

## 64-040 Modul IP7: Rechnerstrukturen

http://tams.informatik.uni-hamburg.de/ lectures/2011ws/vorlesung/rs Kapitel 4

#### Andreas Mäder



Universität Hamburg Fakultät für Mathematik, Informatik und Naturwissenschaften Fachbereich Informatik

Technische Aspekte Multimodaler Systeme

卣

Wintersemester 2011/2012

# Kapitel 4

#### Information

Definition und Begriff Informationsübertragung Zeichen







## Information

- **Information**  $\sim$  abstrakter Gehalt einer Aussage
- ▶ Die Aussage selbst, mit der die Information dargestellt bzw. übertragen wird, ist eine Repräsentation der Information
- Das Ermitteln der Information aus einer Repräsentation heisst Interpretation
- Das Verbinden einer Information mit ihrer Bedeutung in der realen Welt heisst Verstehen

# Repräsentation (Beispiele)

Beispiel: Mit der Information "25" sei die abstrakte Zahl gemeint, die sich aber nur durch eine Repräsentation angeben lässt:

► Text deutsch: fünfundzwanzig

► Text englisch: twentyfive

. .

► Zahl römisch: XXV

► Zahl dezimal: 25

► Zahl binär: 11001

► Zahl Dreiersystem: 221

. . .

► Morse-Code: ..--.

## Information vs. Interpretation

▶ Wo auch immer Repräsentationen auftreten, meinen wir eigentlich die Information, z.B.:

$$5 \cdot (2+3) = 25$$

- Die Information selbst kann man überhaupt nicht notieren (!)
- Es muss immer Absprachen geben über die verwendete Repräsentation. Im obigen Beispiel ist implizit die Dezimaldarstellung gemeint, man muss also die Dezimalziffern und das Stellenwertsystem kennen.
- Repräsentation ist häufig mehrstufig, z.B.

Zahl: Dezimalzahl 347 Ziffer: 4-bit binär 0011 0100 0111

Bit: elektrische Spannung 0.1V 0.1V 3.3V 3.3V ...

## Repräsentation vs. Ebenen

In jeder (Abstraktions-) Ebene gibt es beliebig viele Alternativen der Repräsentation

- Auswahl der jeweils effizientesten Repräsentation
- unterschiedliche Repräsentationen je nach Ebene
- ▶ Beispiel: Repräsentation der Zahl  $\pi = 3.1415...$  im
  - x86 Prozessor
  - Hauptspeicher
  - Festplatte
  - ► CD-ROM
  - Papier

- 80-bit Binärdaten, Spannungen
- 64-bit Binärdaten, Spannungen
- kodierte Zahl, magnetische Bereiche
- kodierte Zahl, Land/Pits-Bereiche
- Text, "3.14159265..."

## Information vs. Nachricht

- Aussagen
  - N1 Er besucht General Motors
  - N2 Unwetter am Alpenostrand
  - N3 Sie nimmt ihren Hut
- ► Alle Aussagen sind aber doppel/mehrdeutig:
  - N1 Firma? Militär?
  - N2 Alpen-Ostrand? Alpeno-Strand?
  - N3 tatsächlich oder im übertragenen Sinn?
- ⇒ Interpretation: Es handelt sich um drei Nachrichten, die jeweils zwei verschiedene Informationen enthalten

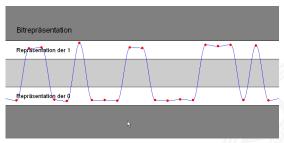
## Information vs. Repäsentation

- ▶ Information: Wissen um oder Kenntnis über Sachverhalte und Vorgänge (Der Begriff wird nicht informationstheoretisch abgestützt, sondern an umgangssprachlicher Bedeutung orientiert).
- Nachricht: Zeichen oder Funktionen, die Informationen zum Zweck der Weitergabe aufgrund bekannter oder unterstellter Abmachungen darstellen (DIN 44 300).
- ▶ Beispiel für eine Nachricht: Temperaturangabe in Grad Celsius oder Fahrenheit.
- ▶ Die Nachricht ist also eine Darstellung von Informationen und nicht der Übermittlungsvorgang.

Universität Hamburg

64-040 Rechnerstrukturer

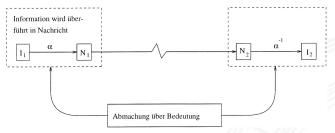
## Beispiel: Binärwerte in 5 V-CMOS-Technologie



Klaus von der Heide. Interaktives Skript T1, demobitrep

- Spannungsverlauf des Signals ist kontinuierlich
- Abtastung zu bestimmten Zeitpunkten
- Quantisierung über abgegrenzte Wertebereiche:
  - $\triangleright$  0.0 V < a(t) < 1.2 V: Interpretation als 0
  - ▶  $3.3 V \le a(t) \le 5.0 V$ : Interpretation als 1
  - außerhalb und innerhalb: ungültige Werte

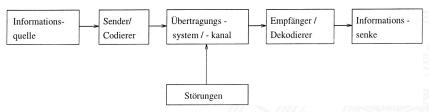
# Modell der Informationsübertragung



#### Beschreibung der Informationsübermittlung:

- die Nachricht  $N_1$  entsteht durch Abbildung  $\alpha$  aus der Information  $I_1$
- ▶ Übertragung der Nachricht an den Zielort
- ▶ Umkehrabbildung  $\alpha^{-1}$  aus der Nachricht  $N_2$  liefert die Information  $I_2$

# Nachrichtentechnisches Modell der Informationsübertragung



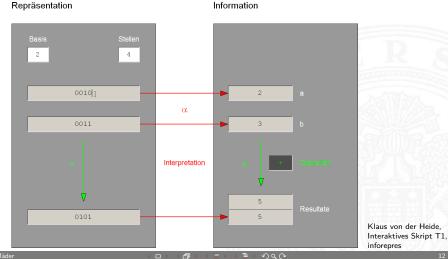
#### Beispiele für **Störungen**:

- Bitfehler beim Speichern
- Störungen beim Funkverkehr
- ► Schmutz oder Kratzer auf einer CD/DVD
- USW.





## Demo: Information vs. Repräsentation











### Informationstreue

Ergibt  $\alpha$  gefolgt von  $\sigma$  dasselbe wie  $\nu$  gefolgt von  $\alpha'$ , dann heisst  $\nu$  **informationstreu**.

- $\blacktriangleright$  mit  $\alpha'$  als der Interpretation des Resultats der Operation  $\nu$
- $\blacktriangleright$  häufig sind  $\alpha$  und  $\alpha'$  gleich, aber nicht immer
- σ injektiv: Umschlüsselung
- ν injektiv: Umcodierung
- ▶  $\sigma$  innere Verknüpfung der Menge  $\mathcal{J}$  und  $\nu$  innere Verknüpfung der Menge  $\mathcal{R}$ : dann ist  $\alpha$  ein Homomorphismus der algebraischen Strukturen  $(\mathcal{J}, \sigma)$  und  $(\mathcal{R}, \nu)$ .
- $ightharpoonup \sigma$  bijektiv: Isomorphismus



# Informationstreue (cont.)

Welche mathematischen Eigenschaften gelten bei der Informationsverarbeitung, in der gewählten Repräsentation?

#### Beispiele:

▶ Gilt 
$$x^2 \ge 0$$
?

▶ float: ja

signed integer: nein

• Gilt 
$$(x + y) + z = x + (y + z)$$
?

► integer:

float: nein 1.0E20 + (-1.0E20 + 3.14) = 0

Details: später



# Beschreibung von Information durch Zeichen

- ➤ **Zeichen** (engl. *character*): Element z aus einer zur Darstellung von Information vereinbarten, einer Abmachung unterliegenden, endlichen Menge Z von Elementen.
- Die Menge heisst Zeichensatz oder Zeichenvorrat (engl. character set).
- Beispiel:
  - $\triangleright$   $\mathcal{Z}_1 = \{0, 1\}$
  - $\mathcal{Z}_2 = \{0, 1, 2, \dots, 9, A, B, C, D, E, F\}$
  - $\triangleright \ \mathcal{Z}_3 = \{\alpha, \beta, \gamma, \dots, \omega\}$
  - $\triangleright$   $\mathcal{Z}_4 = \{CR, LF\}$

## Binärzeichen

Universität Hamburg

- ▶ Binärzeichen (engl. binary element, binary digit, bit): Jedes der Zeichen aus einem Vorrat / aus einer Menge von zwei Symbolen.
- Beispiel:

$$ightharpoonup Z_1 = \{0,1\}$$

• 
$$\mathcal{Z}_2 = \{ high, low \}$$

• 
$$\mathcal{Z}_3 = \{\text{rot, gr\"un}\}$$

• 
$$\mathcal{Z}_4 = \{+, -\}$$

## **Alphabet**

- ▶ **Alphabet** (engl. *alphabet*): Ein in vereinbarter Reihenfolge geordneter Zeichenvorrat  $\mathcal{A} = \mathcal{Z}$
- Beispiel:

Universität Hamburg

- $A_1 = \{0,1,2,\ldots,9\}$
- $\rightarrow A_2 = \{So, Mo, Di, Mi, Do, Fr, Sa\}$
- $A_3 = \{ A', B', \dots, Z' \}$
- Numerischer Zeichensatz: Zeichenvorrat aus Ziffern und/oder Sonderzeichen zur Darstellung von Zahlen
- ▶ Alphanumerischer Zeichensatz: Zeichensatz aus (mindestens) den Dezimalziffern und den Buchstaben des gewöhnlichen Alphabets, meistens auch mit Sonderzeichen (Leerzeichen, Punkt, Komma usw.)

## Zeichenkette

- ▶ **Zeichenkette** (engl. *string*): Eine Folge von Zeichen
- ▶ Wort (engl. word): Eine Folge von Zeichen, die in einem gegebenen Zusammenhang als Einheit bezeichnet wird. Worte mit 8 Bit werden als Byte bezeichnet.
- ▶ **Stelle** (engl. *position*): Die Lage/Position eines Zeichens innerhalb einer Zeichenkette.
- Beispiel
  - ightharpoonup s = H e l l o , w o r l d !