

# 2015-2016 松州位子科找大学 高数上A期末考试题及答案

(2016年1月21日)

## 一、选择题(本题共8小题,每小题3分,共24分)

1. 下列各式中正确的是().

A. 
$$\lim_{x \to \infty} \frac{\sin x}{x} = 1$$

B. 
$$\lim_{x \to \infty} x \sin \frac{1}{x} = 1$$

C. 
$$\lim_{x \to \infty} \left( 1 - \frac{1}{x} \right)^x = e$$

D. 
$$\lim_{x \to \infty} \left( 1 + \frac{1}{x} \right)^{-x} = e$$

2. 当 $x \to 0$ 时, $(1 - \cos x)^2$ 与 $x^n$ 是同阶无穷小,则n为().

D. 1

3. 设函数f(x)在点x = a处可导,则 $\lim_{x \to 0} \frac{f(a-x) - f(a)}{x} = ($  ).

A. 
$$2f'(a)$$

B. -f'(a)

C. 
$$f'(2a)$$

D. 0

4. 若 $f(x) = \begin{cases} \ln(1+x^2), x > 1 \\ x+b, x \le 1 \end{cases}$  在x = 1处连续,则( ).

A 
$$b = -1$$

A. 
$$b = -1$$
 B.  $b = \ln 4 - 1$  C.  $b = \ln 3 - 1$ 

D.  $b = \ln 2 - 1$ 

5. 设函数y = f(x)由方程 $e^y = y \cdot \sin x + 1$ 所确定,则y'(0) = ( ).

A. 1

B. -1

C. 0

1

D.  $\frac{1}{2}$ 

6. 下列反常积分中收敛的是().

A. 
$$\int_{a}^{+\infty} \frac{\ln x}{x} dx$$

B. 
$$\int_{0}^{+\infty} \frac{1}{x \ln x} dx$$

C. 
$$\int_{e}^{+\infty} \frac{1}{x\sqrt{\ln x}} dx$$

A.  $\int_{1}^{+\infty} \frac{\ln x}{x} dx$  B.  $\int_{1}^{+\infty} \frac{1}{x \ln x} dx$  C.  $\int_{2}^{+\infty} \frac{1}{x \sqrt{\ln x}} dx$  D.  $\int_{2}^{+\infty} \frac{1}{x (\ln x)^2} dx$ 

# 二、填空题(本题共4小题,每小题3分,共12分)

7. 设曲线 $y = 2x^2 + bx$ 和直线y = 2x相切于原点,则b = .

9. 微分方程  $\frac{dy}{dx} = (y+3)\sin x$  的通解是\_\_\_\_\_.

10. 曲线 $y = 4 + x^2$ 在(0,4)处的曲率等于\_\_\_\_\_.

#### 三、计算分析题

- 11. 求极限  $\lim_{x \to +\infty} x \left( \frac{\pi}{2} \arctan x \right)$ .
- 12. 设 $y = \ln(1 + \sin x)$ , 求y在x = 0处的微分.
- 13. 求曲线 $y = ln(3 + x^2)$ 的凹凸区间和拐点.

14. 
$$\left\{ \begin{array}{l} x = e^t \sin t \\ y = e^t \cos t \end{array} \right., \ \, \left. \stackrel{\mathrm{d}^2 y}{\mathrm{d} x^2} \right|_{t=0}.$$

15. 求极限
$$\lim_{x\to 0} \frac{\int_0^x \arctan t \, \mathrm{d}t}{x^2}$$
.

16. 求定积分 
$$\int_{-2}^{2} \left( \frac{x}{1+x^2} + \sqrt{4-x^2} \right) dx$$
.

17. 求不定积分
$$\int \frac{1}{x(4+\ln^2 x)} dx$$
.

#### 四、综合题

19. 设函数
$$f(x)$$
连续,且满足 $\int_0^x t^2 f(t) dt = \arctan x$ ,求 $\int_1^2 f(x) dx$ .

20. 求微分方程 $y'' - 4y' + 4y = e^{2x}$ 的通解.

### 五、应用计算题

- 21. 设有曲线 $y=4x^2$  ( $0 \le x \le 1$ ) 和直线y=c,记它们与y 轴所围图形的面积为 $A_1$ ,它们与直线x=1 所围图形的面积为 $A_2$
- (1) 问c取何值时,可使 $A = A_1 + A_2$ 最小,并求出A的最小值;
- (2) 分别求A取最小值时两部分图形绕x轴旋转一周生成的旋转体的体积.

#### 六、证明题

22. 设f(x)在[a,b]上连续,且f(x) > 0,证明:

在
$$(a,b)$$
内存在一点 $\varepsilon$ 使得 $\int_a^\varepsilon f(x) dx = \int_\varepsilon^b f(x) dx = \frac{1}{2} \int_a^b f(x) dx$ .

解析: 2016年1月杭电高数上A期末试题及答案-知乎 (zhihu.com)

看完点个关注点个赞,祝君高数线代双双满绩!~

知乎

