

Documentación de Modelos ARIMA y SARIMA para Análisis de Series Temporales

Diseño de Sistemas Embebidos

Universidad Autónoma de Tamaulipas

Facultad de Ingeniería

Equipo:

Juan Julián Paniagua Rico - a2213332303

Isaac Sayeg Posadas Perez - a2213332197

Jorge Roberto García Azzua - a2221335006

19 de mayo de 2025

Capítulo 1

Introducción

1.1. Descripción General

Este documento proporciona una documentación detallada de los modelos ARIMA (AutoRegressive Integrated Moving Average) y SARIMA (Seasonal AutoRegressive Integrated Moving Average) implementados para el análisis y predicción de series temporales. Estos modelos son ampliamente utilizados en estadística y aprendizaje automático para modelar y predecir datos de series temporales.

Los modelos ARIMA y SARIMA son técnicas estadísticas que utilizan observaciones pasadas para predecir valores futuros en una serie temporal. ARIMA se utiliza para series temporales no estacionales, mientras que SARIMA extiende ARIMA para manejar patrones estacionales en los datos.

1.2. Características Principales

Las implementaciones de ARIMA y SARIMA ofrecen las siguientes características principales:

- Ajuste (fitting) de modelos a datos de series temporales
- Predicción de valores futuros
- Evaluación del rendimiento del modelo
- Diagnóstico visual mediante gráficos
- Búsqueda en malla para optimización de hiperparámetros
- Exportación de resultados a archivos CSV
- Descomposición de series temporales (solo en SARIMA)

Esta documentación incluye explicaciones detalladas de las clases, métodos y funcionalidades implementadas, así como ejemplos de uso y recomendaciones para la aplicación efectiva de estos modelos.

Capítulo 2

Modelo ARIMA

2.1. Descripción General

ARIMA (AutoRegressive Integrated Moving Average) es un modelo estadístico utilizado para analizar y predecir datos de series temporales. El modelo ARIMA combina tres componentes:

- **AR (AutoRegressive):** Utiliza la relación entre una observación y un número específico de observaciones retrasadas.
- **I (Integrated):** Aplica diferenciación para hacer que la serie temporal sea estacionaria.
- **MA (Moving Average):** Utiliza la dependencia entre una observación y un error residual de un modelo de media móvil aplicado a observaciones anteriores.

La implementación de ARIMA en este proyecto se realiza a través de la clase `ArimaModel`, que proporciona una interfaz completa para trabajar con modelos ARIMA.

2.2. Clase ArimaModel

La clase `ArimaModel` encapsula toda la funcionalidad necesaria para implementar y gestionar modelos ARIMA para el análisis y predicción de series temporales.

2.2.1. Constructor

```
1 def __init__(self, data=None, order=(1, 0, 0)):
2     """
3     Inicializa un modelo ARIMA con los parámetros especificados.
4
5     Args:
6         data (array-like, optional): Serie temporal para entrenar el
7         modelo.
8         order (tuple, optional): Orden del modelo ARIMA (p,d,q).
9         p: Términos autorregresivos
```

```

9         d: Diferenciación necesaria para hacer la serie estacionaria
10        q: Términos de media móvil
11
12        """
13        self.data = data
14        self.order = order
15        self.model = None
16        self.fitted_model = None
17        self.predictions = None
18        self.residuals = None
19        self.results_manager = None

```

El constructor inicializa un modelo ARIMA con los datos y el orden especificados. El orden es una tupla (p, d, q) donde:

- p: Número de términos autorregresivos
- d: Grado de diferenciación
- q: Número de términos de media móvil

2.2.2. Método fit

```

1 def fit(self, data=None):
2     """
3     Entrena el modelo ARIMA con los datos proporcionados.
4
5     Args:
6     data (array-like, optional): Serie temporal para entrenar el
7     modelo. Si no se proporciona, se utilizan los datos del constructor.
8
9     Returns:
10    self: La instancia del modelo entrenado.
11    """
12    if data is not None:
13        self.data = data
14
15    if self.data is None:
16        raise ValueError("No se han proporcionado datos para entrenar el
17        modelo")
18
19    self.model = ARIMA(self.data, order=self.order)
20    self.fitted_model = self.model.fit()
21    self.residuals = self.fitted_model.resid
22
23    return self

```

Este método entrena el modelo ARIMA con los datos proporcionados. Si no se proporcionan datos, utiliza los datos pasados al constructor. Devuelve la instancia del modelo para permitir el encadenamiento de métodos.

2.2.3. Método predict

```
1 def predict(self, steps=1):
2     """
3     Realiza predicciones con el modelo ARIMA entrenado.
4
5     Args:
6         steps (int, optional): N mero de pasos a predecir. Por defecto es
7         1.
8
9     Returns:
10        array: Predicciones del modelo.
11    """
12    if self.fitted_model is None:
13        raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de realizar
14        predicciones")
15
16    # Realizar predicci n
17    self.predictions = self.fitted_model.forecast(steps=steps)
18    return self.predictions
```

Este método realiza predicciones con el modelo ARIMA entrenado. El parámetro `steps` especifica el número de pasos futuros a predecir.

2.2.4. Método evaluate

```
1 def evaluate(self):
2     """
3     Eval a el rendimiento del modelo calculando m tricas comunes.
4
5     Returns:
6         dict: Diccionario con las m tricas de evaluaci n.
7     """
8     if self.fitted_model is None:
9         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de evaluarlo"
10         )
11
12     # Calcular predicciones en muestra
13     in_sample_predictions = self.fitted_model.fittedvalues
14
15     # Calcular errores
16     residuals = self.data - in_sample_predictions
17     mse = np.mean(residuals ** 2)
18     rmse = np.sqrt(mse)
19     mae = np.mean(np.abs(residuals))
20
21     # Crear diccionario de resultados
22     metrics = {
23         'AIC': self.fitted_model.aic,
24         'BIC': self.fitted_model.bic,
25         'MSE': mse,
26         'RMSE': rmse,
27         'MAE': mae
```

```

27     }
28
29     return metrics

```

Este método evalúa el rendimiento del modelo calculando métricas comunes como AIC (Criterio de Información de Akaike), BIC (Criterio de Información Bayesiano), MSE (Error Cuadrático Medio), RMSE (Raíz del Error Cuadrático Medio) y MAE (Error Absoluto Medio).

2.2.5. Método plot_diagnostics

```

1 def plot_diagnostics(self, figsize=(12, 8)):
2     """
3     Genera gráficos de diagnóstico para el modelo ARIMA.
4
5     Args:
6         figsize (tuple, optional): Tamaño de la figura.
7     """
8     if self.fitted_model is None:
9         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de generar diagnósticos")
10
11     fig, axes = plt.subplots(2, 2, figsize=figsize)
12
13     # Gráfico de la serie original y las predicciones
14     axes[0, 0].plot(self.data, label='Observado')
15     axes[0, 0].plot(self.fitted_model.fittedvalues, color='red', label='Predicciones')
16     axes[0, 0].set_title('Valores observados vs predicciones')
17     axes[0, 0].legend()
18
19     # Gráfico de residuos
20     axes[0, 1].plot(self.residuals)
21     axes[0, 1].set_title('Residuos')
22     axes[0, 1].axhline(y=0, color='red', linestyle='--')
23
24     # ACF de residuos
25     plot_acf(self.residuals, ax=axes[1, 0], lags=20)
26     axes[1, 0].set_title('ACF de residuos')
27
28     # PACF de residuos
29     plot_pacf(self.residuals, ax=axes[1, 1], lags=20)
30     axes[1, 1].set_title('PACF de residuos')
31
32     plt.tight_layout()
33     plt.show()

```

Este método genera gráficos de diagnóstico para el modelo ARIMA, incluyendo:

- Valores observados vs predicciones
- Residuos

- Función de Autocorrelación (ACF) de residuos
- Función de Autocorrelación Parcial (PACF) de residuos

2.2.6. Método plot_forecast

```

1 def plot_forecast(self, steps=10, alpha=0.05, figsize=(10, 6)):
2     """
3     Visualiza las predicciones futuras con intervalos de confianza.
4
5     Args:
6         steps (int, optional): N mero de pasos a predecir. Por defecto es
7         10.
8         alpha (float, optional): Nivel de significancia para los
9         intervalos de confianza.
10        figsize (tuple, optional): Tama o de la figura.
11    """
12    if self.fitted_model is None:
13        raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de visualizar
14        predicciones")
15
16    # Realizar predicci n
17    forecast_result = self.fitted_model.get_forecast(steps=steps)
18    forecast_index = np.arange(len(self.data), len(self.data) + steps)
19
20    # Obtener predicciones e intervalos de confianza
21    forecast_mean = forecast_result.predicted_mean
22    conf_int = forecast_result.conf_int(alpha=alpha)
23
24    # Crear figura
25    plt.figure(figsize=figsize)
26
27    # Graficar datos hist ricos
28    plt.plot(np.arange(len(self.data)), self.data, label='Observado')
29
30    # Graficar predicciones
31    plt.plot(forecast_index, forecast_mean, color='red', label='
32    Predicci n')
33
34    # Graficar intervalos de confianza
35    plt.fill_between(forecast_index,
36                     conf_int.iloc[:, 0],
37                     conf_int.iloc[:, 1],
38                     color='pink', alpha=0.3, label=f'Intervalo de
39    confianza {(1 - alpha) * 100}%')
40
41    plt.title('Pron stico ARIMA')
42    plt.legend()
43    plt.grid(True)
44    plt.show()

```

Este método visualiza las predicciones futuras con intervalos de confianza. Muestra los datos históricos, las predicciones y los intervalos de confianza en un gráfico.

2.2.7. Método grid_search

```

1 def grid_search(self, data=None, p_range=(0, 2), d_range=(0, 2), q_range
  = (0, 2)):
2     """
3     Realiza una b squeda en malla para encontrar los mejores
4     hiperpar metros (p,d,q).
5
6     Args:
7         data (array-like, optional): Serie temporal. Si no se proporciona,
8         se usan los datos del constructor.
9         p_range (tuple, optional): Rango de valores para p.
10        d_range (tuple, optional): Rango de valores para d.
11        q_range (tuple, optional): Rango de valores para q.
12
13    Returns:
14        tuple: La mejor configuraci n (p,d,q) encontrada.
15    """
16    if data is not None:
17        self.data = data
18
19    if self.data is None:
20        raise ValueError("No se han proporcionado datos para la b squeda
21        en malla")
22
23    # Inicializar ResultsManager para guardar resultados
24    results = []
25    self.results_manager = ResultsManager(results)
26
27    best_aic = float('inf')
28    best_order = None
29
30    # Iterar sobre todas las combinaciones
31    for p in range(p_range[0], p_range[1] + 1):
32        for d in range(d_range[0], d_range[1] + 1):
33            for q in range(q_range[0], q_range[1] + 1):
34                try:
35                    # Crear y ajustar modelo
36                    model = ARIMA(self.data, order=(p, d, q))
37                    model_fit = model.fit()
38
39                    # Guardar resultados
40                    result = ResultManager(
41                        va=model_fit.aic,
42                        vo=best_aic,
43                        iteracion=p * 100 + d * 10 + q,
44                        modelo=f"ARIMA({p},{d},{q})"
45                    )
46                    self.results_manager.guardar_dato(result)
47
48                    # Actualizar el mejor modelo encontrado
49                    if model_fit.aic < best_aic:
50                        best_aic = model_fit.aic
51                        best_order = (p, d, q)

```



```

49         print(f"ARIMA({p},{d},{q}) - AIC: {model_fit.aic}")
50
51     except Exception as e:
52         print(f"Error en ARIMA({p},{d},{q}): {str(e)}")
53
54     # Actualizar los parámetros del modelo con la mejor configuración
55     self.order = best_order
56
57     # Entrenar el modelo con los mejores parámetros
58     self.fit()
59
60     return best_order
61

```

Este método realiza una búsqueda en malla para encontrar los mejores hiperparámetros (p, d, q) para el modelo ARIMA. Prueba diferentes combinaciones de parámetros y selecciona la que produce el menor valor de AIC.

2.2.8. Método to_csv

```

1 def to_csv(self, filepath):
2     """
3     Guarda los resultados de la búsqueda en malla en un archivo CSV.
4
5     Args:
6         filepath (str): Ruta donde guardar el archivo CSV.
7     """
8     if self.results_manager:
9         self.results_manager.to_csv(filepath)
10    else:
11        print("No hay resultados para guardar")

```

Este método guarda los resultados de la búsqueda en malla en un archivo CSV.

2.2.9. Método summary

```

1 def summary(self):
2     """
3     Devuelve un resumen del modelo ARIMA.
4
5     Returns:
6         str: Resumen del modelo.
7     """
8     if self.fitted_model is None:
9         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de generar el resumen")
10
11    return self.fitted_model.summary()

```

Este método devuelve un resumen del modelo ARIMA, incluyendo estadísticas y parámetros estimados.

Capítulo 3

Modelo SARIMA

3.1. Descripción General

SARIMA (Seasonal AutoRegressive Integrated Moving Average) es una extensión del modelo ARIMA que incorpora componentes estacionales. Además de los componentes AR, I y MA, SARIMA incluye sus equivalentes estacionales:

- **SAR (Seasonal AutoRegressive):** Componente autorregresivo estacional.
- **SI (Seasonal Integrated):** Diferenciación estacional.
- **SMA (Seasonal Moving Average):** Componente de media móvil estacional.

La implementación de SARIMA en este proyecto se realiza a través de la clase `SarimaModel`, que proporciona una interfaz completa para trabajar con modelos SARIMA.

3.2. Clase `SarimaModel`

La clase `SarimaModel` encapsula toda la funcionalidad necesaria para implementar y gestionar modelos SARIMA para el análisis y predicción de series temporales con patrones estacionales.

3.2.1. Constructor

```
1 def __init__(self, data=None, order=(1, 0, 0), seasonal_order=(0, 0, 0, 0)
2 ):
3     """
4     Inicializa un modelo SARIMA con los par metros especificados.
5
6     Args:
7         data (array-like, optional): Serie temporal para entrenar el
8         modelo.
9         order (tuple, optional): Orden del modelo ARIMA (p,d,q).
10        p: T rminos autorregresivos
```

```

9         d: Diferenciación necesaria para hacer la serie estacionaria
10        q: Términos de media móvil
11        seasonal_order (tuple, optional): Orden estacional (P,D,Q,s).
12        P: Términos autorregresivos estacionales
13        D: Diferenciación estacional
14        Q: Términos de media móvil estacionales
15        s: Período estacional
16
17        """
18        self.data = data
19        self.order = order
20        self.seasonal_order = seasonal_order
21        self.model = None
22        self.fitted_model = None
23        self.predictions = None
24        self.residuals = None
25        self.results_manager = None

```

El constructor inicializa un modelo SARIMA con los datos, el orden y el orden estacional especificados. El orden es una tupla (p, d, q) y el orden estacional es una tupla (P, D, Q, s) donde:

- P: Número de términos autorregresivos estacionales
- D: Grado de diferenciación estacional
- Q: Número de términos de media móvil estacional
- s: Período estacional

3.2.2. Método fit

```

1 def fit(self, data=None, exog=None):
2     """
3     Entrena el modelo SARIMA con los datos proporcionados.
4
5     Args:
6         data (array-like, optional): Serie temporal para entrenar el
7         modelo. Si no se proporciona, se utilizan los datos del constructor.
8         exog (array-like, optional): Variables exógenas para la
9         regresión.
10
11     Returns:
12         self: La instancia del modelo entrenado.
13     """
14     if data is not None:
15         self.data = data
16
17     if self.data is None:
18         raise ValueError("No se han proporcionado datos para entrenar el
19         modelo")
20
21     self.model = SARIMAX(

```

```

20         self.data,
21         exog=exog,
22         order=self.order,
23         seasonal_order=self.seasonal_order,
24         enforce_stationarity=False,
25         enforce_invertibility=False
26     )
27
28     self.fitted_model = self.model.fit(dispatch=False)
29     self.residuals = self.fitted_model.resid
30
31     return self

```

Este método entrena el modelo SARIMA con los datos proporcionados. Si no se proporcionan datos, utiliza los datos pasados al constructor. También permite incluir variables exógenas para la regresión. Devuelve la instancia del modelo para permitir el encadenamiento de métodos.

3.2.3. Método predict

```

1 def predict(self, steps=1, exog=None):
2     """
3     Realiza predicciones con el modelo SARIMA entrenado.
4
5     Args:
6         steps (int, optional): Número de pasos a predecir. Por defecto es
7         1.
8         exog (array-like, optional): Variables exógenas para la
9         predicción.
10
11     Returns:
12         array: Predicciones del modelo.
13     """
14     if self.fitted_model is None:
15         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de realizar
16         predicciones")
17
18     # Realizar predicción
19     self.predictions = self.fitted_model.forecast(steps=steps, exog=exog)
20     return self.predictions

```

Este método realiza predicciones con el modelo SARIMA entrenado. El parámetro `steps` especifica el número de pasos futuros a predecir. También permite incluir variables exógenas para la predicción.

3.2.4. Método evaluate

```

1 def evaluate(self):
2     """
3     Evalúa el rendimiento del modelo calculando métricas comunes.
4

```

```

5     Returns:
6         dict: Diccionario con las métricas de evaluación.
7     """
8     if self.fitted_model is None:
9         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de evaluarlo")
10
11     # Calcular predicciones en muestra
12     in_sample_predictions = self.fitted_model.fittedvalues
13
14     # Calcular errores
15     residuals = self.data - in_sample_predictions
16     mse = np.mean(residuals ** 2)
17     rmse = np.sqrt(mse)
18     mae = np.mean(np.abs(residuals))
19
20     # Crear diccionario de resultados
21     metrics = {
22         'AIC': self.fitted_model.aic,
23         'BIC': self.fitted_model.bic,
24         'MSE': mse,
25         'RMSE': rmse,
26         'MAE': mae
27     }
28
29     return metrics

```

Este método evalúa el rendimiento del modelo calculando métricas comunes como AIC, BIC, MSE, RMSE y MAE.

3.2.5. Método plot_diagnostics

```

1 def plot_diagnostics(self, figsize=(16, 12)):
2     """
3     Genera gráficos de diagnóstico para el modelo SARIMA.
4
5     Args:
6         figsize (tuple, optional): Tamaño de la figura.
7     """
8     if self.fitted_model is None:
9         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de generar diagnósticos")
10
11     fig, axes = plt.subplots(3, 2, figsize=figsize)
12
13     # Gráfico de la serie original y las predicciones
14     axes[0, 0].plot(self.data, label='Observado')
15     axes[0, 0].plot(self.fitted_model.fittedvalues, color='red', label='Predicciones')
16     axes[0, 0].set_title('Valores observados vs predicciones')
17     axes[0, 0].legend()
18
19     # Gráfico de residuos

```

```

20 axes[0, 1].plot(self.residuals)
21 axes[0, 1].set_title('Residuos')
22 axes[0, 1].axhline(y=0, color='red', linestyle='--')
23
24 # ACF de residuos
25 plot_acf(self.residuals, ax=axes[1, 0], lags=40)
26 axes[1, 0].set_title('ACF de residuos')
27
28 # PACF de residuos
29 plot_pacf(self.residuals, ax=axes[1, 1], lags=40)
30 axes[1, 1].set_title('PACF de residuos')
31
32 # Histograma de residuos
33 axes[2, 0].hist(self.residuals, bins=25)
34 axes[2, 0].set_title('Histograma de residuos')
35
36 # QQ plot de residuos
37 from scipy import stats
38 stats.probplot(self.residuals, dist="norm", plot=axes[2, 1])
39 axes[2, 1].set_title('QQ plot de residuos')
40
41 plt.tight_layout()
42 plt.show()

```

Este método genera gráficos de diagnóstico para el modelo SARIMA, incluyendo:

- Valores observados vs predicciones
- Residuos
- Función de Autocorrelación (ACF) de residuos
- Función de Autocorrelación Parcial (PACF) de residuos
- Histograma de residuos
- QQ plot de residuos

3.2.6. Método plot_forecast

```

1 def plot_forecast(self, steps=10, alpha=0.05, figsize=(12, 6), exog=None):
2     """
3     Visualiza las predicciones futuras con intervalos de confianza.
4
5     Args:
6         steps (int, optional): N mero de pasos a predecir. Por defecto es
7         10.
8         alpha (float, optional): Nivel de significancia para los
9         intervalos de confianza.
10        figsize (tuple, optional): Tama o de la figura.
11        exog (array-like, optional): Variables ex genas para la
12        predicci n.
13    """

```

```

11     if self.fitted_model is None:
12         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de visualizar
           predicciones")
13
14     # Realizar predicción
15     forecast_result = self.fitted_model.get_forecast(steps=steps, exog=
           exog)
16     forecast_index = np.arange(len(self.data), len(self.data) + steps)
17
18     # Obtener predicciones e intervalos de confianza
19     forecast_mean = forecast_result.predicted_mean
20     conf_int = forecast_result.conf_int(alpha=alpha)
21
22     # Crear figura
23     plt.figure(figsize=figsize)
24
25     # Graficar datos históricos
26     plt.plot(np.arange(len(self.data)), self.data, label='Observado')
27
28     # Graficar predicciones
29     plt.plot(forecast_index, forecast_mean, color='red', label='
           Predicción')
30
31     # Graficar intervalos de confianza
32     plt.fill_between(forecast_index,
33                     conf_int.iloc[:, 0],
34                     conf_int.iloc[:, 1],
35                     color='pink', alpha=0.3, label=f'Intervalo de
           confianza {(1 - alpha) * 100}%')
36
37     plt.title('Pronóstico SARIMA')
38     plt.legend()
39     plt.grid(True)
40     plt.show()

```

Este método visualiza las predicciones futuras con intervalos de confianza. Muestra los datos históricos, las predicciones y los intervalos de confianza en un gráfico. A diferencia del método equivalente en ARIMA, este método también permite incluir variables exógenas para la predicción.

3.2.7. Método grid_search

```

1 def grid_search(self, data=None, p_range=(0, 2), d_range=(0, 1), q_range
           =(0, 2),
2           P_range=(0, 1), D_range=(0, 1), Q_range=(0, 1), s_values
           =[12]):
3     """
4     Realiza una búsqueda en malla para encontrar los mejores
           hiperparámetros.
5
6     Args:
7         data (array-like, optional): Serie temporal. Si no se proporciona,
           se usan los datos del constructor.

```

```

8         p_range (tuple): Rango de valores para p (componente AR).
9         d_range (tuple): Rango de valores para d (componente I).
10        q_range (tuple): Rango de valores para q (componente MA).
11        P_range (tuple): Rango de valores para P (componente AR estacional
12    ).
13        D_range (tuple): Rango de valores para D (componente I estacional)
14        .
15        Q_range (tuple): Rango de valores para Q (componente MA estacional
16    ).
17        s_values (list): Lista de valores estacionales a probar.
18
19    Returns:
20        tuple: La mejor configuraci n (p,d,q)(P,D,Q,s) encontrada.
21    """
22    if data is not None:
23        self.data = data
24
25    if self.data is None:
26        raise ValueError("No se han proporcionado datos para la b squeda
27    en malla")
28
29    # Inicializar ResultsManager para guardar resultados
30    results = []
31    self.results_manager = ResultsManager(results)
32
33    best_aic = float('inf')
34    best_params = None
35
36    # Contador para iteraci n
37    iteration_counter = 0
38
39    # Iterar sobre todas las combinaciones
40    for p in range(p_range[0], p_range[1] + 1):
41        for d in range(d_range[0], d_range[1] + 1):
42            for q in range(q_range[0], q_range[1] + 1):
43                for P in range(P_range[0], P_range[1] + 1):
44                    for D in range(D_range[0], D_range[1] + 1):
45                        for Q in range(Q_range[0], Q_range[1] + 1):
46                            for s in s_values:
47                                iteration_counter += 1
48
49                                # Validar combinaci n
50                                if p == 0 and q == 0 and P == 0 and Q ==
51    0:
52                                    continue
53
54                                # Mostrar progreso
55                                print(f"Evaluando SARIMA({p},{d},{q})({P
56    },{D},{Q},{s})")
57
58                                try:
59                                    # Crear y ajustar modelo
60                                    model = SARIMAX(
61                                        self.data,

```



```

56         order=(p, d, q),
57         seasonal_order=(P, D, Q, s),
58         enforce_stationarity=False,
59         enforce_invertibility=False
60     )
61     model_fit = model.fit(dispatch=False)
62
63     # Guardar resultados
64     result = ResultManager(
65         va=model_fit.aic,
66         vo=best_aic,
67         iteracion=iteration_counter,
68         modelo=f"SARIMA({p},{d},{q})({P},{D},{Q},{s})"
69     )
70     self.results_manager.guardar_dato(
71         result)
72
73     # Actualizar el mejor modelo
74     encontrado
75     if model_fit.aic < best_aic:
76         best_aic = model_fit.aic
77         best_params = (p, d, q, P, D, Q, s)
78
79     print(f"SARIMA({p},{d},{q})({P},{D},{Q},{s}) - AIC: {model_fit.aic}")
80
81     except Exception as e:
82         print(f"Error en SARIMA({p},{d},{q})({P},{D},{Q},{s}): {str(e)}")
83
84     # Actualizar los parámetros del modelo con la mejor configuración
85     if best_params:
86         p, d, q, P, D, Q, s = best_params
87         self.order = (p, d, q)
88         self.seasonal_order = (P, D, Q, s)
89
90     # Entrenar el modelo con los mejores parámetros
91     self.fit()
92
93     return best_params

```

Este método realiza una búsqueda en malla para encontrar los mejores hiperparámetros para el modelo SARIMA. A diferencia del método equivalente en ARIMA, este método también busca los mejores valores para los componentes estacionales (P, D, Q, s). Prueba diferentes combinaciones de parámetros y selecciona la que produce el menor valor de AIC.

3.2.8. Método to_csv

```

1 def to_csv(self, filepath):
2     """
3     Guarda los resultados de la búsqueda en malla en un archivo CSV.

```

```

4
5     Args:
6         filepath (str): Ruta donde guardar el archivo CSV.
7     """
8     if self.results_manager:
9         self.results_manager.to_csv(filepath)
10    else:
11        print("No hay resultados para guardar")

```

Este método guarda los resultados de la búsqueda en malla en un archivo CSV.

3.2.9. Método summary

```

1 def summary(self):
2     """
3     Devuelve un resumen del modelo SARIMA.
4
5     Returns:
6         str: Resumen del modelo.
7     """
8     if self.fitted_model is None:
9         raise ValueError("El modelo debe ser entrenado antes de generar el
10        resumen")
11    return self.fitted_model.summary()

```

Este método devuelve un resumen del modelo SARIMA, incluyendo estadísticas y parámetros estimados.

3.2.10. Método decompose

```

1 def decompose(self, type='additive'):
2     """
3     Descompone la serie temporal en sus componentes de tendencia,
4     estacionalidad y residuos.
5
6     Args:
7         type (str): Tipo de descomposici n ('additive' o 'multiplicative
8         ').
9
10    Returns:
11        object: Resultado de la descomposici n.
12    """
13    from statsmodels.tsa.seasonal import seasonal_decompose
14
15    if self.data is None:
16        raise ValueError("No hay datos para descomponer")
17
18    # Crear un ndice para la descomposici n
19    index = pd.date_range(start='2000-01-01', periods=len(self.data), freq
    ='D')
20    series = pd.Series(self.data, index=index)

```

```
20
21     # Descomponer la serie
22     decomposition = seasonal_decompose(series, model=type, period=self.
seasonal_order[3])
23
24     # Graficar los resultados
25     fig, axes = plt.subplots(4, 1, figsize=(12, 10), sharex=True)
26
27     axes[0].plot(decomposition.observed)
28     axes[0].set_title('Serie Original')
29
30     axes[1].plot(decomposition.trend)
31     axes[1].set_title('Tendencia')
32
33     axes[2].plot(decomposition.seasonal)
34     axes[2].set_title('Estacionalidad')
35
36     axes[3].plot(decomposition.resid)
37     axes[3].set_title('Residuos')
38
39     plt.tight_layout()
40     plt.show()
41
42     return decomposition
```

Este método descompone la serie temporal en sus componentes de tendencia, estacionalidad y residuos. Utiliza la función `seasonal_decompose` de `statsmodels` para realizar la descomposición y visualiza los resultados en un gráfico. Este método es exclusivo de la clase `SarimaModel` y no está presente en la clase `ArimaModel`.

Capítulo 4

Ejemplos de Uso

4.1. Ejemplo de Uso de ARIMA

A continuación se muestra un ejemplo básico de cómo utilizar la clase `ArimaModel` para analizar y predecir una serie temporal:

```
1 import numpy as np
2 import pandas as pd
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 from arima import ArimaModel
5
6 # Cargar datos (ejemplo con datos sintéticos)
7 np.random.seed(42)
8 data = np.cumsum(np.random.normal(0, 1, 100)) # Serie temporal sintética
9
10 # Crear y entrenar modelo ARIMA
11 model = ArimaModel(data=data, order=(1, 1, 1))
12 model.fit()
13
14 # Evaluar el modelo
15 metrics = model.evaluate()
16 print("Métricas de evaluación:")
17 for key, value in metrics.items():
18     print(f"{key}: {value}")
19
20 # Realizar predicciones
21 predictions = model.predict(steps=10)
22 print("\nPredicciones:")
23 print(predictions)
24
25 # Visualizar diagnósticos
26 model.plot_diagnostics()
27
28 # Visualizar pronóstico
29 model.plot_forecast(steps=10)
30
31 # Buscar mejores parámetros
32 best_order = model.grid_search(p_range=(0, 2), d_range=(0, 2), q_range=(0, 2))
```

```
33 print(f"\nMejor orden encontrado: {best_order}")
34
35 # Guardar resultados
36 model.to_csv("arima_results.csv")
```

4.2. Ejemplo de Uso de SARIMA

A continuación se muestra un ejemplo básico de cómo utilizar la clase `SarimaModel` para analizar y predecir una serie temporal con componentes estacionales:

```
1 import numpy as np
2 import pandas as pd
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 from sarima import SarimaModel
5
6 # Cargar datos (ejemplo con datos sintéticos con estacionalidad)
7 np.random.seed(42)
8 t = np.arange(100)
9 trend = 0.1 * t
10 seasonal = 5 * np.sin(2 * np.pi * t / 12) # Estacionalidad con periodo
11 noise = np.random.normal(0, 1, 100)
12 data = trend + seasonal + noise # Serie temporal sintética con
13 estacionalidad
14
15 # Crear y entrenar modelo SARIMA
16 model = SarimaModel(data=data, order=(1, 0, 1), seasonal_order=(1, 0, 1,
17 12))
18 model.fit()
19
20 # Evaluar el modelo
21 metrics = model.evaluate()
22 print("Métricas de evaluación:")
23 for key, value in metrics.items():
24     print(f"{key}: {value}")
25
26 # Realizar predicciones
27 predictions = model.predict(steps=24) # Predecir 2 periodos estacionales
28 print("\nPredicciones:")
29 print(predictions)
30
31 # Visualizar diagnósticos
32 model.plot_diagnostics()
33
34 # Visualizar pronóstico
35 model.plot_forecast(steps=24)
36
37 # Descomponer la serie
38 decomposition = model.decompose(type='additive')
39
40 # Buscar mejores parámetros (búsqueda limitada para el ejemplo)
41 best_params = model.grid_search(
```

```
40     p_range=(0, 1), d_range=(0, 1), q_range=(0, 1),
41     P_range=(0, 1), D_range=(0, 1), Q_range=(0, 1),
42     s_values=[12]
43 )
44 print(f"\nMejores par metros encontrados: {best_params}")
45
46 # Guardar resultados
47 model.to_csv("sarima_results.csv")
```

Capítulo 5

Comparación entre ARIMA y SARIMA

5.1. Similitudes

Los modelos ARIMA y SARIMA comparten varias similitudes:

- Ambos son modelos estadísticos para el análisis y predicción de series temporales.
- Ambos utilizan componentes autorregresivos (AR) y de media móvil (MA).
- Ambos pueden aplicar diferenciación para hacer que la serie sea estacionaria.
- Ambos proporcionan métodos para ajuste, predicción, evaluación y diagnóstico.
- Ambos utilizan criterios como AIC y BIC para evaluar la calidad del modelo.

5.2. Diferencias

Las principales diferencias entre ARIMA y SARIMA son:

- SARIMA incluye componentes estacionales (SAR, SI, SMA) que ARIMA no tiene.
- SARIMA es más adecuado para series temporales con patrones estacionales recurrentes.
- SARIMA tiene más parámetros para ajustar (p , d , q , P , D , Q , s).
- SARIMA incluye un método adicional (**decompose**) para descomponer la serie en tendencia, estacionalidad y residuos.
- La búsqueda en malla para SARIMA es más compleja y computacionalmente intensiva debido al mayor número de parámetros.

5.3. Cuándo Usar Cada Modelo

- **Use ARIMA cuando:**

- La serie temporal no muestra patrones estacionales claros.
- Se necesita un modelo más simple con menos parámetros.
- El tiempo de cómputo es una preocupación.

- **Use SARIMA cuando:**

- La serie temporal muestra patrones estacionales claros.
- Se necesita capturar y modelar la estacionalidad explícitamente.
- Se requiere descomponer la serie en sus componentes.
- La precisión en la predicción de patrones estacionales es importante.

Capítulo 6

Conclusiones

6.1. Resumen

En este documento, hemos proporcionado una documentación detallada de las implementaciones de los modelos ARIMA y SARIMA para el análisis y predicción de series temporales. Estas implementaciones ofrecen una interfaz completa y fácil de usar para trabajar con estos modelos estadísticos.

Las clases `ArimaModel` y `SarimaModel` encapsulan toda la funcionalidad necesaria para ajustar modelos, realizar predicciones, evaluar el rendimiento, visualizar diagnósticos y resultados, optimizar hiperparámetros y exportar resultados.

6.2. Aplicaciones Prácticas

Los modelos ARIMA y SARIMA tienen numerosas aplicaciones prácticas en diversos campos:

- **Finanzas:** Predicción de precios de acciones, tasas de interés y otros indicadores financieros.
- **Economía:** Pronóstico de indicadores económicos como PIB, inflación y desempleo.
- **Meteorología:** Predicción de temperaturas, precipitaciones y otros fenómenos climáticos.
- **Ventas:** Pronóstico de ventas con patrones estacionales.
- **Energía:** Predicción de consumo de energía y demanda eléctrica.
- **Transporte:** Análisis de patrones de tráfico y demanda de transporte.
- **Salud:** Predicción de incidencia de enfermedades estacionales.

6.3. Limitaciones y Consideraciones

A pesar de su utilidad, es importante tener en cuenta algunas limitaciones y consideraciones al utilizar estos modelos:

- Los modelos ARIMA y SARIMA asumen que los patrones históricos continuarán en el futuro.
- La precisión de las predicciones tiende a disminuir a medida que el horizonte de predicción aumenta.
- La selección adecuada de los parámetros (p , d , q , P , D , Q , s) es crucial para el rendimiento del modelo.
- Estos modelos pueden no ser adecuados para series temporales con cambios estructurales o no linealidades complejas.
- La búsqueda en malla para optimizar hiperparámetros puede ser computacionalmente intensiva, especialmente para SARIMA.

6.4. Trabajo Futuro

Algunas posibles mejoras y extensiones para estas implementaciones incluyen:

- Implementación de validación cruzada para series temporales.
- Integración con otros modelos de series temporales como Prophet o modelos de aprendizaje profundo.
- Optimización del rendimiento para conjuntos de datos grandes.
- Implementación de métodos para manejar valores faltantes y outliers.
- Desarrollo de interfaces gráficas para facilitar el uso por parte de usuarios no técnicos.

En resumen, las implementaciones de ARIMA y SARIMA presentadas en este documento proporcionan herramientas poderosas y flexibles para el análisis y predicción de series temporales, con aplicaciones en una amplia variedad de campos.