Máximo co	mún divisor
Calcular el	máximo común divisor de dos números, escribiendo el conjunto de sus
divisores, p	uede ser muy moroso, Entonces necesitamos adquirir un método para
calcular de	manera menos moroso.
	o que (12,30)=6, resulta que se puede escribir el 6 como combinación lineal
de 12 y 30.	
	6=12(-2) + 30(1) y 6=12(8)+30(-3)
	0-12(-2) 1 30(1) y 0-12(0)130(-3)
Es posible	hallar otros enteros u y v tales que 6=12u + 30v.
Teorema	Sea a y b enteros, no ambos 0, y sea d el máximo común divisor.
reoreilla	Entonces existe (no necesariamente único) enteros u y v tales que
	d= au+bv.
El recípro	co de este teorema es falso.
8 (1)	
Esm. Ca	cule el (24,78) y luego escriba como combinación linea
Sol. d	1visores 24 = 11, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24}
cli	ursures 78 = {1, 2, 3, 6, 13, 26, 39, 78}
Asi	(24,78) = 6
7101	
	6 = 24(-3)+78(1)
Teorema	El máximo comun divisor de dos números, no ambos ceros,
	ci maximo comari arorsor de cos nameros, no ambos reros,
	es unico.
Algoritmo d	e Euclides Consideremos dos enteros positivos a y b. Sea a>
7 agonano a	o Education Constitutions and entitles positions and b. sea as
Entonces,	per el algoritmo de la división, existen q y r, tales que
	$A = 9$ , $b + r_1$ $0 \le r_1 < b$
$b, t, \rightarrow$	$b = q_2 r_1 + r_2 \qquad ,  o \leq r_2 \leq r_1$
v	
Y 1 1 1 2	$\gamma_3 = q_3 \gamma_2 + \gamma_3$
Y. 1 Y2	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

. /	
$\Upsilon_{k-1} = q_{k+1} \Upsilon_{k+1} O$	
Así r <sub>k</sub> = (a,b)	
7151 1 K = (0,10)	
Esm Encuentra (72,86)	
Sea a= 86 y b=72	
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	
Entences par el algade la división.	
86 = (1).72 + 14	0 < 14 < 72
	72
72 = (5).14 + 2	0 = 2 < 14
14 = (7).2 + 0	
Así (86,72) = 2	
Ej. Calcula (10672, 4147)	
Sol	1061712
10672 = (2)4147 + 2378	(6) - 8294 411417
	2378 -2378
4147 = (1).2378 + 1769	1769
2378 = (1)1769 + 609	(4)
1769 = (2).609 + 551	3
609 = (1)551 + 58	2
551 = (9).58 + 29	
58 = (2).29 + 0	
58 = (2).29 + 0	
	.°. (10672, 4147) = 29
	29= 10672.( ) +4147 ( )
El algoritmo de Euclides puede ser	
ci algoritmo de Euclicles puede ser	usciad para escribir el (a,b)
como una combinación lineal de	a y 6 .
	<u> </u>

```
Eym. Expresas (10672, 4147) como una combinación lineal de
      10672 4 4147
                                  29 = 10672 x + 4147 4
                         (6)
                                  2378 = 10672 + (-2) 4147
10672 - (2)4147 + 2378
                         (5)
41217 = (1).2378 + 1769
                                  1769 = 4 147 + (-1) 2378 2
2378 = (1)1769 + 609
                         4
                                  609 = 2378 + (-1) 1769
1769 = (2).609 + 551
                         (3)
                                  551 = 1769 + (-2)609
609 = (1)551 + 58
                         (2)
                                  58 = 609 + (-1)551
 551 = (9).58 + 29
                                 29 = 551 + (-9) 58
 Luego
          29 = 551 + (-9) 58
          29 = 551 + (-9) (609 + (-1) 551)
            = 551 + (9)609 + (9)555
          29 = (10) 551 + (-9) 609
          29 = (10) (1769 + (-2) 609) + (-9) 609
          29 = (10). 17 69 + (-20) 609 + (-9) 609
          29 = (10) 1769 + (-29) 609
           29 = (10) 1769 + (-29) (2378 + (-1) 1769)
          29 - (39) - 1769 + (-29) 2378
          29 = (39)(4 147 + (-1) 2378) + (-29) 2378
          29 = (39) 4147 + (-68) 2378
          29 = (39)4147 + (-68). (10672 + (-2)4147)
          29 = (175)4147 + (-68) 10672
        ° 29 = 10672 (-68) + 4147 (175)
```





