

(2021年11月21日)

1. 设 $y = \sin x \cdot \cos \frac{1}{x}$, 则当 $x \to 0$ 时, y是 ().

- A. 无穷小量
- B. 无穷大量
- C. 有界但非无穷小量 D. 无界但非无穷大量

2. 下列各式中正确的是().

- $\text{A. } \lim_{x \to \infty} \frac{\sin x}{x} = 1 \\ \text{B. } \lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\tan x}{x} = 1 \\ \text{C. } \lim_{x \to \infty} \frac{\sin x}{x} = 0 \\ \text{D. } \lim_{x \to 1} \frac{\arcsin x}{x} = 1$

3. 函数f(x)在点 x_0 连续().

A. 是 f(x) 在点 x_0 可导的充要条件

B. 是 f(x) 在点 x_0 可导的必要条件

C. 则必在点 x_0 可导

D. 则在点 x_0 的一个充分小的邻域内处处连续

4. 设 $y = f(\sin x)$, 则dy = ().

- A. $f'(\sin x)(\sin x)'dx$ B. $f'(\sin x)\cos x$
- C. $f'(\sin x) dx$
- D. $f'(\sin x)\sin x dx$

5. 已知曲线 $y = x^2 + ax + 1$ 与 $y = e^x$ 在点x = 0处相切,则a = ().

A. 1

B. -1

- C. $\frac{1}{2}$
- D. $-\frac{1}{2}$

6. 设f(x)在x = a处可导, $\Delta y = f(a+h) - f(a)$,则当 $h \to 0$ 时必有().

A. dy 是h 的等阶无穷小量

B. dy 是h 的高阶无穷小量

D. $\Delta y - dy$ 是h 的高阶无穷小量

7. 设 $\lim_{x \to a} \frac{f(x) - f(a)}{(x - a)^2} = -1$,则f(x)在x = a处().

A. 导数存在且 $f'(a) \neq 0$

B. 导数不存在

C. 取极小值

D. 取得极大值

8. 已知在区间[0,1]上f''(x)>0,则f'(0),f'(1),f(1)-f(0)或f(0)-f(1)的大小顺序是().

A. f'(1) > f(1) - f(0) > f'(0)

B. f'(0) > f(1) - f(0) > f'(1)

C. f'(1) > f(0) - f(1) > f'(0)

D. f'(0) > f(0) - f(1) > f'(1)

9. 极限 $\lim_{n\to\infty} n \sin \frac{\pi}{n} = \underline{\qquad}$.

10. 设
$$\left\{ \begin{array}{l} x = 1 + t^3 \\ y = e^{2t} \end{array} \right.$$
,则 $\left. \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} \right|_{t=1} = \underline{\hspace{1cm}}$

11. 曲线
$$\begin{cases} x = 2\cos t \\ y = 2\sin t \end{cases}$$
 在 $t = \frac{\pi}{2}$ 处的曲率 $K = \underline{\qquad}$

12. 曲线
$$y = x^2 + \frac{1}{x}$$
的拐点为______

13. 求极限
$$\lim_{x\to 1} \left(\frac{1}{1-x} - \frac{3}{1-x^3}\right)$$
.

14. 求极限
$$\lim_{n \to \infty} \left(\frac{1}{\sqrt{n^2 + 1}} + \frac{1}{\sqrt{n^2 + 2}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n^2 + n}} \right)$$
.

15. 求极限
$$\lim_{x\to 0} (1+xe^x)^{\frac{1}{x}}$$
.

$$16. y = \tan x + \sec x + 2 \stackrel{?}{R} y'.$$

17.
$$y = f(x)$$
 是由方程 $\arctan x + y^3 - x \ln x = 0$ 所确定的隐函数,求 y' .

18.
$$y = x^{\sin x} (x > 0)$$
 求 y' .

19. 求极限
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{2+\tan x}-\sqrt{2+\sin x}}{x\sqrt{1+\sin^2 x}-x}$$
.

20. 己知
$$y = x^2 \sin x$$
,求 $y^{(2021)}$.

21. 求函数
$$f(x) = \frac{1}{\arctan \frac{x}{1-x}}$$
的间断点,并判断它是什么间断点.

22. 设函数
$$f(x) = \begin{cases} e^{ax}, & x \leq 0 \\ b + \sin 2x & x > 0 \end{cases}$$
,讨论当 a, b 为何值时, $f(x)$ 为可导函数,并求出其导函数.

23. 在椭圆
$$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$$
 的第一象限内求一点 P ,使得该点处的切线与椭圆、两坐标轴所围图形的面积最小.

24. 设
$$\lim_{x\to 0} \frac{f(x)}{x} = 1$$
,且 $f''(x) > 0$,证明: $f(x) \ge x$.

答案解析看如下知乎链接: 2021 年 11 月杭州电子科技大学高数 A 期中试题及解析 - 知乎 (zhihu.com) 看完点个关注点个三连,祝君高数线代双双满绩!~