- 1. Sean los subespacios vectoriales de \mathbb{R}^3 : $U_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid 2x + 3y 4z = 0\}$ y $U_2 = \langle (1, 3, 5), (1, 2, 2) \rangle$. Una base de $U_1 \cap U_2$ es:
 - $a) \{(3,6,6)\}$
 - b) $\{(2,0,1),(4,1,2)\}$
 - c) $\{(-1,2,1)\}$
 - $d) \quad \{\overrightarrow{0}\}$
- 2. Sean $B_1 = \{v_1, v_2\}$ y $B_2 = \{u_1, u_2\}$ dos bases de \mathbb{R}^2 tales que $v_1 = -2u_1 u_2$ y $v_2 = 5u_1 + 2u_2$. Si w es un vector de \mathbb{R}^2 cuyas coordenadas respecto de B_1 son (8,3), entonces las coordenadas de w respecto de B_2 son:
 - (a) (1,2) (b) (-1,-2) (c) (2,1) (d) (-2,-1)
- 3. Sea la aplicación lineal $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ definida por f(x, y, z) = (x + y + z, -2x + 3y + z, x + 6y + 4z). ¿Cuál de los siguientes vectores de \mathbb{R}^3 no pertenece a Im(f)?
 - (a) (1,0,3) (b) (1,-1,2) (c) (2,-5,1) (d) (2,-1,4)
- 4. Sobre una aplicación $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ de la forma f(x) = ax + b se sabe que $(f \circ f)(x) = 4x + 2$. Entonces $f^{-1}(x)$ puede ser igual a:
 - (a) $2x + \frac{1}{2}$ (b) $\frac{1}{4}x \frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{2}x \frac{1}{3}$ (d) $\frac{-1}{2}x + \frac{1}{8}$
- 5. Si para dos elementos a y b pertenecientes a un grupo (G, \cdot) se verifica que $a^2 = b^2$, entonces:
 - (a) $a \cdot b = b \cdot a$ (b) $b^{-1} \cdot a = a \cdot b^{-1}$ (c) a = b (d) $b^{-1} \cdot a = b \cdot a^{-1}$
- 6. Sea la relación de equivalencia R definida en el grupo simétrico S_5 como α R β si y sólo si α y β tienen el mismo orden. Entonces el cardinal del conjunto cociente S_5/R es igual a
 - (a) 5 (b) 4 (c) 6 (d) 7
- 7. El valor del determinante $\begin{vmatrix} a & 0 & 0 & b \\ 0 & a & b & 0 \\ 0 & b & a & 0 \\ b & 0 & 0 & a \end{vmatrix}$ sobre $\mathbb R$ es igual a:
 - (a) $a^4 + 2a^2b^2 + b^4$ (b) $a^4 b^4$ (c) $a^4 2a^2b^2 + b^4$ (d) $a^4 a^3b + ab^3 b^4$
- 8. Dada la permutación $\alpha = (4, 1, 5, 7, 2)(6, 4, 8, 3, 1, 9)$, entonces a^{2008} es igual a
 - (a) α^4 (b) **1** (c) α^2 (d) α^6
- 9. Sobre una aplicación lineal $f:(\mathbb{Z}_5)^3\to(\mathbb{Z}_5)^3$ se sabe que f(1,2,3)=(4,1,2) y f(2,1,1)=(3,2,1). Entonces:
 - f(1,1,3) = (2,3,3).
 - b) f(1,1,3) = (4,1,1).

- c) f(1,1,3) no se puede calcular a partir de los datos del enunciado.
- d) f(1,1,3) = (1,2,1).
- 10. Dada la matriz $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 0 & 1 \\ 5 & 1 & 2 \end{pmatrix} \in \mathcal{M}_{3\times 3}(\mathbb{Z}_7)$, podemos afirmar que:
 - a) A tiene tres valores propios distintos en \mathbb{Z}_7 .
 - b) A no tiene ningún valor propio en \mathbb{Z}_7 .
 - c) A tiene sólo un valor propio en \mathbb{Z}_7 .
 - d) A tiene exactamente dos valores propios distintos en \mathbb{Z}_7 .
- Sea $U = \{(x, y, z, t) \in \mathbb{R}^4 \mid 2x y + 3z t = 0\}$. En el espacio vectorial cociente \mathbb{R}^4/U , el vector [(5,2,-1,2)] es igual a:
 - (a) [(2,-1,3,-1)] (b) [(2,1,4,-3)] (c) [(2,-1,1,5)] (d) [(-2,6,1,-1)]
- La dimensión del subespacio núcleo de la aplicación lineal $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ definida por f(x, y, z) = (x + y + z, -2x + 3y + z, x + 6y + 4z) es:
 - (a) 0 (b) 1 (c) 2 (d) 3
- Sean el espacio vectorial $V = (\mathbb{Z}_5)^3$ y su subespacio vectorial $U = \langle (1,3,2), (2,1,1) \rangle$. ¿Para cuál de los siguientes subespacios vectoriales W de V se verifica que V= $U \oplus W$?
 - a) $W = \langle (3,4,3) \rangle$.
 - b) $W = \langle (2,1,3), (3,4,2) \rangle$.
 - c) $W = \langle (2,3,1), (4,1,2) \rangle$.
 - d) $W = \{(x, y, z) \in V \mid 4x 3y = 0, x z = 0\}.$
- Sean $A, B \in \mathcal{M}_{2\times 2}(\mathbb{R})$ tales que

$$A + B = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$$
$$A - B = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Entonces $A \cdot B$ es igual a

(a)
$$\begin{pmatrix} -1 & 6 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$$
 (b) $\begin{pmatrix} 6 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ (c) $\begin{pmatrix} 1 & 6 \\ -2 & 4 \end{pmatrix}$ (d) $\begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$

- La aplicación $f: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ definida por f(x,y) = (x-1,x+y+1)
 - a) es invectiva pero no es sobrevectiva.
 - b) es sobreyectiva pero no es inyectiva.
 - c) es biyectiva.
- d) no es inyectiva ni sobreyectiva. El sistema $\begin{cases} 3x + 5y = 4 \\ 2x + y = 5 \end{cases}$ en \mathbb{Z}_7 es
 - a) incompatible.

- b) compatible determinado.
- c) compatible indeterminado y su número de soluciones es menor o igual que 21.
- d) compatible indeterminado y su número de soluciones es mayor que 21.
- 17. Sean $v_1 = (1, 2, 1, 2, 1)$, $v_2 = (1, 3, 2, 1, 1)$, $v_3 = (1, -5, -6, 9, 1)$ y $v_4 = (1, -4, 2, a, 5)$ vectores de \mathbb{R}^5 . Entonces v_1, v_2, v_3, v_4 son vectores:
 - a) linealmente independientes para cualquier valor de $a \in \mathbb{R}$.
 - b) linealmente dependientes para cualquier valor de $a \in \mathbb{R}$.
 - c) linealmente independientes sólo para un único valor de $a \in \mathbb{R}$.
 - d) linealmente dependientes sólo para un único valor de $a \in \mathbb{R}$.
- 18. Sea $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix} \in \mathcal{M}_{2\times 2}(\mathbb{Z}_7)$. ¿Para cuál de las siguientes matrices regulares $P \in \mathcal{M}_{2\times 2}(\mathbb{Z}_7)$ se verifica que $P^{-1} \cdot A \cdot P$ es una matriz diagonal?

(a)
$$P = \begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$$
 (b) $P = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ (c) $P = \begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$ (d) $P = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$

- 19. Sean A y B conjuntos tales que |A| = 8 y |B| = 9. De los siguientes cuatro conjuntos, ¿cuál de ellos tiene cardinal distinto del cardinal de los tres conjuntos restantes?
 - a) $\mathcal{P}(A \times B)$
 - b) $\mathcal{P}(A) \times \mathcal{P}(B)$
 - c) El conjunto de todas las aplicaciones de A en $\mathcal{P}(B)$.
 - d) El conjunto de todas las aplicaciones de B en $\mathcal{P}(A)$.
- 20. Sea V el conjunto de todas las matrices de la forma $\begin{pmatrix} a & b \\ 0 & a \end{pmatrix}$, con a y b números reales. Entonces V con respecto de las operaciones suma de matrices y producto de un número real por una matriz,
 - a) es un espacio vectorial sobre \mathbb{R} de dimensión dos.
 - b) es un espacio vectorial sobre \mathbb{R} isomorfo a \mathbb{R}^3 .
 - c) no es un espacio vectorial, ya que la suma de matrices no es una operación binaria en V.
 - d) no es un espacio vectorial, ya que en V hay matrices no nulas cuyo determinante no es cero.