## Hausaufgaben zum 15./16. Dezember 2011

Elena Noll, Sven-Hendrik Haase, Arne Feil

## 13. Dezember 2011

- 1. a) Nicht isomorph, denn G hat keinen Knoten 3. Grades, der einen benachbarten Knoten 3. Grades hat. Bei G' ist dies aber der Fall.
  - b) Alle isomorph, da es sich um Varianten des Petersen-Graphen handelt.
- **2.** a)  $\binom{10}{2} = 45$ 
  - b)  $\sum_{i=1}^{i-3+1} i!$
  - c)  $\sum_{i=1}^{i-4+1} i!$
  - d)
- 3. a) Graph
  - b) Die Anzahl der Kanten von G lässt sich mit folgener Gleich berechnen

$$\binom{n}{2} + \frac{3}{2}n + n^2$$

Wobei

$$\binom{n}{2}$$

für die Anzahl der Kantn im vollständigen Graphen H2 steht,

$$\frac{3}{2}n$$

für die Anzahl der Kanten von H1 steht und

$$n^2$$

für die Anzahl der Verbindungskanten.

Nun zeigen wir duch Umformung, dass unsere Gleichung der gegeben Gleichung

$$\frac{3}{2}n^2 + n$$

entspricht.

$$\binom{n}{2} + \frac{3}{2}n + n^2$$

$$\Rightarrow \frac{n^2}{2!} + \frac{3}{2}n + n^2$$

$$\Rightarrow \frac{n(n-1)}{2*1} + \frac{3}{2}n + n^2$$

$$\Rightarrow \frac{n^2 - n}{2} + \frac{3}{2}n + n^2$$

$$\Rightarrow \frac{n^2 - n}{2} + \frac{3}{2}n + \frac{2n^2}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{3n^2 - n}{2} + \frac{3n}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{2}n^2 + \frac{2n}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{2}n^2 + n$$

Da wir wissen, dass unsere aufgestellte Gleichung rictig ist, und wir gezeigt haben, dass die beiden Gleichungen gleich sind, haben wir auch gezeigt, dass die gegebene Gleichung richtig ist.

- c) Graph
- d) G besitzt keine Eulersche Linie, da der Grad der Punkte von H1 immer ungerade ist. Dies kann man dadurch begründen, dass der Grad der Punkte in H1 Anfangs immer 3 ist. Beim Verbinden von H1 und H2 zu G addiert man n zum bisherigen Grad 3 hinzu. Da n immer eine gerade Zahl sein muss und eine ungerade Zahl plus eine gerade Zahl immer eine ungerade Zahl ergibt, ist der Grad der Punkte von H1 in G auch immer ungerade. Somit kann es sich um keine Eulersche Linie handeln, da die Voraussetzung für eine solche ist, dass jeder Punkt in einem Graphen einen geraden Grad hat.
- **4.** a)