- 1. La aplicación $f: \mathcal{M}_{2\times 2}(\mathbb{R}) \to \mathbb{R}$ que le hace corresponder a cada matriz $A \in \mathcal{M}_{2\times 2}(\mathbb{R})$ su determinante
 - a) es inyectiva pero no es sobreyectiva.
 - b) es sobreyectiva pero no es inyectiva.
 - c) es biyectiva.
 - d) no es inyectiva ni sobreyectiva.
- 2. Dada la aplicación $f: \mathbb{Z}_8 \to \mathbb{Z}_8$ definida por $f(x) = x^2 + 5$, entonces $f^*(f_*(\{1,6\}))$ es igual a
 - (a) $\{0, 1, 4, 6\}$ (b) $\{1, 2, 3, 5, 6, 7\}$ (c) \mathbb{Z}_8 (d) $\{1, 6\}$
- 3. Sea R la relación binaria definida en \mathbb{Z}_8 como a R b si y sólo si existe $x \in \mathbb{Z}_8$ tal que $a \cdot x = b$. Entonces
 - a) R es una relación de equivalencia cuyo conjunto cociente consta de dos clases de equivalencia.
 - b) R no es una relación de equivalencia ya que no se verifica la propiedad transitiva
 - c) R es una relación de equivalencia cuyo conjunto cociente consta de cuatro clases de equivalencia.
 - d) R no es una relación de equivalencia ya que no se verifica la propiedad simétrica.
- 4. ¿Cuál es el menor n natural tal que S_n contiene alguna permutación de orden 42?
 - (a) 11 (b) 12 (c) 13 (d) 14
- 5. Sean $U_1 = \langle (2,3,4,1), (1,4,2,3) \rangle$ y $U_2 = \langle (0,1,0,0), (0,0,1,0) \rangle$ subespacios vectoriales de $(\mathbb{Z}_5)^4$. Entonces $dim(U_1 \cap U_2)$ es igual a
 - (a) 0 (b) 1 (c) 2 (d) 3
- 6. Sea B una base de \mathbb{R}^7 y sea $\{X,Y\}$ una partición de B. Entonces
 - a) $\mathbb{R}^7 = \langle X \rangle + \langle Y \rangle$ aunque $\langle X \rangle \cap \langle Y \rangle \neq \{\vec{0}\}.$
 - b) $\langle X \rangle \cap \langle Y \rangle = \{\vec{0}\}$ aunque $\mathbb{R}^7 \neq \langle X \rangle + \langle Y \rangle$.
 - c) $\mathbb{R}^7 = \langle X \rangle \oplus \langle Y \rangle$.
 - d) $dim\langle X \rangle = dim\langle Y \rangle$.
- 7. Sea la aplicación $f: \mathbb{R}^4 \to \mathbb{R}^3$ definida como f(x, y, z, t) = (x + 2y + 3z + t, x + y + t, 3x + 4y + 3z + 3t). Entonces una base de Im(f) es
 - a) $\{(2,-1,0),(1,0,1)\}$
 - b) $\{(1,1,3),(1,2,-1)\}$
 - $c) \{(3,0,3),(1,1,1)\}$
 - $d) \{(2,1,4),(1,0,3)\}$
- 8. Sea $U = \{(x, y, z) \in (\mathbb{Z}_7)^3 \mid 2x + 3y + z = 0, 3x + y + 5z = 0\}$. Entonces U tiene cardinal
 - (a) 1 (b) 7 (c) 49 (d) 21

9. Dado el sistema con parámetros a y b pertenecientes a \mathbb{R} ,

$$\begin{cases} ax - y + z = b \\ x + ay + z = 121 \\ x + ay + 2z = 3b \end{cases}$$

se verifica que

- a) si $3b > a^2$, entonces el sistema es incompatible.
- b) el sistema es siempre compatible indeterminado.
- c) si $121^3 < a \cdot b < 121^4$, entonces el sistema es incompatible.
- d) el sistema es siempre compatible determinado.
- 10. ¿Cuántas aplicaciones lineales $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ verifican que $\{(1,2,1), (1,3,1)\} \subseteq Ker(f)$ y $(1,2,1) \in Im(f)$?
 - a) Infinitas.
 - b) Sólo una.
 - c) Un número finito mayor que 1.
 - d) Ninguna.
- 11. Dada la matriz $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 7 & 3 & 0 \\ 0 & 4 & 3 \end{pmatrix} \in \mathcal{M}_{3\times 3}(\mathbb{Q})$, ¿cuál es el mayor cardinal que puede tener un subconjunto de \mathbb{Q}^3 formado por vectores propios de A linealmente independientes?
 - (a) 0 (b) 1 (c) 2 (d) 3
- 12. Dada la matriz $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 3 & 1 & 4 \end{pmatrix} \in \mathcal{M}_{3\times 3}(\mathbb{Z}_5)$, ¿cuál de los vectores siguientes de $(\mathbb{Z}_5)^3$ no es un vector propio de A?
 - (a) (3,1,0) (b) (2,4,1) (c) (3,1,4) (d) (4,3,1)
- 13. Si $X = \{\{\varnothing\}\}\$, entonces $\mathcal{P}(X)$ es igual a
 - $\text{(a) } \{\{\varnothing\},\{\{\{\varnothing\}\}\}\}\} \qquad \text{(b) } \{\varnothing,\{\varnothing\}\}\} \qquad \text{(c) } \{\varnothing,\{\{\varnothing\}\}\} \qquad \text{(d) } \{\{\varnothing\},\{\{\varnothing\}\}\}\}$
- 14. Sea $G = S_{10}$ el grupo simétrico de grado 10 y sea **1** su elemento neutro. Si $A = \{1, (5, 3, 7), (3, 5, 7)\}$, entonces
 - a) A es un subgrupo normal de G al estar formado por tres elementos y ser 3 un número primo.
 - b) A es un subgrupo de G, aunque no es un subgrupo normal.
 - c) A no es un subgrupo de G pues la operación binaria de G no es una operación binaria en A.
 - d) A no es un subgrupo de G debido a que 3 no divide a 10.
- 15. Dada la permutación $\alpha = (1, 2, 4, 5, 6, 3)(8, 1, 7, 2, 5)$, entonces a^{2007} es igual a

- (a) α^4 (b) **1** (c) α^7 (d) α^5
- 16. Sea $A \in \mathcal{M}_{2\times 2}(\mathbb{Z}_{11})$ tal que $A^2 = \begin{pmatrix} 1 & 8 \\ 7 & 2 \end{pmatrix}$ y $A^5 = I$. Entonces A^{-1} es igual a
 - (a) $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$ (b) $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 10 & 5 \end{pmatrix}$ (c) $\begin{pmatrix} 1 & 6 \\ 8 & 1 \end{pmatrix}$ (d) $\begin{pmatrix} 3 & 9 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$
- 17. Sean $U = \{(x, y, z, t) \in \mathbb{R}^4 \mid x y z + t = 0\}$ y $V = \mathbb{R}^4$. Entonces la dimensión del espacio vectorial cociente V/U vale
 - (a) 3 (b) 4 (c) 2 (d) 1
- 18. Sobre la matriz $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \end{pmatrix} \in \mathcal{M}_{4\times 4}(\mathbb{Q})$ sabemos que $\lambda = -1$ es un

valor propio. Entonces la multiplicidad algebraica de λ es igual a

- (a) 3 (b) 4 (c) 2 (d) 1
- 19. Dadas las bases $B_1 = \{(1,2), (3,4)\}$ y $B_2 = \{(3,-2), (2,6)\}$ de \mathbb{R}^2 , ¿cuál de los vectores siguientes cumple la propiedad de que sus coordenadas respecto de la base B_1 son también sus coordenadas respecto de la base B_2 ?
 - (a) (-1,1) (b) (0,4) (c) (33,-4) (d) (7,10)
- 20. Dados los subespacios vectoriales $U=\{(x,y,z)\in\mathbb{R}^3\mid x-y-3z=0,2x-y-z=0\}$ y $W=\langle (8,1,0),(6,-4,1)\rangle$ de \mathbb{R}^3 , se verifica que
 - a) $U \setminus W = \emptyset$ y $W \setminus U \neq \emptyset$.
 - b) $U \setminus W = \emptyset$ y $W \setminus U = \emptyset$.
 - c) $U \setminus W \neq \emptyset$ y $W \setminus U = \emptyset$.
 - d) $U \setminus W \neq \emptyset$ y $W \setminus U \neq \emptyset$.