

Schriftliche Prüfung im Fach: **Theoretische Nachrichtentechnik**
Prüfer: **Prof. Dr.-Ing. Johann-Markus Batke**
Tag der schriftlichen Prüfung: **28.6.2017**

Studierender:
Name, Vorname Matr.-Nr.

Note: Einsicht genommen:
Datum, Unterschrift Prüfer Datum, Unterschrift Studierender

Allgemeine Hinweise

Bearbeitungszeit 90 Minuten

Anzahl der Aufgaben 5

Hilfsmittel

- Formelsammlung der Klausur (Abschnitt "Hilfen")
- Eigene Formelsammlung (handgeschrieben, 2 Seiten DIN A4). Die Formelsammlung ist mit abzugeben.
- HS-Taschenrechner

- Beschriften Sie bitte alle Lösungsblätter mit Namen und Matrikelnummer und nummerieren Sie sie fortlaufend.
- Alle Blätter bitte nur einseitig beschreiben.
- Geben Sie bei Rechenaufgaben die Zwischenschritte an, so dass der Lösungsweg erkennbar ist.
- Antworten sind, soweit möglich, zu begründen.
- Die Klausur ist mit ca. 50 % der Gesamtpunktzahl bestanden.

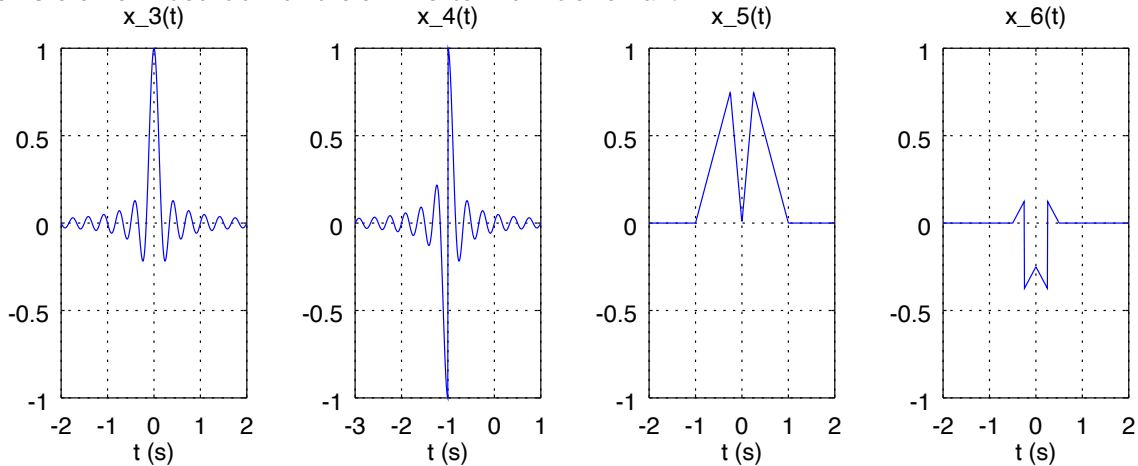
Aufgabe 1: Spezielle Funktionen (20 Punkte)

(a) Skizzieren Sie die Funktionen

$$\bullet x_1(t) = \frac{1}{3} \Pi_{3T}(t - 3)$$

$$\bullet x_2(t) = \Delta_{T/2}(2t + T)$$

(b) Geben Sie einen Ausdruck für die skizzierten Funktionen an.



Aufgabe 2: Faltung (20 Punkte)

Führen Sie die Faltung der Funktionen $x(t) = \Delta_2(t)$ und $y(t) = 2\sigma(t)$ im Zeitbereich durch. Skizzieren Sie dazu beide Funktionen sowie das Faltungsergebnis $z(t) = x(t) * y(t)$. Geben Sie den Ausdruck für $z(t)$ an.

Aufgabe 3: Leitungscodes (20 Punkte)

Teilaufgabe 3.1: Codierung

(a) Gegeben sei die Bit-Folge 010011000. Zeichnen Sie die Zeitsignale, die man durch Leitungscodierung der Verfahren

1. NRZI-M
2. AMI-nicht modifiziert
3. RZ Ternär
4. Manchester (nach IEEE 802.3)

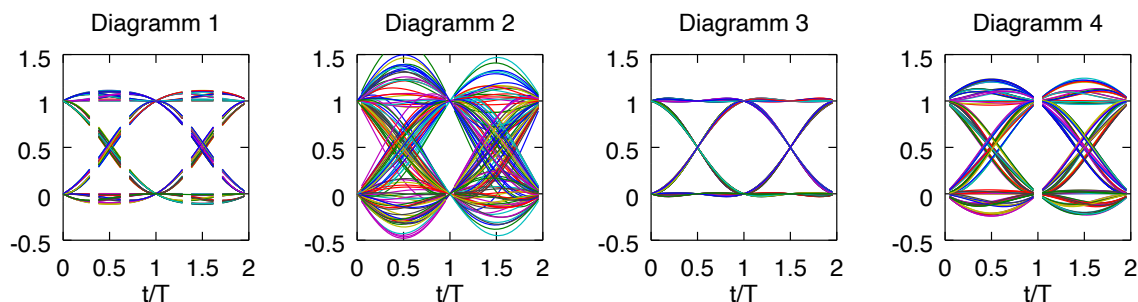
erhält.

(b) Diskutieren Sie die genannten Leitungscodierungen bzgl. Gleichstromfreiheit und Synchronisation.

Teilaufgabe 3.2: Nyquist-Kriterium

(a) Formulieren Sie die Nyquist-Kriterien 1 und 2 für ein Pulssystem mit Schrittfrequenz $1/T$.

(b) Für ein Pulssystem werden cos-rolloff-Impulse verwendet, die mit dem Roll-Off-Faktor $r = 0 \dots 1$ parametrisiert sind. Ordnen Sie die gezeigten Augendiagramm so, dass der Roll-Off-Faktor aufsteigt.



Aufgabe 4: Winkelmodulation (40 Punkte)

Teilaufgabe 4.1: Frequenz- und Phasenmodulation (FM und PM)

Das modulierte Sendesignal eines Winkelmodulationsverfahrens wird durch

$$s(t) = \sin(\Phi(n(t))) = \sin(\Phi_n(t)) \quad (1)$$

beschrieben. Die Nachricht $n(t)$ steuert dabei den sinus-förmigen Träger. Geben Sie für die Verfahren FM und PM die jeweilige Winkelfunktion und Momentankreisfrequenzfunktion an. Verwenden Sie dazu folgende Bezeichnungen:

$$\begin{array}{ll} \text{Trägerkreisfrequenz} & \Omega \\ \text{Momentankreisfrequenz} & \omega \end{array}$$

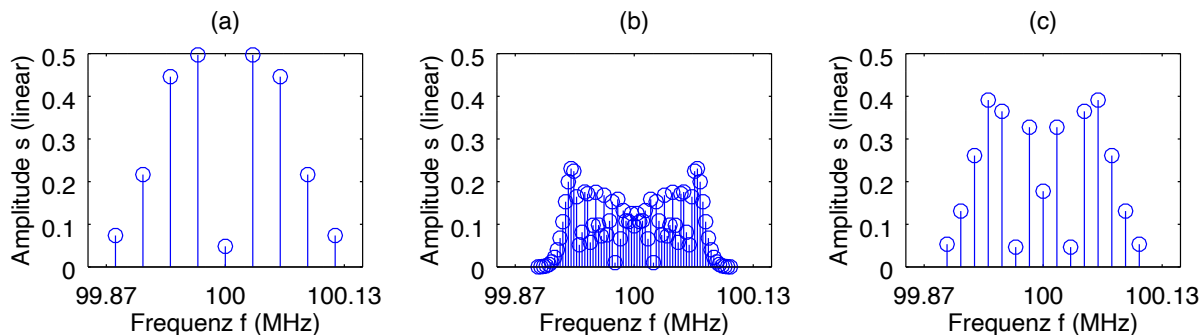
Teilaufgabe 4.2: Modulation

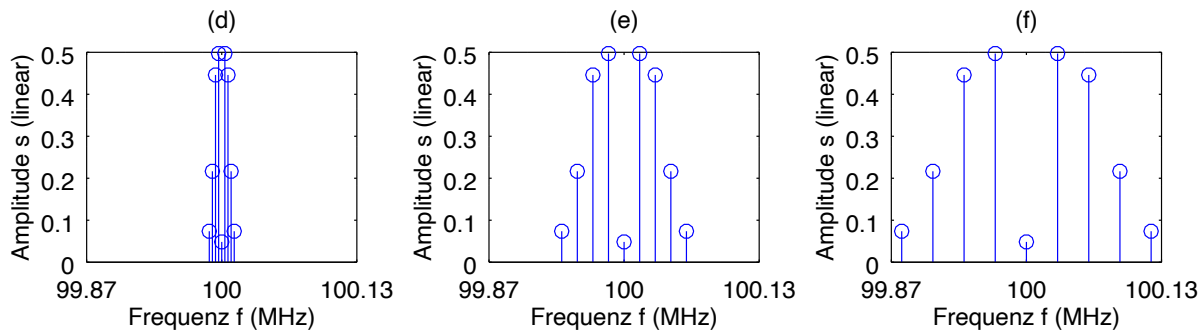
Gegeben sei nun die Nachricht $n(t) = \Pi_T(t - 2T)$. Skizzieren Sie

- den Zeitverlauf der Nachricht $n(t)$;
- ein FM-moduliertes Trägersignal mit $\Omega = \frac{2\pi}{T}$ und Kreisfrequenzhub $\Delta\Omega = \frac{4\pi}{T}$;
- ein PM-moduliertes Trägersignal mit $\Omega = \frac{2\pi}{T}$ und Phasenhub $\Delta\varphi = \pi$.

Teilaufgabe 4.3: Spektralanalyse Eintonmodulation

Analysieren Sie die gegebenen Spektren, die jeweils die Eintonmodulation für die Nachrichtenfrequenzen $f_1 < f_2 < f_3$ für die Verfahren FM und PM zeigen. Ordnen Sie den Verfahren FM und PM je drei Bilder mit aufsteigender Nachrichtenfrequenz zu.





Hilfen

Zeitfunktion $f(t)$	Fourier-Transformierte $F(j\omega)$
$\text{rect}_T(t)$	$T \text{si}(\frac{T}{2}\omega)$
$\Delta_T(t)$	$T \text{si}^2(\frac{T}{2}\omega)$
$\delta(t)$	1
1	$2\pi\delta(\omega)$
$\text{sgn}(t)$	$\frac{2}{j\omega}$
$e^{j\omega_0 t}$	$2\pi\delta(\omega - \omega_0)$
$\sin(\omega_0 t)$	$j\pi(\delta(\omega + \omega_0) - \delta(\omega - \omega_0))$
$\cos(\omega_0 t)$	$\pi(\delta(\omega + \omega_0) + \delta(\omega - \omega_0))$

$$\omega = 2\pi f; \omega_0 = 2\pi/T$$

	Zeitfunktion $f(t)$	Fourier-Transformierte $F(j\omega)$
Ähnlichkeitssatz	$f(at)$	$\frac{1}{ a } F(j\frac{\omega}{a})$
Linearität	$af_1(t) + bf_2(t)$	$aF_1(j\omega) + bF_2(j\omega)$
Verschiebungssatz	$f(t - t_0)$ $e^{j\omega_0 t} f(t)$	$e^{-j\omega t_0} F(j\omega)$ $F(\omega - \omega_0)$
Differentiation	$f^{(n)}(t)$	$(j\omega)^n F(j\omega)$
Faltung	$f_1(t) * f_2(t)$ $f_1(t) f_2(t)$	$F_1(j\omega) F_2(j\omega)$ $\frac{1}{2\pi} F_1(j\omega) * F_2(j\omega)$
Vertauschungssatz	$F(-t)$	$2\pi f(\omega)$

$$\sin(\omega t) = \frac{1}{2j}(e^{j\omega t} - e^{-j\omega t})$$

$$\cos(\omega t) = \frac{1}{2}(e^{j\omega t} + e^{-j\omega t})$$

$$2 \sin(x) \cos(y) = \sin(x - y) + \sin(x + y)$$

$$2 \cos(x) \cos(y) = \cos(x - y) + \cos(x + y)$$

$$2 \cos^2(x) = 1 + \cos(2x)$$