## ALEM. Examen sobre los Temas 1 y 2.

Grupo E, Curso 2013-2014.

Apellidos, Nombre: .....

1. Si  $A, B, C, D \subseteq X$  son conjuntos, demuestre las siguientes propiedades:

a)

$$\mathcal{P}(A \cap B) = \mathcal{P}(A) \cap \mathcal{P}(B).$$

b)

$$(A \times C) \cup (B \times D) \subseteq (A \cup B) \times (C \cup D).$$

2. Sea el conjunto  $A=\{x\in\mathbb{N}:0\leq x\leq 20\}$ . En  $A^3$  se define la siguiente relación de equivalencia:

$$(a, b, c) R (a', b', c')$$
 si, y sólo si,  $a + b + c = a' + b' + c'$ .

Calcule el cardinal de:

- a) El conjunto cociente  $\frac{A^3}{R}$ .
- b) La clase de equivalencia del elemento (8,9,3).
- c) La clase de equivalencia del elemento (17, 17, 19).
- 3. Sea la aplicación  $f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$  definida por f(x,y) = 5xy + y.
  - a)  $\xi$ Es f inyectiva?
  - b) ¿Es f sobreyectiva?
  - c) ¿Posee f inversas por la izquierda? ¿Y por la derecha? Cuando la respuesta sea afirmativa, muestre una de tales inversas.
- 4. Supongamos que el conjunto  $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$  está ordenado según el diagrama de Hasse adjunto, y sea el subconjunto  $B = \{2, 4, 5, 6\}$ . Obtenga los elementos distinguidos de B.

