

Exercici I Norma IEEE-754

1. Consulta la documentació sobre l'aritmètica de punt flotant i l'aritmètica de MATLAB® disponible al campus virtual, [enllaç documentació](#).
2. Escriviu una explicació (màxim 3 fulls Din-A4) sobre l'aritmètica de punt flotant, la norma IEEE-754 i l'aritmètica de MATLAB® .
3. Cita **totes** les fonts bibliogràfiques consultades.

Norma IEEE-754

El año 1985, Institute for Electrical and Electronic Engineers (IEEE) va publicar el informe Binary Floating Point Arithmetic Standard 754 – 1985, en el que se especifican normas para representar numeros en punto flotante con precisión simple doble y formatos de precision extendidos. El año 2008 fue publicada el IEE Std 754-2008.

La norma IEEE-754 define:

- Formatos aritméticos: conjuntos de datos de punto flotante binarios y decimales, que consisten en números finitos, incluidos los ceros con signo, y los números desnormalizados, infinitos y valores especiales "no numéricos" (Nan).
- Formatos de intercambio: codificaciones (cadenas de bits) que se pueden utilizar para intercambiar datos de punto flotante de forma eficiente y compacta.
- Reglas de redondeo: propiedades que deben satisfacer al redondear los numeros.
- Operaciones aritmeticas.
- Indicaciones de excepciones: overflow, underflow, divisiones por cero...

Formatos aritméticos

Single and Double Precision:

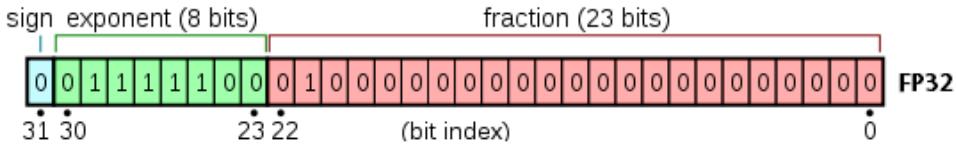
Single Precision

la representación en punto flotante de simple precisión ocupa 1 word(32 dígitos), asignando: 1 bit para el signo del numero real, 8 bits para el exponente y 23 bits para la mantisa.

Un nombre real x en simple precisión se representa de la siguiente manera:

$$fl(x) = (-1)^s \times M \times 2^{e-127}.$$

$$M = 1.m_{22}m_{21}\dots m_1m_0 = 1 + m_{22} \cdot 2^{-1} + m_{22} \cdot 2^{-2} + \dots + m_1 \cdot 2^{-20} + m_0 \cdot 2^{-21}$$



Donde **s** es el valor del signo. **c** es el valor del exponente (con signo). $m_{22}m_{21}\dots m_1m_0$ el valor de la mantisa.

Los valores de los exponentes con todo 0's o todo 1's, estan reservados.

Denormal number (Double Precision)

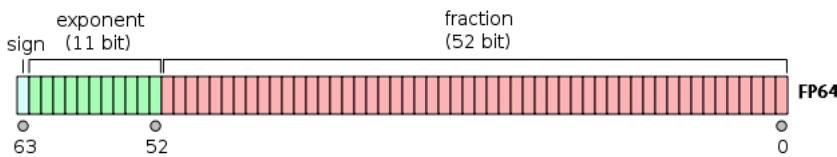
Double Precision

la representación en punto flotante con doble precision ocupa 2 words(64 digitos), asignando: 1 bit para el signo del numero real, 11 bits para el exponente y 52 bits para la mantisa.

Un nombre real x en simple precision se representa de la siguiente manera:

$$fl(x) = (-1)^s \times M \times 2^{c-1023}$$

$$M = 1.m_{51}m_{50}\dots m_1m_0 = 1 + m_{51} \cdot 2^{-1} + m_{50} \cdot 2^{-2} + \dots + m_1 \cdot 2^{-59} + m_0 \cdot 2^{-60}$$



Donde **s** es el valor del signo. **c** es el valor del exponente (con signo). $m_{51}m_{50}\dots m_1m_0$ el valor de la mantisa.

Los valores de los exponentes con todo 0's o todo 1's, estan reservados.

Denormal number (Double Precision)

Si el exponente es 0 y la mantisa diferente de 0.

Inf

Si el exponente es todos 1 y la mantisa es 0 representa a los numeros infinitos. En caso de que el signo sea 0 respresenta el +infinito. En caso de que el signo sea 1 respresenta -infinito.

Nan(Not-A-Number)

Si el exponente es todos 1 y la mantisa es diferente de 0 respresenta Nan(Not-A-Number). Esto se utiliza para expresar un resultado imposible de calcular (raíces negativas, division por cero)...

Zero

Si el exponente es todos 0 y la mantisa 0 representa al 0. En caso de que el signo sea 0 representa el +0. En caso de que el signo sea 1 representa -0.

Denormal number (

Si el exponente es 0 y la mantisa diferente de 0.

<i>Signo (s)</i>	<i>Exponente (exp)</i>	<i>Mantisa (m)</i>	<small>© carlospes.com</small> Valor en base 10
0 ó 1	$0 < \text{exp} < 2047$	Indiferente	$(-1)^s \cdot 1.m \cdot 2^{\text{exp}-1023}$
0	$\text{exp} = 2047$	$m = 0$	$+\infty$
1	$\text{exp} = 2047$	$m = 0$	$-\infty$
0 ó 1	$\text{exp} = 2047$	$m \neq 0$	NaN
0 ó 1	$\text{exp} = 0$	$m = 0$	0
0 ó 1	$\text{exp} = 0$	$m \neq 0$	$(-1)^s \cdot 0.m \cdot 2^{-1022}$

<i>Signo (s)</i>	<i>Exponente (exp)</i>	<i>Mantisa (m)</i>
0 ó 1	$0 < \text{exp} < 255$	Indiferente
0	$\text{exp} = 255$	$m = 0$
1	$\text{exp} = 255$	$m = 0$
0 ó 1	$\text{exp} = 255$	$m \neq 0$
0 ó 1	$\text{exp} = 0$	$m = 0$
0 ó 1	$\text{exp} = 0$	$m \neq 0$

Biografia:

https://es.wikipedia.org/wiki/IEEE_coma_flotante

<https://blogs.mathworks.com/cleve/2014/07/07/floating-point-numbers/>

<https://blogs.mathworks.com/cleve/2014/07/21/floating-point-denormals-insignificant-but-controversial-2/>