

分布估计算法中差分采样策略的研究

董兵 周爱民 研究院

华东师范大学 计算机科学软件工程学院

2017年5月

董兵 **(ECNU)** 差分采样 2017年5月 1 / 43



- 1 绪论
- 2 研究背景
- 3 基于差分采样的单目标优化
- 4 基于差分采样的多目标优化
- 5 总结和展望

董兵 (ECNU)



- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望



演化算法是一种基于种群的启发式优化算法,是隶属于演化计算的人工智能算法。

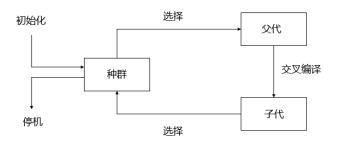


图 1: 演化算法流程图

董兵 (ECNU)



分布估计算法是一种新型的演化算法,传统的分布估计算法主要由三个 步骤组成:建模、采样、选择。

本文的研究目的是利用**差分采样策略**来取代分布估计算法传统的建模采样。传统的采样是通过从建立的概率模型来进行采样,利用差分采样策略可以有效提高种群多样性,减少对概率模型的依赖,有效提高算法性能。

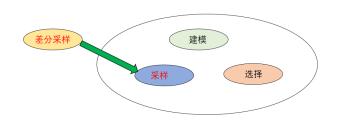


图 2: 分布估计算法



- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望

主要工作

- 受差分演化启发,提出一种基于差分演化的采样策略,即差分采样策略。
- 对于单目标优化问题,利用基于特征向量的差分演化去改进采样, 通过expensive Local Search进一步改进解集质量,提出**基于差分采 样的单目标分布估计算法**。
- 对于多目标优化问题,利用差分采样策略去改进RM-MEDA的采样,提出基于差分采样的多目标分布估计算法。

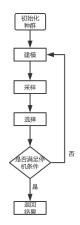
◆ロト ◆昼 ト ◆ 豊 ト ◆ 豊 ・ 夕 Q ②

7 / 43



- - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析

分布估计算法



- 分布估计算法主要有三个主要 步骤: 建模、采样、选择
- 传统的分布估计算法通过从建 立的概率模型中采样产生新的 个体

图 3: 分布估计算法流程



- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望

差分演化

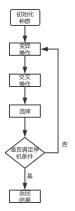


图 4: 差分演化流程

- 变异操作:产生变异向量 常用的变异策略:
 - DE/rand/1/bin
 - DE/best/1/bin
 - DE/rand/2/bin
 - DE/best/2/bin
 - DE/current-to-best/1/bin
- 交叉操作:利用交叉算子结合变异向量和目标向量来产生试验向量。
- 选择:利用一对一的竞争机制从目标 向量和试验向量中挑选个体。

董兵 (ECNU)

- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望



单目标优化问题几乎出现在科学和工程应用的各个领域中。本文研究的 单目标优化问题针对的是连续空间的全局优化问题,即是求目标函数的最小值或者最大值。

对于全局优化问题在本文做出以下定义:

min
$$f(x)$$

 $s.t.x \in [a_i, b_i]^n$ (1)

其中 $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)^T \in R^n$ 是决策变量向量, $[a_i, b_i]^n$ 是搜索空间区域, $f: R^n \to R$ 则是目标函数。

◆ロト ◆個ト ◆差ト ◆差ト 差 めなぐ

董兵 (ECNU) 2017年5月 13 / 43



- - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析

基于特征向量的差分演化算法

```
1 初始化种群Pop(t) = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_N\} (N是种群大小)
2 while not terminate do
       v_{i,G} = x_{r1,G} + F \cdot (x_{r2,G} - x_{r3,G})
       if rand() < p then
           if rand() \le CR then
              u_{i,G} = v_{i,G}
           else
            u_{i,G} = x_{i,G}
           end
9
       else
10
           求得x。c的特征向量矩阵E,令E为特征向量矩阵的逆矩阵。
           x'_{i,G} = E' \cdot x_{i,G}
12
           v'_{i,C} = E' \cdot v_{i,C}
           if rand() \le CR then
               u'_{i,G} = v'_{i,G}
15
           else
16
              u'_{i,G} = x'_{i,G}
           end
           u_{i,G} = E \cdot u'_{i,G}
19
       end
20
       if f(u_{i,G}) \le f(x_{i,G}) then
          x_{i,G+1} = u_{i,G}
        x_{i,G+1} = x_{i,G}
       end
      t = t + 1
27 end
```

图 5: DE-EIG算法

- DE-EIG算法是基于特征向量的 差分演化算法,其主要贡献是 在一个旋转的坐标空间对个体 进行交叉操作,这样可以利用 旋转空间中种群的协方差矩阵 的特征向量信息。
- 这样在保证种群的多样性的同时,能够有效地引导种群向全局最优演化。

董兵 (ECNU) 2017年5月 15 / 43

DE/EDA算法

```
1 在可行的搜索空间内构建一个随机种群Pop(t)
  while not terminate do
       构建概率模型:
       p_k(x) = \prod_{i=1}^{n} \mathcal{N}(x_i; \mu_i, \sigma_i)
       对于所有i = 1, 2, \dots, n, 产生一个试验向量u = (u_1, u_2, \dots, u_n)
       if rand() < CRP then
           u = \frac{(x_i)_j + (x_d)_j}{2} + F \cdot [(x_d)_j - (x_i)_j + (x_b)_j - (x_c)_j]
        | u根据\mathcal{N}(x_i; \mu_i, \sigma_i)采样产生
       end
       if f(u) < f(x_i) then
        x_{i}^{t+1} = u
12
        x_{i}^{t+1} = x_{i}^{t}
       t = t + 1
17 end
```

图 6: DE/EDA算法

- DE/EDA是一种结合差分演化 和分布估计算法来解决全局连 续优化问题。
- DE/EDA通过利用分布估计算 法可以提取种群全局信息和差 分演化可以提取种群差分信息 的优点,是一种非常具有研究 前景的算法。

expensive Local Search

- 利用 Converage(θ, t, t_e)函数来 判断解是否收敛
- expensive LS可以进一步优化解 集质量

$$\Delta f = \frac{|f_{t-50}^1 - f_t^1|}{\max\{|f_{t-50}^1|, |f_t^1|\} + \varepsilon} \quad (2)$$

$$\Delta x = \frac{|c_{t-50} - c_t|}{\max\{c_t, c_{t-50}\} + \varepsilon}$$
 (3)

- **Δ***f*表示在近50代中最好的评价 值的比率的降低
- $f_t^1 = min_{x \in popt}$ 是在代数t时最好的目标函数值。
- Δx表示在近50代中种群覆盖区 域的变化比率
- $c_t = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\max_{x \in pop} \min_{x \in pop}), \quad \varepsilon = 1.0 \times 10^{-50}.$
- 通过将 $min\{\Delta f, \Delta x\}$ 和给定的 阈值 θ 进行比较,可以判断解是 否收敛。为了提高算法的运行 效率,每两次expensive LS至少 间隔50代。

4□ > 4ⓓ > 4ಠ > 4ಠ > □ = 90

 董兵 (ECNU)
 差分采样
 2017年5月
 17 / 43

基于差分采样策略的单目标分布估计算法

```
1 初始化种群Pop(t) = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_N\} (N是种群的大小)
2 while not terminate do
      构建概率模型:
      p(x) = \prod_{i=1}^{n} \mathcal{N}(x_i; \mu_i, \sigma_i)
      根据下面的流程产生新的实验向量业 c:
      if rand() < CRP then
         根据DE-EIG采样得到u.c
      else
8
         根据概率模型p(x)采样得到u_{i,G}
      end
10
11
      if f(u_{i,G}) < f(x_{i,G}) then
12
         x_{i,G+1} = u_{i,G}
      else
13
14
         x_{i,G+1} = x_{i,G}
15
      end
      if Coverage(\theta, G, G_e) then
16
         执行expensive LS
17
18
      end
19
      t = t + 1
20 end
```

图 7: EDA/DE-EIG算法

- 在基于DE/EDA算法框架的基 础上,利用DE-EIG进行采样, 同时结合expensive LS进一步提 高解集质量,提出基于差分采 样的单目标分布估计算法。
- 为了增加种群的多样性,通过 利用随机参数来设置 CRP,可 以提高种群的多样性和算法的 鲁棒性。

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 18 / 43



- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望

实验设置:

- 测试题中所有种群维度都设置为30。所有算法都会在每一个测试题上独立运行50次,停机条件是450000函数评估。
- JADE: 参数设置为: *N* = 150, *p* = 0.05, *c* = 0.1, *F* = 0.5, *CR* = 0.9
- DE/EDA: N = 150, F = 0.5, CRP = 0.9。
- EDA/DE-EIG: CRP = 0.5, F = 0.5, CR = 0.6, $\theta = 0.1$; 控制坐标旋转的参数p 设置为0.5;种群的大小N设置为150。对于expensive LS的相关参数的设置,与EDA/LS中的参数设置相同。

- 4 ロ ト 4 昼 ト 4 夏 ト 4 夏 ト 9 Q ()

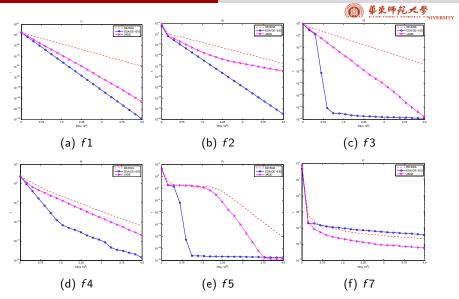


图 8: 在f1 - f13中除了f6的12个测试题上目标函数平均值的折线图

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 21 / 43

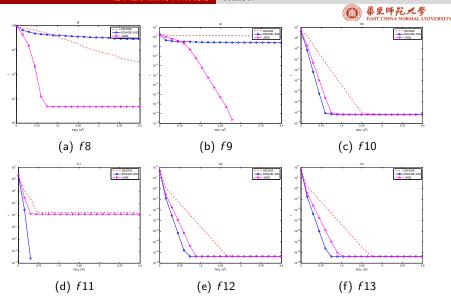


图 9: 在f1-f13中除了f6的12个测试题上目标函数平均值的折线图

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 22 / 43



- 三个算法在f6测试题上都收敛得很早,因此不用折线图展示。
- 和DE/EDA相比,EDA/DE-EIG具有较大的领先,在10个测试题上都具有较大幅度优势(除了f7,f8)。
- 和JADE相比,在f1, f2, f3, f4, f11 5个测试题上在下降趋势和最终结果都有明显优势,在f10, f12, f13三个测试题上,下降趋势更佳,对于f5虽然最终结果不如JADE,但是下降趋势表现得更好,在f7, f8, f9 3个测试题上表现得不如JADE。

- 4 ロ ト 4 昼 ト 4 夏 ト 4 夏 ト 9 Q Q

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 23 / 43



_	EDA/DE-EIG	JADE	DE/EDA
f1	$1.54\text{e-}159 \pm 5.11\text{e-}159$	$3.90e - 127 \pm 2.74e - 126(+)$	$1.39e - 59 \pm 2.58e - 59(+)$
f2	$1.02\text{e-}75 \pm 7.46\text{e-}76$	$2.60e - 35 \pm 1.64e - 34(+)$	$5.15e - 28 \pm 4.68e - 28(+)$
f3	$4.01\text{e-}35 \pm 8.47\text{e-}35$	$7.79e - 35 \pm 2.51e - 34(\sim)$	$1.23e - 12 \pm 1.20e - 12(+)$
17		,	(,,
f4	$5.01\text{e-}20 \pm 3.06\text{e-}19$	$3.15e - 14 \pm 6.42e - 14(+)$	$9.90e - 12 \pm 2.69e - 11(+)$
V			
f_5	$1.46e - 29 \pm 2.62e - 29$	$3.85e-30 \pm 9.58e-30(-)$	$3.37e - 21 \pm 8.66e - 21(+)$
\subseteq			
f6	$0.00e+00\pm0.00e+00$	$0.00e+00\pm0.00e+00(\sim)$	$0.00e+00\pm0.00e+00(\sim)$
$\overline{}$			
f7	$3.60e - 03 \pm 1.00e - 03$	$6.01\text{e-}04 \pm 2.23\text{e-}04(-)$	$2.20e - 03 \pm 5.59e - 04(-)$
f8	$2.79e + 03 \pm 5.02e + 02$	$4.74e+00\pm2.34e+01(-)$	$1.82e + 03 \pm 6.72e + 02(-)$
,,,	2.150 00 1 0.020 02	11110 00 1 21010 01()	1.020 00 1 0.120 02()
f9	$6.23e + 00 \pm 2.21e + 00$	$0.00e+00\pm0.00e+00(-)$	$1.54e + 02 \pm 1.96e + 01(+)$
V	01200 00 1 21210 00	0.000100 ± 0.000100()	11010 02 1 11000 01(1)
f10	$4.44e-15\pm0.00e+00$	$4.44e-15 \pm 0.00e+00(\sim)$	$4.44e-15 \pm 0.00e+00(\sim)$
\simeq			
f11	$0.00e+00\pm0.00e+00$	$1.48e - 04 \pm 1.05e - 03(\sim)$	$2.96e - 04 \pm 1.46e - 03(\sim)$
\sim			
f12	$1.57 \mathrm{e}\text{-}32 \pm 5.53 \mathrm{e}\text{-}48$	$1.57 ext{e-} 32 \pm 5.53 ext{e-} 48 (\sim)$	$1.57 \mathrm{e}\text{-}32 \pm 5.53 \mathrm{e}\text{-}48 (\sim)$
[
f13	$1.35\text{e-}32 \pm 1.11\text{e-}47$	$1.35 ext{e-} 32 \pm 1.11 ext{e-} 47 (\sim)$	$1.35 ext{e-} 32 \pm 1.11 ext{e-} 47 (\sim)$
\simeq		$3(+)6(\sim)4(-)$	$6(+)5(\sim)2(-)$

图 10: 基于差分采样的单目标分布估计算法

- 红色的表示表现最佳的 是EDA/DE-EIG
- 蓝色的表示三个算法皆 表现最佳
- 黄色的表示JADE结果最 好

董兵 **(ECNU)** 差分采样 2017年5月 24 / 43



- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望



现实生活中的问题往往具有多个目标,而每个目标之间的最优值往往是 冲突的。在本文中,假设多目标问题中的每个问题都是最小化问题,则 做出以下定义:

min
$$F(x) = (f_1(x), \dots, f_m(x))$$

s.t $x \in \Omega$ (4)

其中, $x = (x_1, \dots, x_n)^T \in R^n$ 是决策变量向量, $\Omega = \prod_{i=1}^n [a_i, b_i] \subset R^n$ 表示可能的搜索空间区域, $f_i : R^n \to R, i = 1, \dots, m$ 是一个连续的目标函数,F(x)则是相应的目标函数向量。

4 ロ ト 4 個 ト 4 種 ト 4 種 ト 種 り 9 0 0 0

董兵 (ECNU) 2017年5月 26 / 43

多目标优化问题的相关定义

在多目标优化问题中,多个目标相互之间往往是冲突的,从而导致无法 在满足所有约束条件下使得所有目标函数都能够达到全局最优解,但是 存在一组**Pareto最优解**。

对于此,做出以下定义: $\Diamond a, b \in R^n$,当 $a_i \leq b_i \land a \neq b$,且 $i = 1, \dots, n$,则称a 支配b。向量 $x^* \in \Omega$ 即是公式 4的Pareto 最优解,如果不存在 $x \in \Omega$ 使得F(X) 支配 $F(x^*)$ 。 $F(x^*)$ 被称为Pareto最优目标向量。所有的Pareto 最优解的集合就是**Pareto最优解集**(PS),对应的最优向量的集合则成为**Pareto** 前沿(PF)。

◆ロト ◆個ト ◆意ト ◆意ト ■ めなべ



在一般条件下,根据Karush-Kuhn-Tucker条件可以推导出:连续多目标问题在决策空间中的Pareto解集是一个连续分段的(m-1)维的流形体(m是目标数)。对于一个成功的多目标演化算法(multiobjective evolutionary algorithm, MOEA)来说,独立的个体应该是在决策空间中分散在Pareto解集附近,如图 11 所示。

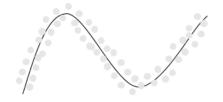


图 11: 连续多目标问题决策空间中个体的分布情况

董兵 (ECNU) 2017年5月 28 / 43



- - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析

董兵 (ECNU)



- 根据连续多目标问题以上的特 性,基于规律模型的多目标分 布算法(RM-MEDA)算法被 提出用于解决连续多目标问 题。
 - 在每一次迭代中,通过局部主 成分分析(LPCA)在决策空间 中的区域建立概率分布模型, 然后通过使用拉丁实验设计采 样得到新的子代种群。
 - RM-MEDA 采用基于非劣排序 的方法来挑选个体来产生新的 种群。

- 1 初始化一个随机种群Pop(0), 并且设置t=0。
- 2 while 没有达到停机条件 do
- 建模:建立一个概率模型 ε 来表示在随机种群Pop(t)中的个体。
- **采样**:通过上述的概率模型进行采样得到新的解集O。
- 选择: $\mathcal{M}Q[Pop(t)$ 中挑选出N个个体来组成一个新的种群Pop(t+1)。
- t = t + 17 end

图 12: RM-MEDA

LPCA通过最小化以下误差函数的最小值来将种群划分聚类: EAST CHINA NORMAL UNIVERSIT

 $\sum_{k=1}^{k} \sum_{i} d(x_{i} A_{i}^{m-1})^{2} \tag{5}$

$$\sum_{j=1}^{k} \sum_{x \in C^{j}} d(x, A_{j}^{m-1})^{2}$$
 (5)

其中 A_j^{m-1} 是聚类个体的(m-1)维主子空间仿射, $d(x,A_j^{m-1})$ 是 \overline{x} 和它在 A_j^{m-1} 上投影的欧式距离。

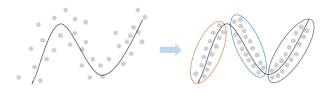


图 13: LPCA划分聚类过程

4 D > 4 A > 4 B > 4 B > B 90 Q P

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 31 / 43

存在的问题

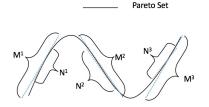


图 14: 通过缩放比例来覆盖Pareto解集

- 在每一个聚类之中, N^k 用来表 示聚类中的Pareto解集, M^k 则 用来覆盖每个聚类中 的Pareto解集。
- 为了能够覆盖聚类中 的Pareto解集,RM-MEDA通过 设置一个缩放比例用来覆盖聚 类中的Pareto解集。但是这个 缩放比例依赖于具体的问题, 对于不同的问题, 其表现也不 尽相同。



对于每个给定的聚类求得相应的协方差矩阵C并进行分解操作;

$$C = EDE^T$$

E是协方差矩阵C的特征向量矩阵,D是由特征值组成的对角矩阵。 2 对于聚类中每一个个体x,将其映射到隐空间中;

$$u = x \cdot R$$
.

- R是特征向量矩阵E中前(m-1)个主要成分。
- a 在隐空间中对于种群个体讲行变异操作。

$$y' = y_{r_1} + rand \cdot (y_{r_2} - y_{r_2}) + F \cdot (y_{r_2} - y_{r_2})$$

- 4 将小映射到原始的决策空间
- $x' = y' \cdot R^T$. $r'' = r' + \varepsilon'$

- 5 返回产生的新的个体
- ε' 是一个服从分布 $\mathcal{N}(0, \sigma_{\tau}I)$ 的高斯噪音 $(\tau \in \{1, 2, \dots, K\}$ 是一个随机产生的整数)

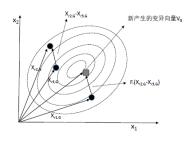


图 15: 差分采样策略

图 16: 变异策略

- 通过特征向量将种群转换到隐空间中,在隐空间中利用新型的变异 策略完成变异操作,在将种群映射到原始空间中。
- 利用差分采样策略来取代分布估计算法中原有的建模采样。

4 O > 4 O > 4 O > 4 O > 4

```
    初始化一个随机种群Pop(t),并且设置t为0。
```

6 t = t + 1

7 end

图 17: DES-RM-MEDA

■ 利用差分采样策略来改 进RM-MEDA的的采 样,有效提高算法性能

 董兵 (ECNU)
 差分采样
 2017年5月
 34 / 43

² while not terminate do

³ 建模:通过建立概率模型δ来描述种群中个体的分布情况。

⁴ **采样**:根据概率模型将种群划分为不同的聚类 C_i 。对于每一个聚类,分别应用DES来产生新的候选集合 O_i ,最终生成集合 $O = \cup_i O_i$ 。

选择: $\mathcal{M}Q \cup Pop(t)$ 中选择N个个体来构建新的种群Pop(t+1)。



- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望



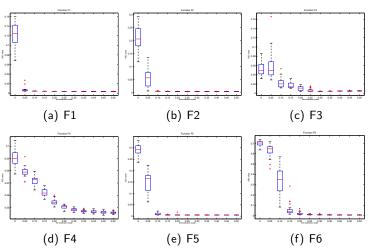


图 18: 不同缩放比例下, RM-MEDA的IGD指标的箱线图

→□▶→□▶→■▶→■ 夕久◎

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 36 / 43

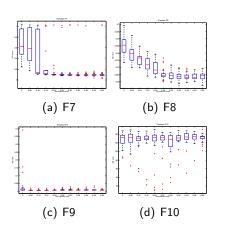


图 19: 不同缩放比例下,RM-MEDA的IGD指标的箱线图

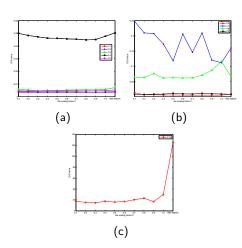
- 如果不设置缩放比例, 那么RM-MEDA表现则 不是很好
- 缩放比例设置的越大,则RM-MEDA表现得也 更加优秀
- 对于设置较大的缩放比例也可能会造成性能的不稳定
- 总的来说,如何在实践 中设置一个最佳的缩放 比例还是比较困难的。

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 37 / 43

实验分析

实验分析

缩放因子F的敏感性



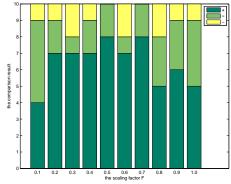


图 21: Wilcoxon's rank test层叠柱状图

图 20: 不同缩放因子

下,DES-RM-MEDA的性能比较

董兵 (ECNU) 差分采样 2017年5月 38 / 43

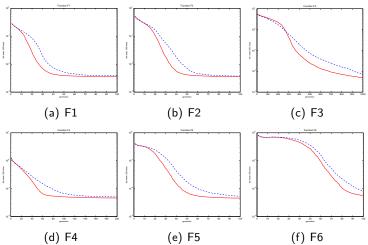


图 22: IGD指标均值趋势图。实线表示DES-RM-MEDA,虚线表示RM-MEDA。

◆ロト→個ト→差ト→差 り

董兵 (ECNU)

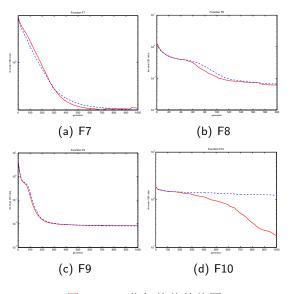


图 23: IGD指标均值趋势图

- 两个目标的测试 题,DES-RM-MEDEA在测试 题F1,F2,F3,F6,F10 5个测试题上,无论是下 降趋势还是最终结果都 具有优势。对于F9,两个 算法的表现几乎一致。 在F7上,其表现在后阶 段表现不太稳定。
 - 三个目标的测试 题,DES-RM-MEDA在 下降趋势和最终结果都 处于领先。

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 900

董兵 (ECNU) 2017年5月 40 / 43



- 1 绪论
 - 研究目的和意义
 - 主要研究内容
- 2 研究背景
 - 分布估计算法
 - 差分演化
- 3 基于差分采样的单目标优化
 - 全局单目标优化问题
 - 基于差分采样的单目标分布估计算法
 - 实验分析
- 4 基于差分采样的多目标优化
 - 连续多目标问题
 - 基于差分采样的多目标分布估计算法
 - 实验分析
- 5 总结和展望



■本文针对分布估计算法中的采样,提出了差分采样策略,对于单目标优化问题和多目标优化问题分别提出了基于差分采样的单目标分布估计算法和基于差分采样的多目标分布估计算法。通过综合的实验分析,差分采样策略对于提高分布估计算法性能具有重大意义。

当然本文的工作还有一些不足之处,因此做以下几点展望:

- 将差分采样策略应用于其它多目标优化算法
- 进一步优化EDA/DE-EIG算法
- 对于DE/EDA算法中,分布估计算法和差分演化的资源分配是一个 值得继续探索的话题



Thanks!

- B. Dong, A. Zhou, and G. Zhang, A Hybrid Estimation of Distribution Algorithm with Differential Evolution for Global Optimization, 2016 IEEE Symposium Series on Computational Intelligence (SSCI), 2016.
- B. Dong, A. Zhou, and G. Zhang, Sampling in Latent Space for a Multiobjective Estimation of Distribution Algorithm,
 2016 IEEE Congress on Evolutionary Computation (CEC), 2016.