우선순위 큐



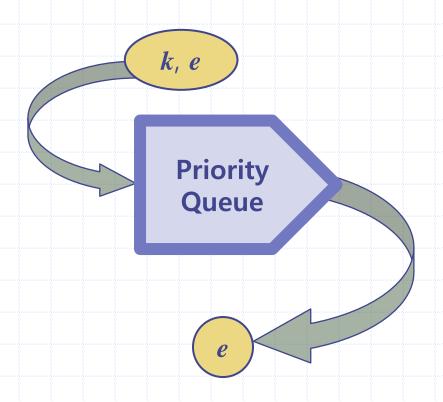
Algorithms 우선순위 큐 1

Outline

- ◆ 5.1 우선순위 큐 ADT
- ◈ 5.2 우선순위 큐를 이용한 정렬
- ◈ 5.3 제자리 정렬
- ◈ 5.4 선택 정렬과 삽입 정렬 비교
- ◈ 5.5 응용문제

우선순위 큐 ADT

- ◆ 우선순위 큐 ADT는 항목들을 저장
 - ◆ 각 항목: (키, 원소) 쌍
 - ◈ 응용
 - 탑승 대기자
 - 옥션
 - 주식시장



우선순위 큐 ADT 메

쏘드

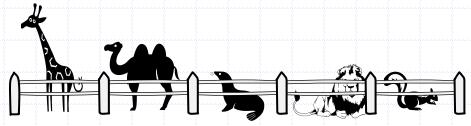
Priority Queue

- ◈ 주요 메쏘드
 - insertItem(k, e): 키 k인 원소 e를 큐에 삽입
 - element removeMin():
 큐로부터 최소 키를 가진
 원소를 삭제하여 반환
- ◈ 일반 메쏘드
 - integer size(): 큐의 항목 수를 반화
 - boolean isEmpty(): 큐가 비어 있는지 여부를 반환

◈ 접근 메쏘드

- element minElement(): 큐에서 최소 키를 가진 원소를 반환
- element minKey(): 큐에서 최소 키를 반환
- 예외
 - emptyQueueException():
 비어 있는 큐에 대해
 삭제나 원소 접근을 시도할
 경우 발령
 - fullQueueException(): 만원 큐에 대해 삽입을 시도할 경우 발령

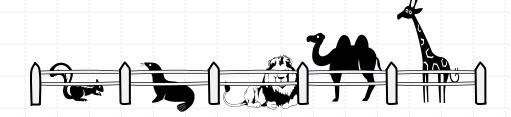
우선순위 큐를 이용한 정렬



- 비교 가능한 원소 집합을 정렬하는데 **우선순위 큐** 이용 가능
 - 1. 연속적인 insertItem(e, e) 작업을 통해 원소들을 하나씩 삽입 (key = e로 전제)
 - 2. 연속적인 removeMin() 작업을 통해 원소들을 정렬 순서로 삭제
- ◆ 실행시간: 우선순위 큐의 구현에 따라 다르다
- ◆ L, P: 일반(generic)

Alg PQ-Sort(L)
input list L
output sorted list L

- 1. $P \leftarrow empty priority queue$
- 2. **while** (!*L.isEmpty*())
 - $e \leftarrow L.removeFirst()$
 - P.insertItem(e)
- 3. **while** (!*P.isEmpty*())
 - $e \leftarrow P.removeMin()$
 - L.addLast(e)
- 4. return



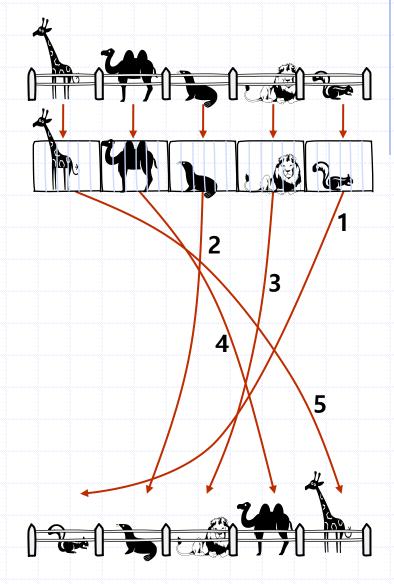
리스트에 기초한 우선순위 큐

- ◆ 무순리스트로 구현
 - 우선순위 큐의 항목들을 리스트에 임의 순서로 저장
- ◈ 성능
 - insertItem: O(1) 시간 소요 - 항목을 리스트의 맨앞 또는 맨뒤에 삽입할 수 있으므로
 - removeMin, minKey, minElement: O(n) 시간 소요 최소 키를 찾기 위해 전체 리스트를 순회해야 하므로

- **◈ 순서리스트**로 구현
 - 우선순위 큐의 항목들을 리스트에 키 정렬 순서로 저장
- ◈ 성능
 - insertItem: **O**(*n*) 시간 소요 – 항목을 삽입할 곳을 찾아야 하므로
 - removeMin, minKey, minElement: O(1) 시간 소요 – 최소 키가 리스트의 맨앞에 있으므로

선택 정렬

- ◆ 선택 정렬(selection-sort)
 - PQ-Sort의 일종
 - 우선순위 큐를 **무순리스트**로 구현
- ◈ 실행시간
 - *n*회의 insertItem 작업을 사용하여 원소들을 **우선순위 큐**에 삽입하는데 **O**(*n*) 시간 소요
 - *n*회의 removeMin 작업을 사용하여 원소들을 **우선순위** 큐로부터 정렬 순서로 삭제하는데 다음에 비례하는 시간 소요 *n* + (*n* − 1) + (*n* − 2) + ... + 2 + 1
 - Total: $O(n^2)$

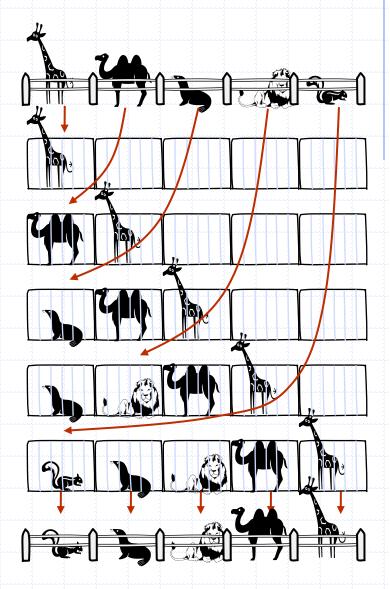


삽입 정렬

- ◆ 삽입 정렬(insertion-sort)
 - PQ-Sort의 일종
 - 우선순위 큐를 **순서리스트**로 구현
- ◈ 실행시간
 - *n*회의 insertItem 작업을 사용하여 원소들을 **우선순위 큐**에 삽입하는데 다음에 비례하는 시간 소요

$$1 + 2 + \dots + (n-2) + (n-1) + n$$

- *n*회의 removeMin 작업을 사용하여 원소들을 **우선순위** 큐로부터 정렬 순서로 삭제하는데 **O**(*n*) 시간 소요
- Total: $O(n^2)$



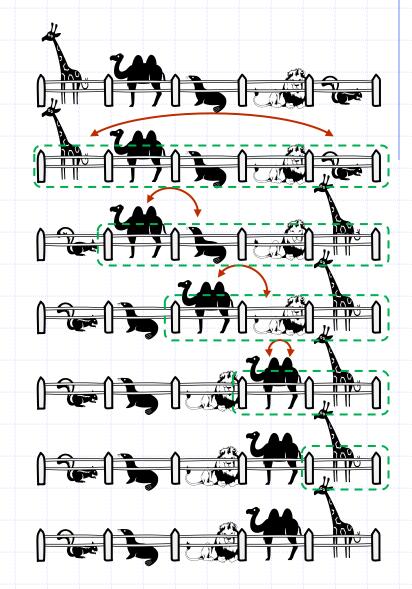
"제자리"에서 할 수 있나?

- lacktriangle selection-sort, insertion-sort 모두 $\Theta(n)$ 공간을 차지하는 **외부의** 우선순위 큐를 사용하여 리스트를 정렬
- 만약, 원래 리스트 자체를 위한 공간 이외에 **O**(1) 공간만을 사용한다면, 이를 "**제자리**(in-place)"에서 수행한다고 말한다
- 일반적으로, 어떤 정렬 알고리즘이 정렬 대상 개체를 위해 필요한 메모리에 추가하여 오직 상수 메모리만을 사용한다면, 해당 정렬 알고리즘이 제자리에서 수행한다고 말한다



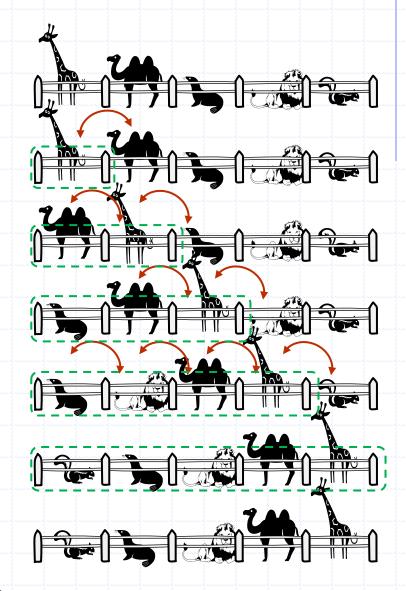
제자리 선택 정렬

- selection-sort가 외부 데이터구조를 사용하는 대신, **제자리**에서 수행하도록 구현 가능
- ◆ **우선순위 큐:** 입력 리스트의 일부(점선 부분)
- ◆ In-place selection-sort를 위해서는:
 - 리스트의 앞부분을 정렬 상태로 유지
 - 리스트를 변경하는 대신 swapElements를 사용



제자리 삽입 정렬

- ▼ insertion-sort가 외부 데이터구조를 사용하는 대신, 제자리에서 수행하도록 구현 가능
- ◆ 우선순위 큐: 입력 리스트의 일부(점선 부분)
- ◆ in-place insertion-sort를 위해서는:
 - 리스트의 앞부분을 정렬 상태로 유지
 - 리스트를 변경하는 대신 swapElements를 사용



제자리 정렬 알고리즘

Alg inPlaceSelectionSort(A) input array A of n keys output sorted array A

```
1. for pass \leftarrow 0 to n-2
minLoc \leftarrow pass
for j \leftarrow (pass + 1) \text{ to } n-1
if (A[j] < A[minLoc])
minLoc \leftarrow j
A[pass] \leftrightarrow A[minLoc]
2. return
```

Alg inPlaceInsertionSort(A) input array A of n keys output sorted array A

```
1. for pass \leftarrow 1 to n-1
save \leftarrow A[pass]
j \leftarrow pass - 1
while ((j \ge 0) & (A[j] > save))
A[j+1] \leftarrow A[j]
j \leftarrow j-1
A[j+1] \leftarrow save
2. return
```

선택 정렬 vs. 삽입 정렬

- ◈ 공통점
 - 전체적으로 O(n²) 시간
 - ・ 내부 반복문: O(n)선형 탐색
 - ◆ 외부 반복문: **O**(n) 패스
 - 제자리 버전은 **O**(1) 공간 소요
 - 구현이 단순
 - 작은 *n*에 대해 유용



- ◆ 초기 리스트가 **완전히** 또는 거의 정렬된 경우
 - in-place insertion-sort가 더 빠르다
 - 내부 반복문이 **O**(1) 시간 소요 따라서 전체적으로 **O**(*n*) 시간에 수행되므로
- - in-place selection-sort가 더 빠르다
 - swapElements 작업이 패스마다 O(1) 시간 수행되는데 반해, inplace insertion-sort에서는 동일 작업이 패스마다 최악의 경우 O(n) 시간 수행되므로





	우선순위 큐	작업 수행시간			
		insertItem	removeMin	minKey, minElement	정렬 방식
	무순리스트	O (1)	$\mathbf{O}(n)$	$\mathbf{O}(n)$	선택 정렬
	순서리스트	$\mathbf{O}(n)$	O (1)	O (1)	삽입 정렬

Algorithms 우선순위 큐 14