
- $\bullet \ C = \{m1\}$
- \bullet f = m4
- \circ c = m4

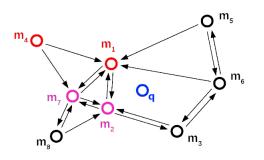


•
$$V = \{m4, m1, m7\}$$

- $\bullet \ W = \{m1, m7, m4\}$
- $\bullet \ C = \{m1,m7\}$
- f = m4
- c = m4

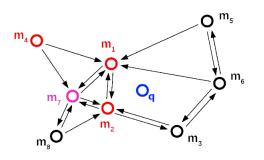


- $\bullet~V=\{\text{m4,m1,m7}\}$
- $\bullet \ W = \{m1,m7,m4\}$
- $C = \{m7\}$
- \bullet f = m4
- $\bullet \ c = m1$



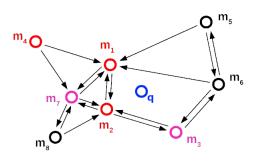
•
$$V = \{m4, m1, m7, m2\}$$

- $\bullet \ W = \{m1, m2, m7\}$
- $C = \{m2, m7\}$
- f = m7
- \circ c = m1



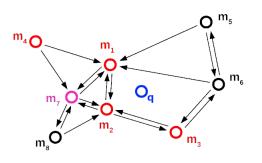
•
$$V = \{m4, m1, m7, m2\}$$

- $\bullet \ W = \{m1, m2, m7\}$
- $C = \{m7\}$
- f = m7
- c = m2



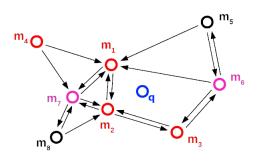
$$V = \\ \{m4, m1, m7, m2, m3\}$$

- $W = \{m1, m2, m3\}$
- $C = \{m3, m7\}$
- f = m3
- \circ c = m2



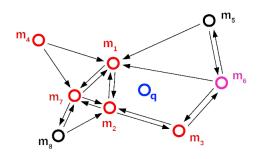
•
$$V = \{m4, m1, m7, m2, m3\}$$

- $W = \{m1, m2, m3\}$
- $C = \{m7\}$
- f = m3
- c = m3



•
$$V = \{m4,m1,m7,m2,m3,m6\}$$

- $W = \{m1, m2, m3\}$
- $C = \{m7, m6\}$
- f = m3
- c = m3

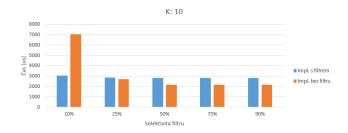


•
$$V = \{m4,m1,m7,m2,m3,m6\}$$

- $W = \{m1, m2, m3\}$
- $C = \{m6\}$
- f = m3
- c = m7
- dist(c,q) > dist(c,f)

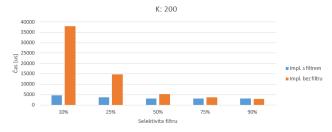
- Podmínka určující které vektory neprocházet a nevracet do výsledku
- Udává jakých hodnot mají nabývat jednotlivé atributy, nebo v jakých intervalech hodnot se mají nacházet
- Nemusíme omezovat všechny atribury
- Selektivita filtru <0,1> udává procentuální počet uzlů z celé množiny všech uzlů, které filtr přijme

- 72: < 51.32, 143.87 >; 88: < 3 >; 110: < 72.40, 106.84 >;
- $vec[72] \in < 51.32, 143.87 >$
- vec[88] = 3
- $vec[110] \in \langle 72.40, 106.84 \rangle$









Závěr

- Splnění všech požadavků
- Funkční implementace původního HNSW
- HNSW implementace o polovinu pomalejší než reference
- Funkční implementace rozšířeného HNSW o filtry

Děkuji za pozornost

Citace I

- ann-benchmarks [online]. 2022. [cit. 2022-03-06]. Dostupné z: http://ann-benchmarks.com/index.html.
- git-hnswlib: hnswlib [online]. 2022. [cit. 2022-03-06]. Dostupné z: https://github.com/nmslib/hnswlib.
- git-hnsw: hnswlib [online]. 2022. [cit. 2022-04-10]. Dostupné z: https://github.com/RadimBaca/HNSW.
- Nearest neighbor search [online]. 2022. [cit. 2022-03-06]. Dostupné z: https://en.wikipedia.org/wiki/Nearest_neighbor_search.
- Optimalizace v INFORMIXU [online]. 2022. [cit. 2022-04-04]. Dostupné z: http://www.ms.mff.cuni.cz/~jkoc5219/Optimalizace_v_INFORMIXU.html.

Citace II

- MALKOV, Yu A; YASHUNIN, Dmitry A. Efficient and robust approximate nearest neighbor search using hierarchical navigable small world graphs. *IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence*. 2018, roč. 42, č. 4, s. 824–836.
- Metrický prostor. 2022. Dostupné také z: https: //cs.wikipedia.org/wiki/Metrick%C3%BD_prostor#Definice.
- K-Nearest Neighbors (KNN) algorithm. 2022. Dostupné také z: https://towardsdatascience.com/k-nearest-neighbors-knn-algorithm-23832490e3f4.